## Лекция №6

## Модель поведения фирмы в долгосрочном периоде План

- 1. Вклад научно-технологического прогресса в темп прироста выпуска фирмы;
- 2. Определение конкурентного рынка и цели фирмы на рынке;
- 3. Изокосты и предельный доход фирмы на конкурентном рынке;
- 4. Модель поведения фирмы в долгосрочном периоде;

В конце прошлой лекции мы обсудили модели учёта в производственной функции фирмы научно-технологического прогресса.

Обсудим модель воздействия технологического прогресса на темп прироста выпуска фирмы.

**Теорема.** Пусть  $q_t = F(x_{1,t}, \dots, x_{n,t}, A_t)$  – производственная функция расширенная индексом научно-технологического прогресса, тогда справедливо следующее равенство:

$$\frac{\triangle q_t}{q_{t-1}} = E_q(x_{1,t}) \cdot \frac{\triangle x_{1,t}}{x_{1,t}} + \dots + E_q(x_{n,t}) \cdot \frac{\triangle x_{n,t}}{x_{n,t}} + E_q(A) \cdot \frac{\triangle A}{A_{t-1}}$$

В левой части темп прироста выпуска, а в правой части расчёт темпа прироста, где  $E_q(x_{i,t})$ .

**Пример**. (Нейтральный технологический прогресс.) Пусть производственная функция фирма является функцией Кобба-Дугласа с нейтральным по Хиксу технологическим прогрессом.

$$q_t = A_t \cdot F_{C-D}(K_t, L_t) = A_t \cdot a_0 \cdot K_t^{\alpha} \cdot L_t^{\beta}$$

В качестве индекса научно-технологического прогресса выберем следующую показательную функцию:

$$A_t = e^{\gamma t}, \ \gamma > 0 \to \frac{\triangle A_t}{A_{t-1}} = \gamma$$
 (1)

**Задача.** Доказать формулу (1) и дать трактовку коэффициенту  $\gamma$ . В России этот коэффициент примерно 0,015.

Тогда утверждение теоремы преобретёт конкретный вид:

$$\frac{\Delta q_t}{q_{t-1}} = \alpha \cdot \frac{\Delta K_t}{K_{t-1}} + \beta \cdot \frac{\Delta L_t}{L_{t-1}} + \gamma \tag{2}$$

Обсудили производсвенную функцию, которая понадобится при дальнейшем изучении микроэкономики.

## Определение конкурентного рынка и цели фирмы на рынке

Приступая к моделированию поведения фирмы на конкурентном рынке дадим следующее определение этого рынка. Обазначим символом  $p_0$  цену блага, которая доставляет фирма на рынок (цена сливочного масла). Рынок называется конкурентным, если ни продавцы, ни покупатели не в состоянии влиять на велечину  $p_0$ ; то есть другими словами ни фирма ни покупатели не имеют власти над рынком. В обсуждаемой ниже модели велечина  $p_0$  будет приниматься как экзогенная

переменная. В такой ситации (конкурентного рынка) доход фирмы от реализации её выпуска q:

$$y = p_0 \cdot q = p_0 \cdot F(x_1, \dots, x_n) \tag{3}$$

Обозначим символом c издержки фирмы (затраты) возникающие в процессе выпуска q блага фирмы; Величина определяется следующим образом:

$$c = p_1 x_1 + \ldots + p_n x_n \tag{4}$$

символом  $p_1, p_2, \dots, p_n$  мы обозначаем цены факторов производства; Мы полагаем, что рынок тоже является конкурентным и в нашей будующей модели цены факторов будут играть роль экзогенных переменных. Валовая прибыль фирмы на заданном отрезке времени рассчитываются по правилу:

$$\pi = \pi(x_1, x_2, \dots, x_n) = y - c \tag{5}$$

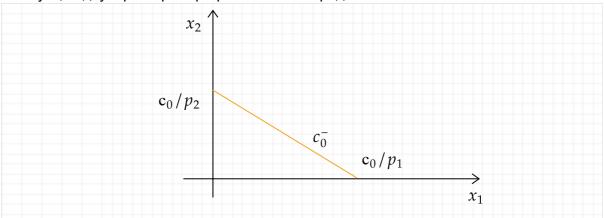
В нашей будущей модели мы будем постурировать, что *цель присутсвия фирмы на рынке это максимизация прибыли фирмы.* 

## Изокосты и предельный доход фирмы

Изокостой заданного уровня называют линию уровня функции издержек фирмы на факторы производства, то есть линию уровня функции (4) Вот определение изокосты и её график:

$$c_0^- = \left\{ (x_1, x_2, \dots, x_n) | \sum_{i=1}^n p_i \cdot x_i = c_0 \right\}$$
 (6)

В ситуации двух факторов график изокосты предствален ниже:



с позиции экономиста изокоста - это комбинаций факторов производства приводящая к одному и тому же уровню затрат  $c_0$ .

**Задача.** Опираясь на формулу (3) доказать, что предельный доход фирмы на конкурентном рынке совпадает с рыночной ценой блага:

$$M_y(q) = p_0$$

 $M_y(q)$  — дополнительный доход который получит фирма в ответ на измение единицы продукции.

Решение уравнений (7) численное или аналитическое мы обозначим символами (8):

$$\vec{x}^* = (x_1^*, x_2^*, \dots, x_n^*) = \vec{x}(p_0, \vec{p})$$
 (8)

И подчеркнём во-первых, что это приведённая форма модели (7), а во-вторых отметим, что экономисты называют это решение *спросом фирмы на факторы производства или ещё локальным рыночным равновесием фирмы*.

*Следствие.* Подставляя спрос фирмы в её производственную функцию мы получим уравнение (9) оптимального выпуска фирмы:

$$q_* = F\left(\vec{x}, \left(p_0, \vec{p}\right)\right) = q_*\left(p_0, \vec{p}\right) \tag{9}$$

Другими словами выражение (9) - это приведённая форма функции продукции фирмы.

**Вывод:** Модель поведения фирмы в долгосрочном периоде при совершенной конкуренции является оптимизационной задачей (6) на безусловный экстремум. Решением этой задачи является спрос фирмы на факторы производства.