

Chương 5 - Học máy

Lê Thanh Hương
Viện CNTT & TT - ĐHBK HN

Nội dung môn học

- Chương 1. Tổng quan
- Chương 2. Tác tử thông minh
- Chương 3. Giải quyết vấn đề
- Chương 4. Tri thức và suy diễn
- **Chương 5. Học máy**
 - Học cây quyết định
 - K láng giềng gần
 - Mạng nơron

Giới thiệu về Học máy

■ Định nghĩa

*“Học đề cập đến các **thay đổi** của hệ thống theo hướng **thích nghi**: chúng cho phép hệ thống thực hiện các công việc trong cùng một môi trường hiệu quả hơn từ lần thực hiện thứ 2”*

Biểu diễn một bài toán học máy [Mitchell, 1997]

Học máy = Cải thiện hiệu quả một công việc thông qua kinh nghiệm

- Một công việc (nhiệm vụ) **T**
 - Đối với các tiêu chí đánh giá hiệu suất **P**
 - Thông qua (sử dụng) kinh nghiệm **E**
-

Các ví dụ về học máy (1)

Bài toán lọc các trang Web theo sở thích của một người dùng

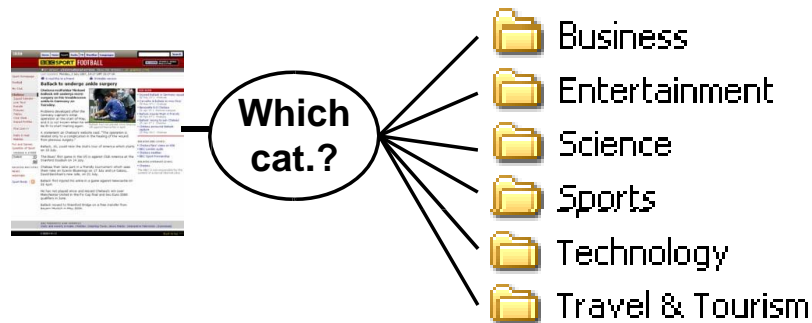
- **T:** Dự đoán (để lọc) xem những trang Web nào mà một người dùng cụ thể thích đọc
- **P:** Tỷ lệ (%) các trang Web được dự đoán đúng
- **E:** Một tập các trang Web mà người dùng đã chỉ định là thích đọc và một tập các trang Web mà anh ta đã chỉ định là không thích đọc



Các ví dụ về học máy (2)

Bài toán phân loại các trang Web theo các chủ đề

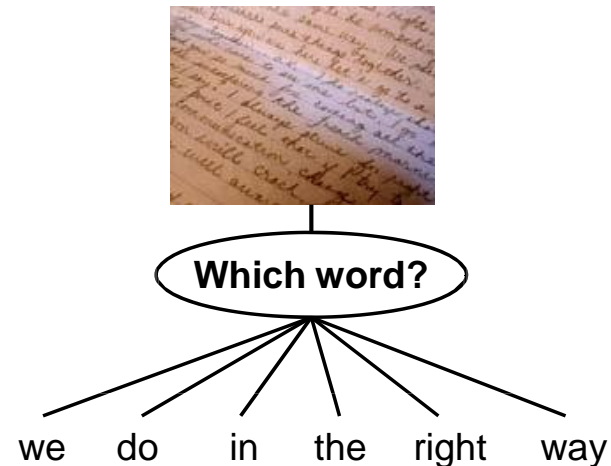
- **T:** Phân loại các trang Web theo các chủ đề đã định trước
- **P:** Tỷ lệ (%) các trang Web được phân loại chính xác
- **E:** Một tập các trang Web, trong đó mỗi trang Web gắn với một chủ đề



Các ví dụ về học máy (3)

Bài toán nhận dạng chữ viết tay

- **T:** Nhận dạng và phân loại các từ trong các ảnh chữ viết tay
- **P:** Tỷ lệ (%) các từ được nhận dạng và phân loại đúng
- **E:** Một tập các ảnh chữ viết tay, trong đó mỗi ảnh được gắn với một định danh của một từ



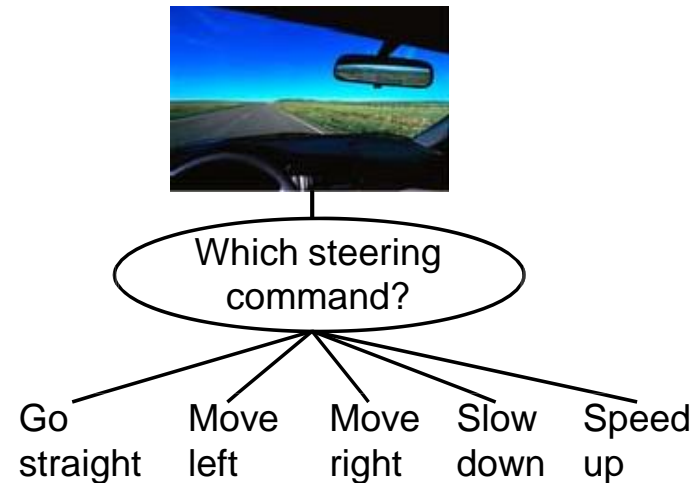
Các ví dụ về học máy (4)

Bài toán robot lái xe tự động

■ **T:** Robot (được trang bị các camera quan sát) lái xe tự động trên đường cao tốc

■ **P:** Khoảng cách trung bình mà robot có thể lái xe tự động trước khi xảy ra lỗi (tai nạn)

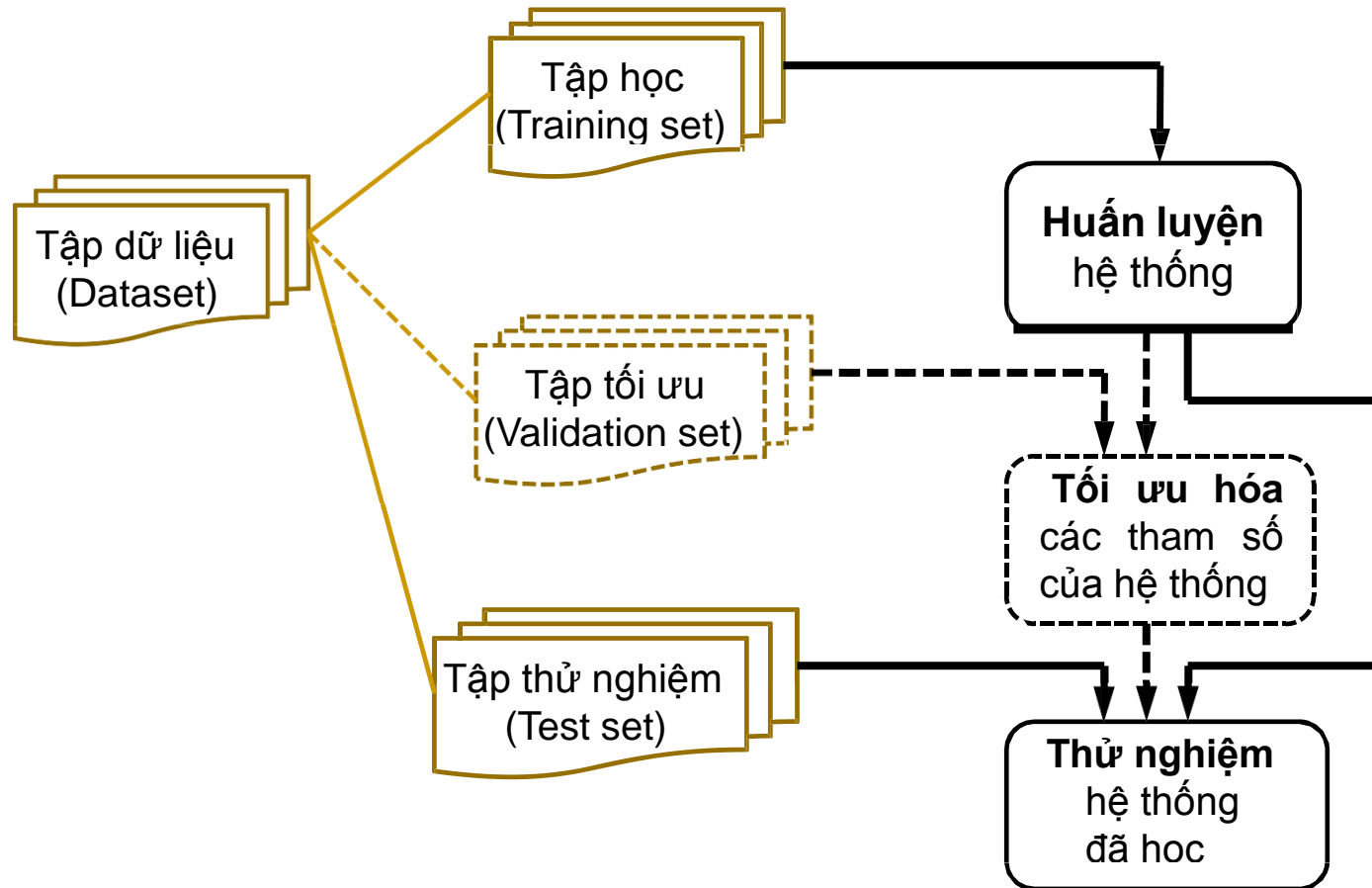
■ **E:** Một tập các ví dụ được ghi lại khi quan sát một người lái xe trên đường cao tốc, trong đó mỗi ví dụ gồm một chuỗi các ảnh và các lệnh điều khiển xe



Các phương pháp học

- **Học có giám sát:** biết trước câu trả lời đúng
- **Học không giám sát:** không biết trước câu trả lời đúng
- **Học tăng cường:** đôi khi có thưởng/phạt cho các hành động

Quá trình học máy



Học có vs. không có giám sát

■ Học có giám sát (supervised learning)

- Mỗi ví dụ học gồm 2 phần: mô tả (biểu diễn) của ví dụ học, và nhãn lớp (hoặc giá trị đầu ra mong muốn) của ví dụ học đó

- Bài toán học **phân lớp (classification problem)**

$D_{train} = \{(<Biểu_diễn_của_x>, <Nhãn_lớp_của_x>)\}$

- Bài toán học **dự đoán/hồi quy (prediction/regression problem)**

$D_{train} = \{(<Biểu_diễn_của_x>, <Giá_trị_đầu_ra_của_x>)\}$

■ Học không có giám sát (unsupervised learning)

- Mỗi ví dụ học chỉ chứa mô tả (biểu diễn) của ví dụ học đó - mà không có bất kỳ thông tin nào về nhãn lớp hay giá trị đầu ra mong muốn của ví dụ học đó

- Bài toán học **phân cụm (Clustering problem)**

$Tập\ học\ D_{train} = \{(<Biểu_diễn_của_x>)\}$

Các thành phần chính (1)

■ Lựa chọn các ví dụ học (training/learning examples)

- Các thông tin hướng dẫn quá trình học (training feedback) được chứa ngay trong các ví dụ học, hay là được cung cấp gián tiếp (vd: từ môi trường hoạt động)
- Các ví dụ học theo kiểu có giám sát (supervised) hay không có giám sát (unsupervised)
- Các ví dụ học phải tương thích với các ví dụ sẽ được sử dụng bởi hệ thống trong tương lai (future test examples)

■ Xác định hàm mục tiêu (giả thiết, khái niệm) cần học

- $F: X \rightarrow \{0,1\}$
 - $F: X \rightarrow \{\text{Một tập các nhãn lớp}\}$
 - $F: X \rightarrow \mathbb{R}^+$ (miền các giá trị số thực dương)
 - ...
-

Các thành phần chính (2)

- Lựa chọn cách biểu diễn cho hàm mục tiêu cần học
 - Hàm đa thức (a polynomial function)
 - Một tập các luật (a set of rules)
 - Một cây quyết định (a decision tree)
 - Một mạng nơ-ron nhân tạo (an artificial neural network)
 - ...
 - Lựa chọn một giải thuật học máy có thể học (xấp xỉ) được hàm mục tiêu
 - Phương pháp học hồi quy (Regression-based)
 - Phương pháp học quy nạp luật (Rule induction)
 - Phương pháp học cây quyết định (ID3 hoặc C4.5)
 - Phương pháp học lan truyền ngược (Back-propagation)
 - ...
-

Các vấn đề trong Học máy (1)

- Giải thuật học máy (Learning algorithm)
 - Những giải thuật học máy nào có thể học (xấp xỉ) một hàm mục tiêu cần học?
 - Với những điều kiện nào, một giải thuật học máy đã chọn sẽ hội tụ (tiệm cận) hàm mục tiêu cần học?
 - Đối với một lĩnh vực bài toán cụ thể và đối với một cách biểu diễn các ví dụ (đối tượng) cụ thể, giải thuật học máy nào thực hiện tốt nhất?
-

Các vấn đề trong Học máy (2)

- Các ví dụ học (Training examples)
 - Bao nhiêu ví dụ học là đủ?
 - Kích thước của tập học (tập huấn luyện) ảnh hưởng thế nào đối với độ chính xác của hàm mục tiêu học được?
 - Các ví dụ lỗi (nhiều) và/hoặc các ví dụ thiếu giá trị thuộc tính (missing-value) ảnh hưởng thế nào đối với độ chính xác?
-

Các vấn đề trong Học máy (3)

- Quá trình học (Learning process)
 - Chiến lược tối ưu cho việc lựa chọn thứ tự sử dụng (khai thác) các ví dụ học?
 - Các chiến lược lựa chọn này làm thay đổi mức độ phức tạp của bài toán học máy như thế nào?
 - Các tri thức cụ thể của bài toán (ngoài các ví dụ học) có thể đóng góp thế nào đối với quá trình học?
-

Các vấn đề trong Học máy (4)

■ Khả năng/giới hạn học

- Hàm mục tiêu nào mà hệ thống cần học?
 - Biểu diễn hàm mục tiêu: Khả năng biểu diễn
(vd: hàm tuyến tính / hàm phi tuyến) vs.
Độ phức tạp của giải thuật và quá trình học
 - Các giới hạn đối với khả năng học của các giải thuật học máy?
 - Khả năng khái quát hóa của hệ thống từ các ví dụ học?
 - Để tránh vấn đề “over-fitting” (đạt độ chính xác cao trên tập học, nhưng đạt độ chính xác thấp trên tập thử nghiệm)
 - Khả năng hệ thống tự động thay đổi (thích nghi) biểu diễn cấu trúc bên trong của nó?
-

Vấn đề over-fitting (1)

- Một hàm mục tiêu học được h sẽ được gọi là **quá khớp (over-fit)** với một tập học nếu tồn tại một hàm mục tiêu khác h' sao cho:
 - h' kém phù hợp hơn (đạt độ chính xác kém hơn) h đối với tập học, nhưng
 - h' đạt độ chính xác cao hơn h đối với toàn bộ tập dữ liệu (bao gồm cả những ví dụ được sử dụng sau quá trình huấn luyện)
 - Vấn đề over-fitting thường do các nguyên nhân:
 - Lỗi trong tập huấn luyện
 - Số lượng các ví dụ học quá nhỏ, không đại diện cho toàn bộ tập của các ví dụ của bài toán học
-

Vấn đề over-fitting (2)

- Giả sử gọi D là tập toàn bộ các ví dụ, và D_{train} là tập các ví dụ học
 - Giả sử gọi $\text{Err}_D(h)$ là mức lỗi mà giả thiết h sinh ra đối với tập D , và $\text{Err}_{D_{\text{train}}}(h)$ là mức lỗi mà giả thiết h sinh ra đối với tập D_{train}
 - Giả thiết h quá khớp (quá phù hợp) tập học D_{train} nếu tồn tại một giả thiết khác h' :
 - $\text{Err}_{D_{\text{train}}}(h) < \text{Err}_{D_{\text{train}}}(h')$, và
 - $\text{Err}_D(h) > \text{Err}_D(h')$
-

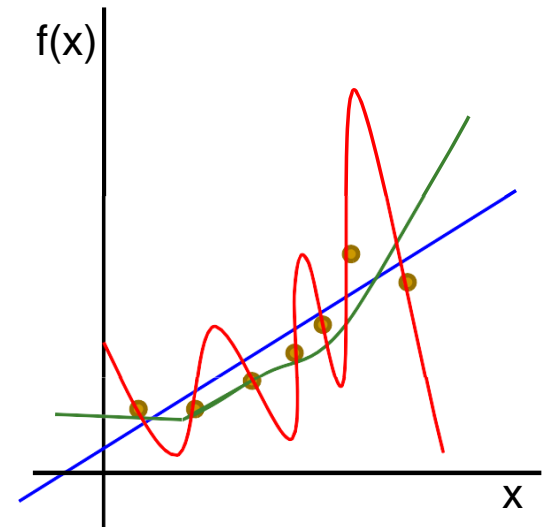
Vấn đề over-fitting (3)

Trong số các hàm mục tiêu học được, hàm mục tiêu nào khái quát hóa tốt nhất từ các ví dụ học?

Lưu ý: Mục tiêu của học máy là để đạt được độ chính xác cao trong dự đoán đối với các ví dụ sau này, không phải đối với các ví dụ học

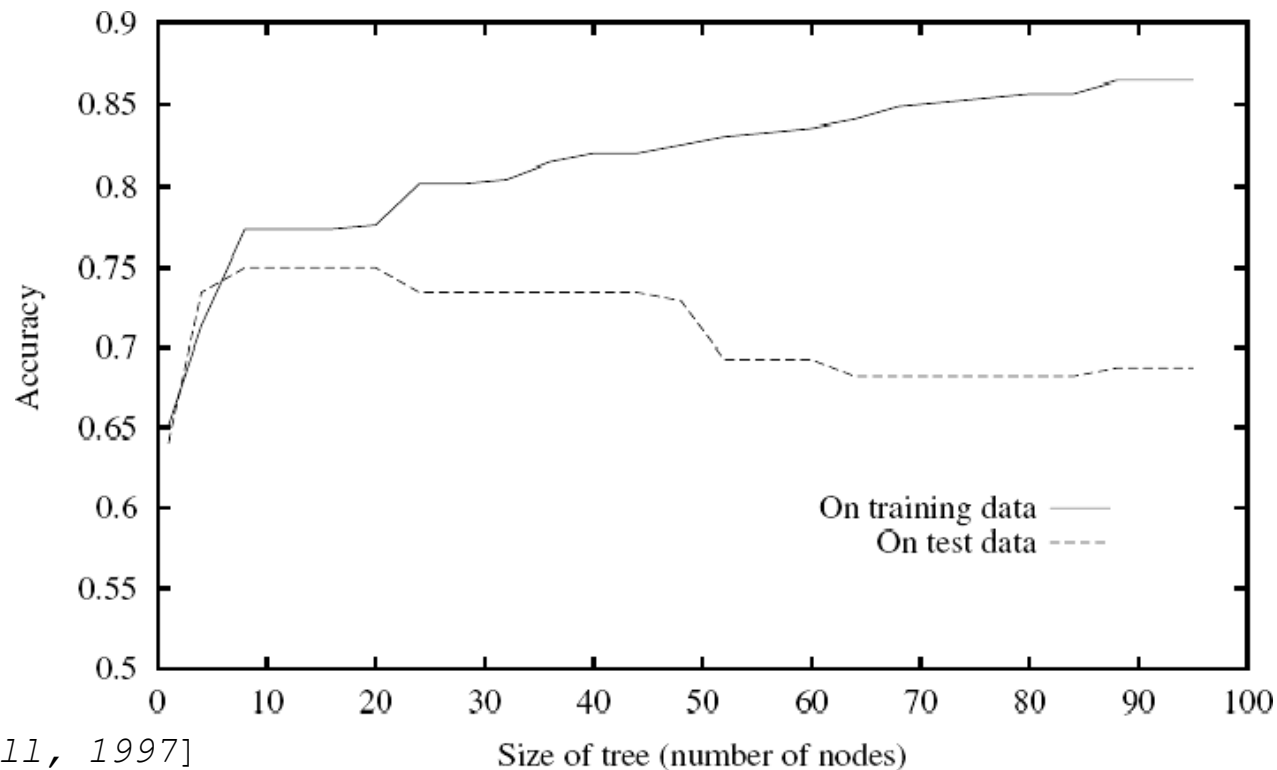
■ **Occam's razor:** Ưu tiên chọn hàm mục tiêu đơn giản nhất phù hợp (không nhất thiết hoàn hảo) với các ví dụ học

- Khái quát hóa tốt hơn
- Dễ giải thích/diễn giải hơn
- Độ phức tạp tính toán ít hơn



Vấn đề over-fitting – Ví dụ

Tiếp tục quá trình học cây quyết định sẽ làm giảm độ chính xác đối với tập thử nghiệm mặc dù tăng độ chính xác đối với tập học



[Mitchell, 1997]

Học cây quyết định

Bài toán: quyết định có đợi 1 bàn ở quán ăn không, dựa trên các thông tin sau:

1. **Lựa chọn khác**: có quán ăn nào khác gần đó không?
2. **Quán rượu**: có khu vực phục vụ đồ uống gần đó không?
3. **Fri/Sat**: hôm nay là thứ sáu hay thứ bảy?
4. **Đói**: chúng ta đã đói chưa?
5. **Khách hàng**: số khách trong quán (không có, vài người, đầy)
6. **Giá cả**: khoảng giá (\$,\$\$,\$\$\$)
7. **Mưa**: ngoài trời có mưa không?
8. **Đặt chỗ**: chúng ta đã đặt trước chưa?
9. **Loại**: loại quán ăn (Pháp, Ý, Thái, quán ăn nhanh)
10. **Thời gian đợi**: 0-10, 10-30, 30-60, >60

Phép biểu diễn dựa trên thuộc tính

- Các mẫu được miêu tả dưới dạng các giá trị thuộc tính (logic, rời rạc, liên tục)
- Ví dụ, tình huống khi đợi 1 bàn ăn

Example	Attributes										Target
	<i>Alt</i>	<i>Bar</i>	<i>Fri</i>	<i>Hun</i>	<i>Pat</i>	<i>Price</i>	<i>Rain</i>	<i>Res</i>	<i>Type</i>	<i>Est</i>	<i>Wait</i>
X_1	T	F	F	T	Some	\$\$\$	F	T	French	0–10	T
X_2	T	F	F	T	Full	\$	F	F	Thai	30–60	F
X_3	F	T	F	F	Some	\$	F	F	Burger	0–10	T
X_4	T	F	T	T	Full	\$	F	F	Thai	10–30	T
X_5	T	F	T	F	Full	\$\$\$	F	T	French	>60	F
X_6	F	T	F	T	Some	\$\$	T	T	Italian	0–10	T
X_7	F	T	F	F	None	\$	T	F	Burger	0–10	F
X_8	F	F	F	T	Some	\$\$	T	T	Thai	0–10	T
X_9	F	T	T	F	Full	\$	T	F	Burger	>60	F
X_{10}	T	T	T	T	Full	\$\$\$	F	T	Italian	10–30	F
X_{11}	F	F	F	F	None	\$	F	F	Thai	0–10	F
X_{12}	T	T	T	T	Full	\$	F	F	Burger	30–60	T

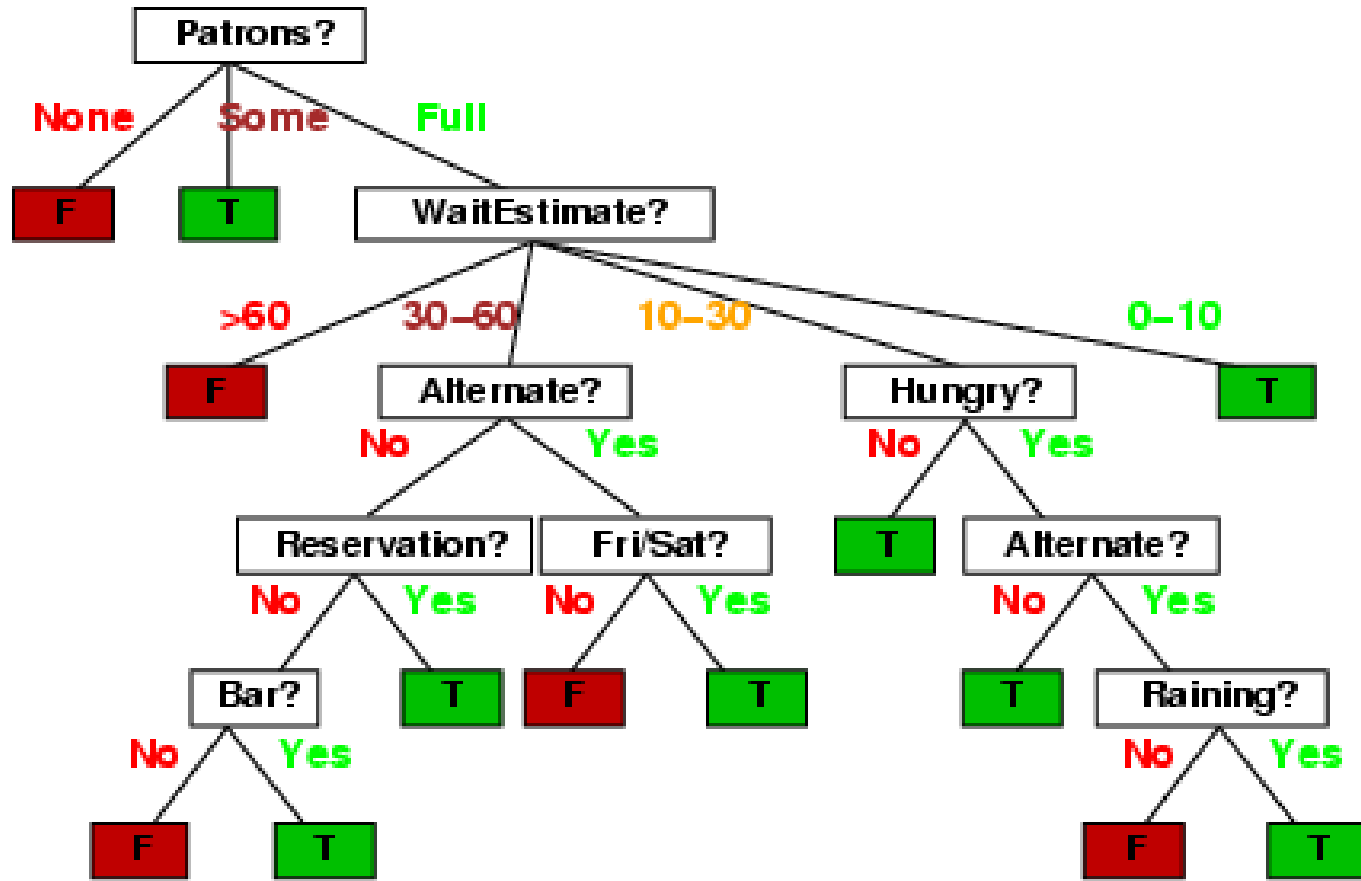
- Các loại (lớp) của mẫu là khẳng định (T) hoặc phủ định (F)

Attributes										Target
<i>Alt</i>	<i>Bar</i>	<i>Fri</i>	<i>Hun</i>	<i>Pat</i>	<i>Price</i>	<i>Rain</i>	<i>Res</i>	<i>Type</i>	<i>Est</i>	<i>Wait</i>
T	F	F	T	Some	\$\$\$	F	T	French	0–10	T
T	F	F	T	Full	\$	F	F	Thai	30–60	F
F	T	F	F	Some	\$	F	F	Burger	0–10	T
T	F	T	T	Full	\$	F	F	Thai	10–30	T
T	F	T	F	Full	\$\$\$	F	T	French	>60	F
F	T	F	T	Some	\$\$	T	T	Italian	0–10	T
F	T	F	F	None	\$	T	F	Burger	0–10	F
F	F	F	T	Some	\$\$	T	T	Thai	0–10	T
F	T	T	F	Full	\$	T	F	Burger	>60	F
T	T	T	T	Full	\$\$\$	F	T	Italian	10–30	F
F	F	F	F	None	\$	F	F	Thai	0–10	F
T	T	T	T	Full	\$	F	F	Burger	30–60	T

Patrons, WaitEstimates, Alternative, Hungry, Rain

Cây quyết định

... là cách biểu diễn các giả thiết.



Không gian giả thiết

Khi có n thuộc tính Boolean, số lượng các cây quyết định là?

= số các hàm Boolean

= số các giá trị khác nhau trong bảng ví dụ mẫu với 2^n hàng

= 2^{2^n}

Ví dụ, với 6 thuộc tính Boolean, có
18,446,744,073,709,551,616 cây

Thuật toán ID3

Mục đích: tìm cây thoả mãn tập mẫu

Ý tưởng: (lặp) chọn thuộc tính quan trọng nhất làm gốc của cây/cây con

ID3(*Examples*, *Target_attribute*, *Attributes*)

/ Examples*: các mẫu luyện

Target_attribute: thuộc tính cần đoán giá trị

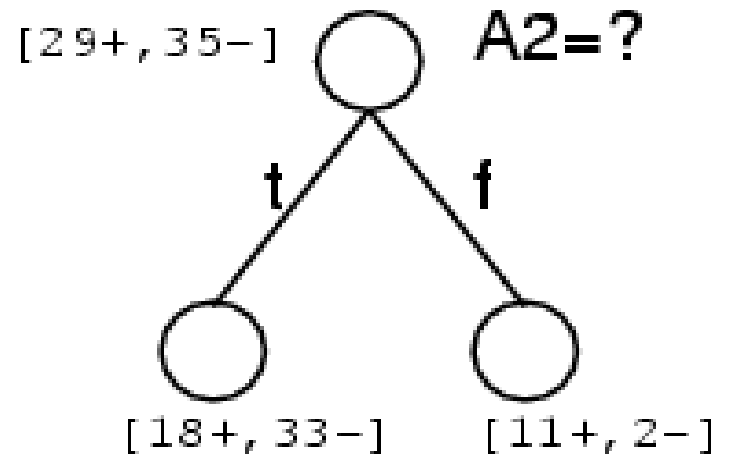
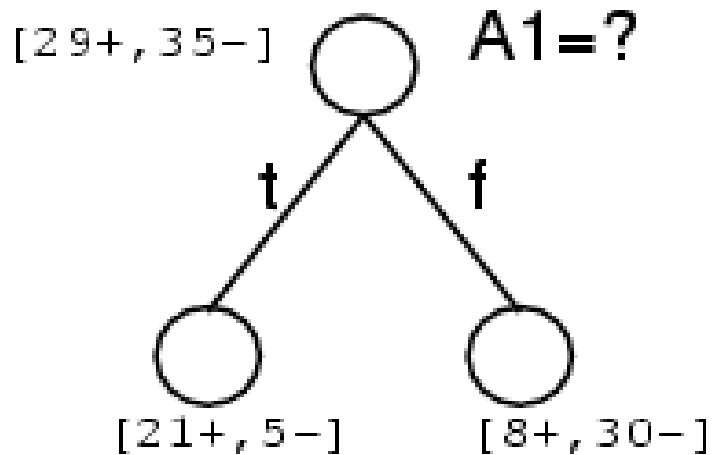
Attributes: các thuộc tính có thể được kiểm tra qua phép học cây quyết định. **/*

- Tạo 1 nút gốc *Root* cho cây
- If \forall *Examples* +, trả về cây chỉ có 1 nút *Root*, với nhãn +
- If \forall *Examples* -, trả về cây chỉ có 1 nút *Root*, với nhãn –
- If *Attributes* rỗng, trả về cây chỉ có 1 nút *Root*, với nhãn = giá trị thường xuất hiện nhất của *Target_attribute* trong *Examples*

Thuật toán ID3

- Otherwise Begin:
 - $A \leftarrow$ thuộc tính trong *Attributes* cho phép phân loại tốt nhất *Examples*
 - Thuộc tính quyết định của nút gốc $\leftarrow A$
 - Với các giá trị v_i có thể có của A ,
 - Thêm 1 nhánh mới dưới gốc, ứng với phép kiểm tra $A = v_i$
 - Đặt $Examples_{v_i}$ = tập con của *Examples* với giá trị thuộc tính $A = v_i$
 - If $Examples_{v_i}$ rỗng
 - Then, dưới nhánh mới này, thêm 1 lá với nhãn = giá trị thường xuất hiện nhất của *Target_attribute* trong *Examples*
 - Else, dưới nhánh mới này thêm cây con
 $ID3(Examples_{v_i}, Target_attribute, Attributes - \{A\})$
- End
- Return *Root*

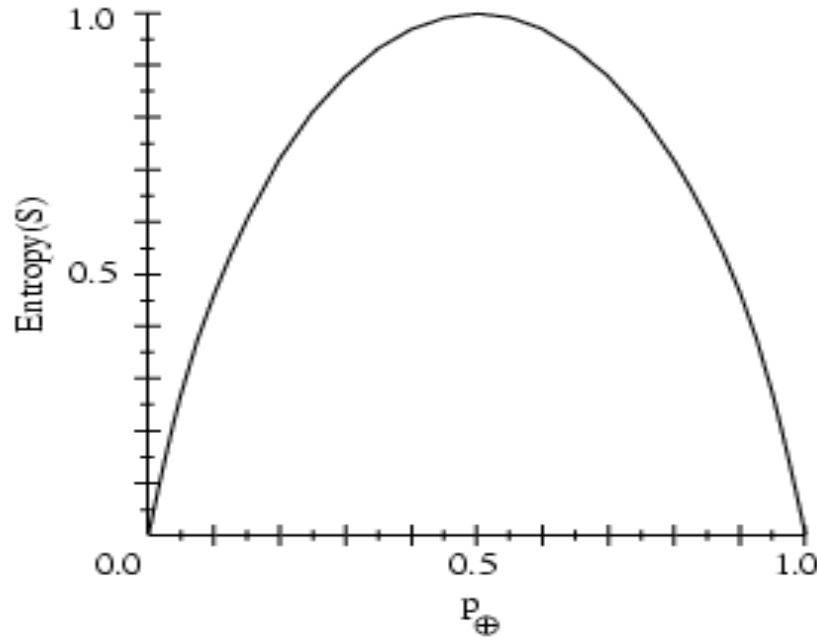
Thuộc tính nào tốt nhất?



Sử dụng lượng thông tin đạt được **Information Gain**

⇒ xác định thông qua độ đo **Entropy**

Entropy của một tập mẫu



- S là một tập mẫu của tập luyện
- p_{+} là tỷ lệ các mẫu dương trong S
- p_{-} là tỷ lệ các mẫu âm trong S

• Entropy đo độ nhiễu của S = số các bit cần thiết để mã hoá lớp + hoặc - của các thành viên ngẫu nhiên của S

• $\text{Entropy}(S) = - p_{+} \cdot \log_2 p_{+} - p_{-} \cdot \log_2 p_{-}$

Entropy

Entropy $H(X)$ của biến ngẫu nhiên X :

$$H(X) = - \sum_{i=1}^n P(X = i) \log_2 P(X = i)$$

Ví dụ, với S gồm 9 mẫu dương và 5 mẫu âm, kí hiệu $S([9+,5-])$.

Entropy($[9+,5-]$)

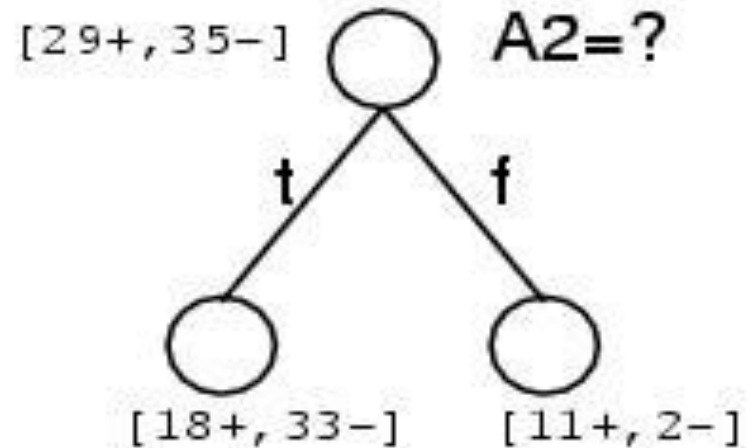
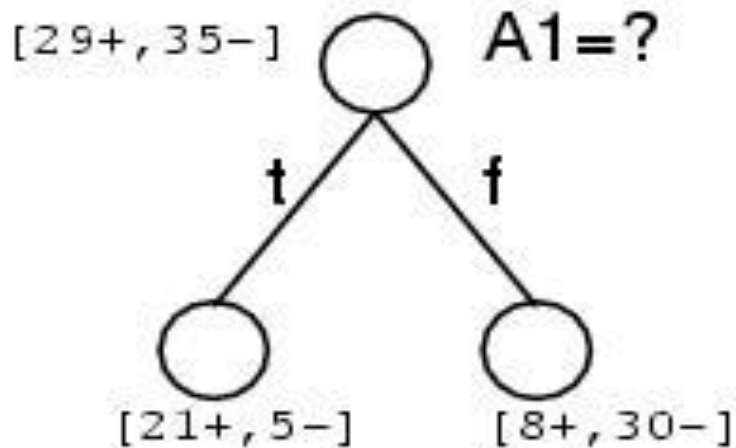
$$= - (9/14) \log_2 (9/14) - (5/14) \log_2 (5/14)$$

$$= 0.940$$

Information Gain

$\text{Gain}(S, A) = \text{độ giảm entropy do việc phân loại trong } A$

$$\text{Gain}(S, A) = \text{Entropy}(S) - \sum_{v \in \text{Values}(A)} \frac{|S_v|}{|S|} \text{Entropy}(S_v)$$



Ví dụ: tập luyện

Day	Outlook	Temperature	Humidity	Wind	PlayTennis
D1	Sunny	Hot	High	Weak	No
D2	Sunny	Hot	High	Strong	No
D3	Overcast	Hot	High	Weak	Yes
D4	Rain	Mild	High	Weak	Yes
D5	Rain	Cool	Normal	Weak	Yes
D6	Rain	Cool	Normal	Strong	No
D7	Overcast	Cool	Normal	Strong	Yes
D8	Sunny	Mild	High	Weak	No
D9	Sunny	Cool	Normal	Weak	Yes
D10	Rain	Mild	Normal	Weak	Yes
D11	Sunny	Mild	Normal	Strong	Yes
D12	Overcast	Mild	High	Strong	Yes
D13	Overcast	Hot	Normal	Weak	Yes
D14	Rain	Mild	High	Strong	No

$S = [9+, 5-]$

Humidity
= $\{High, Normal\}$:

$S_{high} = [3+, 4-];$

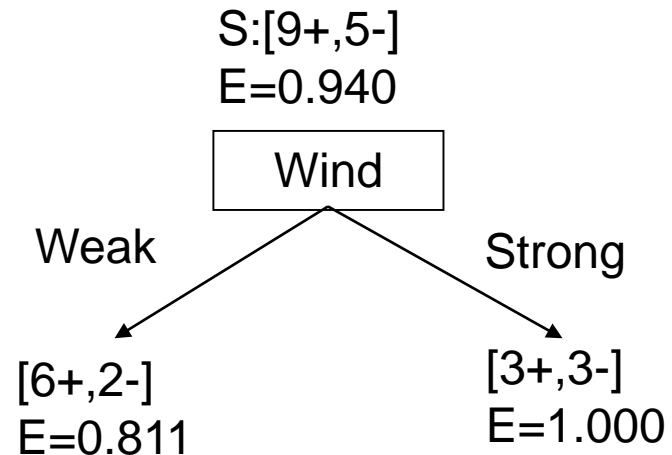
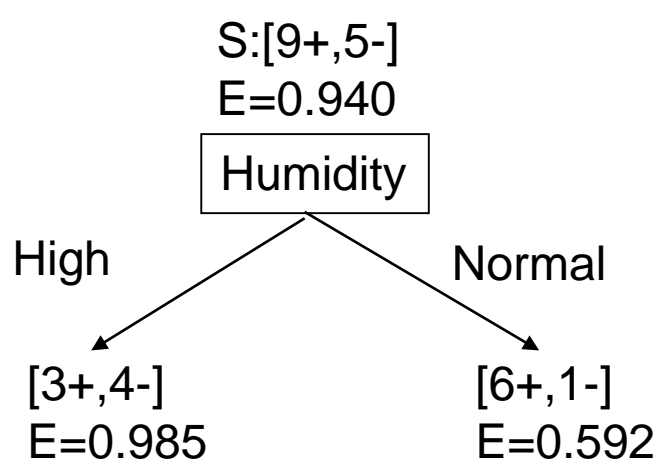
$S_{normal} = [6+, 1-]$

Wind = $\{Weak, Strong\}$:

$S_{weak} = [6+, 2-];$

$S_{strong} = [3+, 3-]$

Thuộc tính nào phân loại tốt nhất?



$$\text{Gain}(S, \text{Wind}) = \text{Entropy}(S) - \sum_{v \in \text{Values}(A)} \frac{|S_v|}{|S|} \text{Entropy}(S_v)$$

$$= \text{Entropy}(S) - (8/14)\text{Entropy}(S_{\text{Weak}}) - (6/14)\text{Entropy}(S_{\text{Strong}})$$

$$= 0.940 - (8/14)*0.811 - (6/14)*1.00 = 0.048$$

$$\text{Gain}(S, \text{Humidity}) = 0.940 - (7/14)*0.985 - (7/14)*0.592 = 0.151$$

$$\text{Gain}(S, \text{Outlook}) = 0.246; \text{Gain}(S, \text{Humidity}) = 0.151$$

$$\text{Gain}(S, \text{Wind}) = 0.048; \text{Gain}(S, \text{Temperature}) = 0.029$$

{D1, D2, ..., D14}

[9+,5-]

Outlook

Sunny

Overcast

Rain

{D1,D2,D8,D9,D11}

{D3,D7,D12,D13}

{D4,D5,D6,D10,D14}

[2+,3-]

[4+,0-]

[3+,2-]

?

Yes

?

Thuộc tính nào tiếp?

$$S_{\text{Sunny}} = \{D1, D2, D8, D9, D11\}$$

$$\begin{aligned} \text{Gain}(S_{\text{Sunny}}, \text{Humidity}) \\ = .970 - (3/5)*0.0 - (2/5)*0.0 = .970 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Gain}(S_{\text{Sunny}}, \text{Temperature}) \\ = .970 - (2/5)*0.0 - (2/5)*1.0 - (1/5)*0.0 = .570 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Gain}(S_{\text{Sunny}}, \text{Wind}) \\ = 0.970 - (2/5)*1.0 - (3/5)*0.918 = 0.019 \end{aligned}$$

Cây quyết định sử dụng khi nào?

Các bài toán với các đặc tính sau thích hợp với học cây quyết định:

- Các mẫu mô tả được bởi các cặp thuộc tính-giá trị
- Hàm đích có giá trị rời rạc
- Cần có các giả thiết rời rạc
- Các dữ liệu luyện có thể có nhiều
- Dữ liệu luyện có thể thiếu giá trị thuộc tính

Ví dụ:

- Chẩn đoán y tế
- Phân tích các nguy cơ về tín dụng
- Mô hình hoá việc lập lịch

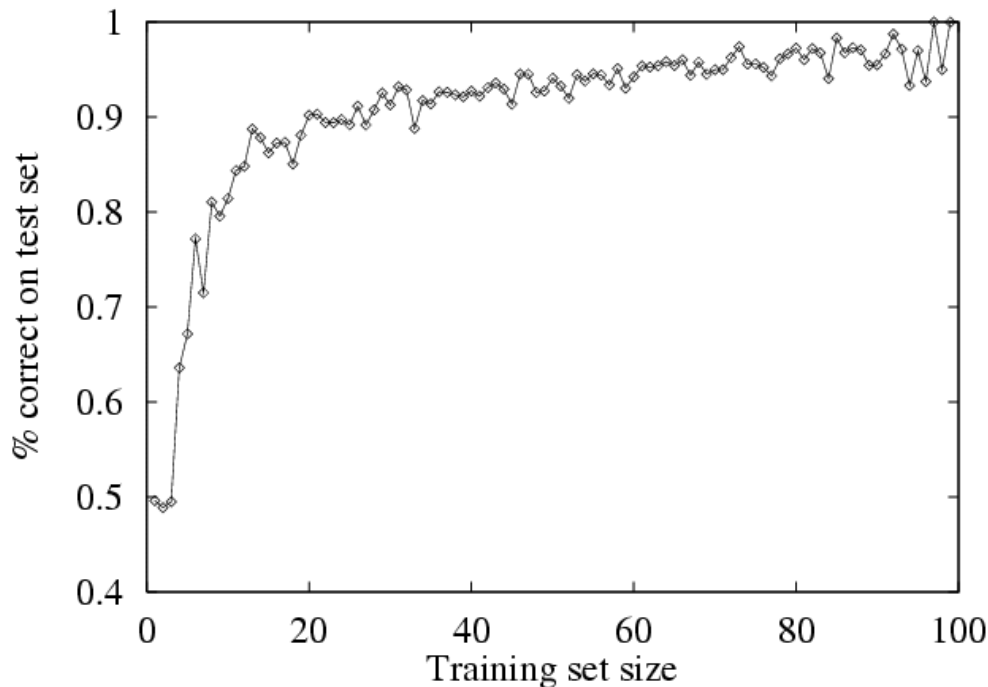
Đánh giá và lựa chọn mô hình

- Cho trước tập quan sát D , ta cần lựa chọn tham số λ (model selection) cho phương pháp học A và đánh giá (assessment) chất lượng tổng thể của A .
 - Chọn tập hữu hạn S mà chứa các giá trị tiềm năng cho λ .
 - Chọn độ đo P để đánh giá hiệu năng.
 - Chia tập D thành 3 tập rời nhau: D_{train} , $T_{\text{validation}}$, và T_{test}
 - Với mỗi giá trị $\lambda \in S$:
 - Học A từ tập học D_{train} với tham số đầu vào λ . Đo hiệu năng trên tập $T_{\text{validation}} \rightarrow$ thu được P_{λ}
 - Chọn λ^* mà có P_{λ} tốt nhất.
 - Huấn luyện A trên tập $D_{\text{train}} \cup T_{\text{validation}}$, với tham số đầu vào λ^* .
 - Đo hiệu năng của hệ thống trên tập T_{test} .
- Có thể thay Hold-out bằng kỹ thuật khác (cross-validation).

Đo độ chính xác

- Làm sao để biết $h \approx f$?
- Sử dụng lý thuyết tính toán
 1. Thử giả thiết h trên 1 tập các ví dụ mới (tập thử) (sử dụng cùng 1 mức độ phân bố các mẫu như tập luyện)

Learning curve = % chính xác trên tập thử, sử dụng hàm xây dựng trên tập luyện



Học dựa trên mẫu

Ý tưởng: lưu tất cả các mẫu luyện $\langle x_i, f(x_i) \rangle$

Láng giềng gần nhất:

- Cho mẫu hỏi x_q , trước tiên định vị mẫu luyện gần nhất x_n , sau đó đánh giá $\hat{f}(x_q) \leftarrow f(x_n)$

K láng giềng gần nhất:

- Cho x_q , quyết định dựa trên k láng giềng gần nhất (nếu hàm đích có giá trị rời rạc)
- Lấy trung bình giá trị f của k láng giềng gần nhất (nếu là giá trị thực)

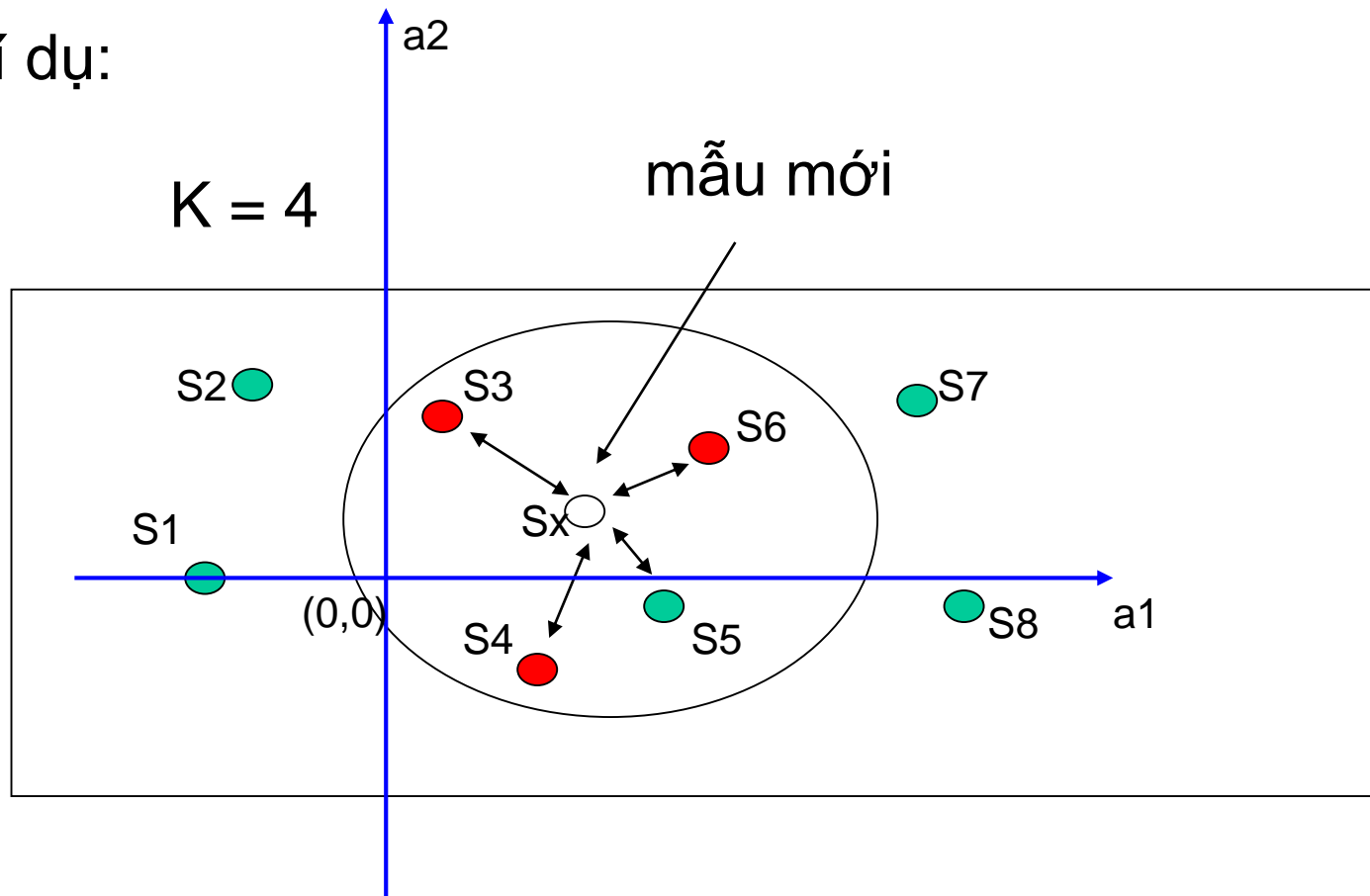
$$\hat{f}(x_q) \leftarrow \frac{\sum_{i=1}^k f(x_i)}{k}$$

Phương pháp láng giềng gần

- Tổ chức dữ liệu dưới dạng bảng.
- Xây dựng ma trận cho phép tính khoảng cách giữa các cặp đối tượng.
- Khi có 1 đối tượng mới chưa có kết luận, lấy kết luận của láng giềng gần nhất gán cho nó.

kNN

Ví dụ:



	a1	a2	T
S1	-2	0	B
S2	-1.5	2	B
S3	0.4	1.8	R
S4	1.5	-1	R
S5	3	-0.2	B
S6	3.2	1.5	R
S7	4.5	2	B
S8	4.7	-0.2	B
Sx	2	0.5	X

kNN

- Để định nghĩa độ tương tự giữa 2 TH, ta dùng ma trận.
- Giả sử các mẫu là các điểm trong không gian n chiều R^n và dùng khoảng cách Euclidean
- Cho X_i và X_j là 2 ví dụ. Khoảng cách của chúng là

$$d^2(X_i, X_j) = \sum_k [x_{ik} - x_{jk}]^2$$

trong đó x_{ik} là giá trị của thuộc tính k trên ví dụ X_i .

Thuật toán kNN cho các giá trị rời rạc

Thuật toán (tham số k)

1. Với mỗi mẫu luyện $(X, f(X))$, bổ sung mẫu vào tập luyện
2. Khi có mẫu mới X_q , gán lớp:
 $f(X_q)$ = lớp của đa số các thành viên trong k láng giềng gần nhất của X_q

$$\hat{f}(X_q) = \underset{v \in V}{\operatorname{argmax}} \sum_{i=1}^k \delta(v, f(X_i))$$

với $\delta(a, b) = 1$ nếu $a = b$ và 0 nếu ngược lại

kNN cho các hàm giá trị thực

Thuật toán (tham số k)

1. Với mỗi mẫu luyện $(X, f(X))$, bổ sung mẫu vào tập luyện
2. Khi có mẫu mới X_q , gán lớp:
 $f(X_q)$ = giá trị trung bình của k láng giềng gần nhất của X_q

$$\hat{f}(X_q) = \sum \frac{f(X_i)}{k}$$

Đánh trọng số khoảng cách kNN

Có thể muốn các láng giềng gần nhất có trọng số cao

$$\hat{f}(X_q) = \operatorname{argmax}_{v \in V} \sum_{i=1}^k \varpi_i \delta(v, f(X_i)) \quad \hat{f}(x_q) \leftarrow \frac{\sum_{i=1}^k \omega_i f(x_i)}{\sum_{i=1}^k \omega_i}$$

trong đó

$$\varpi_i = \frac{1}{d(x_q, x_i)^2}$$

và $d(x_q, x_i)$ là khoảng cách giữa x_q và x_i

Chú ý: từ đây có thể thấy lý do dùng tất cả các mẫu luyện thay vì chỉ có k

→ phương pháp Shepard

Khi nào nên dùng láng giềng gần

- Các mẫu tương ứng với các điểm trong \mathbb{R}^n
- Mỗi mẫu có dưới 20 thuộc tính
- Nhiều mẫu luyện

Ưu điểm:

- Luyện rất nhanh
- Học các hàm đích phức tạp
- Không mất thông tin

Nhược điểm:

- Chậm khi truy vấn
- Dễ bị ảnh hưởng bởi các thuộc tính không liên quan

Ảnh hưởng của số chiều

Giả thiết các mẫu được mô tả bởi 20 thuộc tính, nhưng chỉ có 2 thuộc tính liên quan đến hàm đích

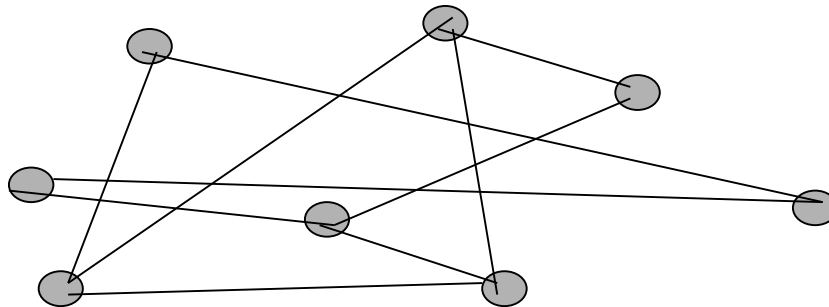
Ảnh hưởng của số chiều: phương pháp kNN thường bị mất phương hướng khi X nhiều chiều

Một số giải pháp:

- Giãn chiều thứ j bởi trọng số z_j , trong đó z_1, \dots, z_n được chọn để tối thiểu hoá lỗi dự tính
- Sử dụng crossvalidation để tự động chọn các trọng số z_1, \dots, z_n

Mạng nơ-ron nhân tạo

nghiên cứu và mô phỏng các tiến trình xử lý song song và phân tán khổng lồ diễn ra trong bộ não con người



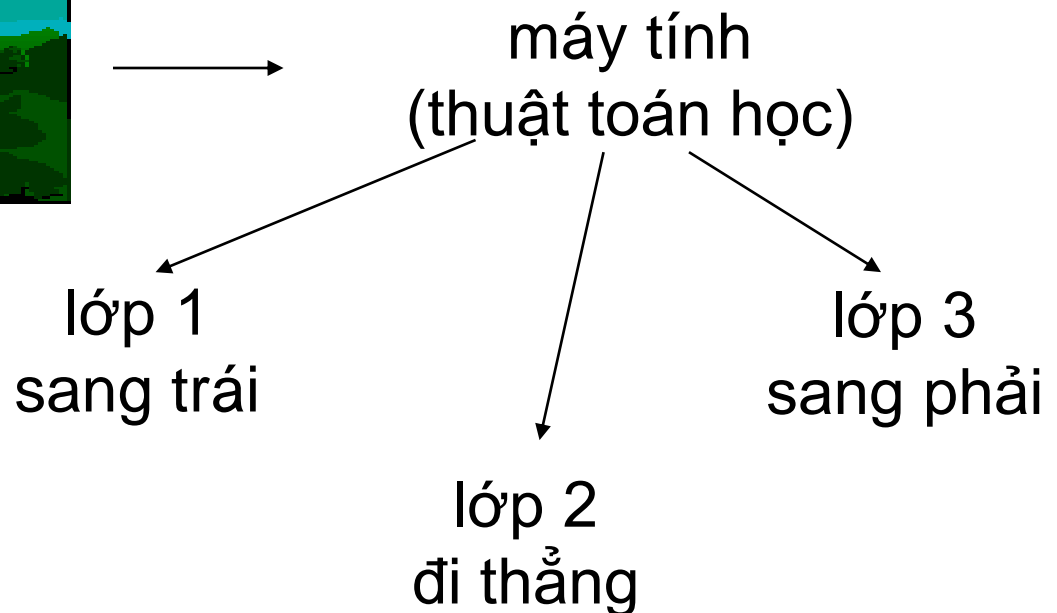
Các vấn đề:

- Tốc độ bộ não nhận dạng hình ảnh
- Rất nhiều nơ-ron trong một bộ não
- Tốc độ một nơ-ron truyền dữ liệu

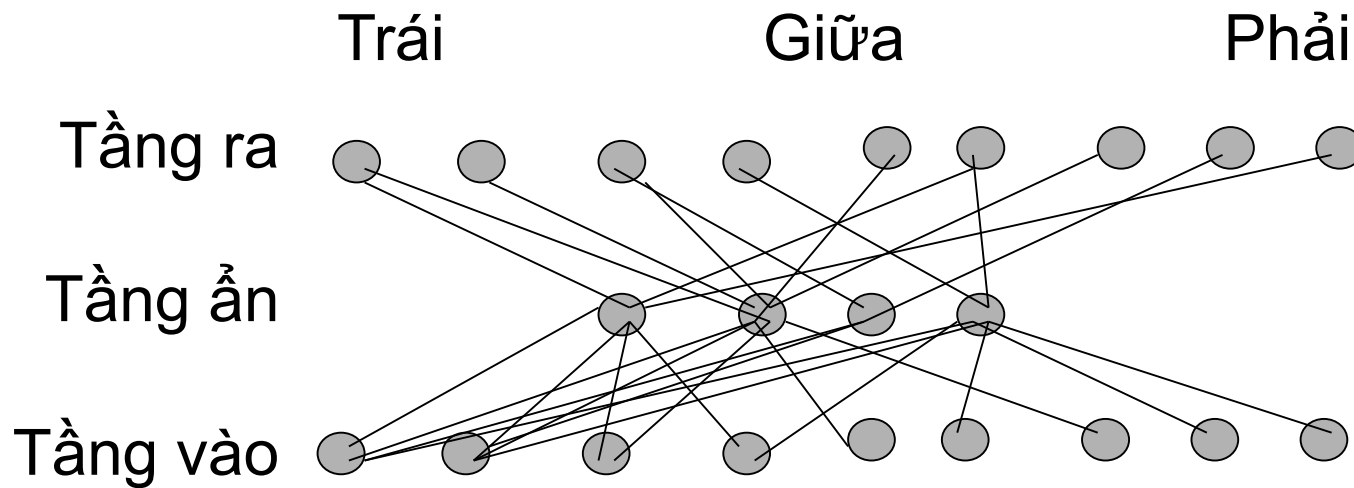
Ví dụ

Lái xe

Luyện bộ phận điều khiển xe lái xe chính xác trên nhiều địa hình khác nhau



Biểu diễn mạng nơ-ron



Định nghĩa

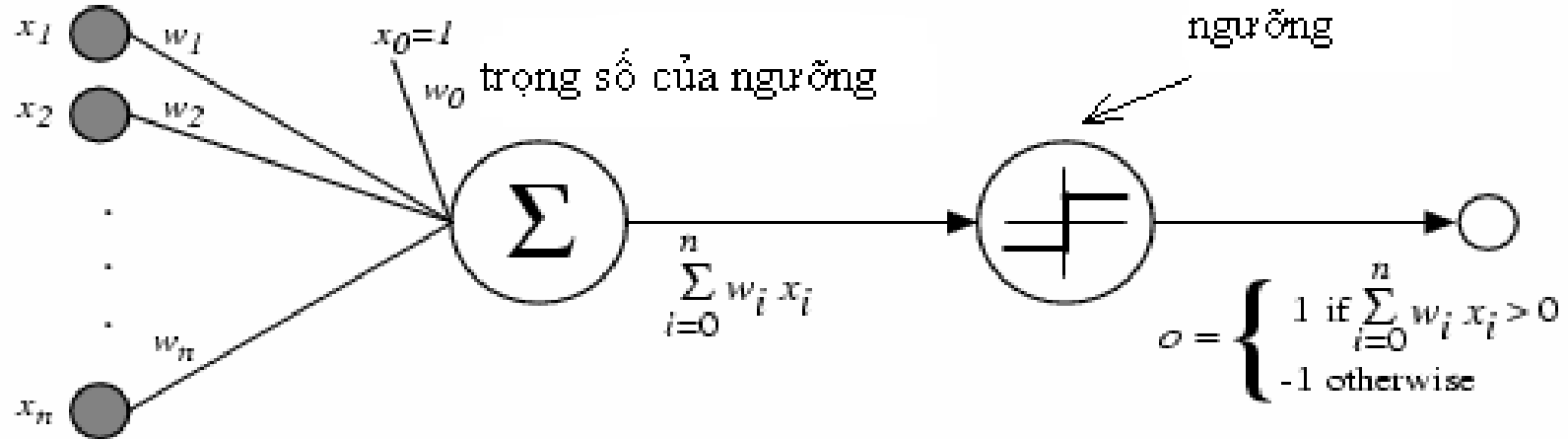
- Là một hệ thống gồm rất nhiều phần tử xử lý đơn giản hoạt động song song.
- Tính năng: phụ thuộc vào
 - cấu trúc hệ thống
 - mức độ liên kết giữa các phần tử
 - quá trình xử lý bên trong các phần tử
- Có thể học từ số liệu và tổng quát hoá từ các số liệu đó.

Khi nào sử dụng mạng nơron?

Mạng nơron thích hợp với những bài toán có đặc điểm sau:

- Các mẫu luyện được thể hiện bởi nhiều cặp giá trị-thuộc tính (ví dụ, điểm ảnh)
- Các mẫu luyện có thể có lỗi
- Chấp nhận thời gian huấn luyện dài
- Cần đánh giá nhanh hàm mục tiêu được học
- Không cần hiểu giả thiết cuối cùng vì NN được coi là hộp đen

Perceptron



$$o(x_1, \dots, x_n) = \begin{cases} 1 & \text{nếu } w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n > 0 \\ -1 & \text{trong trường hợp ngược lại} \end{cases}$$

hay:

$$o(\vec{x}) = \text{sgn}(\vec{w} \cdot \vec{x})$$

trong đó

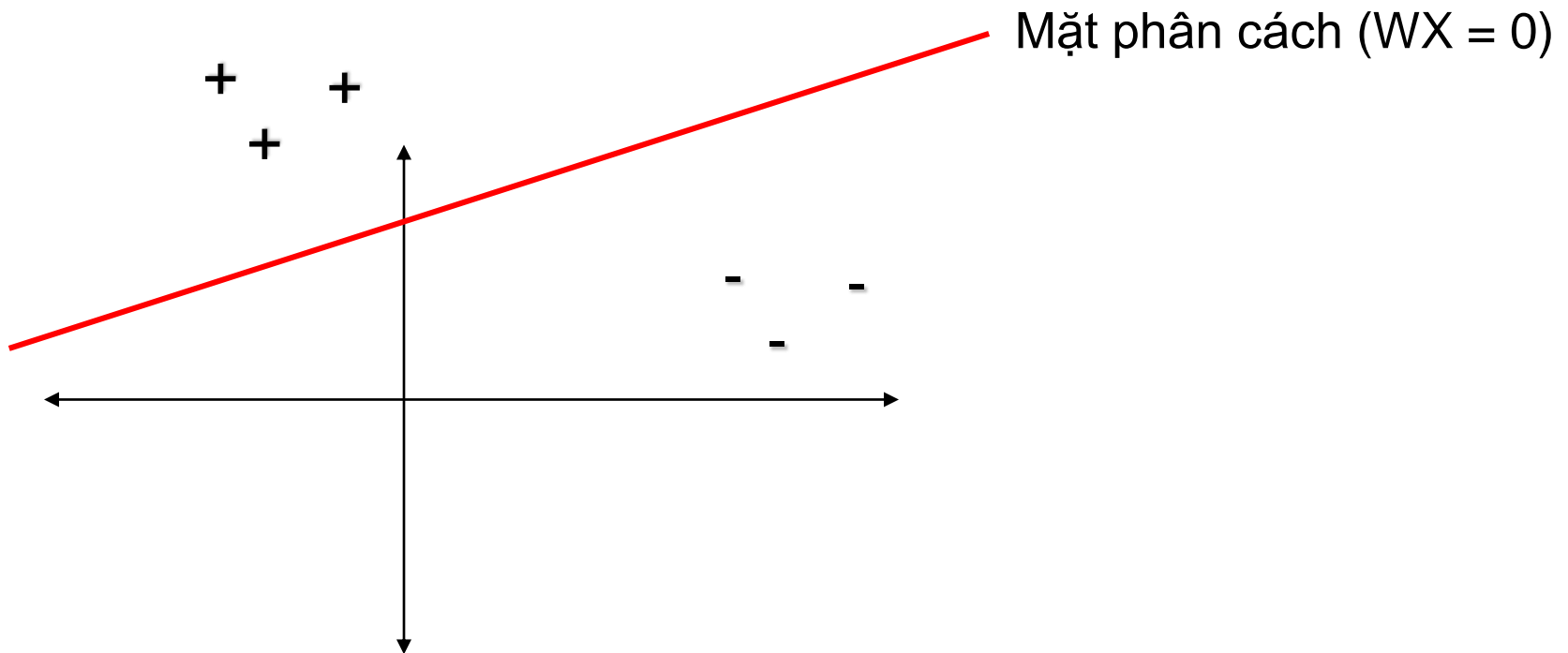
$$\text{sgn}(y) = \begin{cases} 1 & \text{nếu } y > 0 \\ -1 & \text{nếu ngược lại} \end{cases}$$

Nhiệm vụ học: tìm các giá trị của w

Không gian giả thiết: không gian các vector trọng số

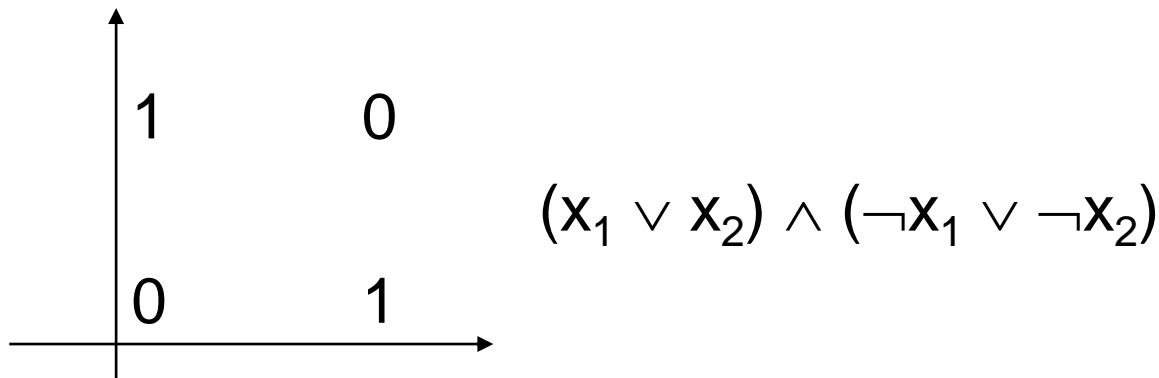
Khả năng của Perceptron

Mỗi perceptron tạo ra 1 mặt phân cách siêu phẳng trên không gian đầu vào n chiều



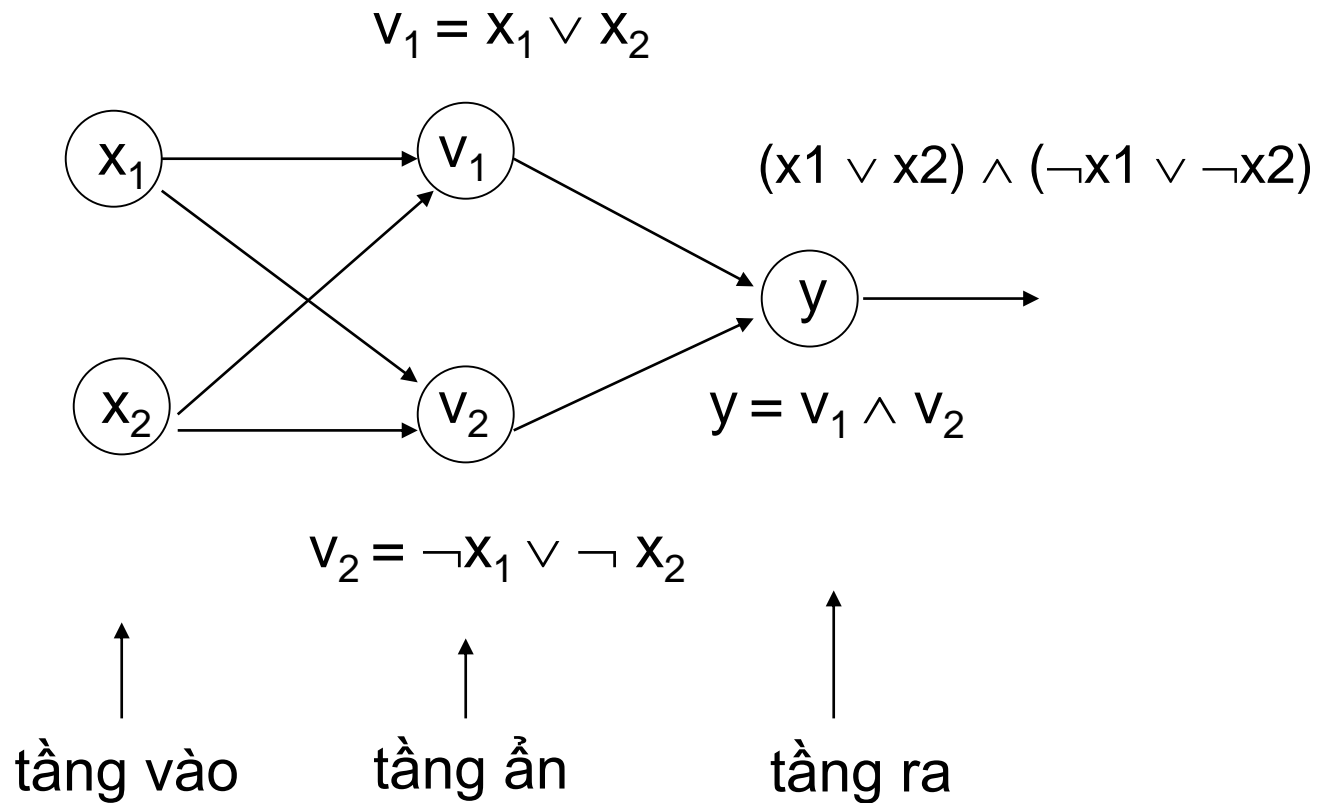
Khả năng của Perceptron

- có thể học các hàm \neg , \wedge , \vee , NAND, NOR
- không biểu diễn được các hàm không phân tách được bằng đường tuyến tính, vd XOR



- Mọi hàm logic đều có thể biểu diễn bằng 1 mạng perceptron có ít nhất 2 tầng

Mạng nơ-ron biểu diễn hàm XOR



Học các trọng số mạng

- Luật perceptron:
dùng khi tập luyện
 - phân tách được bằng 1 đường tuyến tính
 - đủ nhỏ
- Luật delta:
dùng khi tập luyện không phân thể tách tuyến tính

Luật huấn luyện Perceptron

- Khởi tạo một vector có các trọng số ngẫu nhiên
- Lặp lại hàm perceptron cho mỗi mẫu luyện đến khi hàm perceptron phân loại đúng tất cả các mẫu luyện:
 - Các trọng số được sửa đổi tại mỗi bước dựa vào luật huấn luyện perceptron:

$$w_i \longleftarrow w_i + \Delta w_i$$

trong đó

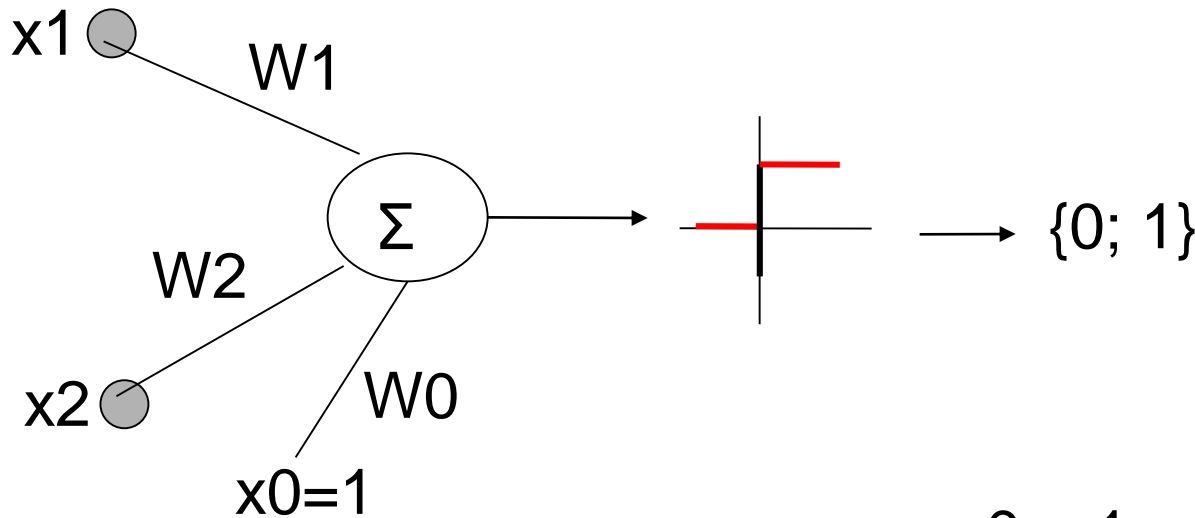
$$\Delta w_i \longleftarrow \Delta w_i + \eta(t - o)x_i$$

với

- $t = c(\vec{x})$ là hàm đích
- o là đầu ra perceptron
- η = tốc độ học, là hằng số nhỏ

Ví dụ...

Biểu diễn $g(x_1, x_2) = \text{AND}(x_1, x_2)$



x_1	x_2	g
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$o(x) = \begin{cases} 1 & \text{nếu } \vec{w} \cdot \vec{x} > 0 \\ 0 & \text{nếu ngược lại} \end{cases}$$

$$w_0 + 1.w_1 + 1.w_2 > 0$$

$$w_0 + 1.w_1 + 0.w_2 < 0$$

$$w_0 + 0.w_1 + 1.w_2 < 0$$

$$w_0 + 0.w_1 + 0.w_2 < 0$$

$$\Rightarrow w_0 = -0.8; w_1 = 0.5; w_2 = 0.5$$

Ví dụ...

$$\vec{w} \cdot \vec{x} = \sum_{i=0}^2 w_i * x_i$$

$$w_i \longleftarrow w_i + \Delta w_i \quad \Delta w_i \longleftarrow \Delta w_i + \eta(t - o)x_i$$

Khởi tạo các giá trị đầu: $\Delta w_0 = 0$, $\Delta w_1 = 0$, $\Delta w_2 = 0$

$w_0 = -1.5$, $w_1 = -0.5$, $w_2 = 0.5$, $\eta = 0.1$

$$\Delta w_0 = \Delta w_0 + \eta * (t - o) * x_0 = 0 + 0.1 * (0 - 0) * 1 = 0$$

$$\Sigma = x_0.w_0 + x_1.w_1 + x_2.w_2 = 1.w_0 + 0.w_1 + 0.w_2 = w_0 = -1.5$$

$$w_0 = w_0 + \Delta w_0 = -1.5 + 0 = -1.5, w_1 = -0.5, w_2 = 0.5$$

x0	x1	x2	t	Σ	o	Δw_0	Δw_1	Δw_2
1	0	0	0	-1.5	0	0	0	0
1	0	1	0	-1	0	0	0	0
1	1	0	0	-2	0	0	0	0
1	1	1	1	-1.5	0	0.1	0.1	0.1

$$\Delta w_0 = \Delta w_0 + \eta * (t - o) * x_0 = 0 + 0.1 * (1 - 0) * 1 = 0.1$$

$$w_0 = w_0 + \Delta w_0 = -1.5 + 0.1 = -1.4, w_1 = -0.4, w_2 = 0.6$$

Ví dụ...

$$\vec{w} \cdot \vec{x} = \sum_{i=0}^2 w_i * x_i$$

$$w_i \longleftarrow w_i + \Delta w_i \quad \Delta w_i \longleftarrow \Delta w_i + \eta(t - o)x_i$$

$$\Delta w_0 = 0.1, \Delta w_1 = 0.1, \Delta w_2 = 0.1$$

$$w_0 = -1.4, w_1 = -0.4, w_2 = 0.6, \eta = 0.1$$

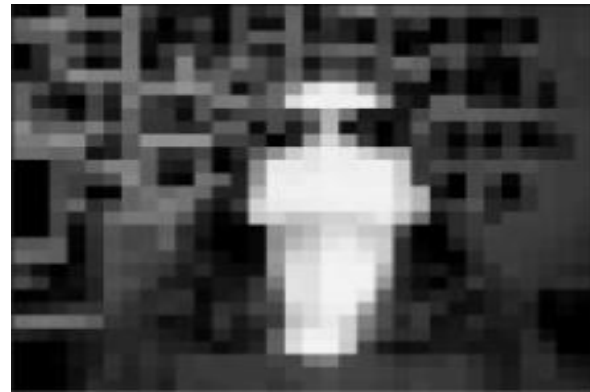
$$\Sigma = x_0.w_0 + x_1.w_1 + x_2.w_2 = 1.w_0 + 0.w_1 + 0.w_2 = w_0 = -1.4$$

$$\Delta w_0 = \Delta w_0 + \eta * (t - o) * x_0 = 0.1 + 0.1 * (0 - 0) * 1 = 0.1$$

$$w_0 = w_0 + \Delta w_0 = -1.4 + 0.1 = -1.3, w_1 = -0.3, w_2 = 0.7$$

x0	x1	x2	t	Σ	o	Δw_0	Δw_1	Δw_2
1	0	0	0	-1.4	0	0.1	0.1	0.1
1	0	1	0	-0.6	0	0.1	0.1	0.1
1	1	0	0					
1	1	1	1					61

Ứng dụng của mạng nơ-ron - Nhận dạng mặt



Ứng dụng của mạng nơron - Nhận dạng mặt

- Có nhiều hàm đích có thể học trong việc nhận dạng ảnh:
 - xác định người
 - hướng quay (trái, phải, thẳng, ...)
 - giới tính
 - có đeo kính hay không

Ứng dụng của mạng nơ-ron - Nhận dạng mặt

- Nhiệm vụ học: phân loại các hình ảnh camera về mặt người với nhiều góc độ khác nhau
- CSDL hình ảnh
- Các hình ảnh với 624 grayscale: 20 người, mỗi người khoảng 32 ảnh
- Nhiều cách biểu cảm (vui, buồn, giận, bình thường)
- Các hướng khác nhau (trái, phải, thẳng, hướng lên)
- Độ phân giải 120x128
- Học hướng quay của mặt người:
 - không cần các lựa chọn tối ưu, phương pháp này cho kết quả tốt
 - sau khi luyện trên 260 hình ảnh, việc phân loại đạt độ chính xác trên tập thử là 90%

Các lựa chọn

1. Mã hoá đầu vào: hình ảnh hay các đặc tính
2. Mã hoá đầu ra: số lượng đầu ra, các hàm đích cho đầu ra
3. Cấu trúc mạng: số lượng nút mạng và liên kết giữa chúng
4. Các tham số thuật toán học
 - Tốc độ học
 - giá trị momentum

Mã hoá đầu vào

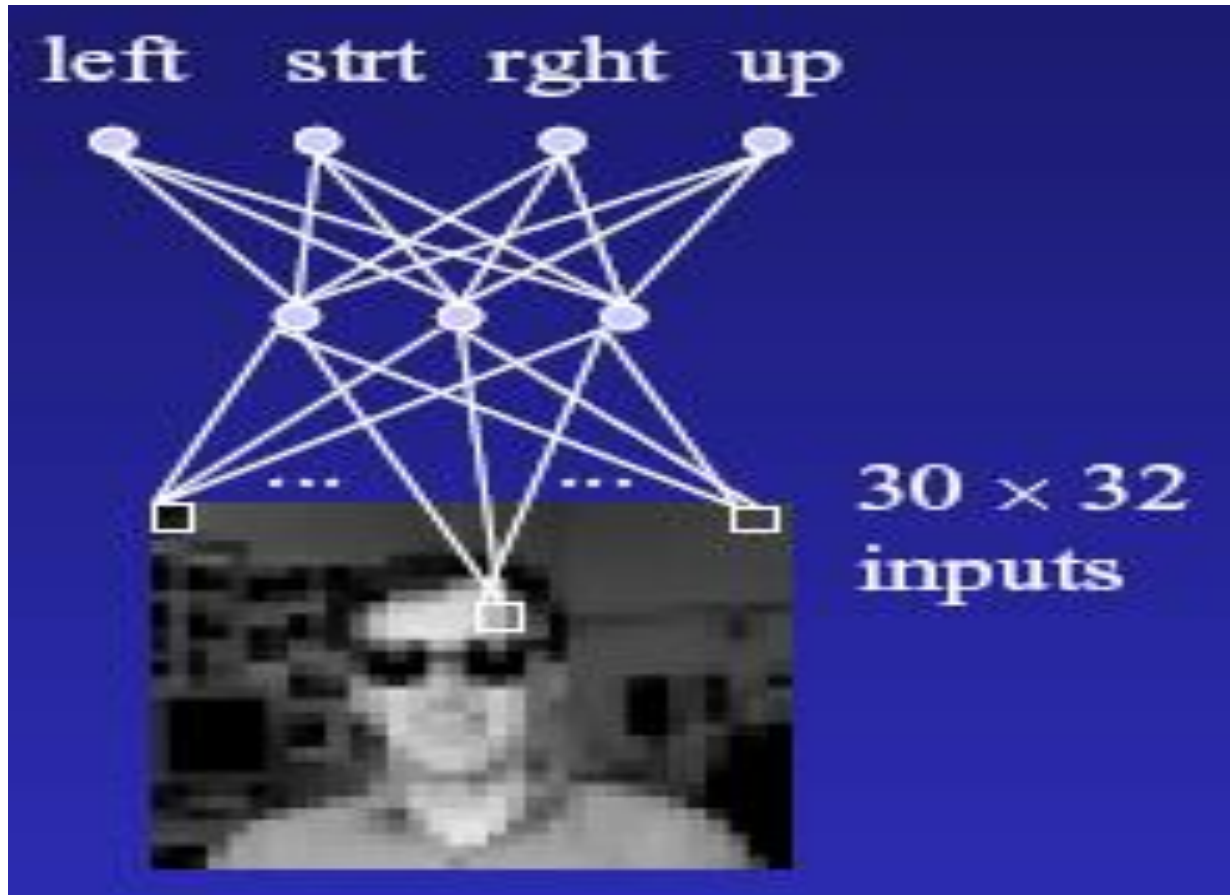
- Thiết kế các lựa chọn
- Tiền xử lý hình ảnh để rút ra các hướng, các vùng có mật độ giống nhau, hoặc các đặc tính hình ảnh cục bộ khác
- Khó khăn: số cạnh có thể thay đổi, trong khi NN có số lượng cố định các đầu vào
- Các hình đã mã hoá là 1 tập cố định các giá trị mật độ 30x32 điểm ảnh (tóm tắt về độ phân giải của ảnh ban đầu), từ 0 đến 255



Mã hoá đầu ra

- Mỗi đầu ra: 4 giá trị xác định hướng mà người nhìn (trái, phải, thẳng, hướng lên)
- Mỗi đơn vị: phân loại sử dụng 1 đầu ra, gán 0.2, 0.4, 0.6 và 0.8 cho 4 giá trị
- Chọn 1 trong n đầu ra mã hoá:
 - cung cấp nhiều mức độ tự do để biểu diễn hàm đích (n lần số trọng số ở tầng ra)
 - độ khác nhau giữa giá trị cao nhất và nhì dùng để đo độ tin cậy

Cấu trúc mạng



mạng 960 x 3 x 4