시간복잡도 연습문제

made by gardenjun

모든 문제는 big-O 표기법을 사용합니다.

예시

```
a = 0
for i in range(N):
   a += 1
```

정답: O(N)

문제 #1

```
print("Hello World1")
print("Hello World2")
print("Hello World3")
```

정답: O(1)

문제 #2

```
a = 0
b = 0
for i in range(N):
    a += 1
for j in range(N):
    b += 1
```

정답: 0(2N)=0(N)

```
a = 0
b = 0
for i in range(N):
    a += 1
for j in range(M):
    b += 1
```

정답: ○ (*N+M*)

문제 #4

```
a = 0
b = 0
for i in range(N):
   for j in range(N):
       a = a + i + j
for j in range(M):
   b += 1
```

정답: $O(N^2 + M) = \rho(N^2)$

문제 #5

우리는 두가지 알고리즘을 가지고 있습니다, 'Algo A'와 'Algo B' 이지요. 여기서, 'Algo A'가 'Algo B' 보다 점근적으로 더 효과적이라는 말은 무슨 뜻인지 아래 선택 답지에서 골라보세요.

```
1. Algo A가 어떤 크기의 입력이 들어와도 항상 빠르다.
2. Algo A가 입력 크기가 클 경우 빠르다.
3. Algo A가 입력 크기가 작을 경우 빠르다.
4. Algo B가 항상 더 빠르다.
5. Algo A가 입력 크기에 따라 메모리 관리능력이 효과적이다.
```

정답: 2

```
a = 0, i = N
while i > 0:
    a += i
    i = i/2
```

정답: 0((og n)

문제 #7

```
def gcd(N, M):
    if N % M == 0:
        return M
    if N < M:
        N, M = M, N
    while M > 0:
        N = N % M
        N, M = M, N
    return N
```

정답: () (logn)

문제 #8

다음 보기중 O(n^2)가 아닌 것은 무엇인가요?

```
1) (15^10) * n + 12099
2) n^1.98
3) n^3 / (sqrt(n))
4) (2^20) * n
```

정답: 3

아래 보기 중 가장 빠른 반복문을 고르세요.(n은 양의 정수)

```
1. for(i = 0; i < n; i++)
2. for(i = 0; i < n; i += 2)
3. for(i = 1; i < n; i *= 2)
4. for(i = n; i > -1; i /= 2)
# 이 문제는 안배웠지만 알아두셨으면 해서 넣어놨습니다!
# 답은 3번으로 나누기는 매우매우매우 느린 연산입니다!
# 만약 시간초과가 났을 때 4번처럼 반복해서 나누는 연산이 있다면
# 3번처럼 곱하기로 바꾸어 해결해보세요!
```

정답: 3번

문제 #10

다음 함수들을 가장 빠른 순서대로 나열한 것은?

```
f1(n) = 2^n \bigcirc

f2(n) = n^3(3/2) \bigcirc

f3(n) = n \text{ Log } n \bigcirc

f4(n) = n^2(\log n) \bigcirc

f5(n) = n! \bigcirc
```

```
1. f3(), f2(), f4(), f1(), f5()
2. f3(), f2(), f1(), f4(), f5()
3. f2(), f3(), f1(), f4(), f5()
4. f2(), f3(), f4(), f5()
```

정답: 1

문제 #11

```
def func(N):
    m = 0
    for i in range(N):
        for j in range(i):
            m += 1
    return m
```

정답: ()(n)

```
import math

def func(N):
    m = 0
    for i in range(N):
        for j in range(math.sqrt(N)):
            m += 1
    return m
```

정답: 0(nlogn)

문제 #13

```
def func(N):
    m = 0
    i = N
    while i > 0:
    for j in range(i):
        m += 1
        i = i / 2
    return m
```

정답: O(Nlogn)

문제 #14

```
def binarySearch(array, value, low, high):
   if low > high:
      return False
   mid = (low+high) / 2
   if array[mid] > value:
      return binarySearch(array, value, low, mid-1)
   elif array[mid] < value:
      return binarySearch(array, value, mid+1, high)
   else:
      return mid</pre>
```

정답: ((logn)

문제#15

```
def binarySearch(array, value, low, high):
   if low > high:
      return False
   mid = (low+high) / 2
   if array[mid] > value:
      return binarySearch(array, value, low, mid-1)
   elif array[mid] < value:
      return binarySearch(array, value, mid+1, high)
   else:
      return mid</pre>
```

정답:

문제 #16 (서술형 풀이 필요!)

다음 재귀식을 O(n)표현 수준으로 푸시오:

```
T(n) = 2T(n/4) + n
```

정답:

16번은 적당히 고민하다가 밑에 풀이를 넣어 놨으니 보셔도 됩니다!

시간 복잡도가 어떻게 계산되는지 어렴풋하게 말하는 것보단 증명할 수 있다는 것도 알아두 었으면 해서 넣어놨습니다!

16번 풀이

$$T(n) = 2T(\frac{n}{4}) + n$$

$$= 2 \cdot \left\{ 2T(\frac{n}{4^2}) + \frac{n}{4} \right\} + n$$

$$= 2^2 T(\frac{n}{4^3}) + \frac{n}{2} + n$$

$$= 2^2 \left\{ 2T(\frac{n}{4^3}) + \frac{n}{4^2} \right\} + \frac{n}{2} + n$$

$$= 2^3 T(\frac{n}{4^3}) + \frac{n}{4} + \frac{n}{2} + n$$

$$\vdots$$

$$= 2^k T(n) + \frac{k}{1 - n} + \frac{n}{2} + n$$

$$= T(n) \cdot 2^k + \frac{n \cdot (1 - \frac{1}{2^{k+1}})}{1 - \frac{1}{2}}$$

$$= T(n) \cdot \sqrt{n} + 2n - \sqrt{n}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$

$$0 \cdot (n \cdot 2^k) = \frac{n \cdot (n \cdot 2^k)}{1 - \frac{1}{2^k}}$$