Теория вероятности 1 модуль.

Андрей Тищенко БПИ231 @AndrewTGk 2024/2025

Семинар 6 сентября.

Теория

Классическое определение вероятности:

Количество исходов конечно, они взаимоисключающие и равновозможные. $P(A) = \frac{|A|}{|\Omega|} \in [0,\ 1].$

Задача 0

Казино Монте-Карло с 37 слотами. 18 красных, 18 чёрных и 0. Тогда вероятность выиграть при ставке на красное будет $\frac{18}{37}$. Ставка удваивается. Можно играть на дюжины [1, 12], [13, 24], [25, 36], тогда вероятность выигрыша $\frac{12}{37}$. Ставка при этом утраивается.

Задача 1

У взломщика есть связка из 10 ключей. С какой вероятностью он откроет дверь, перебрав ровно половину ключей.

Ключ равновероятно может находиться на любой позиции в его связке. На пятом месте он будет в единственном случае, тогда $P=\frac{1}{10}$

Задача 2

Студент выучил 20 билетов из тридцати. С какой вероятностью ему достанется выученный билет, если он заходит первым? Вторым? Если первым: $\frac{20}{2}$

первым: $\frac{20}{30}$ Если вторым: $\frac{19}{29}\frac{2}{3} + \frac{20}{29}\frac{1}{3} = \frac{2}{3}$

Есть буквы М, О, С, К, В, А. Какова вероятность получить слово МОСКВА при случайном расположении этих букв.

$$P(A) = \frac{1}{6!} = \frac{1}{720}$$

 $P(A)=\frac{1}{6!}=\frac{1}{720}$ Условие такое же, но буквы A, B, P, A, K, A, Д, A, B, P, A и нужно получить АБРАКАДАБРА.

$$P(A) = \frac{5! \, 2! \, 2!}{11!}$$

Задача 4

Есть два брата и 10 мест за круглым столом. Какова вероятность размещения братьев напротив друг-друга.

Одного фиксируем, у второго 9 вариантов
$$P(A) = \frac{1}{9}$$
 Рассматриваем положение обоих $P(A) = \frac{10 \cdot 8!}{10!} = \frac{1}{9}$

Задача 5

10 человек, 10 мест, меджу двумя конкретными должно быть 3 человека.

$$P(A) = \frac{6 \cdot 2 \cdot 8!}{10!}$$

 $P(A) = \frac{6 \cdot 2 \cdot 8!}{10!}$ Выбираем m элементов из N, с учётом порядка:

$$A_N^m = N(N-1)\dots(N-m+1) = \frac{N!}{(N-m)!}$$

Без учёта порядка:
$$C_N^m = \frac{A_N^m}{m!} = \frac{N!}{(N-m)!m!}$$

Задача 6

Угадываем номер телефона, знаем все цифры, кроме последних трёх, но известно, что они разные: $P(A) = \frac{1}{A_{10}^3} = \frac{1}{720}$

$$P(A) = \frac{1}{A_{10}^3} = \frac{1}{720}$$

Задача 7

Какова вероятность выиграть в спортлото (49 видов спорта, 6 выигрышных, нужно собрать все 6).

$$P(A) = \frac{1}{C_{49}^6} \approx \frac{1}{14\,000\,000}.$$

$$P(\overline{A}) = 1 - P(A)$$

Выбираются 3 цифры, хотим, чтобы их произведение было чётным. Посчитаем вероятность нечётности произведения: $P(\overline{A}) = \frac{C_5^3}{C_{10}^3} = \frac{5!}{2!3!} \frac{7!3!}{10!} =$

$$\begin{array}{l} = \frac{3\cdot4\cdot5}{8\cdot9\cdot10} = \frac{1}{12} \Rightarrow \\ \Rightarrow P(A) = 1 - \frac{1}{12} = \frac{11}{12} \end{array}$$

Задача 9

Колода 52 карты, какова вероятность достать 4 карты одной масти:

$$P(A) = \frac{4 \cdot C_{13}^4}{C_{52}^4}$$

Задача 10

Достать тройку, семёрку и туза из колоды с 52 картами:

$$P(A) = \frac{4^3}{C_{52}^3}$$

Задача 11

90 хороших и 10 плохих деталей, какова вероятность, что среди пяти вытащенных деталей нет брака:

$$P(A) = \frac{C_{90}^5}{C_{100}^5} = \frac{90! \, 5! \, 95!}{5! \, 85! \, 100!} = \frac{86.87 \dots \, 89.90}{96.97 \dots \, 99.100}$$

Хотим 3 хороших и 2 плохих:

$$P(B) = \frac{C_{90}^3 \cdot C_{10}^2}{C_{100}^5}$$

Задача 12

В спортлото угадать четыре из шести:

$$P(A) = \frac{C_6^4 C_{43}^2}{C_{49}^6}$$

Задача 13

Из 52 карт достать 2 красные и 2 чёрные карты:

$$P(A) = \frac{C_{26}^2 \cdot C_{26}^2}{C_{52}^4}$$

Задача 14

Вероятность при трёх бросках кубика получить три разных цифры:

$$P(A) = \frac{A_6^3}{6^3}, \ A_6^3 = 6 \cdot 5 \cdot 4$$

При броске шести кубиков выпали все цифры: $P(A) = \frac{6!}{6^6}$

Задача 15

В лифте девятиэтажного здания на первом этаже окалось 8 студентов. Никто не выходит на первом этаже, какова вероятность того, что лифт не остановится хотя бы на одном этаже.

$$P(A) = 1 - \frac{8!}{8^8}$$

Задача 16

Какова вероятность, что 10 монет выпадут на одинаковую сторону: $P(A) = \frac{2}{210} = \frac{1}{29}$

Задача 17

Коробка с 100 шариками, каждый имеет номер от 1 до 100. Какова вероятность вытащить все шары и получить возрастающую последовательность, если:

а) Не возвращать шары в коробку:

$$P(A) = \frac{1}{100!}$$

б) Возвращать шары в коробку:

$$P(A) = \frac{1}{100^{100}}$$

Семинар 13 сентября

Задача 1

Бросаем три шестигранных кубика, найти вероятность выпадения суммы 11 и 12.

$$|\Omega| = 6^3$$

Комбинаций	$\sum 11$	$\sum 12$	Комбинаций
6	5 - 4 - 2	5 - 5 - 2	3
3	5 - 3 - 3	6 - 5 - 1	6
3	4 - 4 - 3	6 - 4 - 2	6
3	5 - 5 - 1	6 - 3 - 3	3
6	6 - 3 - 2	5 - 4 - 3	6
6	6 - 4 - 1	4 - 4 - 4	1

$$P(A_{11}) = \frac{27}{6^3}, \ P(A_{12}) = \frac{25}{6^3}$$

Задача со * из ДЗ

Какова вероятность, что если взять 4 башмака из 10 пар, получишь пару. $P(\overline{A}) = \frac{20\cdot18\cdot16\cdot14}{20\cdot19\cdot18\cdot17}$

Задача 2

В девятиэтажном доме три человека садятся в лифт. Какова вероятность, что лифт остановится для высадки два раза?

$$P(A) = 1 - \frac{8 + 8 \cdot 7 \cdot 6}{8^3} = \frac{21}{64}$$
$$\frac{A_8^2 \cdot 3}{8^3} = \frac{21}{64}$$

Задача 3

Имеется 100 чисел. Из них вытаскивают 15 чисел и упорядочивают по возрастанию.

Какова вероятность, что 13 число в полученной последовательности равно 87.

$$\frac{87.}{C_{86}^{12} \cdot C_{13}^2} \frac{C_{100}^{12}}{C_{100}^{15}}$$

Задача 4

Есть 10 вагонов. Какова вероятность, что два человека окажутся в одном вагоне/ в соседних?

В одном: $\frac{1}{10}$ (оба в один и тот же вагон, выбрать вагон можно 10 способами) В соседних: $\frac{18}{100}$ (9 различных пар (1, 2), (2, 3), (3, 4) и т.д. и наоборот).

Геометрические вероятности

Задача 5

В квадрат со стороной R вписан круг, какова вероятность, что брошенная в квадрат точка попадёт в круг.

$$P(A) = \frac{\frac{\pi R^2}{4}}{R^2} = \frac{\pi}{4}$$

Задача 6

На интервале $[0,\ 1]$ выбираются точки $x,\ y,$ найти вероятность события: $x^2\leqslant y\leqslant\sin\frac{\pi x}{2}$

$$P(A) = \frac{\int_0^1 \sin\frac{\pi x}{2} - x^2 dx}{1} = \frac{2}{\pi} \int_0^1 \sin\frac{\pi x}{2} d\frac{\pi x}{2} - \frac{1}{3} = \frac{2}{\pi} \left(-\cos\frac{\pi x}{2} \right) \Big|_0^1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{\pi} - \frac{1}{3}$$

Условные вероятности

Задача 7

В коробке есть n белых и m чёрных шаров. A = первый шар белый, B= последний шар чёрный

$$P(A) = \frac{n}{m+n}, \ P(B) = \frac{m}{m+n}$$

$$P(A/B) = \frac{P(AB)}{P(B)} = \frac{\frac{n}{m+n} \cdot \frac{m}{m+n-1}}{\frac{m}{n+m}} = \frac{n}{n+m-1}$$

Задача 8

Два игрока подбрасывают кость по одному разу, побеждает тот, кто выбил больше. А = победил первый, В = победитель определён.

1.
$$P(A) = \frac{15}{36}$$

2.
$$P(B) = \frac{30}{36}$$

1.
$$P(A) = \frac{15}{36}$$

2. $P(B) = \frac{30}{36}$
3. $P(A/B) = \frac{15}{30} = \frac{1}{2}$

4.
$$P(A/B) = \frac{P(AB)}{P(B)} = \frac{\frac{15}{36}}{\frac{5}{6}} = \frac{1}{2}$$
, tak kak $A \subseteq B$

События A, B зависимы, так как $P(A/B) \neq P(A)$.

Задача 9

2 партии по 100 деталей, в каждой партии 10 бракованных деталей.

А = {деталь из первой партии}.

B = {деталь бракованная}.
$$P(A) = \frac{100}{200} = \frac{1}{2}, \ P(B) = \frac{20}{200} = \frac{1}{10} \\ P(AB) = \frac{10}{200} = \frac{1}{20} \Rightarrow P(AB) = P(A) \cdot P(B), \text{ события независимы}$$

Задача 10

Почти как задача 9, но во второй 20 бракованных:

$$P(A) = \frac{1}{2}$$

$$P(B) = \frac{2}{30}$$

$$P(A)=rac{1}{2}$$
 $P(B)=rac{3}{20}$ $P(AB)=rac{1}{20}\Rightarrow P(A)P(B)
eq P(AB)$, события зависимы .

Формула сложения вероятностей

$$P(A_1 + A_2 + \dots + A_n) = \sum_{i=1}^n P(A_i) - \sum_{i \le j} P(A_i A_j) + \sum_{i \le j \le k} P(A_i A_j A_k) + \dots$$

$$\dots + (-1)^{n+1} (A_1 \dots A_n)$$

$$P(A_1 A_2) = P(A_1) P(A_2 / A_1)$$

Задача 11

В урне 10 белых, 8 синих, 2 красных шара. Одновременно извлекают 3 шара, какова вероятность, что вытащенные шары одного цвета. А = {вытащили (вовремя) 3 белых шара} В = {вытащили 3 синих шара} $A_i = \{\text{i-й} \text{ шар белый}\}\ B_i = \{\text{i-й} \text{ шар синий}\}\ \text{Так как A, B несовместны:}\ P(A+B) = P(A) + P(B) = P(A_1A_2A_3) + P(B_1B_2B_3) = P(A_1)P(A_2/A_1)P(A_3/A_1A_2) + P(B_1)P(B_2/B_1)P(B_3/B_1B_2) = \left(\frac{10}{20}\cdot\frac{9}{19}\cdot\frac{8}{18}\cdot\frac{8}{18}\right) + \left(\frac{8}{20}\cdot\frac{7}{19}\cdot\frac{6}{18}\right)$

Семинар 20 сентября.

Задача 46 из дз

Дано:
$$P(A/B) = 0.05$$
, $P(A\overline{B}) = 0.079$, $P(\overline{A}B) = 0.0089$, $P(\overline{A}B) = 0,782$ Хотим: $P(B/A)$ $P(B/A) = \frac{P(BA)}{P(A)}$ $P(A) = P(AB + A\overline{B}) = P(AB) + P(A\overline{B}) - P(AB \cap A\overline{B}) = 0$ $P(AB + AB) = P(AB) + P(AB) - P(AB \cap AB) = 0$ $P(AB + AB) = 0$ $P(AB + AB) = 0$ $P(AB) + P(AB) = 0.05 + 0.079 = 0.129 \Rightarrow P(B/A) = 0.079 =$

Задача

5 мальчиков и 10 девочек, какова вероятность, что при разбиении их на 5 равных групп получим только группы вида ЖМЖ. $A_i - \{\text{в i группе 2 девочки и 1 мальчик.}\}$ $P(A_1A_2A_3A_4A_5) = P(A_1) \cdot P(A_2/A_1) \cdot P(A_3/A_1A_2) \cdot P(A_4/A_3A_2A_1) \cdot P(A_5/A_4A_3A_2A_1) = \frac{C_{10}^2C_5^1}{C_{15}^3} \frac{C_8^2C_4^1}{C_{15}^3} \frac{C_6^2C_3^1}{C_6^3} \frac{C_4^2C_2^1}{C_6^3} \frac{C_2^2C_1^1}{C_3^3} 1$

Система состоит из последовательно соединённых резисторов.

 $A_i = \{\text{i-й элемент системы работает}\}, i = \overline{1, n}$

 $A = \{$ Система работает $\}$

$$A = A_1 \cdots A_n$$

$$P(A) = P(\prod_{i=1}^{n} A_i) = \prod_{i=1}^{n} p_i$$

Если система состоит из параллельно соединённых резисторов, тогда:

$$P(A) = P(A_1 + A_2) = P(A_1) + P(A_2) - P(A_1A_2) = p_1 + p_2 - p_1p_2$$

Задача

Обращается русалочка к трём ведьмам, каждая даёт ей сосуд с зельем. Вероятность отсутсвия эффекта:

- 1. 0.5
- 2. 0.4
- 3. 0.3

Она пьёт их по очереди и останавливается, если какое-то сработало. Какова вероятность успеха (хотя бы одно зелье сработало).

 $A_i = \{\text{подействует i-e зельe}\}$

Пусть ни одно не сработало: $P(A) = 1 - P(\overline{A}) = 1 - P(\overline{A}_1)P(\overline{A}_2)P(\overline{A}_3) = 1 - 0.5 \cdot 0.6 \cdot 0.7 = 0.79$

Другой способ решения: $P(A)=P(A_1)+P(\overline{A}_1)P(A_2)+P(\overline{A}_1)P(\overline{A}_2)P(A_3)=0.5+0.5\cdot0.4+0.5\cdot0.6\cdot0.3=0.79$

Ещё один: $P(A)=P(A_1+A_2+A_3)=P(A_1)+P(A_2)+P(A_3)-P(A_1A_2)-P(A_1A_3)-P(A_2A_3)+P(A_1A_2A_3)=0.79$

Задача

Теннист участвует в турнире, у него есть соперник A и соперник B, известно, что соперник A играет лучше соперника B. Теннист хочет выиграть два матча подряд, какой порядок ему лучше выбрать?

$$A - B - A$$
 или $B - A - B$?

P(A) < P(B) — вероятность победы.

У него есть варианты: выиграть первые две, проиграть первую и выиграть оставшиеся.

В первом случае: (1) = P(A)P(B) + (1 - P(A))P(B)P(A)

Во втором: (2) = P(B)P(A) + (1 - P(B))P(A)P(B)

$$(1) - (2) = P(A)P(B)(1 - P(A) - 1 + P(B)) = P(A)P(B)(P(B) - P(A)) > 0 \Rightarrow (1) > (2)$$

В первом случае вероятность победы больше.

Задача

Два равносильных шахматиста играют между собой матчи, ничьих быть не может. Какое событие более вероятно:

$$C_4^3 \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{4!}{3!} \frac{1}{16} = \frac{1}{4}$$
$$C_8^5 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^8 = \frac{7}{32}$$

Вероятность выиграть 3 из 4 больше.

Задача

В круг радиуса r вписан квадрат. В круг кидают 4 точки, какова вероятность попадания ровно 3 точек в квадрат.

$$p=rac{2r^2}{\pi r^2}=rac{2}{\pi}$$
 - вероятность попасть в квадрат. $q=1-p=rac{1}{2}rac{2}{\pi}$ $C_4^3\cdot \left(rac{2}{\pi}
ight)^3\cdot rac{\pi-2}{\pi}=rac{32(\pi-2)}{\pi^4}$

Задача

Стрелок попадает в 10 с вероятностью 0.7, а в 9 с вероятностью 0.3. Какова вероятность получения за 3 выстрела не менее 29 очков.

Нас устраивают события:

$$A_{29} = \{$$
Набрал 29 очков $\}$, $A_{30} = \{$ Набрал 30 очков $\}$ $P(A_{29} + A_{30}) = P(A_{29}) + P(A_{30}) = C_3^2 (0.7)^2 \cdot 0.3 + (0.7)^3 = 0,784$

Задача

7 писем. 0.6 - письмо отправлено Онегину, 0.4 - письмо отправлено Ленскому.

$$A_i = \{\text{Ровно i писем отправлено Онегину}\}.$$
 $p(A) = P(A_7) + P(A_6) + P(A_5) = (0.6)^7 + 7(0.6)^6 \cdot 0.4 + {}_7^2 0.6^5 \cdot 0.4^2$

Задача

Стрелок попадает в мишень с вероятнотсью 0, 7. Ему позволяют стрелять до трёх промахов. Какова вероятность того, что он сделает ровно 8

выстрелов.

 $C_7^2(0,7)^5 \cdot 0, 3^2 \cdot 0, 3$ (Два промаха можно как-то расположить в первых 7 выстрелах, последний всегда восьмой).

Задача

Всего 5 испытаний, вероятность искажения результата - 0, 1. A = ни одного искажённого. Б = не менее двух искажённых. В = Искажённых больше, чем неискажённых.

$$\begin{split} P(A) &= 0, 9^5, \quad P(B) = 1 - 0.9^5 - (C_5^1 \cdot 0, 1 \cdot 0, 9^4), \\ P(B) &= P(B) - C_5^2 \cdot 0, 1^2 \cdot 0, 9^3 \end{split}$$

Задача

Гипотезы при подбрасывании двух кубиков:

$$\begin{cases} H_1 = \{\text{Ha 1-м кубике выпала "1"}\}\\ \dots\\ H_6 = \{\text{Ha 1-м кубике выпала "6"}\}\\ \{H_1 = \{1-1\}\\ \dots\\ H_{36} = \{6-6\}\\ \{H_1 = \{\text{Ha 1-м} - \text{чётное}\}\\ H_2 = \{\text{Ha 1-м} - \text{чётное}\} \end{cases}$$

Семинар 27 сентября

Формула полной вероятности

$$H_1,\dots,\ H_n$$
 — полная группа событий. $i\neq j\Rightarrow H_i\cdot H_j=\varnothing,\ H_1+\dots+H_n=\Omega$
$$P(A)=\sum_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)$$

$$P(H_k/A)=\frac{P(H_k)P(A/H_k)}{\sum\limits_{i=1}^n P(H_i)P(A/H_i)}$$

Какова вероятность успешного переливания крови от одного человека к другому? Произошло успешное переливание, какова вероятность, что кровь переливали человеку с 1 группой? С 4 группой?

Медицинская справка:

Первой группе крови можно переливать только первую

Второй — вторую и первую

Третей — первую и третью

Четвёртой — любую.

 $A = \{$ Успешное переливание $\}$

 $H_i = \{ \text{У больного і группа} \}, i = \overline{1, 4}, \text{ по условию: } P(H_1) = 0.33,$

 $P(H_2) = 0.36, \ P(H_3) = 0.23, \ P(H_4) = 0.08$

 $P(A/H_1) = 0.33, P(A/H_2) = 0.69, P(A/H_3) = 0.56, P(A/H_4) = 1$

 $P(A) = \sum_{i=1}^{4} P(A/H_i)P(H_i) = 0.33^2 + 0.36 \cdot 0.69 + 0.23 \cdot 0.56 + 0.08 = 0.5661$ $P(H_1/A) = \frac{P(A/H_1)P(H_1)}{P(A)} = \frac{0.33^2}{0.5661} \approx 0,19237$ $P(H_4/A) = \frac{P(A/H_4)P(H_4)}{P(A)} = \frac{0.08}{0.5661} \approx 0.14$

$$P(H_1/A) = \frac{P(A/H_1)P(H_1)}{P(A)} = \frac{0.33^2}{0.5661} \approx 0,19237$$

$$P(H_4/A) = \frac{P(A/H_4)P(H_4)}{P(A)} = \frac{0.08}{0.5661} \approx 0.14$$

Задача

Две корзинки, в каждой по 10 бутылок, в первой корзине 2 отравленные, во второй — 3, по пути одна бутылка из первой корзины разбилась. Какова вероятность не отравиться при распитии одной бутылки?

 $A = \{ \text{распитие благополучно} \}$

 $H_1 = \{$ бутылка из 1 корзины $\}, \ P(H_1) = \frac{1}{2}$ $H_2 = \{$ бутылка из 2 корзины $\}, \ P(H_2) = \frac{1}{2}$

Так как выбираем корзину, а не бутылку из неё.

 $P(A/H_1) = 0.8, P(A/H_2) = 0.7.$ Вспоминаем задау про выученные билеты (поэтмоу вероятность отравиться бутылкой из первой корзины не поменяется).

$$P(A) = P(H_1)P(A/H_1) + P(H_2)P(A/H_2) = \frac{8}{20} + \frac{7}{20} = \frac{3}{4}$$

Задача

По каналу передаётся два вида сигналов x, y, при этом y передаётся в три раза чаще x. x искажается в 10% случаев, а y- в 20%. По каналу передан какой-то сигнал, какова вероятность, что будет получен сигнал х? Какова вероятность, что при получении сигнала х он и был передан?

$$H_1 = \{\Pi$$
ередавали х $\}$, $P(H_1) = \frac{1}{4}$
 $H_2 = \{\Pi$ ередавали у $\}$, $P(H_2) = \frac{3}{4}$

$$A=\{$$
Зафиксирован x $\},$ $P(A)=P(H_1)P(A/H_1)+P(H_2)P(A/H_2)=\frac{1}{4}0.9+\frac{3}{4}0.2=\frac{3}{8}$ $B=H_1/A\Rightarrow P(B)=P(H_1/A)=\frac{P(A/H_1)P(H_1)}{P(A)}=\frac{\frac{9}{40}}{\frac{3}{8}}=\frac{3}{5}=0.6$

Три стрелка стреляют по мишени. Они соответсвенно попадают в мишень с вероянтностью:

- 1 стрелок $\frac{4}{5}$
- 2 стрелок $\frac{3}{4}$
- 3 стрелок $\frac{2}{3}$

Все трое выстрелили одновременно, в мишень попали два раза. Какое событие более вероятно: промах третьего стрелка или его попадание?

 $A = \{$ попали ровно 2 раза $\}$ $H_1 = \{\text{третий попал}\}, \ P(H_1) = \frac{2}{3}$ $H_1 = \{\text{третий попал}\}, \ I(H_1) = \frac{1}{3}$ $H_2 = \{\text{третий промахнулся}\}, \ P(H_2) = \frac{1}{3}$ $P(A/H_1) = \frac{4}{5}\frac{1}{4} + \frac{1}{5}\frac{3}{4} = \frac{7}{20}$ $P(A/H_2) = \frac{4}{5}\frac{3}{4} = \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$ $P(A) = P(A/H_1)P(H_1) + P(A/H_2)P(H_2) = \frac{7}{20}\frac{2}{3} + \frac{3}{5}\frac{1}{3} = \frac{7}{30} + \frac{1}{5} = \frac{13}{30}$ $P(H_1/A) = \frac{P(A/H_1)P(H_1)}{P(A)} = \frac{\frac{7}{20}\frac{2}{3}}{\frac{13}{30}} = \frac{7}{30}\frac{30}{13} = \frac{7}{13}$

Задача

Было две урны. В первой 5 белых шаров и 1 чёрный, во второй — 3белых и 3 чёрных.

Из первой урны взяли два шара, из второй один и поместили их в третью урну. Какова вероятность того, что наугад вытащенный из третьей урны шар окажется белым?

 $A = \{$ Вытащили белый шар из третьей урны $\}$

 $H_1 = \{ \text{Вытащенный шар был в первой урне} \}$ $H_2 = \{$ Вытащенный шар был во второй урне $\}$

 $P(A/H_1) = \frac{5}{6}$ $P(A/H_2) = \frac{1}{2}$ $P(H_1) = \frac{2}{3}$ $P(H_2) = \frac{1}{3}$ $P(A) = P(A/H_1)P(H_1) + P(A/H_2)P(H_2) = \frac{10}{18} + \frac{1}{6} = \frac{13}{18}$