



Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України  
«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»  
Фізико-технічний інститут

**ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №3**  
**з дисципліни**  
**«Криптографія»**  
**на тему: «Криптоаналіз афінної біграмної підстановки»**

Виконали:  
студенти 3 курсу ФТІ  
групи ФБ-73  
Маковецький Андрій та Бадарак Оксана

Перевірили:  
Чорний О.  
Савчук М. М.  
Завадська Л. О.

## Варіант 11

**Мета роботи:** Набуття навичок частотного аналізу на прикладі розкриття моноалфавітної підстановки; опанування прийомами роботи в модулярній арифметиці.

### Порядок виконання роботи

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.

1. Реалізувати підпрограми із необхідними математичними операціями: обчисленням оберненого елементу за модулем із використанням розширеного алгоритму Евкліда, розв'язуванням лінійних порівнянь. При розв'язуванні порівнянь потрібно коректно обробляти випадок із декількома розв'язками, повертаючи їх усі.

2. За допомогою програми обчислення частот біграм, яка написана в ході виконання комп'ютерного практикуму №1, знайти 5 найчастіших біграм запропонованого шифртексту (за варіантом).

3. Перебрати можливі варіанти співставлення частих біграм мови та частих біграм шифртексту (розглядаючи пари біграм із п'яти найчастіших). Для кожного співставлення  $(a, b)$  знайти можливі кандидати на ключ шляхом розв'язання системи (1).

4. Для кожного кандидата на ключ дешифрувати шифртекст. Якщо шифртекст не є змістовним текстом російською мовою, відкинути цього кандидата.

5. Повторювати дії 3-4 доти, доки дешифрований текст не буде змістовним.

### Результати виконання роботи:

#### Найчастіші біграми:

Мови:	ст	но	то	на	ен
Шифртексту:	хб	нк	бй	юж	шь

#### Можливі варіанти ключів:

('ух', 'ць'), ('жю', 'чж'), ('оц', 'ви'), ('эс', 'ше'), ('лк', 'лр'), ('ти', 'нх'), ('ьб', 'чч'), ('иы', 'оф'), ('шв', 'яд'), ('мч', 'аю'), ('зш', 'лл'), ('ху', 'ви'), ('рй', 'ря'), ('дя', 'тш'), ('чз', 'уд'), ('нь', 'фг'), ('во', 'хц'), ('цд', 'чр'), ('йм', 'чы'), ('се', 'вю'), ('уп', 'дк'), ('хг', 'шй'), ('тю', 'шж'), ('цх', 'яь'), ('лр', 'яб'), ('бу', 'вй'), ('яо', 'вж'), ('гж', 'иь'), ('йэ', 'юб'), ('юм', 'мк'), ('эь', 'бж'), ('бт', 'зь'), ('мв', 'ьб'), ('ас', 'йк'), ('ве', 'юй'), ('гч', 'дь'), ('ик', 'пб'), ('ыщ', 'юк'), ('юн', 'тй'), ('ыи', 'тж'), ('фч', 'ах'), ('жс', 'се'), ('жя', 'еу'), ('юь', 'вю'), ('ки', 'вх'), ('рщ', 'юш'), ('сз', 'ти'), ('йг', 'пт'), ('шо', 'ее'), ('ож', 'пщ'), ('ан', 'фч'), ('чй', 'тв'), ('шб', 'ну'), ('нш', 'ши'), ('ят', 'йч'), ('цы', 'ьр'), ('бе', 'лю'), ('хэ', 'цт'), ('зц', 'ив'), ('ид', 'ыр'), ('зж', 'эк'), ('еь', 'дй'), ('чш', 'ыж'), ('хы', 'об'), ('чщ', 'жб'), ('юф', 'фй'), ('рт', 'мж'), ('ох', 'яь'), ('ше', 'тб'), ('бл', 'щк'), ('сю', 'шж'), ('рб', 'ль'), ('зз', 'чб'), ('он', 'як'), ('нв', 'жй'), ('юг', 'рь'), ('йд', 'аб'), ('рк', 'зк'), ('оя', 'ой'), ('бэ', 'жж'), ('сц', 'ог'), ('хч', 'жф'), ('аь', 'мй'), ('кж', 'ск'), ('нй', 'фи'), ('дб', 'еы'), ('од', 'лр'), ('чп', 'рс'), ('йи', 'пх'), ('ья', 'ич'), ('кг', 'жю'), ('уо', 'ля'), ('яе', 'жю'), ('ры', 'аа'), ('фэ', 'чс'), ('йл', 'гз'), ('фщ', 'эс'), ('зр', 'ху'), ('лс', 'ое'), ('хф', 'ущ'), ('ик', 'гр'), ('лв', 'рд'), ('дй', 'пя'), ('до', 'рц'), ('вч', 'щю'), ('ья', 'щш'), ('ыд', 'ьр'), ('ую', 'жж'), ('эи', 'ух'), ('шз', 'бд'), ('шм', 'бы'), ('ьц', 'ги'), ('дб', 'рч'), ('жш', 'юл'), ('ае', 'юю'), ('ьс', 'юе'), ('гы', 'лф'), ('жу', 'ши'), ('яь', 'шг'), ('ыж', 'эк'), ('йь', 'дй'), ('кш', 'ыж'), ('ты', 'об'), ('гщ', 'жб'), ('нф', 'фй'), ('от', 'мж'), ('хе', 'тб'), ('сл', 'щк'), ('аю', 'шж'), ('йб', 'ль'), ('фз', 'чб'), ('рн', 'як'), ('яв', 'жй'), ('иг', 'рь'), ('мд', 'аб'), ('ик', 'зк'), ('хя', 'ой'), ('цэ', 'жж'), ('ац', 'тг'), ('яч', 'нф'), ('щь', 'эй'), ('лж', 'дк'), ('яй', 'ри'), ('яб', 'иы'), ('щд', 'чр'), ('кп', 'яс'), ('аи', 'их'), ('ая', 'еч'), ('ьг', 'пю'), ('ло', 'ця'), ('ее', 'хю'), ('еы', 'уа'), ('дэ', 'ос'), ('рл', 'ез'), ('ущ', 'кс'), ('фр', 'зу'), ('ус', 'ге'), ('оф', 'сщ'), ('бп', 'мб'), ('ег', 'нб'), ('ию', 'рб'), ('гх', 'ьб'), ('юр', 'цк'), ('гу', 'ок'), ('зо', 'ск'), ('вж', 'эк'), ('щэ', 'йй'), ('ым', 'ай'), ('гь', 'дй'), ('ют', 'пй'), ('цв', 'гж'), ('чс', 'щж'), ('ые', 'ьж'), ('щч', 'йж'), ('ык', 'ть'), ('эщ', 'йь'), ('бн', 'кь'), ('еи', 'нь')

#### Критерії перевірки на змістовність тексту:

Заборонені біграми:

['аь', 'об', 'уь', 'ыь', 'эь', 'иь', 'еь', 'яь', 'йь', 'ыы', 'ьь', 'йй']

**Знайдений ключ, що приводить до змістовного тексту:**  
(‘цх’, ‘яь’) або (703, 956)

**Шифротекст:**

[illegible]

гчеяигзюьпмгышахисйнгбйоемаяфлйчбюжгзззбихжезруозатткжехикхкиясгэфцлсьхбсееакаяьбкндхкндйлждзьжог  
зхфеяжфдяткшйхузвфичаьктфдршсвжнйцупфгидбжркийехгтбкикхкчкчэзбьшоьжцлшудзэфртаксбехюжбксбоапзтдж  
ихбдзчыцьхкроетьжщпулахдзлкцхясдптрйфбьлюдлазждзайинибкрлсьсуцихбшедьщбугттинсдгрфпхьпыгызийчыл  
гыцюкмйсбткпзйфзясхждзулгрламсбкпашцыфцйидклфбзнквфехттюжоекщшкарйбккцфиьжфбткнкшьозжрпбшь  
ууйугзнкмкхаждазпуежвхвяьлмкакффымеозфжмстккфыцждфьэшшвочекфьифцрнийжртдиябйннягхуьлйсфвхбхх  
цууюжмкхббюьзчыцьхзаякшугтбйгзнеазцоезикжфзятзозфуфпсьжясгэфйльщыльщнамсчеуырийюжкябьэщлнкльйфртк  
жмсткпзпзьйюдзбуфупниубфэщлчямкиннлпфгтэсазгзяозщьякцхсбизльдсоечкшлдяцндмешсбрийакуфлавкафэйо  
ефкбкгежобфуихцылщфяамснгфцйишььхэфщлньдятожыхйуфкхбпфюжойнлпцшувьйзсшжфизфеххлэмксйнгсю  
гзяфсывкнунэлчьцьняффзсйишьеьггишьыжьхожтцьеьчууйуюдикткххиолкцэробькшьуаябзыхьэебрссбюючяьэсбяфя  
апзбхебтбблельхичьяфюжождфбгцифшдяьэбкщшнкьясгэфщлюжезшзщлсьхбизсльхпбебблскулшзабьльхпбебблшжф  
бюдщьэкеьюблгршфчэбйбзиоожакычхуяфдкьфэсехазиооемазпзиочбненкюсцршшснийебвжгзуцщшнкэррийегбют  
шшульсьхцкннлзийьжбювзтзшулэеязогзийннклфнльщзьюцьизфблчязффиоцьфщьяжйссбоеюктжездоббщьяамсфиг  
ьсссбююактяфпшвцърбщьякнумкххжиозлзийенкиккьяфцуфылцзозбискхбжпромсшьчкхбгхааккжфнликнкфубюэфэ  
луинбоаебшбьэыфэскифыехмсмкххжыжньфуйлкзьяжюльвхгркмкнихбтбсешьжжчэбйвпропбрийэуяфязэфжпзькз  
чьзжйссбоешьсезязгшуйухэьжббйуткнкфжсбляозчьжезблцшзхбтбоербткмясгэфгкшьйлыхдзшьчкшлдяэфшнукзз  
щобьюозфшнтбуфыфхуфыхьсцлзгслэаллкыхсбэуяуяфыцхбвкыфбйэфяаснийюжбйфзikuшхуцигдийибузьяшыюдзк  
ьйчэбймахиапвикьльшжсбвхафртшсяфэлэйцпхьцьдяясгэфдибьпзсдругеьбеннкхьмсжпулскезщодфьщйиыьжахх  
шэйуфбехфыцкйфцуфыхьозжилзжячэтццтквкцйфбяьлжрийучянигьоонисучяэфьжксеяаквакшурйцтхньакусьицьа  
цийтубйищезвхююаьщьбьиьтєххлэнлждзыльгєхьвафчэбккзхквкыфбывхбкйсфвпфизьхдрнешбйхушвхьзунюр  
вхсьюжцьрбщьдьлэдьдэгьихцтцгьпйукущйяпфшльжшзхбукшавкафэйоемкфсбкктооннкксьехгтсцсикххызак  
исццикмзурьакамснгфцозхфсбшлиймачжбйяфшлхуяфззбвакуньфэлщубгрлахиафойэлннкфисццохбщьчфдзщьюлч  
ьэиуфцлшфшубкгьюонниобрийэутгбйьжбйоесйптчяиивцулскежцозикшбохюжебойукущйяпфпфуптпшьйайдякжюым  
ехцэжшубкежвхтххлэцркийгхлдьцфббшфнльзвояфмкоцшлфжюжбйчьзжрийэлецозикшлєйиодэкнуфыхьпэьбиок  
щоакшлиймачжюешьякозатцркйоекзпашубюсдслбклкьзклбцхбойоемкгзхбфисзмкюкэзчуаьщьюцртебьиисфвпфвэл  
нквксфюжобщфэйщцфцяь

## Розшифрований текст:

хорошо сэрбились не хотя сунули денги в карман вот что биллвыпросто посеете утку новую траву когданибудь в другой раз как то  
лькоя помру на другой же день можете перекопать эту чертову лужайку ну как хватить у вас терпения подождать еще лет пять  
есть что бы старый болтун успел от дать концы жу будь те уверены подожди сказал биллсам не знаю как вам объяснить но для ме  
ня жу жанье этой косилки самая прекрасная мелодия на свете в ней вся прелесть лета без нее я бы ужасно тосковал и без запаха  
свежескошенной травы то же билл нагнул ся и поднял с земли корзину куя пошел коврагу выславный юноша и все понимаете я  
уверен из васполучится блестящий и умный репортер сказал дедушка помогаю муподнять корзину куя вам это предсказыва  
ю прошлоу тронаступил полдень послеобеда дедушка поднял ся к себе немного почитал ути тиера и крепко уснул ког да он пр  
оснулся было три часа ко навливал ся яркий и веселый солнечный свет дедушка лежал в кровати и в другвздрогнул служайки  
доносилося прежде незнакомое незнабываемое жу жжанье что то сказал он кто то косит траву не дье толь ко сего дня у тромс  
косили не еще послушал да конечно то жу жжит косилка мерно не утомимомо дедушка выглянул в окно ах ну да ведь это билл  
эй билл форестер вам что солнцу дарило в голову вы косите у же скошенную траву билл поднял голову просто душно улыбну  
лся и помахал рукой знаю но как жется у тромя работал не очень чисто дедушкаеще добрых пять минутежил ся в кровати и сли  
цаго не сходил а улыбка а билл форестер все шагал косилкой на север на восток на юг и на конец на запад и изпод косилки весе  
ло билл душистый зеленый фонтан в воскресенье у тром лео ауфман бродил по своему гаражу условно о жидая что какоенибудь  
поленовиток проволоки молоток или гаечный ключ подпрыгнет и закричит на чнисменяно и ничто не подпрыгивало и ничто не  
просилось вначало какая она должна быть эта машина на часть я думаю лео может она должна умещаться в кармане и ли она дол  
жна теб ясамогоносить в кармане одна знаю твердосказал он в слух она должна быть яркой лео поставил на верстак банку ора  
нжевой краск и взялся за словарь и побрел в дом лина он заглянул в толковый словарь ты довольна спокойна и весела ввосторге тебе  
во всем везет и все у дается потвоему все идет разумно хорошо и успешно и на перестала резать воощи и закрыва ла за прочит  
ай мне все этоеще раз пожалуй ста лео захлопнул словарь а какие это грехия должен целый часждать покаты придумаешь мн  
е ответскажи только да или нет больше мнени чегоненадоты что же недовольна неспокойна не весела и не ввосторге довольна  
ыбыла от коровы ввосторге млaddenцы данесчастныестарикотворыеужевпаливдетствосказали на уна насчет того что  
веселасам видишь кака веселосе мое сыкогда кребуэтруаковиную левнимательного гляделнаженулицо его опросилось т  
ы прав ли намужчина так ой народни когдани чегонесмыслят может быть мы вырвем ся из этого заколдованного кругаужес  
о все мскоря во все не жалуюсь а кричала лина я не прихожу к тебе с оловареми не говорю высуны язык лео ты ведь не спра  
шиваешь почему сердце у тебя стучит не только днем но и ночью не таможешь ты просить что то такое брак то это знаешь не задав  
ай вопрос а ведь жетак илюди все инадо зная какустроен мир как то как се да ка кэ то задумается а какой и пада ет трапещив  
циркели бо задохнет ся потому что ому при спи чило понять каку не говорлемускулы работают ешь пей спи дыши и перестань  
смотреть на меня такими глазами буд то в первый раз видишь лина ауфман в друг замер ла потянул а носом воздух в то бе да все  
ты виноватона рванула дверцу духовки от ту да повалил дым счастье счастьего респектновоскликнула она из за этого счастья мы  
сто бойссорим ся в первый раз а пол года и в первый раз двадцать лет наужн буд у то голья вместо хлеба когда дым рассеялс  
я лео ауфмана у же и след простыл грохот лягсхватка человека с вдохновением день за днем ввоздухетакимелькают куски ме  
талла дерева молоток ввоздирейсшина от вертки порой лео ауфмана охватывало отчаяние и он скитал ся по улицам все гда бес  
покойный в сегда на чекую нвздрагивали оборачивал ся за слышавгдетов далеке чей то смех прислушивал ся ка бава мдетвор

ыприсматривалсячтовызываетудетейулыбкувечерамионподсаживалсякшумнойкомпаниинаверандеукогонибудызседейслушалкакстарикивспоминаютпрошлоеитолкутожизнииприкаждомвзрывевесельяоживлялсюточногенералкоторыйвидитчтотемныевражескиесилыразгромленыичтоегостратегияоказаласьправильнойподорогедомойонторжествовалпоканевходилопятьсвойгаражгдежилимертвыеинструментыинеодушевленноедеревоотгдаегосияющеелицовновырачнелопытаясьизбытьгоречьнеудачионсожесточениемрасшвыриваликолотилчастисвоеймашинысловноэтобылизживыеяростныепротивникинаконецконтурымашиныначаливырисовыватьсяяичерездесятьднейиночейдрожаотусталостиизможденныйполумертвыйотголодатакойвысохшийипочерневшийточнонегоудариламолниялеоауфманспотыкаясьпобрелвдомдетиссорилисьиоглушительнокричалидругнадруганопривидеотчатотчасумолккакбудтопробилурочныйчасивкомнатувошласамасмертьмашинасчастьяготовапрохрипеллеоауфманлеоауфманпохуделнапятнацатьфунтовсказалаегоженаонужедревенеделинеразговаривалсвоимидетьмионисаминесвоясмотриетеонидерутсяегоженатожесаманесвоясмотриетеонапотолстеланадесятьфунтовтеперьейпонадобятсяновыеплатьядаконечномашинаготоваасталимысчастливейектоскажетлеобросьтымастеритьэтичасывнихневлезетниоднакукушкачеловекунеположеносоватьсяявтакиеделагосподубогуэтонаввернонеповредитавотлеоауфмануодинвредникакойпользеслитакбудетпродолжатьсяещеотнынеделомыегопохоронимвегособственноймашинойэтихсловлеоауфмануженеслышалонсизумлениемсмотрелкакнанеговалитсепотолоквоттакштукаподумалонужележанополунотутегообволокатьмаионуслышалтолькокакктототриждыпрокричалчтотонасчетмашинысчастьянадругоеутроедвараскрылглазонаувиделптицонипроносилисьввоздухеточноразноцветныекамышкиброшенныевнепостижимочистыйручейилегонькозвякнувопускалисьнажестянуокрышугаражасобакивсевожможныхпородтихонькопрокрадывалисьвовдвориповизгиваязаглядываливгаражчетверомальчишекдведевочкиинесколькомужчинпомедлилинадорожкепотомнерешительноподошлипоближеиостановилисьподвишнмилиеоауфманприслушалсяипонялчтовлачетихвсехкнемувовдорголосамашинысчастьятакоеможнобылобыуслышатьлетнимднемвозлекухникакойнибудвеликантишэтобылоразноголосоежужжаньевысокоеинизкоевторовноэтооперывистоеказалосьтамвьютсяроемогромныезолотистыепчелывеличинойсчашкуистряпаютсказочныеоблудасамавеликаншаудовлетворенномурлычетсебеподноспесенкулицоуееточнорозоваялунавполнолуниевотонанеобятнакаклетоподплыветкдверямиспокойноглянетвоворнаулыбающихсясобакнабелобрысыхмальчишекиседыхстариковпостойтекагромкосказаллеояведьсегодняещеневключалмашинусаулсаулподнялголовуонтожестоялвнизувовдворесаулытеевключилтыжесамполчасаназадвелелмнеразогретьсяахдаясовсемзабылаещетолкомнепроснулсяиопятьоткинулсянаподушкулинапринеслаемузавтракиостановиласьуокнаглядывнизнагаражпослушайлеонегромкосказалаонаеслиэтамашинаивправдутакаякактыговоришьможетбытьонаумеетржатьдетейаможетонапревратитьстарикасновавуюношуиещеможетэтоймашинысовсемеесчастьемспрятатьсяотсмертиспрятатьсявоттыработашьсебянежалеешьавконцеконцовнадорвешьсяяпомрешьчтоятогдабудуделатьвлезувэтомбольшойщикистанусчастливойиещескажмнелеотчоунастеперьзажизньсамзнаешькакунасведетсядомвсемьутраяподнимаюдетейкормлюихзавтракомкполовинедевятюг овасникогоуженетияостаюсьоднаостиркойоднаготовкойиноскиштопатьтоженадоиогородполотьявлавкусбегатыисеребропочиститьяразвежалуюсьтольконапоминаютебекакведетсянашдомлеоакаяживутаквототвѣтьмнекаквсеэтоуместитсъявтвоюмашинуонаустроенасовсеминачеоченьжалъзначитмненекогдабудетдажепосмотретькаконаустроенаинапоцеловалаеговщекувывшлаизкомнатыаонлежалипринюхивалсяветерснизудоносилсюдазапахмашиныижареныхкаштановчтопродаютсяосеньюнаулицахпарижакоторогоонникогданевиделмеждузавороженнымисобакамиимальчишкаминевидимкойпроскользнулакошкаизамурлыкалаудверейгаражааизагаражаслышалсяшорохснежнобелойпенымерноедыханьеприбояудалекихдалекихбереговзавтрамыиспытаеммашинудумаллеоауфманвсе вместеонпроснулсязпоздноночьютотоегоразбудилодалековдругойкомнатектотоплакалсаулэтотышепнуллеоауфманвылезаяизкроватиипошелксынумальчикгорькорыдалуткнувшисьвподушкунетнетвсхлипывалонвсе конченоконченокнаултебеприснилосьчтоонибудьстрашноерасскажмнесынокномальчиктолькозаливалсяслезамииутсидяунегонакроватилеоауфмансамнезнаяпочемувыглянулвокнодверигаражабылираспахнутынастежьонпочувствовалкакволосыунеговсталидыбомкогдасаултихоньковсхлипываянаконецзабылсябеспокойнымсномотецспустилсяпolestнищеподошелкгаражуизатаивдыханиеосторожновытянулрукуаа

## Код програми:

```
# Variant 11
ALPHABET = 'абвгдежзийклмнопрстуфхцчщъыэюя'
ALPHABET_DICT = {
    'а': 0, 'б': 1, 'в': 2, 'г': 3, 'д': 4, 'е': 5, 'ж': 6,
    'з': 7, 'и': 8, 'й': 9, 'к': 10, 'л': 11, 'м': 12,
    'н': 13, 'о': 14, 'п': 15, 'р': 16, 'с': 17, 'т': 18,
    'у': 19, 'ф': 20, 'х': 21, 'ц': 22, 'ч': 23, 'ш': 24,
    'щ': 25, 'ы': 27, 'ь': 26, 'э': 28, 'ю': 29, 'я': 30
}
THEORETICAL MOST FREQUENT BIGRAMS = ['ст', 'но', 'то', 'на', 'ен']
def import_data(filename):
    with open(filename, 'r', encoding='utf-8') as f:
        return f.read()

# Only works with bigrams!!!
```

```

def bigram_to_int(bigram):
    global ALPHABET_DICT
    splitted = list(bigram)
    bigram_num = ALPHABET_DICT[splitted[0]] * 31 + ALPHABET_DICT[splitted[1]]
    return(bigram_num)

def int_to_bigram(number):
    global ALPHABET_DICT
    rev = {val: let for let, val in ALPHABET_DICT.items()}
    bigram_first = number // len(ALPHABET_DICT)
    bigram_second = number % len(ALPHABET_DICT)
    return rev[bigram_first] + rev[bigram_second]

def letter_to_int(let):
    global ALPHABET_DICT
    return ALPHABET_DICT[let]

def int_to_letter(num):
    global ALPHABET_DICT
    rev = {value: key for key, value in ALPHABET_DICT.items()}
    return rev[num]

def gcd(a, b):
    if b == 0:
        return a
    else:
        return gcd(b, a % b)

def modular_inverse(a, b):
    x, y = 0, 1
    u, v = 1, 0
    m = b
    a1 = a
    b1 = b
    while a != 0:
        q = b // a
        r = b % a
        m = x - u * q
        n = y - v * q
        b, a, x, y, u, v = a, r, u, v, m, n
    gcd = b
    if x < 0:
        x += m
    if gcd == 1:
        return x
    else:
        #raise ValueError('Modular inverse for such values does not exist:',
a1, b1)
        #print('Modular inverse for such values does not exist:', a1, 'mod',
b1)
        return False

# Solve linear equation:
# ax = b mod n
def solve_linear_equasion(a, b, n):
    #print(a, b, 'koef')
    d = gcd(a, n)
    if d == 1:
        mi = modular_inverse(a, n)
        if mi == False:
            #print('The equation has no solutions (no modular inverse)')
            return False
        x = (b * mi) % n

```

```

        return [x]
    elif d > 1:
        if b % d != 0:
            #raise ValueError('The equation has no solutions. ({} x = {} mod
{{}}'.format(a, b, n))
            #print('The equation has no solutions. ({} x = {} mod
{{}}'.format(a, b, n))
            return False
        if b % d == 0:
            res = []
            a1 = a // d; b1 = b // d; n1 = n // d
            mi = modular_inverse(a1, n1)
            if mi == False:
                #print('The equation has no solutions (no modular
inverse)')
                return False

            x0 = (b1 * mi) % n1

            for i in range(d):
                res.append(x0 + i * n1)
            return res

def check_text_reality(text): # TODO: finish and improve
    # Filtering using forbidden bigrams
    forbidden_bigrams = [
        'аь', 'оь', 'уь', 'ьь', 'эь', 'иь', 'еь', 'яь', 'йь', 'ьы', 'ьь',
        'йй']
    for b in forbidden_bigrams:
        if b in text:
            return 'Forbidden bigram found: ' + str(b)

    # Filtering using monogram frequencies
    pass

    # Filtering using bigram frequencies
    Pass

    return 1

def get_all_bigrams_pairs(arr):
    res = []
    # Find all possible practical pairs
    for i in range(len(arr)):
        # fix one of the items and add all others
        for j in range(len(arr)):
            # Do not pair a bigram with itself
            if i != j:
                res.append((arr[i], arr[j]))
    return res

def find_key(theor_bigram_pair, encr_bigram_pair):
    #  $Y1 - Y2 = a(X1 - X2) \pmod{m^*2}$ 
    #  $y = ax \pmod{n}$ 
    #  $ax = y \pmod{n}$ 
    global ALPHABET_DICT
    m = len(ALPHABET_DICT)
    x1 = bigram_to_int(theor_bigram_pair[0])
    x2 = bigram_to_int(theor_bigram_pair[1])
    y1 = bigram_to_int(encr_bigram_pair[0])
    y2 = bigram_to_int(encr_bigram_pair[1])
    key_pairs = []
    #  $ax = y \pmod{n}$ 

```

```

#print(x1, x2, 'x1x2')
#print(y1, y2, 'y1y2')
temp = solve_linear_equasion((x1 - x2), (y1 - y2), m ** 2)
if temp == False:
    #print('Key not found: LE not solved')
    return False
key_arr = []
for a in temp:
    b = ((y1 - a * x1) % m**2)
    key_arr.append((a, b))

big_key = []

for key in key_arr:
    a = key[0]; b = key[1]
    a_big = int_to_bigram(a)
    b_big = int_to_bigram(b)
    big_key.append((a_big, b_big))
return big_key

def decipher_affine_bigram(text, key):
    m = 961
    a = bigram_to_int(key[0])
    b = bigram_to_int(key[1])
    inv_a = modular_inverse(a, m)
    if inv_a == False:
        #print("Inverted value does not exist!")
        return False
    res = ''
    for i in range(0, len(text)-1, 2):
        y = bigram_to_int(text[i:i+2])
        x = ((y - b) * inv_a) % m
        res += int_to_bigram(x)
    return res

def attack_affine(theoretical, practical, ciphertext, logfile):
    all_lang = get_all_bigrams_pairs(theoretical)
    all_encr = get_all_bigrams_pairs(practical)
    logfile.write('Pairs of most frequent bigrams (theoretical):\n')
    logfile.write(str(all_lang))
    logfile.write('\n\nPairs of most frequent bigrams (practical):\n')
    logfile.write(str(all_encr))
    matched_texts = {}
    keys = []
    # Match all bigrams in language to the ones in ciphertext
    # and find the keys for them
    for i in range(len(all_lang)):
        for j in range(len(all_encr)):
            #continue
            key = find_key(all_lang[i], all_encr[j])
            if key == False:
                continue
            for k in key:
                keys.append(k)
    # Remove duplicate keys
    keys = list(dict.fromkeys(keys))
    logfile.write('\n\nAll possible keys:\n')
    logfile.write(str(keys))
    logfile.write('\n\nBad keys and reasons why:\n')
    # Decipher text for each key and check if it is ok
    # TODO: fix same keys bug
    for key in keys:
        deciphered_text = decipher_affine_bigram(ciphertext, key)

```



```

        if deciphered_text == False:
            continue
        #print(deciphered_text)
        is_real = check_text_reality(deciphered_text)
        if is_real == 1:
            print('Key:', key, bigram_to_int(key[0]), bigram_to_int(key[1]))
            print(deciphered_text)
            matched_texts[key] = deciphered_text
        else:
            print('Key:', key, bigram_to_int(key[0]), bigram_to_int(key[1]))
            print('The text is not real: ' + is_real + '\n')
            logfile.write('\nKey: ' + str(key) + ' ' +
str(bigram_to_int(key[0])) + ' ' + str(bigram_to_int(key[1])) + '\n')
            logfile.write('The text is not real:\n' + is_real + '\n')
        logfile.write('\n\nAll texts that matched the text reality check and their
texts:')
        for key in matched_texts:
            logfile.write('\n\nKey: ' + str(key) + ' or (' +
str(bigram_to_int(key[0])) + ', ' + str(bigram_to_int(key[1])) + ')\n\n')
            logfile.write(matched_texts[key])

def find_most_frequent_bigrams(text, quan):
    sum = {}
    for i in range(len(text) - 1):
        bigram = text[i:i+2]
        try:
            sum[bigram] += 1
        except:
            sum[bigram] = 1
    sorted_sum = sorted(sum.items(), key=lambda kv: kv[1], reverse=True)
    #print(sorted_sum)
    return [big for big, quan in sorted_sum[:quan]]

def main():
    global THEORETICAL_MOST_FREQUENT_BIGRAMS
    global PRACTICAL_MOST_FREQUENT_BIGRAMS
    logfile = open('results.txt', 'w', encoding='utf-8')
    ciphertext = import_data('11.txt')
    ciphertext = ''.join(ciphertext.split())
    pr_most_frequent = find_most_frequent_bigrams(ciphertext, 5)
    print(pr_most_frequent)
    attack_affine(THEORETICAL_MOST_FREQUENT_BIGRAMS, pr_most_frequent,
ciphertext, logfile)

main()

```

## Висновок:

Виконавши роботу, ми засвоїли методи частотного криптоаналізу на прикладі розшифрування афінного шифру біграмної заміни та опанували прийоми роботи в модулярній арифметиці.