# Theoretische Informatik

## Julian Schubert

# 19. April 2021

# Inhaltsverzeichnis

1	Wic	chtige Vermutungen	2	
2	Elementare Begriffe			
	2.1	Komplexitätsklassen	2	
	2.2	Funktionen	2	
	2.3	Binärdarstellung	3	
	2.4	Listencodierung	3	

## 1 Wichtige Vermutungen

### Definition 1: Goldbachsche Vermutung

Jede natürliche gerade Zahl größer 2 ist Summe zweier Primzahlen

### Definition 2: Collaz-Problem (3n +1)-Vermutung

- Beginne mit irgendeiner natürlichen Zahl n > 0
- Ist n gerade, son imm als nächstes n//2 (abrundende Division)
- Wiederhole das Vorgehen mit der erhaltenen Zahl

**Vermutung:** Jede so konstruierte Zahlenfolge mündet in den Zyklus 4, 2, 1, egal mit welcher natürlichen zahl n > 0 beginnt

## 2 Elementare Begriffe

## 2.1 Komplexitätsklassen

$$ALL \subset P \subset NP$$

- ALL: Alle Probleme
- NP: Probleme, deren Lösungen schnell übrprüft weden können (effizient überprüfbare Probleme)
- P: Probleme, die isch in polynomieller Zeit lösen lassen (effizient lösbare Probleme)

### 2.2 Funktionen

### Definition 3: Funktionen

Seien  $f:A\to B$  und  $g:B\to C$  Funktionen

- **Definitionsbereich** von f:  $D_f = \{a \in A | \text{ es existiert ein } b \in B \text{ mit } f(a) = b\}$  $\Rightarrow$  Alles was etwas im Wertebereich trifft
- Wertebereich von f:  $D_f = \{a \in A | \text{ es existiert ein } a \in A \text{ mit } f(a) = b\}$  $\Rightarrow$  alles was von etwas im Definitionsbereich getroffen wird

• Total:  $D_f = A$ 

• Surjektiv:  $W_f = B$ 

• Injektiv: aus  $a_1, a_2 \in D$  und  $a_1 \neq a_2$  folgt  $f(a_1) \neq f(a_2)$ 

ullet Bijektiv: f ist total, surjektiv und injektiv

• ist f injektiv, so existiert die **Umkehrfunktion**  $f^{-1}: B \to A$  mit  $f^{-1}(b) = \text{dasjenige } a \in A$  mit f(a) = b

## 2.3 Binärdarstellung

#### **Definition 4**

Jede natürliche Zahl $n \geq 1$ ist in genau einer Weise darstellbar als

$$n = \sum_{i=0}^{m} a_i \cdot 2^i$$

mit  $m \in \mathbb{N}$ ,  $a_m = 1$  und  $a_0, \dots, a_{m-1} \in \{0, 1\}$ .

#### Eigenschaft 1: Binärdarstellung

$$bin(2n+a) = bin(n)a$$
 für  $n \ge 1$  und  $a \in \{0,1\}$ 

## 2.4 Listencodierung

Liste von Binärzahlen:  $\langle x_1, \ldots, x_n \rangle$ 

**Anwendung:** Bits verdoppeln, 10 alss Anfangs-, Trenn- und Enmarkierung **Beispiele:** 

$$\langle\rangle=bin^{-1}(10)=2$$

$$\langle 2 \rangle = bin^{-1}(10110010) = 178$$

$$\langle 5, 3, 2 \rangle = bin^{-1}(10110011101111110110010) = 2944946$$