#### **Code Review**

# • (GraphSAGE) Link prediction Tutorial

### **INDEX**

- **□** Introduction
- **□** Setting
- ☐ Define train set and test set
- Model 정의
- ☐ Model Train
- **☐** Model Evaluate

## Introduction

### Introduction

- □ 목적 : 링크 예측(link prediction)
  - 그래프에서 임의의 두 노드 사이에 에지의 존재를 예측하기 위해 GNN을 train 시켜보는 예제
- **□** Background
  - 소셜 추천, 아이템 추천, 지식 그래프 완성 등과 같은 많은 애플리케이션은 두 특정 노드 사이에 에지가 존재하는 지 여부를 예측하는 링크 예측을 통해 수행될 수 있다.
- ☐ Overview
  - 1. GNN 기반 링크 예측 모델을 구축.
  - 2. DGL 제공 데이터 세트에서 모델을 train, test

# Setting

## **Setting**

#### DGL 라이브러리 설치

```
Looking in indexes: <a href="https://pypi.org/simple">https://us-python.pkg.dev/colab-wheels/public/simple/</a>

Requirement already satisfied: dgl in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (0.9.1)

Requirement already satisfied: networkx>=2.1 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from dgl) (2.8.8)

Requirement already satisfied: numpy>=1.14.0 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from dgl) (1.21.6)

Requirement already satisfied: tqdm in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from dgl) (4.64.1)

Requirement already satisfied: requests>=2.19.0 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from dgl) (2.25.1)

Requirement already satisfied: scipy>=1.1.0 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from dgl) (1.7.3)

Requirement already satisfied: putil>=5.8.0 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from requests>=2.19.0->dgl) (1.24.3)

Requirement already satisfied: chardet<5,>=3.0.2 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from requests>=2.19.0->dgl) (4.0.0)

Requirement already satisfied: idna<3,>=2.5 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from requests>=2.19.0->dgl) (2.10)

Requirement already satisfied: certifi>=2017.4.17 in /usr/local/lib/python3.8/dist-packages (from requests>=2.19.0->dgl) (2022.12.7)
```

#### 필요 라이브러리 로드

```
[] #필요 라이브러리 Load
import dgl
import torch
import torch.nn as nn
import torch.nn.functional as F
import itertools
import numpy as np
import scipy.sparse as sp
```

## **Setting**

#### Graph and features 로드

Cora dataset 로드한다.

```
[ ] import dgl.data

dataset = dgl.data.CoraGraphDataset()
    g = dataset[0]
```

NumNodes: 2708 NumEdges: 10556 NumFeats: 1433 NumClasses: 7

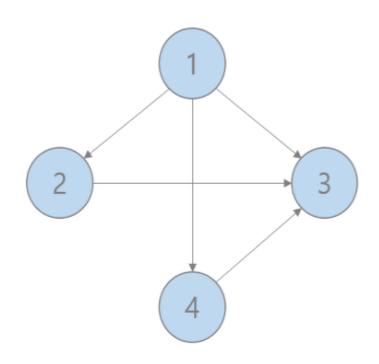
NumTrainingSamples: 140 NumValidationSamples: 500

NumTestSamples: 1000

Done loading data from cached files.

g : dgl 라이브러리에서 가져온 CoraGraphDataset 즉 g는 그래프 데이터.

u, v = g.edges() # u : 시작 노드 , v : 도착 노드 (Tensor type)



- □ Edge(=link)는 시작점과 끝점으로 표현될 수 있다. 1에서 2로 가는 간선(edge)는 시작점:1, 도착점:2로 표현될 수 있는데 이를 u=1, v=2로 표현함으로써 해당 간선을 표현할 수 있다.
- □ 따라서 u는 시작노드, v는 도착노드 들의 집합이다.

```
eids = np.arange(g.number_of_edges()) # g.number_of_edges() : int type -> eids : ndarray type
# np.arange(g.number_of_edges()) : array([0, 1, 2, 3, 4])
eids = np.random.permutation(eids) # shuffle
# eids = array([3, 4, 1, 0, 2])
```

g.number\_of\_edges(): 그래프 내의 간선 개수를 return

- Ex) return 5 (오른쪽 그래프에서 edge는 5개)

np.arange(n): 0부터n-1까지 value를 가지는 ndarray return

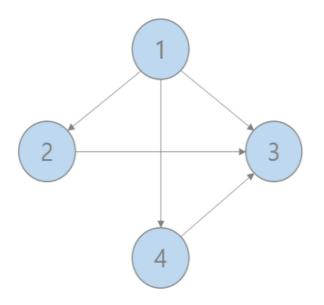
- 즉 np.arange(g.number\_of\_edges()) 는 그래프(g) 내의 간선 개수 크기의 ndarray 생성
- Ex) array([0,1,2,3,4])

np.random.permutation(list) : list의 원소 위치를 섞고 return(shuffle)

- Ex) array([3,4,1,0,2])

#### **Brief conclusion:**

- eids는 edge에 id를 할당



```
test_size = int(len(eids) * 0.1) # 10557||
train_size = g.number_of_edges() - test_size # 10556 - 1055
```

앞서 내용을 통해 eids 는 random shuffle 된 ndarray임을 알 수 있다.

그 전에 소개했던 dataset에 대해 다시 살펴보자면 edge는 총 10,556 개 임을 확인할 수 있다.

test set은 전체 dataset 중 10%만 사용하는 것을 확인할 수 있다. 또한 train set는 전체 dataset에서 test set을 뺀 나머지이다.

#### Graph and features 로드

Cora dataset 로드한다.

[] import dgl.data

dataset = dgl.data.CoraGraphDataset()
g = dataset[0]

NumNodes: 2708 NumEdges: 10556 NumFeats: 1433 NumClasses: 7

NumTrainingSamples: 140 NumValidationSamples: 500 NumTestSamples: 1000

Done loading data from cached files.

# u, v에서 같은 index(i)는 시작 노드(u[i])와 도착 노드(v[i]) 사이의 연결된 edge를 의미한다 test\_pos\_u, test\_pos\_v = u[eids[:test\_size]], v[eids[:test\_size]] # test size 만큼 pair of nodes(=edges) 형태로 저장한다 train\_pos\_u, train\_pos\_v = u[eids[test\_size:]], v[eids[test\_size:]] # train size 만큼 pair of nodes(=edges) 형태로 저장한다

u,v 는 각각 시작노드, 도착노드 들의 집합.

eids 는 전체 edge에 대해 id를 가지고 있는 ndarray

따라서 eids(=ndarray) 에서 test size 개수 만큼 test\_pos\_u, test\_pos\_v 로 정의 같은 방법으로 train pos u, train pos v 정의

#### pos 의미?

- 그래프를 표현할 때 node 사이에 edge가 존재할 수도, 존재하지 않을 수도 있다.
- 이를 학습하여 input dataset에 대해 link의 여부를 학습하는 것으로,
  - node 사이에 edge가 존재하면 positive examples로,
  - node 사이에 edge가 존재하지 않는다면 negative examples로 분류

```
# Find all negative edges and split them for training and testing adj = sp.coo_matrix((np.ones(len(u)), (u.numpy(), v.numpy()))) # coo_matrix로 인접 행렬 생성한다 # sp.coo_matrix((data, (row, col))) , coo_matrix Reference : <a href="https://radish-greens.tistory.com/1">https://radish-greens.tistory.com/1</a> adj_neg = 1 - adj.todense() - np.eye(g.number_of_nodes()) # adj.todense() : sp matrix(정보 압축 상태) -> numpy matrix로 형변환 해준다. # np.eye() : identity matrix (단위 행렬) # adj_neg = edge가 존재하지 않으면 1, edge가 존재하면 0 (self-loop는 고려 X -> 0으로 만든다) neg_u, neg_v = np.where(adj_neg != 0) # edge가 존재하지 않은 값들에 대해서 negative examples 생성
```

#### 필요 라이브러리 로드

```
[] #필요 라이브러리 Load
import dgl
import torch
import torch.nn as nn
import torch.nn.functional as F
import itertools
import numpy as np
import scipy.sparse as sp
```

sp.coo\_matrix : spicy 라이브러리에서 제공하는 function으로 COO 형식으로 matrix 생성

- COO 형식이란 COOrdinate 줄임말로 좌표로 행렬을 표현하는 방식을 말한다. (다음 슬라이드에서 설명)

- □ COO 형식이란?
  - COOrdinate 줄임말로 좌표로 행렬을 표현하는 방식을 말한다.
- □ COO matrix : 행렬의 희소 표현을 위해 사용
  - 행렬의 대부분의 값이 0 이라면 모든 값을 저장하는 것은 메모리 낭비이므로.
  - 값이 존재하는 칸의 행과 열 그리고 값만 저장하여 적은 메모리로 동일한 행렬을 표현할 수 있다.

2	4	2	0
0	0	1	0
0	0	0	5

기존 matrix 표현 행 0, 열 0 에 value 2 행 0, 열 1 에 value 4	행 1, 열 0 에 value 0 행 1, 열 1 에 value 0 행 1, 영 2 에 value 1	행 2, 열 0 에 value 0 행 2, 열 1 에 value 0
행 0, 열 2 에 value 2	행 1, 열 2 에 value 1	행 2, 열 2 에 value 0
행 0, 열 3 에 value 0	행 1, 열 3 에 value 0	행 2, 열 3 에 value 5

행렬에 0인 값들이 많은 희소 행렬이라면, 그 정도가 심할 수록 메모리 오버헤드 방지를 위해 COO 형식을 사용하여 COO matrix로 표현해야 한다. COO matrix 표현 값이 존재하는 칸 : 2, 4, 2, 1, 5 값이 존재하는 행 : 0, 0, 0, 1, 2 값이 존재하는 열 : 0, 1, 2, 2, 3

```
# Find all negative edges and split them for training and testing
adj = sp.coo_matrix((np.ones(len(u)), (u.numpy(), v.numpy()))) # coo_matrix로 인접 행렬 생성한다
# sp.coo_matrix((data, (row, col))) , coo_matrix Reference : <a href="https://radish-greens.tistory.com/1">https://radish-greens.tistory.com/1</a>
adj_neg = 1 - adj.todense() - np.eye(g.number_of_nodes())
# adj.todense() : sp matrix(정보 압축 상태) -> numpy matrix로 형변환 해준다.
# np.eye() : identity matrix (단위 행렬)
# adj_neg = edge가 존재하지 않으면 1, edge가 존재하면 0 (self-loop는 고려 X -> 0으로 만든다)
neg_u, neg_v = np.where(adj_neg != 0)
# edge가 존재하지 않은 값들에 대해서 negative examples 생성
```

#### 필요 라이브러리 로드

```
[] #필요 라이브러리 Load
import dgl
import torch
import torch.nn as nn
import torch.nn.functional as F
import itertools
import numpy as np
import scipy.sparse as sp
```

sp.coo\_matrix : spicy 라이브러리에서 제공하는 function으로 COO 형식으로 matrix 생성

- 따라서 adj(인접행렬) 은 coo 형식으로 표현된 matrix
- adj에는 edge가 존재할 경우 1 을 가지는 matrix의 row, col 정보가 들어있다.

adj.todense() : matrix 연산을 하기 위해서는 COO 형식(압축 형태)로는 불가능 하기 때문에 일반 matrix형태로 복원시켜야 함.

np.eye(n): np.identity()와 동일한 function으로 크기가 n인 항등행렬 생성

adj\_neg : 앞서 negative examples 정의에 대해 보았듯이 node 사이에 edge가 없는 경우에 해당한다.

- 따라서 adj 이외의 값에 대해서 1을 부여하고, self-loop 는 해당 튜토리얼에서 고려하지 않기 때문에 제외.
- adj\_neg = 1 adj.todense() np.eye(g.number\_of\_nodes())

neg u, neg v: adj neg 에서 0이 아닌, 즉 1인 값에 대해 시작노드, 도착노드 들의 집합을 의미.

```
neg_eids = np.random.choice(len(neg_u), g.number_of_edges())
# len(neg_u) 즉, negative examples는 7320000가 존재하지만 positive examples 만큼 추출하여 sample 수를 맞춰준다.

test_neg_u, test_neg_v = neg_u[neg_eids[:test_size]], neg_v[neg_eids[:test_size]] # test size 만큼 pair of nodes(=edges) 형태로 저장한다
train_neg_u, train_neg_v = neg_u[neg_eids[test_size:]], neg_v[neg_eids[test_size:]] # train size 만큼 pair of nodes(=edges) 형태로 저장한다
```

np.random.choice(num, count): num 이내 숫자에 대해 count 개수 만큼 랜덤 뽑기

- count = g.number of edges() 이기 때문에 그래프(g)에 존재하는 edge수 만큼 뽑게 된다.
- Node 가 2708 임을 고려하면 전체 가능한 edge 수는 2708 \* 2708, 그 중 10,556개가 존재.

test\_pos\_u, test\_pos\_v 를 정의하는 방식과 동일하게 test\_neg\_u, test\_neg\_v 정의. train\_neg\_u, train\_neg\_v 또한 동일한 방식으로 정의.

#### Graph and features 로드

Cora dataset 로드한다.

```
[] import dgl.data

dataset = dgl.data.CoraGraphDataset()
g = dataset[0]
```

NumNodes: 2708
NumEdges: 10556
NumFeats: 1433
NumClasses: 7
NumTrainingSamples: 140
NumValidationSamples: 500
NumTestSamples: 1000

Done loading data from cached files.

학습할 때 원본 그래프에서 test set의 edge를 제거(=train set) 해야 한다.

```
dgl.remove_edges

[ ] train_g = dgl.remove_edges(g, eids[:test_size])
    # Train Gragh : num_nodes=2708, num_edges=9501
```

최종적으로 train set, 즉 input으로 들어갈 train graph를 정의.

이때 train graph에서는 test 시 사용할 edge에 대해서는 제거 해주어야 한다.

- Input으로 들어가는 graph에 test 시 예측 정확도를 비교하기 위한 edge가 존재할 경우, 이에 대해서도 학습을 진행하기 때문에

#### **Breif conclusion:**

- Input으로 사용될 train\_g를 정의하였다.
- Train 과 test시 사용될 u,v(=edge)에 대해서도 정의하였다.
- 특히 positive examples, negative examples에 대해서 정의하였다.

# · Model 정의

## Model 정의

# aggregator function 3가지(mean, pool, LSTM) 중 하나를 적용한다.

- GraphSAGE 모델 정의 클래스 (\_\_init\_\_)
   예제에 사용되는 GraphSAGE 모델은 다음과 같이 2개의 SAGEConv를 정의하고 있다.
- GraphSAGE 모델 정의 클래스 (forward)

(g = Graph, in\_feat = Feature)

데이터 g와 in\_feat을 입력 받아 SAGEConv1에 넣어주고 activation function에 넣어주는 과정을 거치며 이후 SAGEConv2에 넣어주는 과정을 거친다.

활용

Aggregator function 변경 가능 - ( mean, pool, LSTM ) 중 하나 적용 가능하다

## Model 정의

```
# Graph : dgl.graph((u, v), num_nodes = g.number_of_nodes()) 만들어 준다.
# (u, v) : edge의 정보
# num_nodes = g.number_of_nodes() : 노드의 개수

# Graph 표현은 Edge List로 표현된다.
train_pos_g = dgl.graph((train_pos_u, train_pos_v), num_nodes=g.number_of_nodes())
train_neg_g = dgl.graph((train_neg_u, train_neg_v), num_nodes=g.number_of_nodes())
test_pos_g = dgl.graph((test_pos_u, test_pos_v), num_nodes=g.number_of_nodes())
test_neg_g = dgl.graph((test_neg_u, test_neg_v), num_nodes=g.number_of_nodes())
```

#### • positive graph & negative graph

link prediction을 하기 위해서는 pair of nodes(=edge)를 계산해야 한다.

DGL 라이브러리를 사용하여 positive graph 와 negative graph를 구성할 수 있다.

#### • Graph 구성

Train data 와 Test data에 positive graph 와 negative graph를 구성하였다.

```
Graph 표현은 Edge List로 표현된다. ex) [(0, 1), (1, 2), (2, 3), (0, 2), (3, 2), (4, 5), (5, 4)]
```

- GraphSAGE에서 나오는 weight 값들에 대해서 마지막에 결과 예측을 하기 위해 아래의 클래스를 사용한다.
- 계산방법에 따라 Tutorial에서는 두가지로 계산할 수 있다.

DotPredictor()는 element-wise dot를 활용하여 message passing 방법으로 'score'를 계산한다.

MLPPredictor()는 MLP(Multi-layer Perceptron)을 활용하여 message passing 방법으로 'score'를 계산한다.

```
import dgl.function as fn

# GraphSAGE에서 나오는 weight 값들에 대해서 마지막에 결과 예측 하기 위해 사용한다.

class DotPredictor(nn.Module):
    def forward(self, g, h):
        with g.local_scope():
            g.ndata['h'] = h # dictionary에 ('h' : key , h : value) 추가
            g.apply_edges(fn.u_dot_v('h', 'h', 'score')) # apply_edges() : new edge features를 기존의 edge features 와 node features에 기반하여 계산해 주는 함수이다.
        # 추가 Reference : https://docs.dgl.ai/en/0.2.x/generated/dgl.DGLGraph.apply_edges.html 참조

return g.edata['score'][:, 0] # .apply_edges를 이용해서 'score'를 계산하고 리턴해준다.
```

## Model 정의

```
import dgl.function as fn

# GraphSAGE에서 나오는 weight 값들에 대해서 마지막에 결과 예측 하기 위해 사용한다.

class DotPredictor(nn.Module):

    def forward(self, g, h):
        with g.local_scope():
        g.ndata['h'] = h # dictionary에 ('h' : key , h : value) 추가
        g.apply_edges(fn.u_dot_v('h', 'h', 'score'))
        # 추가 Reference : https://docs.dgl.ai/en/0.2.x/generated/dgl.DGLGraph.apply_edges.

return g.edata['score'][:, 0] # .apply_edges를 이용해서 'score'를 계산하고 리턴해준다.
```

- DotPredictor()는 element-wise dot를 활용하여 message passing 방법으로 'score'를 계산한다.
- fn.u\_dot\_v(feature field of u, feature field of v, output message field) : message passing 방법
- apply\_edges(): new edge features를 기존의 edge features와 node features에 기반하여 계산해 주는 함수

- .apply\_edges()를 이용해서 'score'를 계산하고 return 해준다

## Model 정의

```
# 위 과정이 이해하기 어려운 경우 자체적으로 아래의 함수를 이용해 사용 가능하다
class MLPPredictor(nn.Module):
    def init (self, h feats):
       super().__init__()
       self.W1 = nn.Linear(h feats * 2, h feats)
       self.W2 = nn.Linear(h feats, 1)
    def apply edges(self, edges):
        Computes a scalar score for each edge of the given graph.
        Parameters
        edges :
           Has three members ``src`', ``dst`` and ``data`', each of
           which is a dictionary representing the features of the
           source nodes, the destination nodes, and the edges
            themselves.
        Returns
        dict
            A dictionary of new edge features.
        h = torch.cat([edges.src['h'], edges.dst['h']], 1)
        return {'score': self.W2(F.relu(self.W1(h))).squeeze(1)}
    def forward(self, g, h):
       with g.local scope():
            g.ndata['h'] = h
           g.apply edges(self.apply edges)
            return g.edata['score']
```

• MLPPredictor()는 MLP(Multi-layer Perceptron)을 활용 하여 message passing 방법으로 'score'를 계산한다.

- 전체 모델, 손실함수(loss function), 평가 지표 정의
- 1. 전체 모델은 위에서 Model을 정의한 것과 같다.
- 2. 손실 함수(loss function)는 simply binary cross entropy loss를 활용한다.

$$\mathcal{L} = -\sum_{u \sim v \in \mathcal{D}} \left( y_{u \sim v} \log(\hat{y}_{u \sim v}) + (1 - y_{u \sim v}) \log(1 - \hat{y}_{u \sim v}) 
ight) )$$

3. 평가지표는 AUC(Area Under the ROC Curve)를 활용한다.

```
model = GraphSAGE(train_g.ndata['feat'].shape[1], 16)
# 이 Tutorial에서는 DotPredictor()를 사용하지만 MLPPredictor()로도 대체 가능하다.
# pred = MLPPredictor(16)
pred = DotPredictor()
```

#### • Train 시작

train g.ndata(=Train Graph의 Node data)는 다음과 같이 구성되어 있다.

이 중 ['feat'] 데이터를 사용한다 → [ feature data = 1433 ]

pred는 DotPredictor()를 사용한다. (MLPPredictor도 사용 가능하다)

```
# score(예측)값를 가지고 label(실제)값과 비교하여 loss와 정확도를 계산한다.

def compute_loss(pos_score, neg_score):
    scores = torch.cat([pos_score, neg_score])
    labels = torch.cat([torch.ones(pos_score.shape[0]), torch.zeros(neg_score.shape[0])])
    return F.binary_cross_entropy_with_logits(scores, labels)

def compute_auc(pos_score, neg_score):
    scores = torch.cat([pos_score, neg_score]).numpy() # 예측 값
    labels = torch.cat(
        [torch.ones(pos_score.shape[0]), torch.zeros(neg_score.shape[0])]).numpy() # 실제 값
    return roc_auc_score(labels, scores)
```

- Score(=예측) 값을 가지고 label(=실제) 값과 비교하여 Loss와 정확도를 계산한다
- Loss function은 binary cross entropy loss를 활용한다.
- 평가지표는 roc auc score를 활용한다.

## **Optimizer**

```
# ----- 3. set up loss and optimizer ----- #
# in this case, loss will in training loop
optimizer = torch.optim.Adam(itertools.chain(model.parameters(), pred.parameters()), lr=0.01)
```

• Optimizer 정의

일반적인 딥러닝에서 쓰이는 Adam을 사용하여 최적화를 진행한다.

# 효율적인 concat을 위해 itertools.chain을 사용한다

#### Forward

model(=GraphSAGE) 객체에 train\_g(그래프)와
train\_g.ndata['feat']를 전달 시 h를 반환
positive score 와 negative score를 비교하여 loss값을 계산

#### Backward

optimizer.zero\_grad(): 파라미터 초기화
loss.backward(): loss값을 기준으로 gradient 계산
optimizer.step(): loss값을 기준으로 계산한 gradient를
optimizer를 사용해 파라미터 update를 진행 (backpropagation)

## Model Evaluate

• Train 실행 결과

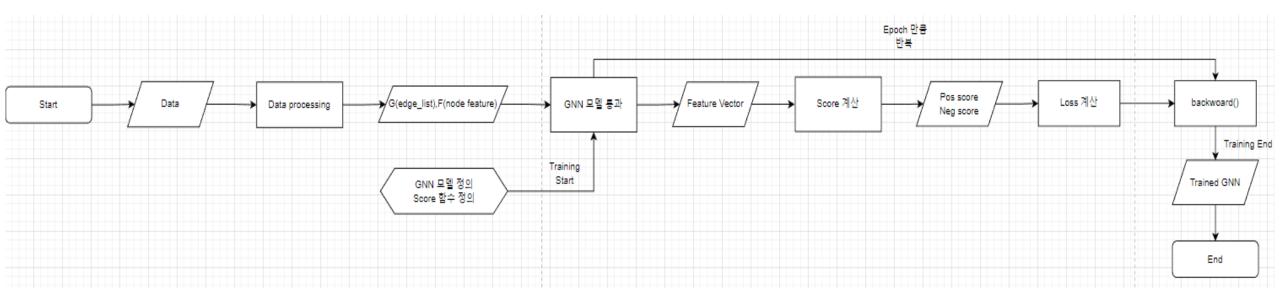
```
In epoch 0, loss: 0.6929768919944763
In epoch 5, loss: 0.6621994972229004
In epoch 10, loss: 0.5646780133247375
In epoch 15, loss: 0.511516809463501
In epoch 20, loss: 0.4748401939868927
In epoch 25, loss: 0.4437951445579529
In epoch 30, loss: 0.42105838656425476
In epoch 35, loss: 0.39862629771232605
In epoch 40, loss: 0.37493836879730225
In epoch 45, loss: 0.35579973459243774
In epoch 50, loss: 0.33541208505630493
In epoch 55, loss: 0.3151055872440338
In epoch 60, loss: 0.2949903905391693
In epoch 65, loss: 0.274679034948349
In epoch 70, loss: 0.25403541326522827
In epoch 75, loss: 0.23329827189445496
In epoch 80, loss: 0.2128126323223114
In epoch 85, loss: 0.19286388158798218
In epoch 90, loss: 0.17312371730804443
In epoch 95, loss: 0.15436574816703796
```

```
# ----- 5. check results ----- #
from sklearn.metrics import roc_auc_score
with torch.no_grad():
    pos_score = pred(test_pos_g, h)
    neg_score = pred(test_neg_g, h)
    print('AUC', compute_auc(pos_score, neg_score))
```

• 성능평가 진행 AUC 0.8512791716268727

positive score 와 negative score를 비교하여 AUC값을 계산 결과는 AUC가 0.851 정도 나온다

## Flow Chart



## Node Classification vs Link Prediction

	Node Classification	Link Prediction
모델 인풋	G(Edge_list),F(Node Feature)	A(인접행렬),F(Node Feature)
모델 아웃풋	Classification result	M by N Feature Vector
Score Func	X	0
차이점	모델에 인풋데이터를 넣으면 바로 결과 도출	모델에서 나온 Feature Vector를 통해서 Score 를 계산하고 Pos,Neg로 구분하여 Link가 있을 것인지 예측함