Тестовое задание

Написать программу численного решения задачи Коши для уравнения:

$$\begin{vmatrix} \frac{d^5y}{dx^5} + 15 \frac{d^4y}{dx^4} + 90 \frac{d^3y}{dx^3} + 270 \frac{d^2y}{dx^2} + 405 \frac{dy}{dx} + 243 y = 0, \quad x \in [0, 5] \\ y \bigg|_{x=0} = 0, \quad \frac{dy}{dx} \bigg|_{x=0} = 3, \quad \frac{d^2y}{dx^2} \bigg|_{x=0} = -9, \quad \frac{d^3y}{dx^3} \bigg|_{x=0} = -8, \quad \frac{d^4y}{dx^4} \bigg|_{x=0} = 0$$

- 1. Реализовать какую-либо численную схему без использования готовых решателей.
- 2. Построить график решения. Допустимо использовать сторонние средства построения графиков: gnuplot, Excell, etc.
- 3. Обосновать достоверность полученного результата.