



Міністерство освіти і науки України Національний
технічний університет України «Київський політехнічний
інститут імені Ігоря Сікорського» Фізико-технічний
інститут

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №4

з дисципліни

«Криптографія»

на тему:

**«Побудова реєстрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком
та дослідження їх властивостей»**

Виконали:

студентки 3 курсу ФТІ

групи ФБ-71

Гресь В. Нацвін К.

Перевірили:

Чорний О.

Савчук М. М.

Завадська Л. О.

Київ 2019

Мета роботи :

Ознайомлення з принципами побудови регістрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком; практичне освоєння їх програмної реалізації; дослідження властивостей лінійних рекурентних послідовностей та їх залежності від властивостей характеристичного полінома регістра.

Порядок виконання роботи:

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.

1. Вибрати свій варіант завдання згідно зі списком. Варіанти завдань містяться у файлі Crypto_CP4 LFSR_Var.

2. За даними характеристичними многочленами $p_1(x)$, $p_2(x)$ скласти лінійні рекурентні співвідношення для ЛРЗ, що задаються цими характеристичними многочленами.

3. Написати програми роботи кожного з ЛРЗ L1, L2. 4. За допомогою цих програм згенерувати імпульсні функції для кожного з ЛРЗ і підрахувати їх періоди.

5. За отриманими результатами зробити висновки щодо властивостей кожного з характеристичних многочленів $p_1(x)$, $p_2(x)$: многочлен примітивний над F_2 ; не примітивний, але може бути незвідним; звідний.

6. Для кожної з двох імпульсних функцій обчислити розподіл k-грам на періоді, $k \leq n_i$, де n_i - степінь полінома $f_i(x)$, $i=1,2$ а також значення функції автокореляції $A(d)$ для $0 \leq d \leq 10$. За результатами зробити висновки.

Рекурентні співвідношення:

$$\begin{array}{l} \text{6} \quad \left| \begin{array}{l} P_1(X) = X^{22} + X^{17} + X^{15} + X^{14} + X^{13} + X^{11} + X^8 + X^7 + X^6 + X^3 + X^2 + X + 1 \\ P_2(X) = X^{21} + X^{16} + X^{15} + X^{14} + X^{13} + X^{10} + X^9 + X^7 + X^2 + X + 1 \end{array} \right. \end{array}$$

Результати:

Поліном $p_1 = [1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0]$

Період: 584073

Значення автокореляції

autocorrelation1: 292040 autocorrelation2: 292040 autocorrelation3: 292028 autocorrelation4: 292040

autocorrelation5: 292040 autocorrelation6: 292036 autocorrelation7: 292028 autocorrelation8: 292040

autocorrelation9: 292040 autocorrelation10: 292028

N – грами:

Биграмы:	1000 8998	01010 3615
00 73131	1001 8975	10111 3680
01 72863	1010 9200	00011 3658
10 72908	0110 9143	10000 3685
11 73134	1011 9120	10110 3628
Триграммы:	1110 9139	11010 3656
000 24317	0001 9155	10101 3677
100 24354	1101 9100	01111 3594
001 24340	0101 9123	11110 3756
011 24323	0111 9037	11011 3679
111 24340	1100 9272	01110 3636
010 24354	0011 9186	11111 3602
101 24324	Пятиграммы:	00111 3581
110 24338	00000 3615	11101 3657
Четыреграммы:	01000 3660	01001 3609
0000 9090	01011 3652	00100 3545
0100 9207	11100 3675	01101 3597
0010 9133	00010 3674	10010 3707
1111 9140	10011 3734	11001 3563

00110 3613
10001 3552
10100 3732

01100 3679
11000 3658
00101 3712

00001 3733

Поліном $p_2 = [1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0]$

Період: 2097151

Значення автокореляції

autocorrelation1: 1048576 autocorrelation2: 1048576 autocorrelation3: 1048576 autocorrelation4: 1048576
autocorrelation5: 1048576 autocorrelation6: 1048576 autocorrelation7: 1048576 autocorrelation8: 1048576
autocorrelation9: 1048576 autocorrelation10: 1048576

N – грами:

Биграми:

00 262208

10 262034

01 262125

11 262208

Триграми:

000 87279

001 87491

011 87292

110 86972

100 87579

101 87626

111 87457

010 87354

Четыреграми:

0000 32850

1000 32659

0111 32853

1011 32982

0001 32798

1001 32681

1100 32595

0110 32546

0101 32851

1111 32661

1110 32646

1101 32799

1010 32910

0010 32700

0100 32745

0011 33011

Пятиграми:

00000 13139

10000 13108

11110 13201

11000 13065

10001 13045

00001 13080

01100 13043

01011 12992

11001 13136

11010 13062

01010 13316

11111 12996

00110 13086

11100 13090

00011 13205

10010 12986

01000 13171

01110 13112

10101 13005

00111 13236

00100 13073

01001 13184

00010 12976

11011 13072

11101 13028

10100 12953

10011 13163

00101 13205

10110 13248

01111 13190

01101 13141

10111 13123

Код програми:

```
#include <iostream>
#include <windows.h>
#include <string>
#include <vector>
```

```
std::string biGram[4] = {"00", "01", "10", "11"};
int biCount[4] = {0};
std::string threeGram[8] = {"000", "001", "010", "011",
"100", "101", "110", "111"};
int threeCount[8] = {0};
std::string fourGram[16] = {"0000", "0001", "0010",
"0011", "0100", "0101", "0110", "0111", "1000", "1001",
"1010", "1011", "1100", "1101", "1110", "1111"};
int fourCount[16] = {0};
std::string fiveGram[32] = {"00000", "00001", "00010",
"00011", "00100", "00101", "00110", "00111", "01000",
"01001", "01010", "01011", "01100", "01101", "01110",
"01111", "10000", "10001", "10010", "10011", "10100",
"10101", "10110", "10111", "11000", "11001", "11010",
"11011", "11100", "11101", "11110", "11111"};
int fiveCount[32] = {0};
```

```
std::vector<bool> sequence1
{1,1,1,1,0,0,1,1,1,0,0,1,0,1,1,1,0,1,0,0,0,0};
std::vector<bool> impulse1
{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
std::vector<bool> etalon1
{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
std::vector<bool> sequence2
{1,1,1,0,0,0,0,1,0,1,1,0,0,1,1,1,1,0,0,0,0};
std::vector<bool> impulse2
{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
std::vector<bool> etalon2
{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};

int doEverything(std::vector<bool> sequence,
std::vector<bool> impulse, std::vector<bool> etalon)
{
    std::vector<bool> order, temp;
    bool sum;

    do
    {
        order.push_back(sequence[1]);
```

```

for (int i = 0; i < sequence.size(); ++i)
{
    temp.push_back(impulse[i] & sequence[i]);
}

sum = 0;
for (int i = 0; i < sequence.size(); ++i)
{
    sum ^= temp[i];
}

impulse.erase (impulse.begin());
impulse.push_back(sum);

for (int i = 0; i < sequence.size(); ++i)
{
    temp.pop_back();
}

} while (!(impulse == etalon));

std::cout << order.size();

for (int i = 0; i < 4; ++i)
{
    for (int j = 0; j < order.size(); j += 2)
    {
        std::string buf(sequence[j], sequence[j + 1]);
        if (buf == biGram[i])
        {
            biCount[i]++;
        }
    }
    std::cout << biCount[i];
}

for (int i = 0; i < 8; ++i)
{
    for (int j = 0; j < order.size(); j += 3)
    {
        std::string buf(sequence[j], sequence[j + 2]);
        if (buf == threeGram[i])
        {
            threeCount[i]++;
        }
    }
    std::cout << threeCount[i];
}

for (int i = 0; i < 16; ++i)
{
    for (int j = 0; j < order.size(); j += 4)
    {
        std::string buf(sequence[j], sequence[j + 3]);
        if (buf == fourGram[i])
        {
            fourCount[i]++;
        }
    }
    std::cout << fourCount[i];
}

```

```

for (int i = 0; i < 32; ++i)
{
    for (int j = 0; j < order.size(); j += 5)
    {
        std::string buf(sequence[j], sequence[j + 4]);
        if (buf == fiveGram[i])
        {
            fiveCount[i]++;
        }
    }
    std::cout << fiveCount[i];
}

for (int j = 0; j < 10; j++)
{
    int autocorrelation = 0;
    for (int i = 0; i < order.size(); i += j)
    {
        autocorrelation += order[i] + order[i + j] % 2;
    }
    std::cout << "\nautocorrelation " << j << ' ' <<
autocorrelation;
}

int main()
{
    doEverything(sequence1, impulse1, etalon1);
    doEverything(sequence2, impulse2, etalon2);
}

```