

3. Linguagens, gramáticas e expressões regulares

análise léxica

converte sequência de caracteres em sequência de elementos léxicos (tokens)

< tokenname, value >

Linguagem regular

\emptyset é uma LR

$\forall a \in A$ (alfabeto), o conjunto $\{a\}$ é uma LR

elementos primitivos

fecho de Kleene

$$L^* = L \cup L^2 \cup \dots$$

$$= \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$$

$$= \{ \epsilon \} \cup L$$

L_1, L_2 linguagens regulares, então

$L_1 \cup L_2$ é LR união $\{ab\} \cup \{bc, c\} = \{ab, bc, c\}$

$L_1 \cdot L_2$ é LR concatenação $\{ab\} \cdot \{bc, c\} = \{abbc, abc\}$

$(L_1)^*$ é LR fecho $\{ab\}^* = \{\epsilon, ab, abab, ababab, \dots\}$

expressões regulares
regulares
por indução

$()$ é ER que representa a LR $\{ \}$

$\forall a \in A$, a é ER que representa a LR $\{a\}$

se e_1 e e_2 são ER que representam L_1 e L_2

então $(e_1 | e_2)$ é ER representando a LR $L_1 \cup L_2$ escolha

então $(e_1 e_2)$ é ER representando a LR $L_1 \cdot L_2$

então e_1^* é ER representando L_1^*

$$ER()^* = \{ \epsilon \}$$

propriedades ER

escolha |

comutativa $e_1 | e_2 = e_2 | e_1$

associativa $e_1 | (e_2 | e_3) = (e_1 | e_2) | e_3 = e_1 | e_2 | e_3$

idempotência $e_1 | e_1 = e_1$

elemento neutro $e_1 | () = e_1$

concatenação •

associativa $e_1 \cdot (e_2 \cdot e_3) = e_1 \cdot e_2 \cdot e_3$

elemento neutro $e_1 \cdot \epsilon = e_1$

elemento neutro $e_1 \cdot () = e_1$

mistas | • |

distributiva (à exp e dir) $e_1 \cdot (e_2 | e_3) = e_1 \cdot e_2 | e_1 \cdot e_3$

fecho *

$(e^*)^* = e^*$

$(e_1 | e_2^*)^* =$

$(e_1^* | e_2^*)^* = (e_1 | e_2)^* = (e_1^* | e_2)^* = (e_1 | e_2^*)^*$

precedência

fecho concatenação escolha

EXERCÍCIOS

$$L = \{ w \in A^* \}$$

$$: \#(0, w) = 2 \}$$

o nr de ocorrência do símbolo 0 em w é dois

outras	$e^+ = e \cdot e^*$	$[a_1 a_2 \dots a_n] = (a_1 a_2 \dots a_n)$
ntasce	$e^? = (e \epsilon)$	$[a_1 - a_n] = (a_1 \dots a_n)$
ER	$e\{n\}$ n ocorrências	$[^1 a_1 \dots a_n]$ símbolo fora do conjunto dado
	$e\{m, n\}$ entre m e n	$[^1 a_1 - a_n]$ " " " " "
	$e\{n, \infty\}$ m a + ocorrências	

• símbolo qualquer

^ \$ palavra varia no início/fim de linha

< > palavra varia no início/fim de palavra

gramáticas regulares	os símbolos <u>não</u> terminais só podem aparecer no <u>fim</u> !
----------------------	--

$S \rightarrow a x$ $x \rightarrow a x | b x | \epsilon$

Maíúsculas
símbolo não
terminais
minúsculas
símbolos
terminais
do contexto do
AUTAR

$G = (T, N, P, S)$ π não pode subir

T conjunto finito n vazio de símbolos terminais

N disjuncto de T, n vazio de símbolos não terminais

P conjunto de produções (regras) na forma $\alpha \rightarrow \beta$

$\alpha \in N$

$\beta \in T^* | T^* N$

$S \in N$ é o símbolo inicial

∴ Linguagem gerada por uma gramática regular é regular

⇒ é possível converter gramática em ER que represente a LR e vice-versa

operações GR	GR são fechadas sobre operações de união, concatenação, fecho, interseção e complementação
--------------	---

união começar por obter GR para linguagens individuais!

$T = T_1 \cup T_2$

$N = N_1 \cup N_2 \cup \{S\}$

$P = \{S \rightarrow S_1, S \rightarrow S_2\} \cup P_1 \cup P_2$

S

concatenação produção T^* de S_1 ganham S_2 no fim!

$T = T_1 \cup T_2$

$N = N_1 \cup N_2$

P alterar S_1 para invocar S_2 ou introduzir $S \rightarrow S_1 S_2$

$S = S_1$

fecho produção T^* geram $S \in N$ no fim

$$T = T_1$$

$$N = N_1 \cup \{S\}$$

$$P = \{S \rightarrow E, S \rightarrow S_1\} \text{ mas } S_1 \text{ aponta para } S \text{ ou introduzir } S \rightarrow E_1 S_1 S$$

conversão
ER \rightarrow GR

dadas as ER básicas $e, e^*, e_1 e_2, e_1 e_2$

identificam-se as GR relativas às ER e fazem-se as operações sobre as gramáticas

$$e \quad E \quad S \rightarrow E$$

$$a \quad S \rightarrow a$$

e^* fecho da gramática equivalente a e
e $e_1 e_2$ reunião das GR

$e_1 e_2$ concatenação das GR

1.º deconstruir ER em árvore

2.º construir GR a partir das folhas

conversão
GR \rightarrow ER

converte-se $G = (T, N, P, S)$ em

$$\tilde{E} = \{(\underline{E}, \underline{e}, \underline{S})\}$$

$$\cup \{(\underline{A}, \underline{w}, \underline{B}) : (A \rightarrow wB) \in P \wedge B \in N\}$$

$$\cup \{(\underline{A}, \underline{w}, \underline{E}) : (A \rightarrow w) \in P \wedge w \in T^*\}, \text{ com } E \notin N$$

por transformações de equivalência, removem-se um a um os símbolos de N até obter $(\underline{E}, \underline{e}, \underline{E})$ sendo \underline{e} a ER

para remover símbolos de N

substituir (A, β_i, B) por (A, w, B) , $w = \beta_1 \beta_2 \dots \beta_n$

substituir $(A, w_1, B), (B, w_2, C), (B, w_3, C)$

por $(A, w_1 \underline{w_2^*} w_3, C)$