

# Problème de mariage stable

DAGA Eunicia Neruda RASAMOELINA Mamisoa Wendy **GOUNOU Boubacar** 



**Encadrant**: Yann VAXES Master Informatique AMU, 2024/2025

## Introduction du problème

Étant donné n hommes et n femmes, chacun ayant établi une liste de préférence ordonnée des individus du sexe opposé, l'objectif est de former des couples de manière à ce qu'il n'existe aucune paire (h, f) d'hommes et de femmes qui préféreraient être ensemble plutôt que de rester avec leurs partenaires respectifs. Lorsque cette condition est remplie, on considère que l'ensemble des mariages est stable.

### Résolution du problème : Algorithme de Gale-Shapley

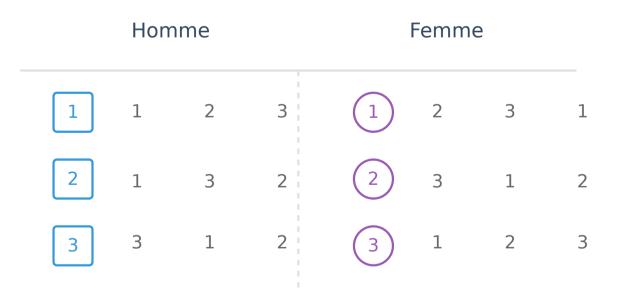
## Algorithm 1 Algorithme de Gale-Shapley 1: Entrée : n hommes et n femmes, chacun avec une liste de préférences.

- 2: Sortie: Un ensemble de mariages stables.
- 3: Initialiser chaque homme et chaque femme comme étant célibataire.
- 4: while il existe un homme célibataire qui n'a pas encore proposé à toutes les femmes do
- Sélectionner un tel homme h.
- $f \leftarrow$  la femme préférée de h parmi celles à qui il n'a pas encore proposé.
- **if** f est célibataire **then**
- h et f se fiancent.
- Comparer h avec le fiancé actuel h' de f.
- if f préfère h à h' then
- h et f se fiancent, et h' redevient célibataire.
- else
- h reste célibataire.
- end if
- 17: end while
- 18: return l'ensemble des couples formés.

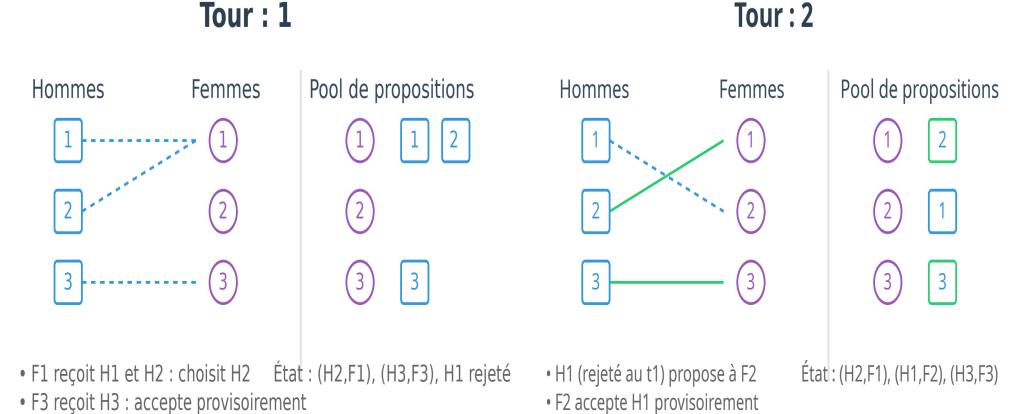
#### Complexité : polynomiale $\mathcal{O}(n^2)$

#### Stabilité des couplages (1)

## **Préferences**



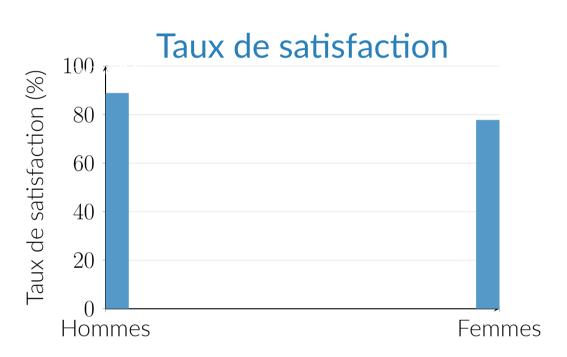
## Tour: 1



### Stabilité des couplages (2)

## Tour: 3 Pool de propositions Hommes Femmes 3) Aucune nouvelle proposition Tous les couples sont stables

#### **Satisfaction**



#### Analyse

Cette solution montre que l'algorithme de Gale-Shapley tend à favoriser légèrement les "proposants" (ici les hommes) en leur donnant en moyenne une meilleure satisfaction.

✓ Satisfaction moyenne des hommes : 88.9%

Couples finaux : (H2,F1), (H1,F2), (H3,F3)

- ✓ Satisfaction moyenne des femmes: 77.8%
- Écart de satisfaction : 11.1%

## **Domaine d'application**

#### Académique Professionnel Industriel Recrutement RH Universités Ressources IT Matching Cloud computing Parcoursup (France) Systèmes similaires (USA, Allocation serveurs

## Médecine

Japon)

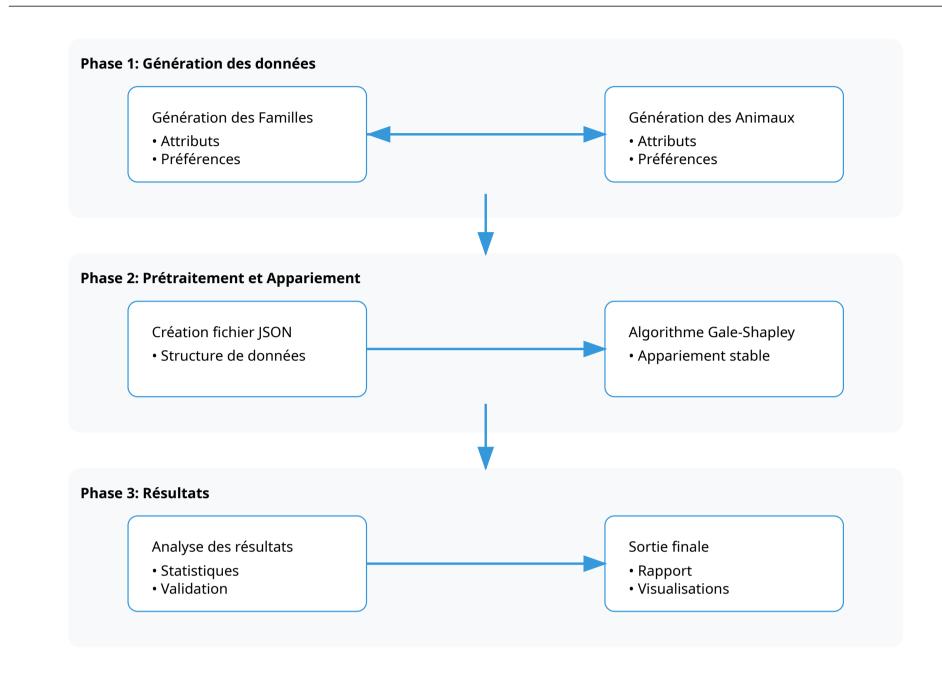
Placement des internes NRMP (USA)

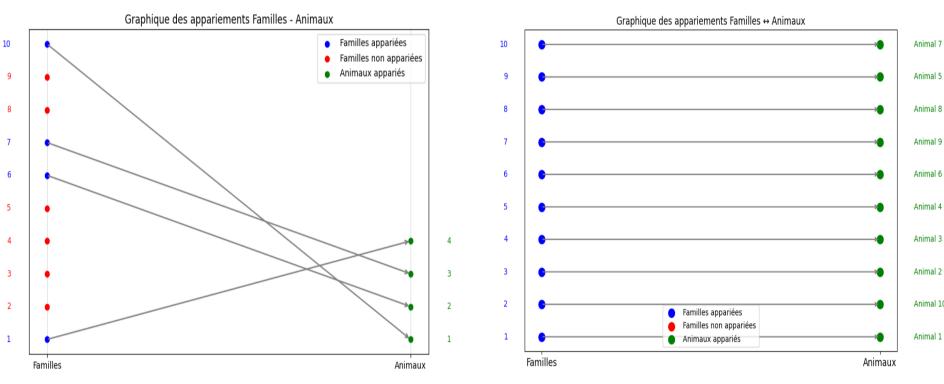
ployeurs/candidats Placement stagiaires

#### ✓ Enseignants

✓ Logistique Distribution des postes Circuit distribution Préférences géo-Chaîne d'approvisiongraphiques nement

## Simulation et Résultat : Refuge Animal





#### Conclusion

- L'algorithme de Gale et Shapley garantit toujours l'obtention d'une solution stable.
- Ce modèle trouve des applications variées dans des domaines comme :
- Économie
- ➤ Éducation
- Santé
- La simulation réalisée a confirmé la validité et la robustesse de cet algorithme face à différents ensembles de préférences.
- Bien que performant, l'algorithme pourrait être étendu ou adapté pour traiter des cas plus complexes.
- En somme, cette étude met en lumière l'importance de l'algorithme de Gale-Shapley pour résoudre des problèmes d'appariement de manière équitable et efficace.

## Références

- [1] D. Gale and L. S. Shapley. College admissions and the stability of marriage. The American Mathematical Monthly, 69(1):9-15, 1962.
- La transparence et l'obstacle : principes et enjeux des algorithmes d'appariement scolaire. collection "Gouvernances", pages 101-138. Presses de Sciences Po, June 2022.
- [3] D. Gusfield and R. W. Irving. The Stable Marriage Problem: Structure and Algorithms. MIT Press, 1989.