

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України
«Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського»
Фізико-технічний інститут

Лабораторна робота №4
З предмету «Криптографія»

Виконали:
Студенти 3 курсу,
ФТІ, групи ФБ-72
Курт Олег, Вовчук Роман

Київ 2019

Варіант 2

Порядок виконання роботи

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.

1. Вибрати свій варіант завдання згідно зі списком. Варіанти завдань містяться у файлі Crypto_CP4 LFSR_Var.

2. За даними характеристичними многочленами $p_1(x)$, $p_2(x)$ скласти лінійні рекурентні співвідношення для ЛРЗ, що задаються цими характеристичними многочленами.

3. Написати програми роботи кожного з ЛРЗ L1, L2.

4. За допомогою цих програм згенерувати імпульсні функції для кожного з ЛРЗ і підрахувати їх періоди.

5. За отриманими результатами зробити висновки щодо властивостей кожного з характеристичних многочленів $p_1(x)$, $p_2(x)$: многочлен примітивний над F_2 ; не примітивний, але може бути незвідним; звідний.

6. Для кожної з двох імпульсних функцій обчислити розподіл k -грам на періоді, $k \leq n_i$, де n_i - степінь полінома $f_i(x)$, $i=1,2$ а також значення функції автокореляції $A(d)$ для $0 \leq d \leq 10$. За результатами зробити висновки.

$$P_1(X) = X^{22} + X^{17} + X^{16} + X^{15} + X^{14} + X^{12} + X^{11} + X^7 + X^6 + X^5 + X^3 + X + 1$$

Період: 1398101 - звідний

Автокореляція

$d=0$: 0

$d=1$: 698368

$d=2$: 699392

$d=3$: 699392

$d=4$: 698368

$d=5$: 699392

$d=6$: 698368

$d=7$: 699392

$d=8$: 699392

$d=9$: 698368

$d=10$: 698368

Монограми	Біграми	3-грами	4-грами	5-грами
1: 699392	00: 174827	000: 58295	1000: 22121	'00001': 8891,
0: 698709	01: 174737	001: 58208	1101: 22061,	'11101': 8883,
	10: 174318	010: 57910	1100: 22047,	'11100': 8872,
	11: 175168	011: 58205	1011: 22041,	'11000': 8832,
		100: 58422	0000: 21944,	'01100': 8820,
		101: 58060	1001: 21900,	'10111': 8797,
		110: 58479	0101: 21884,	'01000': 8792,
		111: 58454	1111: 21878,	'11011': 8787,
			0111: 21860,	'11001': 8785,
				'11110': 8778,
				'11111': 8761,
				'10000': 8757,
				'10100': 8754,
				'00011': 8746,

			1110: 21768, 0001: 21744, 0110: 21725, 0010: 21713, 0100: 21679, 0011: 21635, 1010: 21525	'01010': 8731, '00101': 8730, '10101': 8724, '01101': 8723, '00110': 8708, '00100': 8705, '01011': 8699, '10001': 8698, '01110': 8686, '10110': 8679, '10011': 8679, '00010': 8677, '01111': 8674, '10010': 8670, '00111': 8661, '00000': 8648, '11010': 8640, '01001': 8633
--	--	--	---	---

P2(X)= X21+X18+X14+X9+X8+X2+1

Період: 2097151 – примітивний

Автокореряція:

d=0: 0

d=1: 1048576

d=2: 1048576

d=3: 1048576

d=4: 1048576

d=5: 1048576

d=6: 1048576

d=7: 1048576

d=8: 1048576

d=9: 1048576

d=10: 1048576

Монограми	Біграми	3-грами	4-грами	5-грами
1: 1048576	00: 262311	000: 87596	1110: 33032	01000: 13356,
0: 1048575	01: 261600	001: 87060	0010: 32998	10011': 13351,
	10: 262353	010: 87517	1011: 32875	10101': 13340,
	11: 262311	011: 87242	0011: 32873	01001': 13230,
		100: 87124	1001: 32815	00001': 13220,
		101: 87487	0001: 32811	11100': 13182,
		110: 87656	1101: 32800	00111': 13173,
				10110': 13172,
				00101': 13142,
				01011': 13138,
				10001': 13134,
				11011': 13132,

		111: 87368	1000: 32794 1111: 32767 0000: 32759 0101: 32700 1100: 32666 0100: 32651 1010: 32623 0110: 32592 0111: 32531	01100': 13128, 11111': 13125, 11001': 13111, 00010': 13097, 01101': 13085, 11000': 13083, 10010': 13080, 01111': 13075, 00110': 13060, 01110': 13059, 10111': 13049, 10000': 13048, 00000': 13021, 10100': 13021, 11110': 13013, 00100': 13009, 11101': 13002, 11010': 12959, 01010': 12931, 00011: 12904
--	--	------------	---	--

Програмний код:

```
arr1 = [1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0]
arr2 = [1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]

file1 = open("D:/Files/Python/cp4/file1.txt", "w", encoding='utf-8')
file2 = open("D:/Files/Python/cp4/file2.txt", "w", encoding='utf-8')

import collections

def auto(ans, per, files):

    d = 0

    while d != 11:

        summ = 0

        i = 0

        while i != per:

            summ += (int(ans[i]) + int(ans[(i + d) % per])) % 2

            i += 1

        print('Autocaleration for d=' + str(d) + ': ' + str(summ))

        files.write('Autocaleration for d=' + str(d) + ': ' + str(summ) + '\n')

        d += 1

def ngrams(ans, n, files):

    buf = ""

    dict = collections.Counter()

    for number in ans:

        if len(buf) == n:

            dict[buf] += 1

            buf = ""

            buf += number

    else:

        buf += number
```

```
files.write(str(n) + '-grams: ' + str(dict) + '\n')
```

```
def lfsr(arr, files):
```

```
    b = [0] * (len(arr) - 1)
```

```
    b.append(1)
```

```
    i = 0
```

```
    stroka1 = " # Исходное состояние d
```

```
    while i != len(b):
```

```
        stroka1 += str(b[i])
```

```
        i += 1
```

```
    answer = " # Битовый рядок L
```

```
    stro = '0' # Текущее значение d
```

```
    j = 0
```

```
    while stro != stroka1:
```

```
        c = 0
```

```
        stro = "
```

```
        i = 0
```

```
        while i != len(b):
```

```
            c += b[i] * arr[i]
```

```
            if i > 0:
```

```
                b[i-1] = b[i]
```

```
            stro += str(b[i])
```

```
            i += 1
```

```
        c = c % 2
```

```
        b[i-1] = c
```

```
        if j == 0:
```

```
            stro += '7'
```

```
        j += 1
```

```
        answer += stro[0]
```

```
files.write(answer[:-1] + '\n\n')
```

```
print('Period: ' + str(j-1))
```

```
files.write('Period: ' + str(j-1) + '\n\n')
```

```
i = 1
```

```
while i != len(b)+1:
```

```
    ngrams(answer, i, files)
```

```
    i += 1
```

```
auto(answer, j-1, files)
```

```
lfsr(arr2, file2)
```

```
lfsr(arr1, file1)
```

Висновок:

В даному комп'ютерному практикумі було набуто навичок роботи з лінійними регістрами зсуву, а саме: їх програмна реалізація, дослідження властивостей характеристичного полінома регістра. Окрім цього було досліджено властивості лінійних рекурентних послідовностей.