

北京邮电大学

Beijing University of Posts and Telecommunications

课程论文

COURSE PAPER



论文题目： 概率不等式的总结

学生姓名： 杨 勇

学生学号： 2019110294

课程名称： 概率论与随机过程

联系方式： Yang945841548@bupt.edu.cn

学院(系)： 信息与通信工程学院

概率不等式的总结

摘 要

概率不等式是概率论的理论研究中的重要工具. 有力的概率不等式, 常常是创建一个定理的重要依据. 对于概率的各种极限定理, 几乎所有的重要结果的论证或是借助于建立一些概率不等式, 或是通过巧妙应用已有的概率不等式. 在此, 我们将概率论中常见的一些基本不等式分类罗列如下.

中文摘要应该将学位论文的内容要点简短明了地表达出来, 应该包含论文中的基本信息, 体现科研工作的核心思想。摘要内容应涉及本项科研工作的目的和意义、研究方法、研究成果、结论及意义。注意突出学位论文中具有创新性的成果和新见解的部分。摘要中不宜使用公式、化学结构式、图表和非公知公用的符号和术语, 不标注引用文献编号。硕士学位论文中文摘要字数为 500 字左右, 博士学位论文中文摘要字数为 800 字左右。英文摘要内容应与中文摘要内容一致。

摘要页的下方注明本文的关键词 (4~6 个)。

关键词: 概率论, 不等式

A SUMMARY OF PROBABILITY INEQUALITIES

ABSTRACT

Shanghai Jiao Tong University (SJTU) is a key university in China. SJTU was founded in 1896. It is one of the oldest universities in China. The University has nurtured large numbers of outstanding figures include JIANG Zemin, DING Guangen, QIAN Xuesen, Wu Wenjun, WANG An, etc.

SJTU has beautiful campuses, Bao Zhaolong Library, Various laboratories. It has been actively involved in international academic exchange programs. It is the center of CERNet in east China region, through computer networks, SJTU has faster and closer connection with the world.

Key words: probability theory, inequality

目 录

第一章 简介	1
1.1 二级标题	1
1.1.1 三级标题	1
1.2 脚注	1
1.3 字体	1
第二章 浮动体	3
2.1 插图	3
2.1.1 单个图形	3
2.1.2 多个图形	4
2.2 表格	5
2.2.1 基本表格	5
2.2.2 复杂表格	5
2.3 算法环境	7
2.4 代码环境	7
第三章 数学与引用文献的标注	9
3.1 数学	9
3.1.1 数字和单位	9
3.1.2 数学符号和公式	9
3.1.3 定理环境	10
3.2 引用文献的标注	10
全文总结	12
附录 A Maxwell Equations	13
附录 B 绘制流程图	14
致 谢	15

插图索引

图 2-1 出现在插图索引中	3
图 2-2 中文题图	4
图 2-3 并排第一个图	4
图 2-4 并排第二个图	4
图 2-5 包含子图题的范例（使用 subcaptionbox）	4
图 2-6 包含子图题的范例（使用 subfigure）	5
图 B-1 绘制流程图效果	14

表格索引

表 2-1 一个颇为标准的三线表	5
表 2-2 一个带有脚注的表格的例子	6
表 2-3 实验数据	6

算法索引

算法 2-1 算法示例	7
-----------------------	---



主要符号对照表

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数

μ 磁导率

ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率
 ϵ 介电常数
 μ 磁导率

第一章 简介

这是 BUPTT_{HESIS} 的示例文档，基本上覆盖了模板中所有格式的设置。建议大家在使用模板之前，除了阅读《BUPTT_{HESIS} 使用文档》，这个示例文档也最好能看一看。

1.1 二级标题

1.1.1 三级标题

1.1.1.1 四级标题

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

1.2 脚注

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua.¹

1.3 字体

上海交通大学是我国历史最悠久的高等学府之一，是教育部直属、教育部与上海市共建的全国重点大学，是国家“七五”、“八五”重点建设和“211工程”、“985工程”的首批建设高校。经过115年的不懈努力，上海交通大学已经成为一所“综合性、研究型、国际化”的国内一流、国际知名大学，并正在向世界一流大学稳步迈进。

十九世纪末，甲午战败，民族危难。中国近代著名实业家、教育家盛宣怀和一批有识之士秉持“自强首在储才，储才必先兴学”的信念，于1896年在上海创办了交通大学的前身——南洋公学。建校伊始，学校即坚持“求实学，务实业”的宗旨，以培养“第一等人才”为教育目标，精勤进取，笃行不倦，在二十世纪二三十年代已成为国内著名的高等学府，被誉为“东方MIT”。抗战时期，广大师生历尽艰难，移转租界，内迁重庆，坚持办学，不少学生投笔从戎，浴血沙场。解放前夕，广大师生积极投身民主革命，学校被誉为“民主堡垒”。

新中国成立初期，为配合国家经济建设的需要，学校调整出相当一部分优势专业、师资设备，支持国内兄弟院校的发展。五十年代中期，学校又响应国家建设大西北的号召，根据国务院决定，部分迁往西安，分为交通大学上海部分和西安部分。1959年3月两部分同时被列为全国重点大学，7月经国务院批准分别独立建制，交通大学上海部分启用“上海交通大学”校名。历经西迁、两地办学、独立办学等变迁，为构建新中国的高等教育体系，促进社会主义建设做出了重要贡献。六七十年代，学校先后归属国防科工委和六机部领导，积极投身国防人才培养和国防科研，为“两弹一星”和国防现代化做出了巨大贡献。

¹Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur.

改革开放以来，学校以“敢为天下先”的精神，大胆推进改革：率先组成教授代表团访问美国，率先实行校内管理体制改革，率先接受海外友人巨资捐赠等，有力地推动了学校的教学科研改革。1984年，邓小平同志亲切接见了学校领导和师生代表，对学校的各项改革给予了充分肯定。在国家和上海市的大力支持下，学校以“上水平、创一流”为目标，以学科建设为龙头，先后恢复和兴建了理科、管理学科、生命学科、法学和人文学科等。1999年，上海农学院并入；2005年，与上海第二医科大学强强合并。至此，学校完成了综合性大学的学科布局。近年来，通过国家“985工程”和“211工程”的建设，学校高层次人才日渐汇聚，科研实力快速提升，实现了向研究型大学的转变。与此同时，学校通过与美国密西根大学等世界一流大学合作办学，实施国际化战略取得重要突破。1985年开始闵行校区建设，历经20多年，已基本建设成设施完善，环境优美的现代化大学校园，并已完成了办学重心向闵行校区的转移。学校现有徐汇、闵行、法华、七宝和重庆南路（卢湾）5个校区，总占地面积4840亩。通过一系列的改革和建设，学校的各项办学指标大幅度上升，实现了跨越式发展，整体实力显著增强，为建设世界一流大学奠定了坚实的基础。

交通大学始终把人才培养作为办学的根本任务。一百多年来，学校为国家和社会培养了20余万各类优秀人才，包括一批杰出的政治家、科学家、社会活动家、实业家、工程技术专家和医学专家，如江泽民、陆定一、丁关根、汪道涵、钱学森、吴文俊、徐光宪、张光斗、黄炎培、邵力子、李叔同、蔡锷、邹韬奋、陈敏章、王振义、陈竺等。在中国科学院、中国工程院院士中，有200余位交大校友；在国家23位“两弹一星”功臣中，有6位交大校友；在18位国家最高科学技术奖获得者中，有3位来自交大。交大创造了中国近现代发展史上的诸多“第一”：中国最早的内燃机、最早的电机、最早的中文打字机等；新中国第一艘万吨轮、第一艘核潜艇、第一艘气垫船、第一艘水翼艇、自主设计的第一代战斗机、第一枚运载火箭、第一颗人造卫星、第一例心脏二尖瓣分离术、第一例成功移植同种原位肝手术、第一例成功抢救大面积烧伤病人手术等，都凝聚着交大师生和校友的心血智慧。改革开放以来，一批年轻的校友已在世界各地、各行各业崭露头角。

截至2011年12月31日，学校共有24个学院/直属系（另有继续教育学院、技术学院和国际教育学院），19个直属单位，12家附属医院，全日制本科生16802人、研究生24495人（其中博士研究生5059人）；有专任教师2979名，其中教授835名；中国科学院院士15名，中国工程院院士20名，中组部“千人计划”49名，“长江学者”95名，国家杰出青年基金获得者80名，国家重点基础研究发展计划（973计划）首席科学家24名，国家重大科学研究计划首席科学家9名，国家基金委创新研究群体6个，教育部创新团队17个。

学校现有本科专业68个，涵盖经济学、法学、文学、理学、工学、农学、医学、管理学和艺术等九个学科门类；拥有国家级教学及人才培养基地7个，国家级校外实践教育基地5个，国家级实验教学示范中心5个，上海市实验教学示范中心4个；有国家级教学团队8个，上海市教学团队15个；有国家级教学名师7人，上海市教学名师35人；有国家级精品课程46门，上海市精品课程117门；有国家级双语示范课程7门；2001、2005和2009年，作为第一完成单位，共获得国家级教学成果37项、上海市教学成果157项。

第二章 浮动体

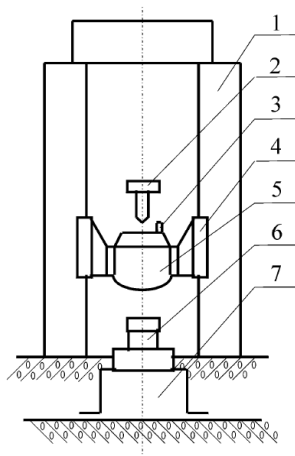
2.1 插图

插图功能是利用 $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 的特定编译程序提供的机制实现的，不同的编译程序支持不同的图形方式。有的同学可能听说“ $\text{L}^{\text{A}}\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 只支持 EPS”，事实上这种说法是不准确的。 $\text{X}_{\text{E}}\text{L}^{\text{A}}\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 可以很方便地插入 EPS、PDF、PNG、JPEG 格式的图片。

一般图形都是处在浮动环境中。之所以称为浮动是指最终排版效果图形的位置不一定与源文件中的位置对应，这也是刚使用 $\text{L}^{\text{A}}\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ 同学可能遇到的问题。如果要强制固定浮动图形的位置，请使用 float 宏包，它提供了 [H] 参数。

2.1.1 单个图形

图要有图题，研究生图题采用中英文对照，并置于图的编号之后，图的编号和图题应置于图下方的居中位置。引用图应在图题右上角标出文献来源。当插图中组成部件由数字或字母等编号表示时，可在插图下方添加图注进行说明，如图 2-1 所示。



1. 立柱 2. 提升释放机构 3. 标准冲击加速度计
4. 导轨 5. 重锤 6. 被校力传感器 7. 底座

图 2-1 单个图形示例^{he1999}。如果表格的标题很长，那么在表格索引中就会很不美观。可以在前面用中括号写一个简短的标题，这个标题会出现在索引中。

Figure 2-1 Stay hungry, stay foolish.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipisicing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

2.1.2 多个图形

简单插入多个图形的例子如图 2-2 所示。这两个水平并列放置的子图共用一个图形计数器，没有各自的子图题。



图 2-2 中文题图

Figure 2-2 English caption

如果多个图形相互独立，并不共用一个图形计数器，那么用 minipage 或者 parbox 就可以，如图 2-3 与图 2-4。



图 2-3 并排第一个图



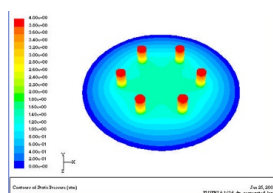
图 2-4 并排第二个图

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

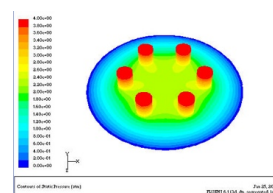
如果要为共用一个计数器的多个子图添加子图题，建议使用较新的 subcaption 宏包，不建议使用 subfigure 或 subfig 等宏包。

推荐使用 subcaption 宏包的 \subcaptionbox 并排子图，子图题置于子图之下，子图号用 a)、b) 等表示。也可以使用 subcaption 宏包的 \subcaption（放在 minipage 中，用法同 \caption）。

搭配 bicaption 宏包时，可以启用 \subcaptionbox 和 \subcaption 的双语变种 \bisubcaptionbox 和 \bisubcaption，如图 2-5 所示。



a) $R_3 = 1.5\text{mm}$ 时轴承的压力分布云图
a) Pressure contour of bearing when $R_3 = 1.5\text{mm}$



b) $R_3 = 2.5\text{mm}$ 时轴承的压力分布云图
b) Pressure contour of bearing when $R_3 = 2.5\text{mm}$

图 2-5 包含子图题的范例（使用 subcaptionbox）

Figure 2-5 Example with subcaptionbox

subcaption 宏包也提供了 subfigure 和 subtable 环境，如图 2-6。



a) 校徽



b) 校名。注意这个图略矮些，subfigure 中同一行的子图在顶端对齐。

图 2-6 包含子图题的范例（使用 subfigure）

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

2.2 表格

2.2.1 基本表格

编排表格应简单明了，表达一致，明晰易懂，表文呼应、内容一致。表题置于表上，研究生学位论文可以用中、英文两种文字居中排写，中文在上，也可以只用中文。

表格的编排建议采用国际通行的三线表¹。三线表可以使用 booktabs 提供的 \toprule、\midrule 和 \bottomrule。它们与 longtable 能很好的配合使用。

表 2-1 一个颇为标准的三线表²

Item		
Animal	Description	Price (\$)
Gnat	per gram	13.65
	each	0.01
Gnu	stuffed	92.50
Emu	stuffed	33.33
Armadillo	frozen	8.99

2.2.2 复杂表格

我们经常会在表格下方标注数据来源，或者对表格里面的条目进行解释。可以用 threeparttable 实现带有脚注的表格，如表 2-2。

¹三线表，以其形式简洁、功能分明、阅读方便而在科技论文中被推荐使用。三线表通常只有 3 条线，即顶线、底线和栏目线，没有竖线。

²这个例子来自《Publication quality tables in LaTeX》（booktabs 宏包的文档）。这也是一个在表格中使用脚注的例子，请注意与 threeparttable 实现的效果有何不同。

表 2-2 一个带有脚注的表格的例子

Table 2-2 A Table with footnotes

total	20 ^a		40		60	
	www	k	www	k	www	k
	4.22 (2.12)	120.0140 ^b	333.15	0.0411	444.99	0.1387
	168.6123	10.86	255.37	0.0353	376.14	0.1058
	6.761	0.007	235.37	0.0267	348.66	0.1010

^a the first note.

^b the second note.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipisicing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magna aliqua. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Excepteur sint occaecat cupidatat non proident, sunt in culpa qui officia deserunt mollit anim id est laborum.

如某个表需要转页接排，可以用 longtable 实现。接排时表题省略，表头应重复书写，并在右上方写“续表 xx”，如表 2-3。

表 2-3 实验数据

Table 2-3 Experimental data

测试程序	正常运行 时间 (s)	同步 时间 (s)	检查点 时间 (s)	卷回恢复 时间 (s)	进程迁移 时间 (s)	检查点 文件 (KB)
CG.A.2	23.05	0.002	0.116	0.035	0.589	32491
CG.A.4	15.06	0.003	0.067	0.021	0.351	18211
CG.A.8	13.38	0.004	0.072	0.023	0.210	9890
CG.B.2	867.45	0.002	0.864	0.232	3.256	228562
CG.B.4	501.61	0.003	0.438	0.136	2.075	123862
CG.B.8	384.65	0.004	0.457	0.108	1.235	63777
MG.A.2	112.27	0.002	0.846	0.237	3.930	236473
MG.A.4	59.84	0.003	0.442	0.128	2.070	123875
MG.A.8	31.38	0.003	0.476	0.114	1.041	60627
MG.B.2	526.28	0.002	0.821	0.238	4.176	236635
MG.B.4	280.11	0.003	0.432	0.130	1.706	123793
MG.B.8	148.29	0.003	0.442	0.116	0.893	60600
LU.A.2	2116.54	0.002	0.110	0.030	0.532	28754
LU.A.4	1102.50	0.002	0.069	0.017	0.255	14915
LU.A.8	574.47	0.003	0.067	0.016	0.192	8655
LU.B.2	9712.87	0.002	0.357	0.104	1.734	101975
LU.B.4	4757.80	0.003	0.190	0.056	0.808	53522

续下页

续表 2-3

测试程序	正常运行 时间 (s)	同步 时间 (s)	检查点 时间 (s)	卷回恢复 时间 (s)	进程迁移 时间 (s)	检查点 文件 (KB)
LU.B.8	2444.05	0.004	0.222	0.057	0.548	30134
EP.A.2	123.81	0.002	0.010	0.003	0.074	1834
EP.A.4	61.92	0.003	0.011	0.004	0.073	1743
EP.A.8	31.06	0.004	0.017	0.005	0.073	1661
EP.B.2	495.49	0.001	0.009	0.003	0.196	2011
EP.B.4	247.69	0.002	0.012	0.004	0.122	1663
EP.B.8	126.74	0.003	0.017	0.005	0.083	1656
SP.A.2	123.81	0.002	0.010	0.003	0.074	1854
SP.A.4	51.92	0.003	0.011	0.004	0.073	1543
SP.A.8	31.06	0.004	0.017	0.005	0.073	1671
SP.B.2	495.49	0.001	0.009	0.003	0.196	2411
SP.B.4	247.69	0.002	0.014	0.006	0.152	2653
SP.B.8	126.74	0.003	0.017	0.005	0.082	1755

2.3 算法环境

算法环境可以使用 `algorithms` 宏包或者较新的 `algorithm2e` 实现。算法 2-1 是一个使用 `algorithm2e` 的例子。关于排版算法环境的具体方法，请阅读相关宏包的官方文档。

算法 2-1 算法示例

```

Data: this text
Result: how to write algorithm with LATEX 2ε
1 initialization;
2 while not at end of this document do
3   read current;
4   if understand then
5     go to next section;
6     current section becomes this one;
7   else
8     go back to the beginning of current section;
9   end
10 end

```

2.4 代码环境

我们可以在论文中插入算法，但是不建议插入大段的代码。如果确实需要插入代码，建议使用 `listings` 宏包。

```

#include <stdio.h>
#include <unistd.h>
#include <sys/types.h>

```



```
#include <sys/wait.h>

int main() {
    pid_t pid;

    switch ((pid = fork())) {
        case -1:
            printf("fork failed\n");
            break;
        case 0:
            /* child calls exec */
            execl("/bin/ls", "ls", "-l", (char*)0);
            printf("execl failed\n");
            break;
        default:
            /* parent uses wait to suspend execution until child finishes */
            wait((int*)0);
            printf("is completed\n");
            break;
    }

    return 0;
}
```

第三章 数学与引用文献的标注

3.1 数学

3.1.1 数字和单位

宏包 `siunitx` 提供了更好的数字和单位支持：

- 12 345.678 90
- $1 \pm 2i$
- 0.3×10^{45}
- $1.654 \times 2.34 \times 3.430$
- $\text{kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$
- $\mu\text{m} \mu\text{m}$
- $\Omega \Omega$
- 10 和 20
- 10, 20 和 30
- 0.13 mm, 0.67 mm 和 0.80 mm
- $10 \sim 20$
- $10^\circ\text{C} \sim 20^\circ\text{C}$

3.1.2 数学符号和公式

微分符号 `d` 应使用正体，本模板提供了 `\dif` 命令。除此之外，模板还提供了一些命令方便使用：

- 圆周率 π : `\uppi`
- 自然对数的底 e : `\upe`
- 虚数单位 i, j : `\upi \upj`

公式应另起一行居中排版。公式后应注明编号，按章顺序编排，编号右端对齐。

$$e^{i\pi} + 1 = 0 \quad (3-1)$$

$$\frac{d^2 u}{dt^2} = \int f(x) dx \quad (3-2)$$

公式较长时最好在等号“=”处转行。

$$\begin{aligned} & I(X_3; X_4) - I(X_3; X_4 | X_1) - I(X_3; X_4 | X_2) \\ &= [I(X_3; X_4) - I(X_3; X_4 | X_1)] - I(X_3; X_4 | \tilde{X}_2) \end{aligned} \quad (3-3)$$

$$= I(X_1; X_3; X_4) - I(X_3; X_4 | \tilde{X}_2) \quad (3-4)$$

如果在等号处转行难以实现，也可在 $+$ 、 $-$ 、 \times 、 \div 运算符号处转行，转行时运算符号仅

书写于转行式前，不重复书写。

$$\frac{1}{2}\Delta(f_{ij}f^{ij}) = 2\left(\sum_{i<j}\chi_{ij}(\sigma_i - \sigma_j)^2 + f^{ij}\nabla_j\nabla_i(\Delta f) + \nabla_k f_{ij}\nabla^k f^{ij} + f^{ij}f^k [2\nabla_i R_{jk} - \nabla_k R_{ij}]\right) \quad (3-5)$$

3.1.3 定理环境

示例文件中使用 `ntheorem` 宏包配置了定理、引理和证明等环境。用户也可以使用 `amsthm` 宏包。

这里举一个“定理”和“证明”的例子。

定理 3.1 (留数定理) 假设 U 是复平面上的一个单连通开子集, a_1, \dots, a_n 是复平面上有限个点, f 是定义在 $U \setminus \{a_1, \dots, a_n\}$ 上的全纯函数, 如果 γ 是一条把 a_1, \dots, a_n 包围起来的可求长曲线, 但不经过任何一个 a_k , 并且其起点与终点重合, 那么:

$$\oint_{\gamma} f(z) dz = 2\pi i \sum_{k=1}^n I(\gamma, a_k) \text{Res}(f, a_k) \quad (3-6)$$

如果 γ 是若尔当曲线, 那么 $I(\gamma, a_k) = 1$, 因此:

$$\oint_{\gamma} f(z) dz = 2\pi i \sum_{k=1}^n \text{Res}(f, a_k) \quad (3-7)$$

在这里, $\text{Res}(f, a_k)$ 表示 f 在点 a_k 的留数, $I(\gamma, a_k)$ 表示 γ 关于点 a_k 的卷绕数。卷绕数是一个整数, 它描述了曲线 γ 绕过点 a_k 的次数。如果 γ 依逆时针方向绕着 a_k 移动, 卷绕数就是一个正数, 如果 γ 根本不绕过 a_k , 卷绕数就是零。

定理 3.1 的证明。

证明 首先, 由……

其次, ……

所以……

□

3.2 引用文献的标注

按照教务处的要求, 参考文献外观应符合国标 GB/T 7714 的要求。模版使用 `BibLaTeX` 配合 `biblatex-gb7714-2015` 样式包¹ 控制参考文献的输出样式, 后端采用 `biber` 管理文献。

请注意 `biblatex-gb7714-2015` 宏包 2016 年 9 月才加入 CTAN, 如果你使用的 `TeX` 系统版本较旧, 可能没有包含 `biblatex-gb7714-2015` 宏包, 需要手动安装。`BibLaTeX` 与 `biblatex-gb7714-2015` 目前在活跃地更新, 为避免一些兼容性问题, 推荐使用较新的版本。

正文中引用参考文献时, 使用 `\cite{key1, key2, key3...}` 可以产生“上标引用的参考文献”, 如 `Meta_CN, chen2007act, DPMG`。使用 `\parencite{key1, key2, key3...}` 则可以产生水平引用的参考文献, 例如 `JohnD, zhubajie, IEEE-1363`。请看下面的例子, 将会穿插使用水平的

¹<https://www.ctan.org/pkg/biblatex-gb7714-2015>

和上标的参考文献: 关于书的**Meta_CN, JohnD, IEEE-1363**, 关于期刊的**chen2007act, chen2007ewi**, 会议论文 **DPMG, kocher99, cnproceed**, 硕士学位论文**zhubajie, metamori2004**, 博士学位论文**shaheshang, FistSystem01, bai2008**, 标准文件 **IEEE-1363**, 技术报告**NPB2**, 电子文献 **xiaoyu2001, CHRISTINE1998**, 用户手册 **RManual**。

当需要将参考文献条目加入到文献表中但又不在正文中引用, 可以使用 `\nocite{key1,key2,key3...}`。使用 `\nocite{*}` 可以将参考文献数据库中的所有条目加入到文献表中。

全文总结

这里是全文总结内容。

2015 年 2 月 28 日，中央在北京召开全国精神文明建设工作表彰暨学雷锋志愿服务大会，公布全国文明城市（区）、文明村镇、文明单位名单。上海交通大学荣获全国文明单位称号。

全国文明单位这一荣誉是对交大人始终高度重视文明文化工作的肯定，是对交大长期以来文明创建工作成绩的褒奖。在学校党委、文明委的领导下，交大坚持将文明创建工作纳入学校建设世界一流大学的工作中，全体师生医护员工群策群力、积极开拓，落实国家和上海市有关文明创建的各项要求，以改革创新、科学发展为主线，以质量提升为目标，聚焦文明创建工作出现的重点和难点，优化文明创建工作机制，传播学校良好形象，提升社会美誉度，显著增强学校软实力。2007 至 2012 年间，上海交大连续三届荣获“上海市文明单位”称号，成为创建全国文明单位的新起点。

上海交大自启动争创全国文明单位工作以来，凝魂聚气、改革创新，积极培育和践行社会主义核心价值观。坚持统筹兼顾、多措并举，将争创全国文明单位与学校各项中心工作紧密结合，着力构建学校文明创建新格局，不断提升师生医护员工文明素养，以“冲击世界一流大学汇聚强大精神动力”为指导思想，以“聚焦改革、多元推进、以评促建、丰富内涵、彰显特色”为工作原则，并由全体校领导群策领衔“党的建设深化、思想教育深入、办学成绩显著、大学文化丰富、校园环境优化、社会责任担当”六大板块共 28 项重点突破工作，全面展现近年来交大文明创建工作的全貌和成就。

进入新阶段，学校将继续开拓文明创建工作新格局，不断深化工作理念和工作实践，创新工作载体、丰富活动内涵、凸显创建成效，积极服务于学校各项中心工作和改革发展的大局面，在上级党委、文明委的关心下，在学校党委的直接领导下，与时俱进、开拓创新，为深化内涵建设、加快建成世界一流大学、推动国家进步和社会发展而努力奋斗！

上海交通大学医学院附属仁济医院也获得全国文明单位称号。

附录 A Maxwell Equations

选择二维情况，有如下的偏振矢量：

$$E = E_z(r, \theta) \hat{z} \quad (\text{A-1a})$$

$$H = H_r(r, \theta) \hat{r} + H_\theta(r, \theta) \hat{\theta} \quad (\text{A-1b})$$

对上式求旋度：

$$\nabla \times E = \frac{1}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \theta} \hat{r} - \frac{\partial E_z}{\partial r} \hat{\theta} \quad (\text{A-2a})$$

$$\nabla \times H = \left[\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} \right] \hat{z} \quad (\text{A-2b})$$

因为在柱坐标系下， $\bar{\mu}$ 是对角的，所以 Maxwell 方程组中电场 E 的旋度：

$$\nabla \times E = i\omega B \quad (\text{A-3a})$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \theta} \hat{r} - \frac{\partial E_z}{\partial r} \hat{\theta} = i\omega \mu_r H_r \hat{r} + i\omega \mu_\theta H_\theta \hat{\theta} \quad (\text{A-3b})$$

所以 H 的各个分量可以写为：

$$H_r = \frac{1}{i\omega \mu_r} \frac{1}{r} \frac{\partial E_z}{\partial \theta} \quad (\text{A-4a})$$

$$H_\theta = -\frac{1}{i\omega \mu_\theta} \frac{\partial E_z}{\partial r} \quad (\text{A-4b})$$

同样地，在柱坐标系下， $\bar{\epsilon}$ 是对角的，所以 Maxwell 方程组中磁场 H 的旋度：

$$\nabla \times H = -i\omega D \quad (\text{A-5a})$$

$$\left[\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} \right] \hat{z} = -i\omega \bar{\epsilon} E = -i\omega \epsilon_z E_z \hat{z} \quad (\text{A-5b})$$

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r H_\theta) - \frac{1}{r} \frac{\partial H_r}{\partial \theta} = -i\omega \epsilon_z E_z \quad (\text{A-5c})$$

由此我们可以得到关于 E_z 的波函数方程：

$$\frac{1}{\mu_\theta \epsilon_z} \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial E_z}{\partial r} \right) + \frac{1}{\mu_r \epsilon_z} \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 E_z}{\partial \theta^2} + \omega^2 E_z = 0 \quad (\text{A-6})$$

附录 B 绘制流程图

图 B-1 是一张流程图示意。使用 tikz 环境，搭配四种预定义节点（start、stop、process、decision 和 io），可以容易地绘制出流程图。

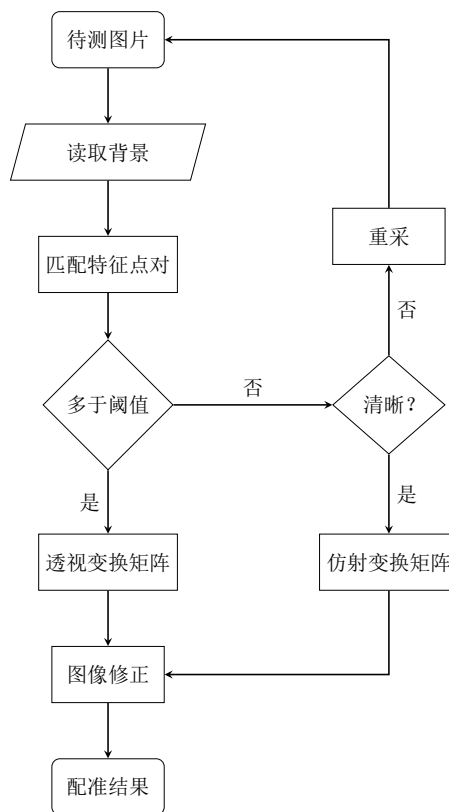


图 B-1 绘制流程图效果

Figure B-1 Flow chart

致 谢

感谢那位最先制作出博士学位论文 \LaTeX 模板的交大物理系同学！

感谢 William Wang 同学对模板移植做出的巨大贡献！

感谢 @weijianwen 学长一直以来的开发和维护工作！

感谢 @sjtug 以及 @dyweb 对 0.9.5 之后版本的开发和维护工作！

感谢所有为模板贡献过代码的同学们, 以及所有测试和使用模板的各位同学！

感谢 \LaTeX 和 BUPTTHESIS, 帮我节省了不少时间。