



Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України  
«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Фізико-технічний  
інститут

## **ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №5**

**з дисципліни**

**«Криптографія»**

**на тему: «Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного підпису;  
ознайомлення з методами генерації параметрів для асиметричних  
криптосистем»**

**Виконали:**

студенти 3 курсу ФТІ  
Семичастний В.С  
Романюк Д.О.

**Перевірили:**

Чорний О.  
Савчук М. М.  
Завадська Л. О.

## Мета роботи :

Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

## Порядок виконання роботи

1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту.

В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.

2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел  $p, q$  і  $p_1, q_1$  довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб  $p \cdot q \leq p_1 \cdot q_1$ ;  $p$  і  $q$  – прості числа для побудови ключів абонента А,  $p_1$  і  $q_1$  – абонента В.

3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ  $(d, p, q)$  та відкритий ключ  $(n, e)$ . За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів А і В – тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі  $(e, n)$ ,  $(e_1, n_1)$  та секретні  $d$  і  $d_1$ .

4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання.

За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення  $M$  і знайти криптограму для абонентів А і В, перевірити правильність розшифрування. Скласти для А і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа  $0 < k < n$ .

Кожна з наведених операцій повинна бути реалізована у вигляді окремої процедури, інтерфейс якої повинен приймати лише ті дані, які необхідні для її роботи; наприклад, функція Encrypt(), яка шифрує повідомлення для абонента, повинна приймати на вхід повідомлення та відкритий ключ адресата (і тільки його), повертаючи в якості результату шифротекст. Відповідно, програмний код повинен містити сім високорівневих процедур: GenerateKeyPair(), Encrypt(), Decrypt(), Sign(), Verify(), SendKey(), ReceiveKey().

Кожну операцію рекомендується перевіряти шляхом взаємодії із тестовим середовищем, розташованим за адресою [http://asymcryptwebservice.appspot.com/?section=rsa\\_](http://asymcryptwebservice.appspot.com/?section=rsa_). Наприклад, для перевірки коректності операції шифрування необхідно а) зашифрувати власною реалізацією повідомлення для серверу та розшифрувати його на сервері, б) зашифрувати на сервері повідомлення для вашої реалізації та розшифрувати його локально.

### Результати:

#### Згенеровані прості числа

p:89528030287409584261507497815455624140695350657086532446409558156255667678976  
47910332714615138528370974054400787856415762254121812029756088935365716372923

q:82190630305168458107192774703072167273412851679945001070750569608763024419473  
56849895255431885040055836084233212899236345307174793092879157062571459688241

p1:1127289766654819000218980477400399690400087302778838747980052975116525265529  
3246909003333472761015773930146037869692341861189734522340359418668207484751689

q1:6987785427029564369323903722726005571511231494355653800336179098267914917651  
530312291312735935981943363241485666545799981820656037732324619010269073495187

#### Отримані відкриті та закриті ключі

e: 65537

n:73583652393024057586742236188893502460144542971343713627792731173791955454521  
3225710366756540782323027321464473746371897183931644320245833160377450292136881  
1653187457306601470834595182175382847517328976443683011609677804056218079653836  
6624328071236114136934261673941665420482768485348135842910016206873898443

d:97232773810761606222620468650658060531432891669108528009625868130222368163961  
5260791884906486896702231808578717769135088516845146987706015711562738533943254  
0104154304136091003247630220048534262741618711425834611665585140074784143922990  
545683514498384818494513107494823971102267333788768090977164017510463873

e1: 65537

**n1:**7877259003470102360049341905337126834896944682889915725683080539295160664834  
6308136310130121409254311837002629770230242676294144649448986105327178628697515  
5296442355304697096614835189775935405749659618443350871391406107227031303102671  
34561044672409027905143900428184257724718908110918901423606140966031620843

**d1:**3204174291079939403912222965843372860592989477035558133806240154668819033571  
2893209908226631925902947113093612835723298430881018479103576172174678851394141  
9685973743408377784204859322684328335512116859107135252921376610533963850687280  
48397937809872824522753848559014097472272238299423618056051025726603005985

### **Зашифроване повідомлення та підписи:**

**BT:** 1666

**ШТ:**25124673980406343903081550213329615096188890842548553738678241699450776941  
4390591767259005500871638615989810017781094870727711714563649874483147669405056  
9660511538154010311866825936505768728323131351866002845906329157566720035189200  
3817227995856672006711057299249347722513789338628490707096813271044270925875

### **Підпис для А:**

4183647300313642407597320477452354307697908139467764538486585127164439868300817  
4310915515850527673693438188380619153752752983242056690214455308018886751258015  
5383793436052355997258215254680079543901249475360222290691783191473963660106052  
13694033322786122250502778059154904759689319764113042793445353443843516

3364374006915115559882375079495651085962683116066239514808929078290142862301423  
9985254343278681836167760772669460284936017191371673373287443415506649233523857  
8905243121630338874946695157297922538275144388707602727209307098857452238932330  
73596174369502524509881153944309847955400122524819293545727687717230554

### **Підпис для В:**

1666

5428438841114159710296368549879020910981787527384789102947113773333245798642358  
1736450697848301944932931380870892487884417601652690214062710506490159640541634  
0230360299045800975546349169293314771463437418048738714473897795003772360135766  
19534737708055730764802515996916252475492091376489773636838464330003624

### **Код програми:**

```
import random
from random import randrange
import math
import Crypto.Util.number
```

```
q = 0
bit = 2048
text = 1666
print('message is 1666', '\n')
```

```
def generacia(bit, q):
    love = []
```

```
    for i in range(4):
        q =
        Crypto.Util.number.getPrime(bit)
        love.append(q)
        for i in love:
            proverka = proverka_deda(i,
            bit)
            if proverka is False:
                generacia(bit, q)
        return love
    ...
```

```
while len(love) < 4:
```

```

        q = (random.getrandbits(bit) |
1) + (1 << bit)
        proverka = proverka_deda(q,
50)
        if proverka is True:
            love.append(q)
        else:
            q =
(random.getrandbits(bit) | 1) + (1 << bit)
        return love
'''

```

```

def generacia2_0(bit, q, q1, p, p1):
    n = q * p
    n1 = q1 * p1
    fi = (q - 1) * (p - 1)
    fi1 = (q1 - 1) * (p1 - 1)
    e = 65537
    e1 = 65537
    gc = gcd(e, fi)
    gc1 = gcd(e1, fi1)
    MMI = lambda A, n, s=1, t=0, N=0: (n
< 2 and t % N or MMI(n, A % n, t, s - A // n *
t, N or n), -1)[n < 1]

```

```

    while gc != 1:
        e = random.randint(1, fi)
        gc = gcd(e, fi)
    d = MMI(e, fi)

```

```

    while gc1 != 1:
        e1 = random.randint(1, fi1)
        gc1 = gcd(e1, fi1)
    d1 = MMI(e1, fi1)

```

```

    if n <= n1:
        return ((e, n), (d, p, q), (d, n),
(e1, n1), (d1, p1, q1), (d1, n1))
    else:
        return ((e1, n1), (d1, p1, q1),
(d1, n1), (e, n), (d, p, q), (d, n))

```

```

def gcd(a, b):
    while b != 0:
        a, b = b, a % b
    return a

```

```

def proverka_deda(chislo, bit):

```

```

    if chislo % 2 == 0:
        print('parne')
        return False

```

```

    s = 0
    d = chislo - 1
    while d and 1 == 0:
        d //= 2
        s += 1

```

```

    for i in range(bit):
        a = random.randint(2, chislo -
1)
        x = pow(a, d, chislo)
        if gcd(x, chislo) == 1:
            if pow(x, d, chislo) == 1

```

```

    or -1:

```

```

        return True
        for r in range(1, s - 1):
            if pow(x, (d * (2
** r)), n) == -1:

```

```

            return

```

```

    True

```

```

    return False

```

```

def encrypt(text, para):

```

```

    e, n = para
    C = pow(text, e, n)
    return C

```

```

def decrypt(ciphertext, para2):

```

```

    d, n = para2
    M = pow(ciphertext, d, n)
    return M

```

```

def digital(text, para2):

```

```

    d, n = para2
    S = pow(text, d, n)
    return text, S

```

```

def test_for_digital(text, para, S):
    text, s = S
    e, n = para
    if text == pow(s, e, n):
        return print('digital sign is
True', '\n\n')
    else:
        return print('digital sign is
False', '\n\n')

def abonent_A(text, para3, para, para2):
    e, n = para
    d, n = para2
    e1, n1 = para3
    K = encrypt(text, para3)
    S = digital(text, para2)
    return encrypt(S[1], para3), K

def abonent_B(text, s, para4, para):
    d1, n1 = para4
    e, n = para
    K = decrypt(text, para4)
    rozsh = decrypt(s, para4)
    test = test_for_digital(text, para, (K,
rozsh))
    return K, rozsh
Висновки:

```

```

kek = generacia(bit, q)

keys = generacia2_0(bit, kek[0], kek[1],
kek[2], kek[3])
print('(e, n) = ', keys[0], '\n\n', '(d,p,q) = ',
keys[1], '\n\n', '(d, n) = ', keys[2], '\n\n', '(e1,
n1) = ', keys[3], '\n\n', '(d1,q1,p1) = ', keys[4],
'\n\n')
zash = encrypt(text, keys[0])
rozsh = decrypt(zash, keys[2])
print('Ciphertext = ', zash, '\n\n', 'Plaintext =
', rozsh, '\n\n')
sign = digital(text, keys[2])
#test_for_digital(text, keys[0], sign)
send = abonent_A(text, keys[3], keys[0],
keys[2])
get = abonent_B(send[1], send[0], keys[5],
keys[0])
print('abonent_A = ', send, '\n\n')
print('secret message from abonent_A = ',
send[1], '\n\n')
print('decrypted message from abonent_A = ',
get[0], '\n\n')
print('abonent_B = ', get, '\n\n')

```

Під час данного комп'ютерного практикуму, ми ознайомились з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA. Також, використовуючи криптосистему типу RSA, організували канал засекреченого зв'язку й електронний підпис, ознайомились із протоколом розсилання ключів.