ММО-61, III Даваа

Бодох хугацаа: 4 цаг 30 минут Бодлого бүр 7 оноотой.

0.0.1 Бодлого Е1

X олонлогийн элементүүдийн нийлбэрийг S(X) гэж тэмдэглэе.

21, 22, ..., 210 тоонуудыг A ба B олонлогт хувааж хийе.

$$x^2 - S(A)x + S(B) = 0$$

тэгшитгэл натурал тоон шийдтэй байх нөхцөлтэйгөөр хэдэн янзаар хувааж болох вэ?

0.0.2 Бодлого Е2

 $a_0 = 22025$ тоо өгөгдсөн. Хоёр тоглогч ээлжлэн дараах дүрмээр тоглоно:

n-р ээлжинд тоглогч $a_n = a_{n-1} + 1$ эсвэл $a_n = S(a_{n-1})$ сонгоно.

Тоглоом гурван ижил тоо эсвэл дараалсан дөрвөн гишүүн арифметик прогресс үүсгэх үед дуусна. Аль тоглогч хожих вэ?

0.0.3 Бодлого Е3

О цэгт төвтэй ω тойрогт гурвалжин ABC багтжээ. I бол дотогш багтсан тойргийн төв. BI шулуун ω -той дахин M цэгт огтлолцоно...

(тем хет)