

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №3**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»**  
**Тема: Деревья**

Студент гр. 9382

\_\_\_\_\_

Михайлов Д.А.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Фирсов М.А.

Санкт-Петербург

2020

### **Цель работы.**

Ознакомиться с основными характеристиками и особенностями такой структуры данных, как бинарное дерево, изучить особенности ее реализации на языке программирования C++. Разработать программу, использующую бинарное дерево для обработки формулы.

### **Задание.**

Для заданного бинарного дерева  $b$  типа  $BT$  с произвольным типом элементов:

- определить максимальную глубину дерева  $b$ , т. е. число ветвей в самом длинном из путей от корня дерева до листьев;
- вычислить длину внутреннего пути дерева  $b$ , т. е. сумму по всем узлам длин путей от корня до узла.

### **Основные теоретические положения.**

Дерево – конечное множество  $T$ , состоящее из одного или более узлов, таких, что:

- а) имеется один специально обозначенный узел, называемый корнем данного дерева;
- б) остальные узлы (исключая корень) содержатся в  $m \geq 0$  попарно не пересекающихся множествах  $T_1, T_2, \dots, T_m$ , каждое из которых, в свою очередь, является деревом. Деревья  $T_1, T_2, \dots, T_m$  называются поддеревьями данного дерева.

При программировании и разработке вычислительных алгоритмов удобно использовать именно такое рекурсивное определение, поскольку рекурсивность является естественной характеристикой этой структуры данных.

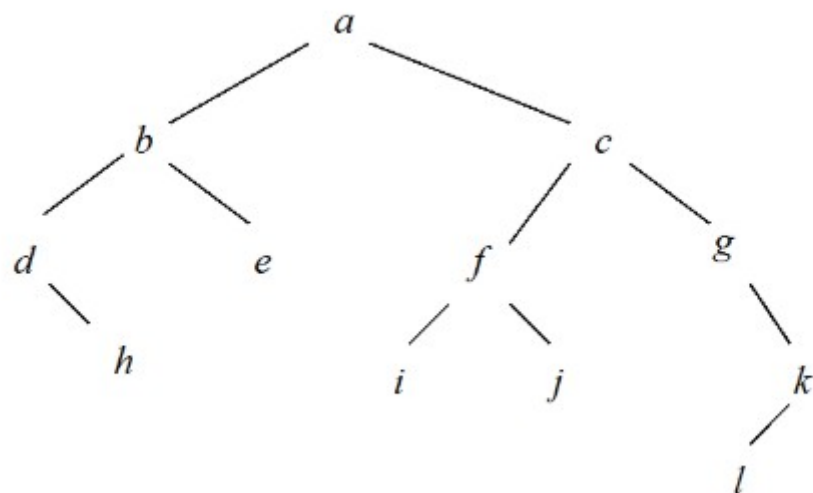


Рисунок 1 - Бинарное дерево

Бинарное дерево - конечное множество узлов, которое либо пусто, либо состоит из корня и двух непересекающихся бинарных деревьев, называемых правым поддеревом и левым поддеревом

### Выполнение работы.

Таблица 1 – Основные функции работы с бинарным деревом

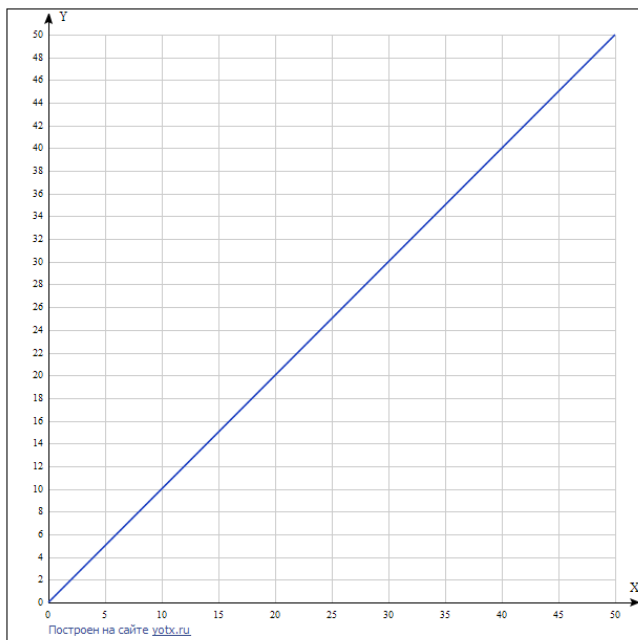
Функция	Назначение
<code>void BinTree()</code>	Создает пустое бинарное дерево
<code>createTree(std::vector&lt;std::string&gt; tokens)</code>	Создает бинарное дерево из массива строк-элементов, полученного из входной строки
<code>max_depth(Node *hd)</code>	Возвращает максимальную глубину дерева
<code>getFullWeight(Node *hd, int now)</code>	Возвращает количество узлов на заданном уровне

## Описание алгоритма

Чтобы хранить бинарное дерево создается класс `BinTree`, дерево заполняется с помощью рекурсивной функции `createTree`, использующей векторный способ заполнения данных. Функция `max_depth` обходит дерево спускаясь максимально вниз-влево, пока есть такая возможность, в случае ее отсутствия поднимается на один уровень вверх и пробует спуститься вниз-направо, после чего опять вниз-влево, функция рекурсивна, если достигнуть нижнего уровня не получается, происходит проверка верхних ветвей.

## Оценка сложности алгоритма.

Алгоритмы нахождения максимальной глубины и количества узлов на заданном уровне являются рекурсивными, каждый узел дерева обрабатывается один раз, следовательно, сложность алгоритма  $O(N)$



## Тестирование программы.

Был проведен ряд тестов, проверяющих корректность работы программы. Результаты тестирования приведены в табл. 2.

Таблица 2 – Тестирование программы

Входная строка	Вывод
( 6 ( 4 (5) (9) ) (5) )	//промежуточные данные// Внутренний вес 6
( 4 (5) ) (5	Дерево введено некорректно
(4(3(5)(3(2(4)5)3(3)3)3)	//промежуточные данные// Внутренний вес 12

### **Выводы.**

В ходе выполнения лабораторной работы была написана программа, создающая бинарное дерево, подсчитывающая его максимальную глубину

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ. MAIN.C

```
#include <iostream>
#include <stdio.h>

#include<vector>
#include<string>

std::string delSpace (std::string rowInput);//удаляет спэйсы

std::vector<std::string> mySplit(std::string rowInput);//проходит по
всем элементам и каждый символ записывает как строку в отдельную ячейку

std::string delSpace (std::string rowInput){
    std::string out="";
    for (auto i = 0;i < rowInput.length();i++){
        if (rowInput[i]!=' ' && rowInput[i]!='\n' && rowInput[i]!='\t' )
            out.push_back(rowInput[i]);
    }
    return out;
}

std::vector<std::string> mySplit(std::string rowInput){
    std::string st = delSpace(rowInput);
    auto i = 0;
    std::vector<std::string> out;
    std::string tmp="";
    for(;i<st.length();i++){
        if (st[i] == ')' || st[i] == '(')
            out.push_back(std::string(1,st[i]));
        else {
            for (; st[i]!=')' && st[i]!='(' ;i++){
                tmp.push_back(st[i]);
            }
            out.push_back(tmp);
            out.push_back(std::string(1,st[i]));
            std::cout<<"tmp: "<<tmp<<'\n';
            tmp.clear();
        }
    }
    for (int i = 0; i < out.size(); i++) {
        std::cout << out.at(i) << ' ';
    }
    std::cout<<std::endl;
    return out;
}
```

```

struct Node
{
    std::string data = "";
    Node* left = nullptr;
    Node* right = nullptr;
};

class BinTree
{
private:
    Node* Current = nullptr;
    std::string data;
public:
    Node* Head = nullptr;
    BinTree();
    Node* createTree(std::vector<std::string> tokens);
    int max_depth(Node *hd);
    int getFullWeight(Node *hd, int now = 0);
};

BinTree::BinTree(){
    Head = new Node;
    Head->data = "";
    Current = Head;
}

// Node* BinTree::createTree(QStringList tokens){
Node* BinTree::createTree(std::vector<std::string> tokens){
    std::cout<<"-_-_-_-Next step-_-_-_-\\n";
    Node* finalNode = new Node;
    if(tokens.size()==2) return finalNode;
    int i =1;
    std::string ltree = "";
    std::string rtree = "";

    finalNode->data = tokens[i++];
    int index_i = i;    /* Индекс открывающей скобки левого поддерева */
    if(tokens[i] == "("){

```

```

auto openBrackets = 1;
auto closeBrackets = 0;

while (openBrackets != closeBrackets) {
    i++;
    if (tokens[i] == "("){
        openBrackets++;
    }
    else if (tokens[i] == ")"){
        closeBrackets++;
    }
}

for (;index_i<=i; index_i++){
    ltree.append(tokens[index_i]);
}
std::cout<<"Открытые скобки: "<<openBrackets<<'\\n'
    <<"Закрытые скобки: "<<closeBrackets<<'\\n';
std::cout<<"Вниз (лево): "<<tokens[index_i]<<'\\n';
finalNode->left = createTree(mySplit(ltree));

i++;

    if (tokens[i] == ")"){          /* Если правого поддерева нет
(достигнут конец строки после структуры левого поддерева*/
        return finalNode;
    }

    int index_j = i;          /* Индекс открывающей скобки левого
поддерева */
    if(tokens[i] == "("){
        auto openBrackets = 1;
        auto closeBrackets = 0;

        while (openBrackets != closeBrackets) {
            i++;
            if (tokens[i] == "("){
                openBrackets++;
            }
            else if (tokens[i] == ")"){
                closeBrackets++;
            }
        }

        for (;index_j<=i; index_j++){

```



```

        rtree.append(tokens[index_j]);
    }
    std::cout<<"Открытые скобки: "<<openBrackets<<'\n'
        <<"Закрытые скобки: "<<closeBrackets<<'\n';

    std::cout<<"Вниз (право): "<<tokens[index_j]<<'\n';
    finalNode->right = createTree(mySplit(rtree));
}

}
std::cout<<"Вверх \n";
return finalNode;
}
int BinTree::max_depth(Node *hd){
    std::cout<<"-_-_-_-Уровень ниже-_-_-_- \n";
    if((hd == NULL) || (hd->data == "^")) {
        std::cout<<"Вверх, глубина: 0\n";
        return 0;
    }
    else{
        std::cout<<"Вниз (лево)\n";
        int lDepth = max_depth(hd->left);
        std::cout<<"Вниз (право)\n";
        int rDepth = max_depth(hd->right);
        std::cout<<"Глубина левого:"<<lDepth<<"\n"
            <<"Глубина правого:"<<rDepth<<"\n";
        if (lDepth > rDepth) {
            std::cout<<"Вверх, глубина: "<<lDepth+1<<"\n";
            return(lDepth + 1);
        }
        else {
            std::cout<<"Вверх, глубина: "<<rDepth+1<<"\n";
            return(rDepth + 1);
        }
    }
}

}
int BinTree::getFullWeight(Node *hd, int now){
    if (hd==nullptr){
        std::cout<<"Вверх: 0\n";
        return 0;
    }
    else {
        std::cout<<"Вниз (лево)\n";
        int l =getFullWeight(hd->left,now + 1);
        std::cout<<"Вниз (право)\n";
        int r =getFullWeight(hd->right,now + 1);
    }
}

```

```

        now +=l+r ;

        std::cout<<"Вверх:  "<<now<<"\tБыло:  "<<now-l-r<<"\tЛево:
"<<l<<"\tПраво:  "<<r<<"\n";
        return now;

    }
}

void inputF(){
    std::string data ;
    getline(std::cin, data);
    std::string input = delSpace(data);
    if (input == "") {
        std::cout<<"Error!\n Введите дерево\n";
        return;
    }
    else{
        if (input[0] != '(' || input[input.size() - 1] != ')'){
            std::cout<<"Error!\n Дерево введено некорректно\n";
            return;
        }
        else{
            BinTree* BT = new BinTree();
            BT->Head = BT->createTree(mySplit(input));
            std::cout<<"-----
-----\n";
            std::cout<<"Глубина дерева: "<<BT->max_depth(BT->Head) -
1<<std::endl;
            std::cout<<"-----
-----\n";
            std::cout<<"Внутренний вес: "<<BT->getFullWeight(BT-
>Head)<<std::endl;
            std::cout<<"-----
-----\n";
            //      example (6 (5 (4) (9))(5))
        }
    }
}

```

```

int main(int argc, const char * argv[]) {

    std::cout << "Hello, World!\n";

```

```
    inputF();  
    std::cout << "...";  
    return 0;  
}
```