



Міністерство освіти і науки України

Національний технічний університет України

«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»

Фізико-технічний інститут

### **ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №3**

**з дисципліни**

**«Криптографія»**

**на тему: «Криптоаналіз афінної біграмної підстановки»**

Виконали:

студенти 3 курсу ФТІ

групи ФБ-74

Заїграєв Костянтин та Новіков Олексій

Перевірили:

Чорний О.

Савчук М. М.

Завадська Л. О.

## Мета роботи :

Засвоєння методів частотного криптоаналізу. Здобуття навичок роботи та аналізу поточкових шифрів гамування адитивного типу на прикладі шифру Віженера.

## Порядок виконання роботи

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.
1. Реалізувати підпрограми із необхідними математичними операціями: обчисленням оберненого елементу за модулем із використанням розширеного алгоритму Евкліда, розв'язуванням лінійних порівнянь. При розв'язуванні порівнянь потрібно коректно обробляти випадок із декількома розв'язками, повертаючи їх усі.
2. За допомогою програми обчислення частот біграм, яка написана в ході виконання комп'ютерного практикуму №1, знайти 5 найчастіших біграм запропонованого шифртексту (за варіантом).
3. Перебрати можливі варіанти співставлення частих біграм мови та частих біграм шифртексту (розглядаючи пари біграм із п'яти найчастіших). Для кожного співставлення знайти можливі кандидати на ключ ), ( b а шляхом розв'язання системи (1).
4. Для кожного кандидата на ключ дешифрувати шифртекст. Якщо шифртекст не є змістовним текстом російською мовою, відкинути цього кандидата. 5. Повторювати дії 3-4 доти, доки дешифрований текст не буде змістовним.

## Результати

### 2. Найчастіші біграми

Для мови	ст	но	то	на	ен
Для шифротексту	цл	ял	ае	ле	чо

### 3. Можливі варіанти ключів

(64, 603), (110, 817), (53, 724), (605, 841), (165, 755), (273, 863), (299, 321), (694, 136), (769, 832), (25, 842), (605, 625), (413, 755), (540, 732), (234, 569), (127, 98), (192, 836), (761, 387), (269, 651), (848, 262), (910, 138), (834, 941), (796, 532), (544, 201), (453, 438), (267, 562), (126, 882), (902, 718), (578, 715), (342, 809), (619, 884), (113, 684), (604, 448), (569, 200), (183, 941), (73, 851), (600, 138), (415, 6), (508, 849), (417, 497), (348, 598), (700, 744), (838, 158), (853, 4), (936, 231), (732, 602), (240, 589), (108, 694), (426, 124), (394, 476), (438, 290), (939, 222), (463, 405), (275, 36), (721, 450), (901, 665), (284, 634), (662, 138), (405, 882), (958, 760), (937, 620), ( <b>200, 900</b> ), (258, 423), (3, 933), (641, 191), (356, 448), (261, 329), (688, 557), (494, 312), (581, 154), (59, 228), (421, 0), (306, 210), (692, 769), (467, 14), (888, 569), (556, 786), (728, 663), (12, 880), (286, 505), (606, 294), (523, 656), (361, 935), (51, 594), (851, 851), (736, 558), (191, 634), (425, 476), (264, 562), (413, 516), (466, 372), (250, 882), (348, 837), (506, 180), (498, 293), (898, 459), (732, 841), (123, 915), (357, 284), (118, 501), (229, 105), (535, 574), (233, 283), (355, 652), (431, 791), (430, 36), (613, 109), (835, 191), (949, 159), (889, 532), (251, 98), (229, 130), (22, 724), (368, 656), (455, 527), (770, 73), (655, 249), (24, 453), (866, 811), (531, 290), (411, 264), (356, 446), (897, 436), (843, 231), (721, 584), (686, 42), (567, 222), (888, 808), (95, 882), (908, 563), (530, 282), (550, 62), (73, 138), (957, 24), (392, 839), (72, 507), (703, 309), (60, 281), (697, 477), (262, 745), (710, 228), (536, 563), (711, 538), (380, 553), (225, 388), (778, 718), (4, 683), (495, 87), (677,
---

### Розшифрований текст

атызнаешьсколькоразмывэтомгодуиграливейсболавпрошломавпопрошломнистогониссегоспросилтомгубыегодвигалисьбыстробыстраяв  
езаписалттысячпятьсотшестьдесятьвосемьразасколькоразачистилзубызадесятьлетжизнишестьтысячразарукимылпятадцатьтысячразспалчеты  
реслишнимтысячиприэтиотольконочьюиселшестьсотперскивовосемьсотяблокагрушвсегодвестиянеоченьтолюбюгрушичтохочешьспросиу  
менявсезаписаносливспоминитисосчитатьчтояделалвсedeсятьлетпрямотысячимиллионовполучаютсяавотвотдумалдугласопятьоноближепо  
чемупотомучтототомболтаетноразведеловтомеонвстретититрещитсполнымртомотецсидитмолчанасторожилсякаккрысыатомвсболтаетникакн  
еугомонитсышипитипенитсякаксифонссодовойкнигапрочелчетыресташтуккиносмотрелитогобольшесорокфильмовсучастиембакаджонсатри  
дцатьсджемомхосисорокпятьстомоммиксомтридцатьдевятьсхутомгибсономстодевяностодваультимиликационныхпрокатафеликсадесятьсду  
гласомфербенксомвосемьразвиделпризракопереслономчаничетыреразасмотрелмилтонасилсадажеодинпролюбовьсадольфомменжутолько  
ягоддапросиделцелыхдвадностчасоввкиношнойуборнойвсеждалчтобэтарундакончиласьипустилкошкунканарейкуилилетучуюмышьяужту  
твсцеплялисьдругзадругуивизжалидвачасабезпередышкииселзэтовремячетыресталеденцовтристатянучесмостаканчиковмороженог  
отомболталешедолгоминутпятьпокаотецнепрервалегоасколькаягодтысегодныасобралтомровнодвестицатьдесятишестьнеморгнувглазответил  
томотецрассмеялсяинаэтомокончилосьзавтраконивновыдвинулисьвлеснытенисобиратьдикийвиноградикрошечныеягодыземляникивстроена  
клонялиськсамойземлеукибыстроиловокделалисвоеделоведравсетажелелиаугласприслушивалсяядумалвотвотноопятьблизкопрямоуменя  
заспинойнеоглядывайсяработайсобирайягодыкидайвведрооглянешьсяспугнешьнетужнаэтотразнеупушюнакакбыегозаманитьпоближечтобып  
оглядетьнанегоглянутьпрямовглазакакауменявспичечномкоробекестьснежинкасказалтомулыбнулслыгладянасыорукуонабылавсякраснаяот  
ягодкакперчаткезамочичутьнезавопилдугласноеткричатьнельзяисполнитэхоивсепугнетпостойкактамболтаеоноподходитвсближез  
начитононебоитсятотомтолькопритягиваетегоотомтожеменожкооноделоблоещевфевралевалиснегаяподставилкоробоктомхихикнулпой  
малоднуснежинкупобольшеираззахлопнулскорейпобежалдомойисунулвхолодильникблизкосовсемблизкотомтрещалбезумлкуадугласнесво  
дилснегоглазможетотскочитьудратьведиззалесанакатываетсякакаятогрознаволнавтсейчасобрушитсяираздавитдасэраздумчивопродолжал  
томобрываякустидемогинограданавесыштатилинойсуменяуодноглетоместьснежинкатакойкладбольшенигденесыщешьхотятреснизавтраея  
еоткроудугтытожеможешьпосмотретьвдругоевремядугласбытолькочрезультатомелнежинкакакбытеркунулудамолеснежинкакакбытенаснежийчаснаеогля  
осьтоогромноевотвотобрушитсясногонебаонлишьзажмурилсякивнултомдотогоизумилсятажепересталсобиратьягодыповернулсиу  
авилсьнабратадугласзастылсидянакорточкахнукактудадержатьсятомиспустилвоинственныйкличкинулсьнанегопокинулназемлюонипокат  
илисьпотравебарахтаясьитузядругдруганетничемядругомнедуматьивдругкажетсяявсехорошодаэстачкапотасовканеспугнуланабегавшу  
юволнувотоназахлестнулаихразлиласьшироковокругинесетобоихпогустойзеленитравывглубьлесаклактомаугодилдугласупогубамвортустал  
огорячонсолонодугласобхватилбратакрепкостиснулегоонизамерлитолькосердцаколотилисьдадышалиобасовсистомаконецдугласукрадкой  
приоткрылдинглазвдругопятьничеговотоносетутвсекакстьточноогромныйзрачокисполинскогогласакоторыйтожеотолькочтораскрылсягля  
дитвизумленинанеговпорсмотрелвесьмирионпонялвотчтонежданнопришлокнемуитеперьостанетсяснимуженикогдагонепокинетяживой  
подумалонпальцыегодрожалирозовеянасветустремительнойкровьюточноклочкиневедомогофлагапрежденевиданногообретенногопервыече  
йжеэтофлагкомутеперьприсягатьнаверностьоднойрукойонвсеещестискивалтоманосовсемзабылонемисторожнопотрогалсветящиесяалымпа  
льцысловнохотелснятьперчаткупотомподнялихповышеиогляделсвоихсторонвыпустилтомаоткинулсьнаспинувсеещевоздврукнебесамите  
первьесонбылоднаголаглазбудточасовысквозьбойницыневедомойкрепостиоглядывалимостытанутуюрукуипальцыгденасветутрепал  
кровавокрасныйфлагтытодугспросилтомголосогонислесточносдзеленегозамшелоголодцаткудатоизподвыдалекийтаинственн  
ыйподдугласомшепталисьтравыонпустилрукуиоштилихпушистыеножнигдетодалековтенисныхтуфляхшевелилпальцямивушахкаквра  
ковинахвздыхалветерногоцветныймирпереливалсявзрачкахточнопестрыкартинкивхрустальномшарелесистыхолмыбылиусеяныцветамиб  
удтоосколкамисолнцаогненнымиклочкаминебапоогромномуопрокинутомузерунесоводамелькалиптицыточнокамушкиброшенныеловкой  
рукойдугласшумнодышалсквозьзубыонсловновдыхалледивыдыхалпламятысячипчелистрекозпронизываливоздухкакэлектрическиерзаядыд  
есяттысячволосовнаголовеудугласавырослинаоднимиллионнуюдоймавкаждомегоухестучалопосердцутретьеколотилосьгорлеанастоящеег  
улкоухаловгрудидождалождошаломилионамипоряиправдаживойдумалдугласпреждеэтогонезналаможетизналданепомнюонвыкрикнулэто  
просебярздругойдесятийнадожепрожилнасветецелыхдвенадцатьлетиничегошенькинепонималивдругтакаянаходкадралсястомомивоттебету  
пподдеревомсверкающиезолотыечасыредкостныйхронометрзаводомнасемьдесятлетдугдачтостобойдугласиздалдикийвоплъстретбомавохап  
куионивновыпોકатилисьпоземледугтыспятилспятилоникатилисьпосклонухолмасолнцегорелоунихглазахивортуточноосколкимонножелто  
гостеклаонизадыхалиськаккрыбывыброшенныензводныхохоталидослездугтынерехнулсянетнетнетнетдугласзажмурилсявтемнотемягкоступал  
ипятнистыелепардытомитишетомкакпотвоемувселлодизнаютзнаютчтоониживыеснознаютатыкакдумаллеопардынеслышнопрошлидалышев  
отъмуиглазуженемоглизонииследитьхорошобытакпрошепталдугласхорошобывсезналионоткрылглазотецподбоченясыстоялвысоконадни  
мисмеялсяголоваегоупираласьвзеленолистыйнебосводглазихвстретилисьдугласвстрепенулсяпапазнаетпонялонветасикибылозадуманооннаро  
чнопривезнассодачтобыэтосомнойслучилосьонтожевзаговореонвсезнаетитеперьонзнаетчтоияужезнаюбольшаярукаопустиласьвысотыпод  
нялаеговвоздухпокачиваясьнанетвердыхногахмеждутцомитомомисцарапанныйвстрепанныйвсеещеошарашенныйдугласосторожнопотрогал  
своилоктионибыликачужиеисудовлетворениеоблизнулразбитуюгубупотомвзглянулнаотцаинатомаяпонесувсеведрасказалонсегодняхочу  
одинвсетащитьонизагадноусмехнулисьотдалиемуведрадугласстоялчутьпокачиваясьегоношавсесьистекающийсокомлестоттягивалаемурук  
ихочупочувствоватьвсечтотолькоможнодумалонхочуустатьхочученьустатьнельзябытьнисегоднянизавтранипослеоншелопьяненныйсосо  
ейтяжелойношейазанимплылипчелыизапахдикоговинограданослепительноелетонапальцахвспухалиблаженнымозолирукионемелиионспоты  
калсятактоотецдажесхватилегозаплечоненадопробормоталдугласяничегоаятличносправлюсьещедобрыхполчасаоноощущалрукаминогамисп  
инойтравуикорникамниикоручтословноотпечаталисьнаеготелепоцемуотпечатакэтотстиралсятаялускользалдугласшелидумалобэтомобрат  
имолчаливыйитещилипозадипредоставляемуодномупролагатьпутьсквозьлескнеправдоподобнойцеликшоссекотороеприведитихобратновгор  
одивотгордовтожденеиещеоднооткровениедешушастоялаширокомпарадномкрыльцеиточнокапитаноглядывалширокиенедвижныепросто  
рыпереднимраскинулосьлетоонвопрошалветеринедостижимовысокоенебоилужайкудестоялидугласитомивопрошалитолькоегоодногодедуш  
каониужесозрелидедушкапоскребподбородокпятьсоттысячадажедвetyсячинавернякадахорошийурожайсобиратьлегкособеритевсеплачуде  
сятыцентовзакаждыймешоккоторыйвыпринесетекпрессуураа

## Код програми

```
import math, re
from operator import itemgetter # For dict reversing,
from itertools import groupby   # without losing n-grams
from pprint import pprint

snd = itemgetter(1)
__count=0
__entropy=0
__unique=0

rus_dict=['а', 'б', 'в', 'г', 'д', 'е', 'ж', 'з', 'и', 'й', 'к', 'л', 'м',
          'н', 'о', 'п', 'р', 'с', 'т', 'у', 'ф', 'х', 'ц', 'ч', 'ш', 'щ',
          'ъ', 'ы', 'э', 'ю', 'я']

__lenOfRing=pow(len(rus_dict), 2)

alphabet_dict={'o':0.10983, 'e':0.08483, 'a':0.07998, 'н':0.07367, 'н':0.067,
```

```
't':0.06318, 'c':0.05473, 'p':0.04746, 'b':0.04533, 'n':0.04343,
'k':0.03486, 'm':0.03203, 'd':0.02977, 'r':0.02804, 'y':0.02615,
'a':0.02001, 'w':0.01898, 's':0.01735, 'r':0.01687, 'z':0.01641,
'g':0.01592, 'u':0.0145, 'h':0.01208, 'x':0.00966, 'j':0.0094,
'm':0.00718, 'o':0.00639, 'l':0.00486, 'u':0.00361, 'v':0.00331,
'p':0.00267, 's':0.00037}#, 'e':0.00013}
```

```
__standart_dict={}

def polygrams_freq(filename, fileEncoding, num, step=1, specCharAsSpace=True, countSpace=True):
    global __count, __unique
    res_dict={}
    polygramm_count=0
    polygramm_str=""
    with open(filename, encoding=fileEncoding) as file:
        for line in file:
            line=line.strip()
            line=re.sub(' ', '', line)
            line=line.replace("b", 'b')
            line=line.replace('b', 'b')

    # print("Pint COUNT BM: ",line.count('BM'))

    for i in range(len(line)):

        if ( ((line[i] in rus_dict) ==False and line[i]!=' ') or (line[i]==' ' and countSpace==False )):
            if specCharAsSpace==False or countSpace==False:
                continue
            polygramm_str+=' '
        else:
            polygramm_str+=line[i].lower()

    #polygramm_str=re.sub(' ', '', polygramm_str)

    if len(polygramm_str)==num:
        try:
            res_dict[polygramm_str]+=1
        except:
            __unique+=1
            res_dict[polygramm_str]=1
            polygramm_str=polygramm_str[step:]
            polygramm_count+=1

    __count=polygramm_count

    #print(__count)
    for key in res_dict.keys():
        # print(key, 't', res_dict[key], 't', polygramm_count, 't', ((float(res_dict[key]))/((float)(polygramm_count))))
        res_dict[key]=((float(res_dict[key]))/((float)(polygramm_count)))
    return res_dict

def find_entropy(freq_dict, n):
    res=0
    for elem in freq_dict:
        res+=(elem*math.log(elem,2))*len(freq_dict[elem])
    res*=(-1/n)

    return res

def getMostPopularNgrams(_dict, maxIter):
    it=0
    resDict={}
    arr=[]
    for a in sorted(_dict, reverse=True):
        for elem in sorted(_dict[a]):
            if it==maxIter:
                return arr
            resDict[elem]=a
            arr.append(elem)
            it+=1

def getBigramNum(bigram):
    return (rus_dict.index(bigram[0])*len(rus_dict))+rus_dict.index(bigram[1])

def getBigramStr(bigram):
    return rus_dict[bigram//len(rus_dict)]+rus_dict[bigram%len(rus_dict)]

def find_keys(x_list, y_list):
    res=[]
    lenOfRing=pow(len(rus_dict), 2)
    deltaY=(getBigramNum(y_list[0])-getBigramNum(y_list[1]))
    deltaX=(getBigramNum(x_list[0])-getBigramNum(x_list[1]))%lenOfRing
    if (math.gcd(deltaY, lenOfRing)>=1 and deltaY % math.gcd(deltaY, lenOfRing) == 0):
        d=math.gcd(deltaY, lenOfRing)
        a1=deltaY/d
        b1=deltaX/d
        n1=lenOfRing/d
        x0=(b1*inverse(a1, n1))%n1
        for i in range(d):
            aInversed=x0+i*n1
            a=inverse(aInversed, lenOfRing)
            if a==None or math.gcd(int(a), lenOfRing)!=1:
                continue
```

```

        res.append((int(a), (getBigramNum(y_list[0])-int(a)*getBigramNum(x_list[0]))%lenOfRing))
    return res

def find_all_keys(standart_popular, encrypted_popular):
    res=[]
    st_pairs=[]
    enc_pairs=[]
    count=0
    for i in range(len(standart_popular)):
        for j in range(len(standart_popular)):
            if i==j:
                continue
            st_pairs.append([standart_popular[i], standart_popular[j]])
    for i in range(len(encrypted_popular)):
        for j in range(len(encrypted_popular)):
            if i==j:
                continue
            enc_pairs.append([encrypted_popular[i], encrypted_popular[j]])
    for i in range(len(st_pairs)):
        for j in range(len(enc_pairs)):
            res_temp=find_keys(st_pairs[i], enc_pairs[j])
            res+=res_temp
            count+=1

    return set(map(tuple,res))

def inverse(a, m):
    a%=m;
    if a == 1:
        return 1;
    try:
        return ((1 - m * inverse(m % a, a)) // a)%m;
    except:
        return;

def decrypt(filename, fileEncoding, keys):
    lenOfRing=pow(len(rus_dict), 2)
    aInv=inverse(keys[0], lenOfRing)
    b=keys[1]
    res=""
    res_dict={ }
    res_alphabet_dict={ }
    polygramm_count=0
    alphabet_count=0
    polygramm_str=""
    countSpace=False
    specCharAsSpace=False
    with open(filename, encoding=fileEncoding) as file:
        for line in file:
            line=line.strip()
            line=re.sub(' +', '', line)
            line=line.replace('b', 'B')
            line=line.replace('Б', 'b')
            for i in range(len(line)):

                if ( ((line[i] in rus_dict) ==False and line[i]!=' ') or (line[i]==' ' and countSpace==False) ):
                    if specCharAsSpace==False or countSpace==False:
                        print("test")
                        continue
                    print("test!")
                    polygramm_str+=' '
                else:
                    polygramm_str+=line[i].lower()

            #polygramm_str=re.sub(' +', '', polygramm_str)

            if len(polygramm_str)==2:
                xNum=(aInv*(getBigramNum(polygramm_str)-b))%lenOfRing
                res+=getBigramStr(xNum)
                try:
                    res_dict[res[-2:]]+=1
                except:
                    res_dict[res[-2:]]=1
                try:
                    res_alphabet_dict[res[-2:]]+=1
                except:
                    res_alphabet_dict[res[-2:]]=1
                try:
                    res_alphabet_dict[res[-1:]]+=1
                except:
                    res_alphabet_dict[res[-1:]]=1
                polygramm_str=""
                polygramm_count+=1
                alphabet_count+=2

    for key in res_dict.keys():
        res_dict[key]=((float)(res_dict[key]))/((float)(polygramm_count))

    for key in res_alphabet_dict:
        res_alphabet_dict[key]=((float)(res_alphabet_dict[key]))/((float)(alphabet_count))

    ""
    max_alphabet_info = (res_dict.get('cr', 0)+res_dict.get('ho', 0)+res_dict.get('ro', 0))/3
    max_standart_alphabet_info = ( standart_dict.get('cr', 0)+ standart_dict.get('ho', 0)+ standart_dict.get('ro', 0))/3

```

```

max_res=max_alphabet_info/max_standart_alphabet_info
""
max_alphabet_info = (res_alphabet_dict.get('o', 0)+res_alphabet_dict.get('a', 0)+res_alphabet_dict.get('e', 0))/3
max_standart_alphabet_info = (__alphabet_dict.get('o', 0)+__alphabet_dict.get('a', 0)+__alphabet_dict.get('e', 0))/3
max_res=max_alphabet_info/max_standart_alphabet_info

min_alphabet_info = (res_alphabet_dict['ф']+res_alphabet_dict['и']+res_alphabet_dict['ь']/3
min_standart_alphabet_info = (__alphabet_dict['ф']+__alphabet_dict['и']+__alphabet_dict['ь']/3
min_res=min_alphabet_info/min_standart_alphabet_info

summ=False

if max_res >0.9 and max_res < 1.5 and min_res >0.8 and min_res < 1.5:
    summ=True

return [summ, res]

def find_text(keys_list):
    sums={}
    sumslist=[]
    print(keys_list)
    count=0
    for elem in keys_list:
        a=decrypt(filename='test.txt', fileEncoding='utf-8', keys=elem)
        sums[elem]=a[0]
        sumslist.append(a[0])
        count+=1
        if count%10000==0:
            print(count)

    #pprint(sorted(sumslist, reverse=True))

    inv_map = {number: [char for char,_ in v]
                for number, v in groupby(sorted(sums.items(), key=snd), snd)}

    it=0
    #needList=inv_map[True]
    #print(needList)

    for elem in sorted(inv_map, reverse=True):
        print(elem, inv_map[elem])
        for elem_ in inv_map[elem]:
            if (it==2):
                return
            print(elem_)
            print(decrypt(filename='test.txt', fileEncoding='utf-8', keys=elem_)[1])
            print("-----")
            it+=1
        return

def main():
    global __entropy, __standart_dict

    __standart_dict=polygramms_freq(filename='1.txt', fileEncoding='ansi',
                                    num=2, step=1, specCharAsSpace=False, countSpace=False)

    inv_map = {number: [char for char,_ in v]
                for number, v in groupby(sorted(__standart_dict.items(), key=snd), snd)}

    #__entropy=find_entropy(inv_map, 2)

    res=polygramms_freq(filename='test.txt', fileEncoding='utf-8',
                        num=2, step=2, specCharAsSpace=False, countSpace=False)

    inv_map2 = {number: [char for char,_ in v]
                for number, v in groupby(sorted(res.items(), key=snd), snd)}

    standart_popular = getMostPopularNgrams(inv_map, 5)
    #standart_popular = ['cr', 'ho', 'ro', 'ha', 'eh']

    encrypted_popular = getMostPopularNgrams(inv_map2, 5)
    print(encrypted_popular)
    #print(inv_map2)

    keys_list=find_all_keys(standart_popular, encrypted_popular)

#    print(keys_list)

    find_text(keys_list)

    print("Done!")

if __name__ == "__main__":
    main()

```

## Висновки:

Під час данного комп'ютерного практикуму, ми опанували прийомами роботи в модулярній арифметиці, та набули навичок частотного аналізу на прикладі розкриття моноалфавітної підстановки.