



# 第四章 语法分析—— 自上而下分析

授课人： 高珍

[gaozhen@tongji.edu.cn](mailto:gaozhen@tongji.edu.cn)

# 内容线索

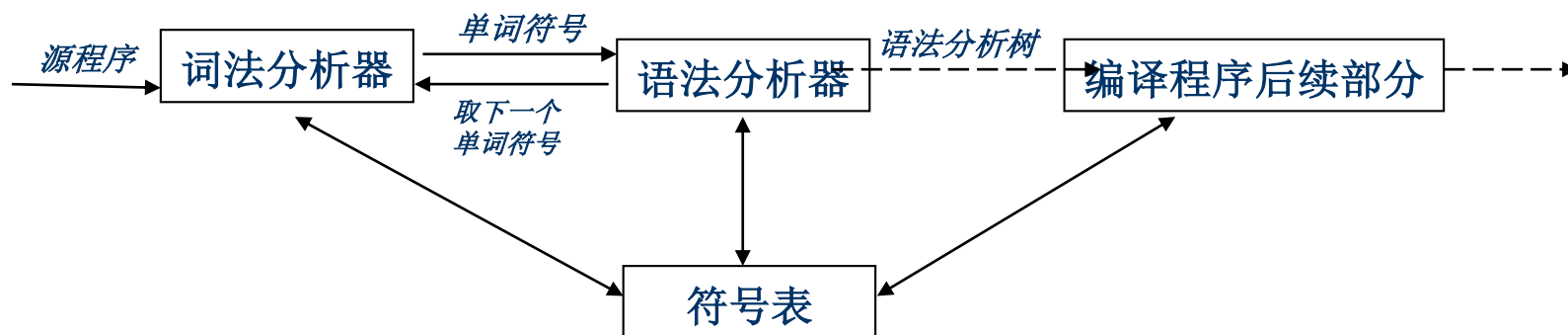
- **语法分析器的功能**
- **自上而下分析方法概述**
- **LL (1) 分析方法**
- **递归下降分析程序**
- **预测分析程序**

# 语法分析器

## ■ 语法分析的任务：

对任一给定  $w \in V_T^*$ ，判断  $w \in L(G)$ ?

## ■ 语法分析器：按照产生式规则，做识别w的工作



语法分析器在编译程序中的地位

# 语法分析方法

## ■ 自上(顶)而下分析

- LL (1) 分析法
- 递归下降分析法
- 预测分析法

从文法的开始符号出发，反复使用各种产生式，寻找与输入符号匹配的最左推导。

## ■ 自下(底)而上分析

- 算符优先分析法
- LR分析法

从输入符号串开始，逐步进行归约（最右推导的逆过程），直至归约到文法的开始符号。

# 自顶向下分析例子

## 例1 文法G[Z]

$Z \rightarrow aBd$

$B \rightarrow d$

$B \rightarrow c$

$B \rightarrow bB$

求符号串abcd的推导过程

## 例2 文法G[S]

$S \rightarrow Ap|Bq$

$A \rightarrow a|cA$

$B \rightarrow b|dB$

求符号串ccap的推导过程

# 自底向上分析概述

## ■ 从终极字符串出发归约出文法的开始符

例1 文法 $G[Z]$

$Z \rightarrow aBd$

$B \rightarrow d$

$B \rightarrow c$

$B \rightarrow bB$

求符号串 $abcd$ 的归约过程

例2 文法 $G[S]$

$S \rightarrow Ap|Bq$

$A \rightarrow a|cA$

$B \rightarrow b|dB$

求符号串 $ccap$ 的归约过程

# 内容线索

- ✓ 语法分析器的功能
  - 自上而下分析方法概述
  - LL (1) 分析方法
  - 递归下降分析程序
  - 预测分析程序

# 自上而下分析

- 从文法的开始符号出发，向下推导，推出句子
- 对任何的输入串(单词符号)，试图用一切可能的办法，从文法的开始符号出发，自上而下地为输入串建立一棵语法树，即为输入串寻找一个最左推导。

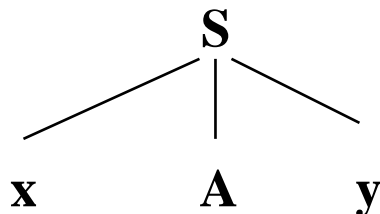


例. 设文法 $G[S]: S \rightarrow xAy, A \rightarrow ** \mid *$

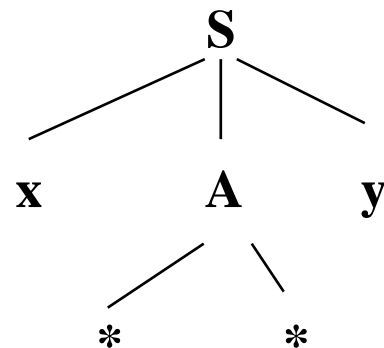
判定输入串  $x * y$  是否为它的句子?

$x * y$   
↑

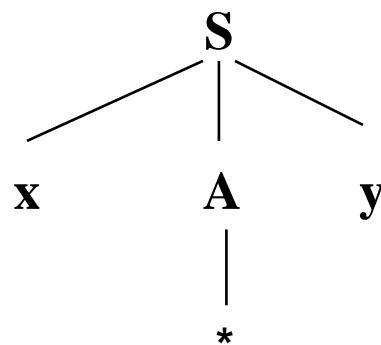
用  $S \rightarrow xAy$



用  $A \rightarrow **$   
(回溯)



用  $A \rightarrow *$   
(成功)



推导过程:

$S \Rightarrow xAy$

$\Rightarrow x**y$  (回溯)

$\Rightarrow x*y$  (成功)

# 带回溯自上而下分析面临的问题

## ■ 文法的左递归问题

- 一个文法是含有左递归的，如果存在非终结符P

$$P \xRightarrow{+} P\alpha$$

- 含有左递归的文法将使自上而下的分析过程陷入无限循环

## ■ 虚假匹配问题

## ■ 回溯

- 回溯会引起时间和空间的大量消耗

## ■ 报告分析不成功时，难于知道输入串中出错的确切位置。

实际上采用了一种穷尽一切可能的试探法，因此效率很低，代价很高

# 内容线索

- 语法分析器的功能
- 自上而下分析方法概述
- ✓ LL (1) 分析方法
- 递归下降分析程序
- 预测分析程序
- LL (1) 分析中的错误处理

# LL(1) 分析法

- 从左(L)到右扫描输入串；构造最左(L)推导；分析时每步向前看一个(1)字符。
- 目的：构造不带回溯的自上而下分析算法
  - 左递归的消除
  - 消除回溯，提左因子
  - FIRST集合， FOLLOW集合
  - LL(1)分析条件
  - LL(1)分析方法

# 左递归文法

- 一个文法含有下列形式的产生式时,

a) **直接递归**

$$A \rightarrow A\beta \quad A \in V_N, \beta \in V^*$$

b) **间接递归**

$$A \rightarrow B\beta$$

$$B \rightarrow A\alpha \quad A, B \in V_N, \alpha, \beta \in V^*$$

称为**左递归文法**。

- 如果一个文法是左递归时, 则不能采用自顶向下分析法。

**例1. 文法  $S \rightarrow Sa$**

**$S \rightarrow b$**

**是直接左递归**

**语言是:  $L = \{ ba^n \mid n \geq 0 \}$**

**例2. 文法  $A \rightarrow aB$**

**$A \rightarrow Bb$**

**$B \rightarrow Ac$**

**$B \rightarrow d$**

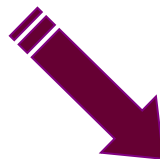
**是间接左递归**

# 消除直接左递归

$P \rightarrow P\alpha \mid \beta$  ( $\alpha \neq \epsilon$ ,  $\beta$ 不以 $P$ 开头)



$P \rightarrow \beta P'$   
 $P' \rightarrow \alpha P' \mid \epsilon$



$\beta$

$\beta\alpha$

$\beta\alpha\alpha$

$\beta\alpha\alpha\alpha$

... ..



例. 文法  $E \rightarrow E+T \mid T$

$T \rightarrow T^*F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid i$



$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid i$

- 一般地, 假定P关于的产生式是

$P \rightarrow P\alpha_1 \mid P\alpha_2 \mid \dots \mid P\alpha_m \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$

其中:  $\alpha_i \neq \varepsilon$ ,  $\beta_i$ 不以P开头,

则改写为:  $P \rightarrow \beta_1 P' \mid \beta_2 P' \mid \dots \mid \beta_n P'$

$P' \rightarrow \alpha_1 P' \mid \alpha_2 P' \mid \dots \mid \alpha_m P' \mid \varepsilon$



## 随堂练习

### ■ 消去下面文法的左递归

$T \rightarrow T, S \mid S$

$S \rightarrow a \mid + \mid (T)$

# 消除左递归算法

(1) 排序:  $P_1, P_2, \dots, P_n$

(2) FOR  $i := 1$  TO  $n$  DO

BEGIN

FOR  $j := 1$  TO  $i - 1$  DO

把形如  $P_i \rightarrow P_j Y$  的规则改写为:

$P_i \rightarrow \delta_1 Y \mid \delta_2 Y \mid \dots \mid \delta_k Y$

其中:  $P_j \rightarrow \delta_1 \mid \delta_2 \mid \dots \mid \delta_k$  是关于  $P_j$  的所有规则;

消除关于  $P_i$  规则的直接左递归。

END

(3) 化简: 删除永不使用的产生式

例.文法 $G(S)$   $R \rightarrow Sa|a$      $Q \rightarrow Rb|b$      $S \rightarrow Qc|c$

有推导:  $S \Rightarrow Qc \Rightarrow Rbc \Rightarrow Sabc$ , 存在左递归。

按 $R(1)$ 、 $Q(2)$ 、 $S(3)$ 排序, 执行算法得:

$i=1$ ,  $j$ 从1至0,  $R$ 的产生式 $R \rightarrow Sa|a$ 无直接左递归, 无需消除直接左递归。

$i=2$ ,  $j$ 从1至1,  $R$ 的产生式代入 $Q$ 的产生式得:  $Q \rightarrow Sab|ab|b$ , 无直接左递归。

$i=3$ ,  $j$ 从1至2:

$j=1$ ,  $S$ 的候选式不含 $R$ , 所以无需替换;

$j=2$ ,  $S$ 的候选式含 $Q$ , 将 $Q \rightarrow Sab|ab|b$ 代入 $S$ 的候选式得:

$$S \rightarrow Sabc|abc|bc|c$$

再消除直接左递归得:

$$S \rightarrow abcS' | bcS' | cS'$$

$$S' \rightarrow abcS' | \epsilon$$

消除无用产生式:  $Q \rightarrow Sab|ab|b$ ,  $R \rightarrow Sa|a$ ,

得文法:  $S \rightarrow abcS' | bcS' | cS'$

$$S' \rightarrow abcS' | \epsilon$$

文法对应的正规式:  $V1 = (abc|bc|c)(abc)^*$ 。

例. 文法 $G(S)$   $S \rightarrow Qc|c$      $Q \rightarrow Rb|b$      $R \rightarrow Sa|a$

解: 1) 排序:  $S(1)$ 、 $Q(2)$ 、 $R(3)$

2) 代入得:  $S \rightarrow Qc|c$

$Q \rightarrow Rb|b$

$R \rightarrow Rbca|bca|ca|a$

消除直接左递归:

$S \rightarrow Qc|c$

$Q \rightarrow Rb|b$

$R \rightarrow bcaR' | caR' | aR'$

$R' \rightarrow bcaR' | \varepsilon$

消除隐含的左递归算法与非终极符排序方法无关

# 随堂练习

## ■ 消去下面文法的左递归

$A \rightarrow aB$

$A \rightarrow Bb$

$B \rightarrow Ac$

$B \rightarrow d$

# 回溯问题

例如，有产生式：

语句 → **if** 条件 then 语句 else 语句  
| **while** 条件 do 语句  
| **begin** 语句表 end

若要寻找一个语句，那么关键字 **if**, **while**, **begin** 就提示某个替换式是唯一的替换式。

**无回溯！**

# 回溯原因

若当前符号 = a, 下一步要展开A, 而  $A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_n$ , 怎样选择 $\alpha_i$ ?

(1) 以a为头的 $\alpha_i$ 如果只有一个, 则替换唯一;

(2) 若以a为头有多个 $\alpha_i$ 的, 则替换不唯一, 需要回溯, 这是文法的问题, 应该变换文法。

## 例子

文法:  $S \rightarrow xAy$      $A \rightarrow **|*$

句子:  $x^*y$ ;  $x^{**}y$

# 无回溯

- 对任非终结符A，用它匹配输入串时能够根据当前输入，准确地指派一个候选式
  - 若匹配成功，则不虚假；
  - 若匹配不成功，则其它的候选式也不会成功。
- 即当A执行匹配时，  $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$   
若A面临的第一个输入符号为a，则应该准确地指派某一个 $\alpha_i$ ，其成败完全代表A，无需进行试探和回溯。



# 文法的要求

(1) 不含左递归

(2) 对每个非终结符的候选式，其任何推导的头符号（终结符）集合两两不相交。

- 符号串 $\alpha$ 的**终结首符集** $\text{FIRST}(\alpha)$  定义为：

$$\text{FIRST}(\alpha) = \{ a \mid \alpha \Rightarrow^* a \dots, a \in V_T \}$$

特别地，若 $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ ，则规定 $\varepsilon \in \text{FIRST}(\alpha)$ 。

- 以上条件（2）可表示为：对文法的任一非终结符号 $A$ ，若

$$A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$$

则应有  $\text{FIRST}(\alpha_i) \cap \text{FIRST}(\alpha_j) = \Phi, i \neq j$

# 计算FIRST(X)集

## ■ 对每一个文法符号X计算FIRST(X)

- 若 $X \in V_T$ ,  $\text{FIRST}(X) = \{X\}$
- 若 $X \in V_N$ ,  $\text{FIRST}(X) = \{a | X \rightarrow a..., a \in V_T\}$
- 若 $X \in V_N$ , 且有产生式 $X \rightarrow \varepsilon$ , 则 $\{\varepsilon\} \in \text{FIRST}(X)$
- 若 $X \in V_N$ , 且有产生式 $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_n$ , 且 $Y_1 Y_2 \dots Y_n \in V_N$ 
  - 当 $Y_1, Y_2, \dots, Y_{i-1} \Rightarrow \varepsilon$ , 则 $\text{FIRST}(Y_1) - \{\varepsilon\}, \text{FIRST}(Y_2) - \{\varepsilon\}, \dots, \text{FIRST}(Y_{i-1}) - \{\varepsilon\}, \text{FIRST}(Y_i)$ 都包含在 $\text{FIRST}(X)$ 中
  - 当 $Y_i \Rightarrow \varepsilon (i=1, 2, \dots, n)$ , 将 $\{\varepsilon\}$ 并入 $\text{FIRST}(X)$ 中

\*

例. G:  $E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

求每个非终结符号的FIRST集合

解:  $\text{FIRST}(E) = \text{FIRST}(T)$   
 $= \text{FIRST}(F)$   
 $= \{ (, i \}$

$\text{FIRST}(E') = \{ +, \varepsilon \}$

$\text{FIRST}(T') = \{ *, \varepsilon \}$

# 随堂练习

文法规则	FIRST(X)
$E \rightarrow E A T \mid T$	
$A \rightarrow + \mid -$	
$T \rightarrow T M F \mid F$	
$M \rightarrow *$	
$F \rightarrow (E) \mid n$	

# FIRST ( $\alpha$ ) 构造

对于符号串 $\alpha = X_1X_2\cdots X_n$ , 构造 FIRST ( $\alpha$ )

(1) 置  $\text{FIRST}(\alpha) = \text{FIRST}(X_1) - \{\epsilon\}$ ;

(2) 若对所有的  $X_j, 1 \leq j \leq i-1, \epsilon \in \text{FIRST}(X_j)$ , 则把  $\text{FIRST}(X_j) - \{\epsilon\}$  加到  $\text{FIRST}(\alpha)$  中;

.....

(3) 若对所有的  $X_j, 1 \leq j \leq n, \epsilon \in \text{FIRST}(X_j)$ , 则把  $\epsilon$  加到  $\text{FIRST}(\alpha)$  中。

**补充完整**

例.  $G: E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

求每个产生式右部符号串的FIRST集合

解:  $\text{FIRST}(TE') = \{ (, i \}$   
 $\text{FIRST}(+TE') = \{ + \}$   
 $\text{FIRST}(FT') = \{ (, i \}$   
 $\text{FIRST}(*FT') = \{ * \}$   
 $\text{FIRST}((E)) = \{ ( \}$   
 $\text{FIRST}(i) = \{ i \}$

# 随堂练习

## ■ 文法G[S]

$$\square S \rightarrow aA|d$$

$$\square A \rightarrow bS| \varepsilon$$

## ■ 对于输入串abd, 根据**FIRST** ( $\alpha$ ) 方法来求其自顶向下的推导过程

[提示  $\text{FIRST}(aA)=a$ ]

# 回溯解决方法

- 提取公共左因子，将文法改造成任何非终结符的所有候选首符集两两不相交。

$$A \rightarrow \delta\beta_1 \mid \delta\beta_2 \mid \dots \mid \delta\beta_n \mid \gamma_1 \mid \gamma_2 \mid \dots \mid \gamma_m$$

(其中 $\gamma_1$ 、 $\gamma_2$ 、 $\dots$ 、 $\gamma_m$ 不以 $\delta$ 开头)



$$A \rightarrow \delta A' \mid \gamma_1 \mid \gamma_2 \mid \dots \mid \gamma_m$$
$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$



**例. 文法G:**  $S \rightarrow aSb | aS | \epsilon$

解: 提取:  $S \rightarrow aS( b | \epsilon )$

$S \rightarrow \epsilon$

引入新符:  $S \rightarrow aSA$

$A \rightarrow b | \epsilon$

$S \rightarrow \epsilon$

**例. 文法G:**  $S \rightarrow abc | abd | ae$

解: 提取:  $S \rightarrow a( bc | bd | e )$

引入新符:  $S \rightarrow aA$

$A \rightarrow bc | bd | e$

引入新符 ...

# LL (1) 分析条件

- 若文法已经消除了左递归，且对每个非终结符满足  $\text{FIRST}(\alpha_i) \cap \text{FIRST}(\alpha_j) = \Phi$
- 对某个输入符号  $a$ ，及待匹配的非终结符  $A$   
( $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$ )， $a$  不属于任何候选式的  $\text{FIRST}$  集合，即对任意  $\alpha_i$ ， $a \notin \text{FIRST}(\alpha_i)$
- 此时，该如何选择  $A$  的候选式，或者就认为  $a$  的出现是一种语法错误？

## 示例

$$\text{FIRST}(S) = \{a, b\}$$

$$\text{FIRST}(A) = \{b, \epsilon\}$$

例.  $G(S): S \rightarrow aA|d$   
 $A \rightarrow bAS|\epsilon$

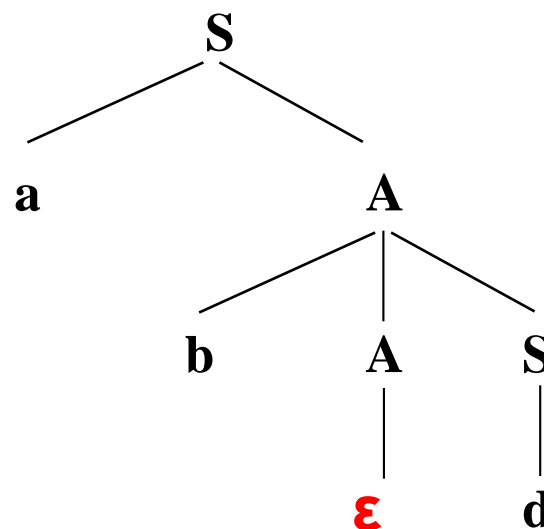
$$S \Rightarrow aA$$

$$\Rightarrow abAS$$

$$\Rightarrow abS$$

$$\Rightarrow abd$$

输入符号串abd是否为句子?



这是因为A有产生式 $A \rightarrow \epsilon$ ,而从开始符号S可以得出

$$S \xRightarrow{*} \dots Ad \dots$$

# FOLLOW

- 设S是文法G的开始符号，对G的任何非终结符A，定义A的后继终结符号集为：

$$\text{FOLLOW}(A) = \{ a \mid S \xRightarrow{*} \dots Aa\dots, a \in V_T \}$$

- 特别地,若 $S \xRightarrow{*} \dots A$ ，则规定  
 $\# \in \text{FOLLOW}(A)$ 。

**FOLLOW(A)**是所有句型中出现在紧接A之后的终结符或“#”。

# 结论

- 当非终结符A面临输入符号a, 且 $a \notin \text{FIRST}(\alpha_i)$  (对任意i) 时, 如果A的某个候选首符集包含 $\epsilon$  (即 $\epsilon \in \text{FIRST}(A)$ ), 那么, 当 $a \in \text{FOLLOW}(A)$  时, 就允许A自动匹配 (即选用 $A \rightarrow \epsilon$ 工作), 否则, 认为a的出现是一种语法错误。
- 要正确进行不带回溯的语法分析, 文法应满足的第三个条件可表示为: 若A的候选首符集中包含 $\epsilon$ , 则

$$\text{FIRST}(A) \cap \text{FOLLOW}(A) = \Phi$$

# FOLLOW(A) 的构造

对于文法G的每个非终结符，构造FOLLOW(A)的方法是：

- (1) 若A为文法开始符号，置#于FOLLOW(A) 中；
- (2) 若有产生式 $B \rightarrow \alpha A \beta$ ，  
则将 $\text{FIRST}(\beta) - \{\epsilon\}$ 加到FOLLOW (A)中；
- (3) 若有 $B \rightarrow \alpha A$ 或 $B \rightarrow \alpha A \beta$ ，且 $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$   
则将FOLLOW(B)加到FOLLOW(A)中；
- (4) 反复使用以上规则，直至 FOLLOW(A)不再增大为止。

例.  $G: E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

求每个非终结符号的FOLLOW集合

解:  $\text{FOLLOW}(E) = \{ \#, ) \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \text{FOLLOW}(E) = \{ \#, ) \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{ +, \#, ) \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \text{FOLLOW}(T) = \{ +, \#, ) \}$

$\text{FOLLOW}(F) = \{ *, +, \#, ) \}$

# 随堂练习

文法规则	FOLLOW()
$E \rightarrow E A T$	
$E \rightarrow T$	
$A \rightarrow +$	
$A \rightarrow -$	
$T \rightarrow T M F$	
$T \rightarrow F$	
$M \rightarrow *$	
$F \rightarrow (E)$	
$F \rightarrow n$	



# 随堂练习

## ■ 文法G[S]

□  $S \rightarrow aA|d$

□  $A \rightarrow bAS| \varepsilon$

## ■ 对于输入串abd, 根据**FIRST** **( $\alpha$ )/FOLLOW(A)** 方法来求其自顶向下的推 导过程

[提示  $\text{FIRST}(aA)=a$ ]

# LL(1) 文法

- 如果文法G满足以下条件:

- (1) 文法消除了左递归;

- (2) 文法中每个非终结符A的各个产生式的候选首符集两两不相交, 即

- 若  $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$ ,

- 则  $\text{FIRST}(\alpha_i) \cap \text{FIRST}(\alpha_j) = \Phi$ ,  $(i \neq j)$  ;

- (3) 对文法中的每个非终结符A, 若它存在某个候选首符集中包含 $\epsilon$ , 则 $\text{FIRST}(A) \cap \text{FOLLOW}(A) = \Phi$ ,

则称该文法G为**LL(1)文法**。

# LL (1) 分析方法

- 对一个LL (1) 文法, 可以对某个输入串进行有效的无回溯的自上而下分析。
- 设面临的输入符号为 $a$ , 要用非终结符 $A$ 进行匹配, 且 $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$ , 则可如下分析:
  - (1) 若 $a \in \text{FIRST}(\alpha_i)$ , 则指派 $\alpha_i$ 执行匹配任务;
  - (2) 否则
    - 1) 若 $\epsilon \in \text{FIRST}(A)$ , 且 $a \in \text{FOLLOW}(A)$ , 则让 $A$ 与 $\epsilon$ 自动匹配;
    - 2) 否则,  $a$ 的出现是一种语法错误。

# 内容线索

- 语法分析器的功能
- 自上而下分析方法概述
- LL (1) 分析方法
- ✓ 递归下降分析程序
- 预测分析程序

# 递归下降分析程序

## ■ 条件

- 满足上述LL (1) 文法的条件

## ■ 构成

- 一组递归过程
- 每个递归过程对应G的一个非终结符

## ■ 基本思想

- 从文法开始符号出发，在语法规则(文法产生式)的支配下进行语法分析。逐个扫描源程序中的字符(单词符号)，根据文法和当前输入字符分析到下一个语法成分A时，便调用识别和分析A的子程序(或其自身)，如此继续下去。

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  $F \rightarrow (E) \mid i$

$\text{FIRST}(+TE') = \{ + \}$

$\text{FIRST}(*FT') = \{ * \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ ), \# \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, ), \# \}$

$\text{FIRST}((E)) = \{ ( \}$

$\text{FIRST}(i) = \{ i \}$

$E \rightarrow TE'$

P(E);

Begin

    P(T); P(E');

End;

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

P(E');

Begin

    If ch = '+' Then

        begin

            read(ch);

            P(T); P(E');

        End;

        // ch  $\in$  FOLLOW(E')?

End;

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  $F \rightarrow (E) \mid i$

$\text{FIRST}(+TE') = \{ + \}$

$\text{FIRST}(*FT') = \{ * \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ ), \# \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, ), \# \}$

$\text{FIRST}( (E) ) = \{ ( \}$

$\text{FIRST}(i) = \{ i \}$

$T \rightarrow FT'$

$P(T);$

Begin

$P(F); P(T');$

End;

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$P(T');$

Begin

If  $ch = '*'$  Then

begin

read(ch);

$P(F); P(T');$

End;

// else?  $ch \in$   
 $\text{FOLLOW}(T')$ ?

End;

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  $F \rightarrow (E) \mid i$

$\text{FIRST}(+TE') = \{ + \}$

$\text{FIRST}(*FT') = \{ * \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ ), \# \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, ), \# \}$

$\text{FIRST}((E)) = \{ ( \}$

$\text{FIRST}(i) = \{ i \}$

**$F \rightarrow (E) \mid i$**

**$P(F)$ ;**

**Begin**

if  $ch = 'i'$  then  $\text{read}(ch)$

else if  $ch = '('$  then

begin

$\text{read}(ch)$ ;  $P(E)$ ;

    if  $ch = ')'$  then

$\text{read}(ch)$

    else Error

End

else Error;

End;





完善优化上述代码

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  $F \rightarrow (E) \mid i$

$FIRST(+TE') = \{ + \}$       $FIRST(*FT') = \{ * \}$

$FOLLOW(E') = \{ ), \# \}$       $FOLLOW(T') = \{ +, ), \# \}$

$FIRST((E)) = \{ ( \}$       $FIRST(i) = \{ i \}$

```
P( E )
BEGIN
  P(T); P(E')
END;
```

```
P(E')
IF ch = " + " THEN
BEGIN
  read(ch); P(T); P(E');
END;
ELSE IF (ch = " ) " OR
ch = '#') THEN
  return;
ELSE ERROR;
```

```
P( T )
BEGIN
  P(F); P(T')
END;
```

```
P(T')
IF ch = ' * ' THEN
BEGIN
  read(ch); P(F); P(T');
END;
ELSE IF (ch = ' + ' OR
ch = '(') OR ch = '#') THEN
  return;
ELSE ERROR;
```

```
P( F )
IF ch = ' i ' THEN read(ch);
ELSE IF ch = '(' THEN
BEGIN
  read(ch); P(E);
  IF ch = ')' THEN read(ch);
  ELSE ERROR
END
ELSE ERROR;
```

# 程序形式

- (1) 对每一个非终结符 $A$ , 编写一个相应的子程序 $P(A)$ ;
- (2) 对于规则 $A \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \cdots \mid \alpha_n$  相应的子程序 $P(A)$ 构造如下:  
IF  $ch$  IN  $FIRST(\alpha_1)$  THEN  $P(\alpha_1)$   
ELSE IF  $ch$  IN  $FIRST(\alpha_2)$  THEN  $P(\alpha_2)$   
ELSE .....  
ELSE IF  $ch$  IN  $FIRST(\alpha_n)$  THEN  $P(\alpha_n)$   
ELSE IF ( $\epsilon \in FIRST(A)$ ) AND ( $ch$  IN  $FOLLOW(A)$ )  
THEN RETURN  
ELSE ERROR

(3)对于符号串 $\alpha=y_1y_2y_3\cdots y_m$ , 相应的子程序 $P(\alpha)$ 为:

```
BEGIN    P (y1)  
          P (y2)  
          ...  
          P (ym)  
END
```

■ 如果 $y_i \in V_T$ , 则 $P(y_i)$  为:

```
IF ch= yi THEN read(ch)  
ELSE ERROR;
```

■ 如果 $y_i \in V_N$ , 则 $P(y_i)$  为上述 (2) 中相应的子程序

# 课堂练习

## ■ P81 2(4)

# 内容线索

- 语法分析器的功能
- 自上而下分析方法概述
- LL (1) 分析方法
- 递归下降分析程序
- ✓ 预测分析程序

# 同济的清晨



# 预测分析程序

## ■ 递归下降分析器的局限性

- 需要具有能够实现递归过程的语言和编译系统

## ■ 预测分析程序

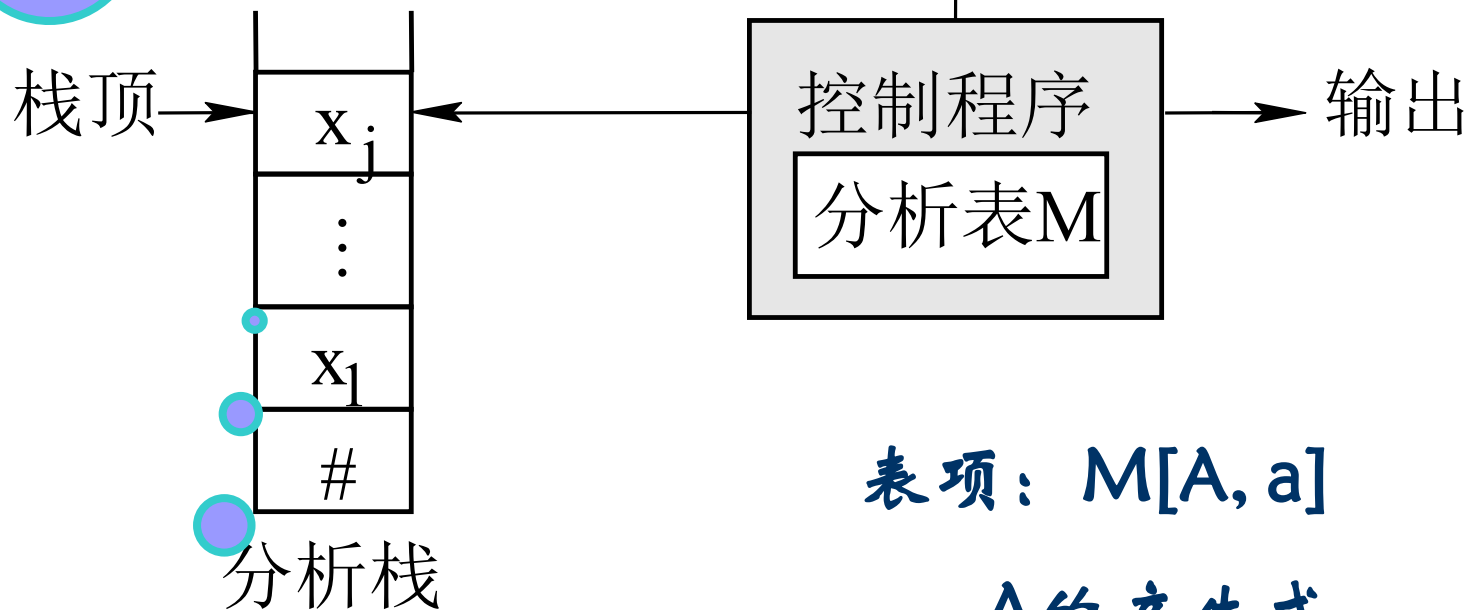
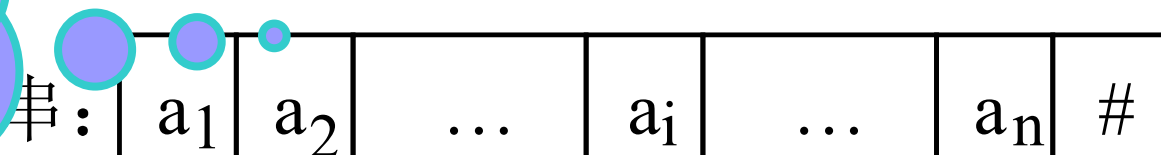
- 使用一个分析表和符号栈进行联合控制，是实现LL(1)分析的另一种有效方法。



# 预测分析程序基本思想

- 根据输入串的当前输入符确定选用某一个产生式进行推导，当该输入符与推导的第一个符号相同时，再取输入串的下一个符号，继续确定下一个推导应选的产生式，如此下去，直到推出被分析的输入串为止。
- 预测分析程序（LL(1)）分析器组成
  - LL(1)分析表（预测分析表）
  - 符号栈（后进先出）
  - 控制程序（表驱动程序）组成。

待分析的符号串,它以“#”作为结束标志。



存放文法符号。  
分析开始时栈底为“#”

预测分析程序

# LL (1) 分析表

- 若语法有 $m$ 个非终结符 $n$ 个终结符，则LL (1) 分析表是一个 $(m+1)*(n+2)$ 的矩阵 $M$ 
  - 行标题为语法非终结符
  - 列标题为终结符号和输入结束符 #
  - $M[A, a]$ 为一条关于 $A$ 的产生式，指出当 $A$ 面临 $a$ 时，应使用的产生式或空格(出错标志)

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  
 $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  
 $F \rightarrow (E) \mid i$

## LL(1)分析表

	i	+	*	(	)	#
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow i$			$F \rightarrow (E)$		

# 栈

- 栈 STACK存放分析过程中的文法符号
  - 分析开始时栈底先放一个“#”，再压入文法开始符；当分析栈中仅剩“#”且输入串指针指向串尾的“#”时，分析成功。

# 总控程序

总控程序根据栈顶符号 $x$ 和当前输入符 $a$ ，查表决定分析器的动作

- (1) 若 $x = a = \text{"\#"}$ ，即STACK 栈顶符号为 $\text{"\#"}$ ，当前输入符号为 $\text{"\#"}$ ，则分析成功。
- (2) 若 $x = a \neq \text{"\#"}$ ，即栈顶符号 $x$ 与当前输入符 $a$ 匹配，则将 $x$ 从栈顶弹出，输入串指针后移，读入下一个符号存入 $a$ ，继续对下一个字符进行分析。
- (3) 若 $x$ 为非终结符 $A$ ，则查分析表 $M[A, a]$ :
  - 1) 若 $M[A, a]$ 为一产生式，则 $A$ 自栈顶弹出， $M[A, a]$ 中产生式的右部符号逆序压栈；
  - 2) 若 $M[A, a]$ 为 $A \rightarrow \varepsilon$ ，则只将 $A$ 自栈顶弹出。
  - 3) 若 $M[A, a]$ 为空，则发现语法错误，调用出错处理程序进行处理。

# 总控程序的伪码描述

BEGIN

# 及S 进栈(push('#');push('S'));

把第一个输入符读入a;

FLAG := TRUE;

WHILE FLAG DO

BEGIN

把STACK栈顶弹出放在X中( $X = \text{pop}()$ );

IF  $X \in V_T$  THEN

IF  $X = a$  THEN 将下一输入符读入a ELSE ERROR

ELSE IF  $X = \text{"\#"} THEN$

IF  $X = a$  THEN FLAG := FALSE ELSE ERROR

ELSE IF  $M[X, a] = \{X \rightarrow X_1 \dots X_k\}$

THEN 把 $X_k, X_{k-1}, \dots, X_1$  逐一进栈

ELSE ERROR

END OF WHILE;

END

i + i \* i #

↑

P80

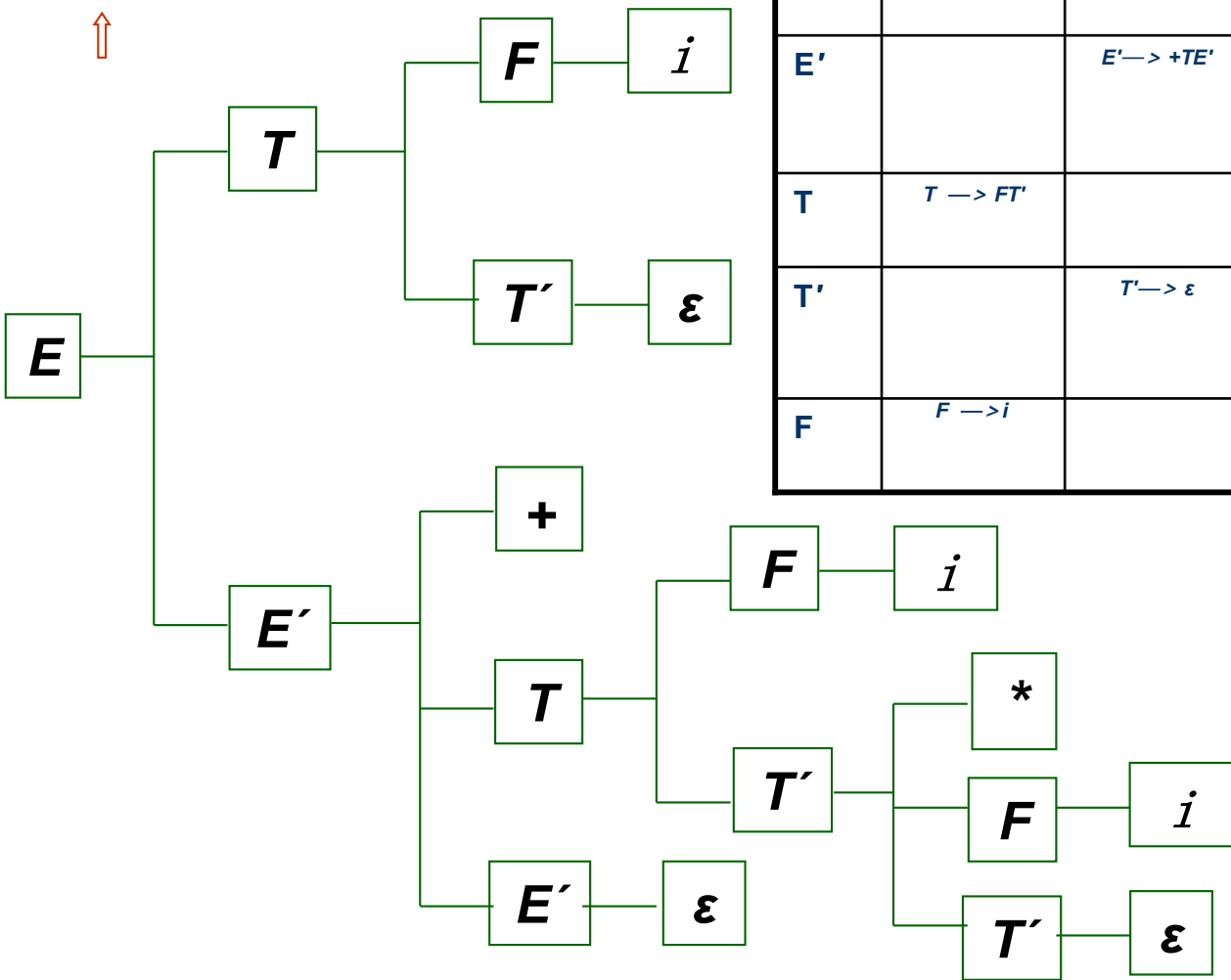
	T
→	E'
	#

	i	+	*	(	)	#
E	E → TE'			E → TE'		
E'		E' → +TE'			E' → ε	E' → ε
T	T → FT'			T → FT'		
T'		T' → ε	T' → *FT'		T' → ε	T' → ε
F	F → i			F → (E)		



# ✓ 上述分析过程生成的语法树:

$i + i * i \# :$



	i	+	*	(	)	#
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow i$			$F \rightarrow (E)$		

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  
 $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  
 $F \rightarrow (E) \mid i$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ ), \# \}$   
 $\text{FOLLOW}(T') = \{ +, ), \# \}$

$i + i * i \#$

	栈	输入	产生式
0	#E	i+i*i#	
1	#E'T	i+i*i#	$E \rightarrow TE'$
2	#E'T'F	i+i*i#	$T \rightarrow FT'$
3	#E'T'i	i+i*i#	$F \rightarrow i$
4	#E'T'	+i*i#	
5	#E'	+i*i#	$T' \rightarrow \varepsilon$
6	#E'T+	+i*i#	$E' \rightarrow +TE'$
7	#E'T	i*i#	
8	#E'T'F	i*i#	$T \rightarrow FT'$
9	#E'T'i	i*i#	$F \rightarrow i$
10	#E'T'	*i#	
11	#E'T'F*	*i#	$T' \rightarrow *FT'$
12	#E'T'F	i#	
13	#E'T'i	i#	$F \rightarrow i$
14	#E'T'	#	
15	#E'	#	$T' \rightarrow \varepsilon$
16	#	#	$E' \rightarrow \varepsilon$

# 结论

- 输出的产生式就是最左推导的产生式。栈中存放产生式右部，等待与 $a$ 匹配；
- 当栈顶 $X = a$ 时，分析表指出如何扩充语法树，出错能马上发现。
- 实质：
  - 栈：部分句型，句型右部，还未得到推导的符号。
  - 表：指出 $V_N$ 按哪一条扩充，依赖于 $V_T$

# LL(1)分析表的构造

- 预测分析程序中除分析表因文法的不同而不同外，分析栈、控制程序都相同。因此构造一个预测分析程序实际上就是构造文法的LL(1)分析表。

- 问题

- 1) 把产生式填到何处？

- 2) 按  $A \xRightarrow{*} ?$  将产生式分为两种：

一种是：  $A \xRightarrow{*} a \dots$

另种是：  $A \xRightarrow{*} \epsilon$

## 分析表构造算法

- (1) 对每个产生式  $A \rightarrow \alpha$ , 执行 (2) 和 (3)
- (2) 若  $a \in \text{FIRST}(\alpha)$ , 置  $M[A, a] = A \rightarrow \alpha$
- (3) 若  $\epsilon \in \text{FIRST}(A)$ , 对  $b \in \text{FOLLOW}(A)$  置  $M[A, b] = A \rightarrow \epsilon$
- (4) 其余置  $M[A, a] = \text{ERROR}$

例.  $E \rightarrow TE'$ ;  $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$ ;  $T \rightarrow FT'$ ;  $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$ ;  $F \rightarrow (E) \mid i$

$\text{FIRST}(TE') = \{ (, i \}$

$\text{FIRST}(+TE') = \{ + \}$

$\text{FIRST}(FT') = \{ (, i \}$

$\text{FIRST}(*FT') = \{ * \}$

$\text{FIRST}((E)) = \{ ( \}$

$\text{FIRST}(i) = \{ i \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{ ), \# \}$

$\text{FOLLOW}(T') = \{ +, ), \# \}$

	i	+	*	(	)	#
E						
E'						
T						
T'						
F						

# 分析表与LL(1) 文法

- 若文法G的预测分析表  $M[A, a]$  不含有多重定义入口, 当且仅当G为LL(1)文法。
- 文法G是LL(1)的, 则对于G的每一个非终结符A的任何两个不同产生式  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$ , 有:
  - (1)  $FIRST(\alpha) \cap FIRST(\beta) = \Phi$
  - (2) 若  $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$ , 则  $FIRST(A) \cap FOLLOW(A) = \Phi$

**Dank u**

Dutch

**Merci**

French

**Спасибо**

Russian

**Gracias**

Spanish

شكراً

Arabic

감사합니다

Korean

धन्यवाद

Hindi

תודה רבה

Hebrew

**Tack så mycket**

Swedish

**Obrigado**

Brazilian  
Portuguese

**Dankon**

Esperanto

***Thank You !***

谢谢

Chinese

ありがとうございます

Japanese

**Trugarez**

Breton

**Danke**

German

**Tak**

Danish

**Grazie**

Italian

நன்றி

Tamil

**děkuji**

Czech

ขอบคุณ

Thai

**go raibh maith agat**

Gaelic