# Reduction de dimension avec l'Analyse en Composante Principal

#### BADJO Dibé

## Exploration de données

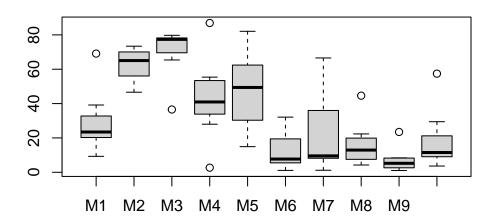
```
library(tidyverse)
                               ----- tidyverse 1.3.2 --
-- Attaching packages -----
v ggplot2 3.4.1 v purrr 1.0.1
v tibble 3.1.8 v dplyr 1.1.0
v tidyr 1.3.0 v stringr 1.5.0
v readr 2.1.4 v forcats 1.0.0
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag() masks stats::lag()
  library(FactoMineR)
  library(factoextra)
Welcome! Want to learn more? See two factoextra-related books at https://goo.gl/ve3WBa
Rows: 8 Columns: 11
-- Column specification ------
Delimiter: ","
chr (1): type
dbl (10): M1, M2, M3, M4, M5, M6, M7, M8, M9, M10
i Use `spec()` to retrieve the full column specification for this data.
i Specify the column types or set `show_col_types = FALSE` to quiet this message.
```

#### head(data)

```
# A tibble: 6 x 11
                                                                   M1
                                                                                                   M2
                                                                                                                                   МЗ
                                                                                                                                                                  M4
                                                                                                                                                                                                 M5
                                                                                                                                                                                                                                 M6
                                                                                                                                                                                                                                                                M7
                                                                                                                                                                                                                                                                                                M8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                М9
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          M10
          type
          <chr>
                                                    <dbl> 
1 Cancer1 22.9
                                                                                         69.5
                                                                                                                        73.8 2.69
                                                                                                                                                                                       82.1
                                                                                                                                                                                                                 1.1
                                                                                                                                                                                                                                                       1.19
                                                                                                                                                                                                                                                                                     4.24
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     5.23
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    3.64
2 Cancer2 17.6
                                                                                         65.0
                                                                                                                       79.7 51.4
                                                                                                                                                                                       49.4 22.1
                                                                                                                                                                                                                                                     7.31
                                                                                                                                                                                                                                                                                     6.15
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    1.03
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   9.23
3 Cancer3 23.5
                                                                                        70.7
                                                                                                                       78.5 39.7
                                                                                                                                                                                       71.1 16.8
                                                                                                                                                                                                                                                      9.03 8.92
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    2.90 13.0
4 Cancer4 9.29
                                                                                                                    77.9 86.9
                                                                                                                                                                                       14.9 6.23 37.6
                                                                                                                                                                                                                                                                           17.5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     8.13 8.88
                                                                                       73.4
                                                                                                                                                                                       39.7 7.71 34.4
                                                                                                                                                                                                                                                                              22.3
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     8.42 29.4
5 Cancer5 39.2
                                                                                         61.6
                                                                                                                        65.4 55.4
6 Cancer6 69.1
                                                                                                                        36.6 40.9
                                                                                                                                                                                       20.9 32.1 66.6 44.6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                              23.5 57.4
                                                                                         46.6
```

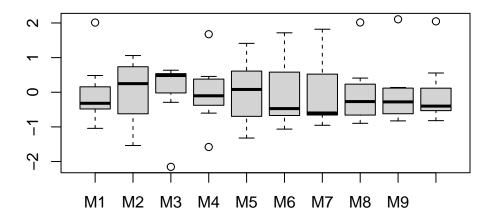
```
x <- data[1:7,-1]
summar <- summary(x)
view(summar)</pre>
```

boxplot(x)



```
matCors <- cor(x)
view(matCors)

Xsc <- scale(x, scale = T)
boxplot(Xsc)</pre>
```



Pour parvenir a trouver les composantes principale, il faut tous d'abord calculer la matrix  $\operatorname{transpose}(X)^*X$ 

```
sigma <- t(Xsc) %*% Xsc/nrow(Xsc)
view(sigma)</pre>
```

Utilisons cette matrix pour calculer ensuite les valeurs propres et les vecteurs propres

```
ACP <- eigen(sigma)
class(ACP)
```

### [1] "eigen"

Les valeurs propres

```
values <- ACP$values values
```

```
[1] 5.899224e+00 1.661563e+00 5.142035e-01 3.981676e-01 8.649222e-02 [6] 1.177830e-02 3.683852e-16 1.068940e-16 -4.803234e-17 -8.293099e-17
```

Les vecteurs propres

```
vec <- ACP$vectors</pre>
```

```
view(vec)
```

[8] 1.0000000 1.0000000 1.0000000

[8] 100.00000 100.00000 100.00000

Pour savoir le nombre de vecteur propre a selection il faut tracer le graph suivant, appellé le graph de coude, dans les resultats, le nombre de composante principale a sélectionner est 2

```
inertie <- cumsum(values)/sum(values)
inertie

[1] 0.6882428 0.8820918 0.9420822 0.9885351 0.9986259 1.0000000 1.0000000</pre>
```

Une autre manière de le savoir est de voir combien de vecteur propre garde plus de 80% de l'information, dans les resulats, les deux premiers vecteur propres garde plus de 80% de l'information ce qui vient confirmé le nombre qu'on a selectionner qui est 2

```
pourcinertie <- inertie*100
pourcinertie

[1] 68.82428 88.20918 94.20822 98.85351 99.86259 100.00000 100.00000</pre>
```

Plus de 80% de la variance sont expliquer par les 2 premiers composant principales, ce qui nous conduit a garder que ces deux composantes.

Dans le pour centage expliquer par ces deux composant, le premier composant à lui seul explique approximativement 68% de la variance

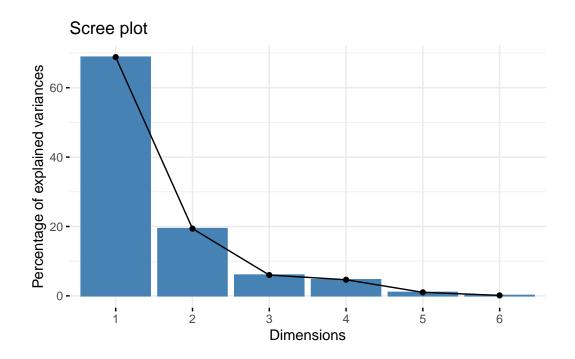
```
plot(vec[, 1:2], pch = 2, cex = values)
text(vec[, 1:2], labels = rownames(vec), pos = 3)
```

```
-0.2 0.0 0.2 0.4 vec[, 1:2][,1]
```

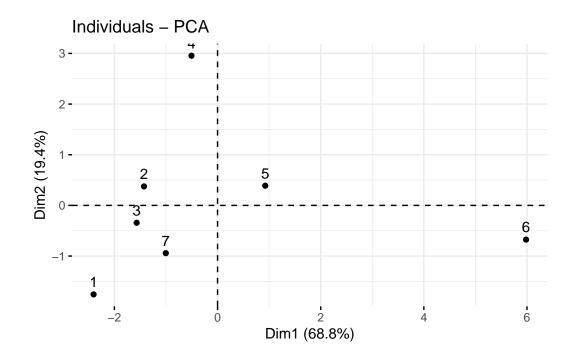
```
res.acp<-PCA(x, graph = FALSE)
view(res.acp$var$cos2)
get_eigenvalue(res.acp)</pre>
```

```
eigenvalue variance.percent cumulative.variance.percent
Dim.1 6.88242795
                       68.8242795
                                                       68.82428
Dim.2 1.93849019
                        19.3849019
                                                       88.20918
Dim.3 0.59990407
                        5.9990407
                                                       94.20822
Dim.4 0.46452885
                        4.6452885
                                                       98.85351
Dim.5 0.10090758
                         1.0090758
                                                       99.86259
Dim.6 0.01374135
                        0.1374135
                                                      100.00000
```

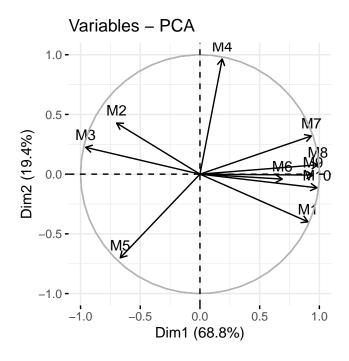
```
fviz_eig(res.acp)
```



fviz\_pca\_ind(res.acp)



## fviz\_pca\_var(res.acp)



## fviz\_pca\_biplot(res.acp)

