



Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України
«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»
Фізико-технічний інститут

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №4
з дисципліни
«Криптографія»
на тему: «Побудова реєстрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком та дослідження їх властивостей»

Виконали:
студенти 3 курсу ФТІ
групи ФБ-72
Макоїд Ігор, Оліферук Артур
Перевірили:
Чорний О.
Савчук М. М.
Завадська Л. О.

Мета роботи:

Ознайомлення з принципами побудови регістрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком; практичне освоєння їх програмної реалізації; дослідження властивостей лінійних рекурентних послідовностей та їх залежності від властивостей характеристичного полінома регістра.

Варіант 10

$$P1(X) = X^{20} + X^{18} + X^{11} + X^{10} + X^8 + X^7 + X^6 + X^5 + 1$$

$$P2(X) = X^{24} + X^{17} + X^{14} + X^{13} + X^{12} + X^9 + X^6 + 1$$

Періоди

P1(X):

$$T = 1048575$$

P2(X):

$$T = 64897$$

Обчислені розподіли k-грам

2-gram	
0 0	131042
0 1	131113
1 0	131090
1 1	131042

2-gram	
0 0	8051
0 1	8139
1 0	8219
1 1	8039

3-gram	
0 0 0	43733
0 0 1	43648
0 1 0	43648
0 1 1	43904
1 0 0	43648
1 0 1	43904
1 1 0	43392
1 1 1	43648

3-gram	
0 0 0	2715
0 0 1	2706
0 1 0	2679
0 1 1	2660
1 0 0	2732
1 0 1	2693
1 1 0	2728
1 1 1	2719

4-gram	
0 0 0 0	16228
0 0 0 1	16582
0 0 1 0	16405
0 0 1 1	16415
0 1 0 0	16465
0 1 0 1	16200
0 1 1 0	16308
0 1 1 1	16426
1 0 0 0	16406
1 0 0 1	16476
1 0 1 0	16336
1 0 1 1	16398
1 1 0 0	16312
1 1 0 1	16456
1 1 1 0	16425
1 1 1 1	16305

4-gram	
0 0 0 0	976
0 0 0 1	1003
0 0 1 0	1024
0 0 1 1	975
0 1 0 0	1016
0 1 0 1	1016
0 1 1 0	1053
0 1 1 1	995
1 0 0 0	1038
1 0 0 1	1036
1 0 1 0	1043
1 0 1 1	945
1 1 0 0	1043
1 1 0 1	1004
1 1 1 0	1037
1 1 1 1	1020

5-gram	
00000	6515
00001	6592
00010	6592
00011	6592
00100	6528
00101	6400
00110	6528
00111	6528
01000	6592
01001	6592
01010	6592
01011	6464
01100	6528
01101	6528
01110	6656
01111	6528
10000	6592
10001	6464
10010	6464
10011	6464
10100	6656
10101	6528
10110	6656
10111	6656
11000	6592
11001	6592
11010	6592
11011	6464
11100	6528
11101	6528
11110	6656
11111	6528

5-gram	
00000	393
00001	412
00010	393
00011	404
00100	422
00101	381
00110	386
00111	390
01000	438
01001	407
01010	428
01011	438
01100	431
01101	406
01110	441
01111	380
10000	394
10001	405
10010	394
10011	410
10100	401
10101	406
10110	441
10111	382
11000	381
11001	391
11010	386
11011	390
11100	393
11101	406
11110	442
11111	407

Автокореляція	
d	Значення
0	0
1	524288
2	524288
3	524288
4	524288
5	524288
6	524288
7	524288
8	524288
9	524288
10	524288

Автокореляція	
d	Значення
0	0
1	32452
2	32460
3	32448
4	32440
5	32452
6	32440
7	32444
8	32440
9	32448
10	32448

За отриманими результатами було встановлено задані поліноми мають такі :

P1(X) - примітивний

P2(X) - не примітивний, але може бути незвідним

Код:

```
#include <fstream>
#include <iostream>
#include <cstring>
#include <math.h>
using namespace std;
int main()
{
    int var24[24]={ 1,0,0,0,0,0,1,0,0,1,0,0,1,1,1,0,0,1,0,0,0,0,0,0};
    int def24[24]={0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
    int dif24[24]={0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
    int var[20]={ 1,0,0,0,0,1,1,1,1,0,1,1,0,0,0,0,0,0,1,0};
    int def[20]={0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
    int dif[20]={ 0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1};
    cout<<"=====Polinom st=20===== "<<endl;
    int T=0;
    bool mas[1048575];
    do{
        //suma
        int suma = 0;
        for(int i=0;i<20;i++){
            suma+=(var[i]*def[i]);
        }
        //sdvig
        mas[T]=def[0];
        for(int i=0;i<19;i++){
```

```

        def[i]=def[i+1];
    }
    def[19]=suma%2;
    T++;
}
while(!equal(def,def+20,dif));
cout<<"T = "<<T<<endl;

//2-gram
cout<<"=====2-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        bool n[2];
        n[0]=a;n[1]=b;
        cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" ";
        unsigned int counter=0;
        for(int i=0;i<T-T%2;i+=2){
            bool m[2];
            m[0]=mas[i];m[1]=mas[i+1];
            if(equal(n,n+2,m))
                counter++;
        }
        cout<<"counter = "<<counter<<endl;
    }
}

//3-gram
cout<<"=====3-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        for(int c=0;c<=1;c++){
            bool n[3];
            n[0]=a;n[1]=b;n[2]=c;
            cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" "<<n[2]<<" ";
            unsigned int counter=0;
            for(int i=0;i<T-T%3;i+=3){
                bool m[3];
                m[0]=mas[i];m[1]=mas[i+1];m[2]=mas[i+2];
                if(equal(n,n+3,m))
                    counter++;
            }
            cout<<"counter = "<<counter<<endl;
        }
    }
}

//4-gram
cout<<"=====4-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        for(int c=0;c<=1;c++){
            for(int d=0;d<=1;d++){
                bool n[5];
                n[0]=a;n[1]=b;n[2]=c;n[3]=d;
                cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" "<<n[2]<<" "<<n[3]<<" ";
                unsigned int counter=0;
                for(int i=0;i<T-T%4;i+=4){

```

```

        bool m[4];
        m[0]=mas[i];m[1]=mas[i+1];m[2]=mas[i+2];m[3]=mas[i+3];
        if(equal(n,n+4,m))
            counter++;
    }

    cout<<"counter = "<<counter<<endl;    }

}

}

//5-gram
cout<<"=====5-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        for(int c=0;c<=1;c++){
            for(int d=0;d<=1;d++){
                for(int e=0;e<=1;e++){
                    bool n[5];
                    n[0]=a;n[1]=b;n[2]=c;n[3]=d;n[4]=e;
                    cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" "<<n[2]<<" "<<n[3]<<" "<<n[4]<<" ";
                    unsigned int counter=0;
                    for(int i=0;i<T-T%5;i+=5){
                        bool m[5];
                        m[0]=mas[i];m[1]=mas[i+1];m[2]=mas[i+2];m[3]=mas[i+3];m[4]=mas[i+4];
                        if(equal(n,n+5,m))
                            counter++;
                    }

                    cout<<"counter = "<<counter<<endl;

                }
            }
        }
    }
}

cout<<"=====Autocorrelation===== "<<endl;
for(int d=0;d<=10;d++){
    int s,k=0;
    for(int i=0;i<1048575;i++)
    {
        s=(mas[i]+mas[(i+d)% 1048575])%2;
        k+=s;
    }
    cout<<"d = "<<d<<". Corel = "<<k<<endl;
}

cout<<"=====Polinom st=24===== "<<endl;
T=0;
bool mas24[64897];
do{
    //suma
    int suma = 0;
    for(int i=0;i<24;i++){
        suma+=(var24[i]*def24[i]);
    }

    //sdvig
    mas24[T]=def24[0];
    for(int i=0;i<23;i++){
        def24[i]=def24[i+1];
    }
}

```

```

    }
    def24[23]=suma%2;
    T++;
}
while(!equal(def24,def24+24,dif24));
cout<<"T = "<<T<<endl;
//2-gram
cout<<"=====2-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        bool n[2];
        n[0]=a;n[1]=b;
        cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" ";
        short unsigned int counter=0;
        for(int i=0;i<T-T%2;i+=2){
            bool m[2];
            m[0]=mas24[i];m[1]=mas24[i+1];
            if(equal(n,n+2,m))
                counter++;
        }
        cout<<"counter = "<<counter<<endl;
    }
}
//3-gram
cout<<"=====3-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        for(int c=0;c<=1;c++){
            bool n[3];
            n[0]=a;n[1]=b;n[2]=c;
            cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" "<<n[2]<<" ";
            short unsigned int counter=0;
            for(int i=0;i<T-T%3;i+=3){
                bool m[3];
                m[0]=mas24[i];m[1]=mas24[i+1];m[2]=mas24[i+2];
                if(equal(n,n+3,m))
                    counter++;
            }
            cout<<"counter = "<<counter<<endl;
        }
    }
}
//4-gram
cout<<"=====4-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        for(int c=0;c<=1;c++){
            for(int d=0;d<=1;d++){
                bool n[5];
                n[0]=a;n[1]=b;n[2]=c;n[3]=d;
                cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" "<<n[2]<<" "<<n[3]<<" ";
                short unsigned int counter=0;
                for(int i=0;i<T-T%4;i+=4){
                    bool m[4];
                    m[0]=mas24[i];m[1]=mas24[i+1];m[2]=mas24[i+2];m[3]=mas24[i+3];

```



```

        if(equal(n,n+4,m))
            counter++;
    }
    cout<<"counter = "<<counter<<endl;
}
}
}
}
//5-gram
cout<<"=====5-gram===== "<<endl;
for(int a=0;a<=1;a++){
    for(int b=0;b<=1;b++){
        for(int c=0;c<=1;c++){
            for(int d=0;d<=1;d++){
                for(int e=0;e<=1;e++){
                    bool n[5];
                    n[0]=a;n[1]=b;n[2]=c;n[3]=d;n[4]=e;
                    cout<<n[0]<<" "<<n[1]<<" "<<n[2]<<" "<<n[3]<<" "<<n[4]<<" ";
                    short unsigned int counter=0;
                    for(int i=0;i<T-T%5;i+=5){
                        bool m[5];
                        m[0]=mas24[i];m[1]=mas24[i+1];m[2]=mas24[i+2];m[3]=mas24[i+3];m[4]=mas24[i+4];
                        if(equal(n,n+5,m))
                            counter++;
                    }
                    cout<<"counter = "<<counter<<endl;
                }
            }
        }
    }
}
cout<<"=====Autocorrelation===== "<<endl;
for(int d=0;d<=10;d++){
    int s,k=0;
    for(int i=0;i<64897;i++){
        {
            s=(mas24[i]+mas24[(i+d)%64897])%2;
            k+=s;
        }
        cout<<"d = "<<d<<" . Corel = "<<k<<endl;
    }
}
}

```

Висновок: по ходу виконання практикуму ми ознайомились з принципами побудови реєстрів зсуву з лінійним зворотним зв'язком; освоєння їх програмну реалізацію; дослідили властивості лінійних рекурентних послідовностей та їх залежності від властивостей характеристичного полінома реєстра.