- 1. Аналитическое описание диаграммы рассеянья (Лаговый доход текущее потребление домохозяйств). Четвёртый принцип спецификации эконометрических моделей;
- 2. Обсуждение домашних заданий;

На двух предшествующих занятиях обсудили три принципа спецификации эконометрических моделей:

- 1. Словестный (вербальный) модель возникает в результате записи мат. языком взаимосвязей
- 2. Количество уравнений моделей равно количеству текущих эндогенных переменных
- 3. Отражения фактрора време, датирование всех переменных моделей

На сегодняшнем занятии мы рассмотрим отражение её не полного соответсветсвия изучаемому объекту, т.е. отражение в спецификации модели влияние на текущие эндогенные переменные неучтённых факторов. В качестве изучаемого объекта мы выберем экономику россии, изучать этот объект мы будем превлекая модель Самуэльсона-Хикса делового цикла экономики. Состояние экономики в текущем периоде t описывается основными макроэкономическими переменными:  $Y_t$  — уровень ВВП страны  $C_t$  — уровень расхода домохозяйств на потребление,  $I_t$  — объём инвестиций в экономику (накопление капитала),  $G_t$  — уровень государственных расходов.

Сейчас требуется составить спецификацию модели позволяющей объяснять переменные  $Y_t,\ C_t,\ I_t,\ G_t$  их лаговыми значениями. При составлении спецификации нужно учесть следующие экономические утверждения (стр. 38 задача 2.5):

- 1. Текущий расходы домохозяйств на конечное потребление  $C_t$  объясняются уровнем ВВП в предыдущем периоде, возрастая вместе с ним;
- 2. Величина инвестиций в текущем периоде (валовое накопление капитала)  $I_t$  объясняется приростом ВВП за предыдущий период (прирост ВВП за предшествующий период это разность  $\Delta Y_{t-1} = Y_{t-1} Y_{t-2}$ ); с ростом  $\Delta Y_{t-1}$  увеличивается и  $I_t$ ;
- 3. Государственные расходы  $G_t$  возрастают с постоянным темпом роста;
- 4. Текущее значение ВВП  $Y_t$  есть сумма текущих уровней потребления домохозяйств, инвестиций и государственных расходов (основное тождество системы национальных счетов)

$$\begin{cases} C_t = a_0 + a_1 \cdot Y_{t-1}; & a_1 > 0 \\ I_t = b (Y_{t-1} - Y_{t-2}); & b > 0 \\ G_t = g G_{t-1}; & g > 1 \\ Y_t = C_t + I_t + G_t; \end{cases}$$

Объсняющие переменные : 
$$\overrightarrow{x_t} = (1, Y_{t-1}, Y_{t-2}, G_{t-1})$$
  
Объясняемые переменные :  $\overrightarrow{y_t} = (Y_t, C_t, I_t, G_t)$ 

Зададимся следующим вопросом. Согласуется ли данная модель с изучаемым объектом (экономикой россии)? Другими словами соответсвует ли эта модель реальной статистической информации из реальных счетов россии? Чтобы ответить на этот вопрос проведём следующее иследование:

- 1. Выберем в моделе Самуэльсона-Хикса уравнение текущих расходов домохозяйств  $C_t = a_0 + a_1 \cdot Y_t$  и проведем соответсвие этой модели статистической информации из системы национальных счетов России; Это информация содержится в файле (на почте) элементы использования ВВП России; Эту информации можно собрать на сайте www.gks.ru/;
- 2. В Ехсеl построим график, откладывая вдоль горизонтальной оси лаговые уровни ВВП, в доль вертикальной оси соответсвующие уровни домохозяйств  $C_t$ . Если модель Самуэльсона-Хикса в полной мере соответсвует реальным данным, то построенный график (построенное множество точек) будет предствалять собой восходящую прямую. Если же график окажется иным, то будет означать, что по крайней мере первое уравнение не соответсвует реально статистике.

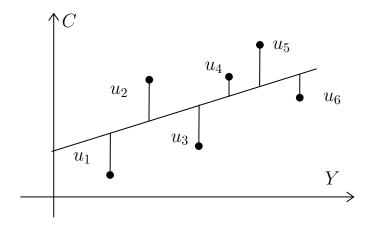


Рис. 1: Уравнение потребления

3. Рассматривая данный график мы констатируем, что точки не распределились на воходящей прямой и это значит, что модель Самуэльсона-Хикса не

в полной мере соответсвует изчуемому объекту; Основная причина неполного соответствие влияние на уровень потребления домохозяйств неучтённых факторов.

ДЗ осуществить аналогичное исследование модели Самуэльсона-Хикса для уравнения инвестиций и государственных расходов.

Аналитическое описание диаграммы рассеивания. Построенный график принято называть диаграммой рассеивания. Нам предстоит аналитически описать эту диаграмму. Рассматривая эту диаграмму мы можем сделать следующие выводы:

- 1. Точки реальных данных разметились вдоль восходящей прямой;
- 2. Точки реальных данных хаотично разместились вдоль восходящей прямой, то выше, то ниже, то ближе, то дальше.

Вот аналитическая запись данной диаграммы:

$$\begin{cases}
C_t = a_0 + a_1 Y_{t-1} + U_t; \\
E(U_t) = 0; Var(U_t) = \sigma_u^2
\end{cases}$$
(1)

Символом  $U_t$  мы обозначили переменную величину, которая хаотично принимает то положительные, то отрицательные значения рассеяные вокруг 0. Символов  $E(U_t)$  мы обозначили среднее значение, символом  $Var(U_t)$  диспресию. В силу хаотичности появления её значений экономисты называют случайным возмущением. Физики и в технических приложениях такие величины называются невязками или ошибками модели.

**Итог:** Выражение (1) более адекватно описывает лаговое потребление в стране и текущего потреблени домохозяйств.

**Общий вывод:** для отражения на текущие эндогенные переменные неучтённых факторов в правых частях поведенческих моделей дискриптивных моделей включаются случайные возмущения. В этом и состоит четвёртый принцип спецификации экномметрических моделей.

|ДЗ | построить графики в Excel.