

■ FONDAMENTALI

· Teorema (divergenza)

$$\int_{\Sigma} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{\Sigma} = \int_{\tau} \nabla \cdot \mathbf{F} d\tau$$

· Teorema (Stokes)

$$\oint_{\gamma} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s} = \int_{\Sigma} \nabla \times \mathbf{F} d\mathbf{\Sigma}$$

· Teorema (Gradiente)

$$\phi_2 - \phi_1 = \int_{\gamma} \nabla \phi \cdot d\mathbf{s}$$

· Flusso di un campo

$$\Phi_{\Sigma}(\mathbf{E}) = \oint_{\Sigma} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{\Sigma}$$

· Equazioni di Maxwell

Nel vuoto:

$$\nabla \cdot \mathbf{E} = \frac{\rho}{\varepsilon_0}$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{J} + \mu_0 \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}$$

$$\oint_{\Sigma} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{\Sigma} = \frac{Q_{int}}{\varepsilon_0}$$

$$\oint_{\Gamma} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{s} = -\frac{d\Phi(\mathbf{B})}{dt}$$

$$\oint_{\Sigma} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{\Sigma} = 0$$

$$\oint_{\Gamma} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 I_{conc} + \mu_0 \varepsilon_0 \frac{d\Phi_E}{dt}$$

Nei mezzi:

$$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho_{libere}$$

$$\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J}_{C,lib} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$

$$\oint_{\Sigma} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{\Sigma} = Q_{int,lib}$$

$$\oint_{\Gamma} \mathbf{H} \cdot d\mathbf{s} = I_{conc,lib} + \frac{d\Phi_D}{dt}$$

· Discontinuità dei campi

Generali

$$\Delta B_{\perp} = 0$$

$$\Delta E_{\parallel} = 0$$

$$\Delta D_{\perp} = \sigma_L$$

$$\Delta E_{\perp} = \frac{\sigma}{\varepsilon_0}$$

$$\Delta H_{\parallel} = |\mathbf{K}_c \times \mathbf{u}_n|$$

In ipotesi di linearità

$$\frac{D_{1,\parallel}}{k_1} = \frac{D_{2,\parallel}}{k_2}$$

Se $\sigma_L = 0$

$$k_1 E_{1,\perp} = k_2 E_{2,\perp}$$

Rifrazione linee di B

$$\frac{\tan(\theta_2)}{\tan(\theta_1)} = \frac{\mu_2}{\mu_1}$$

■ ELETTROSTATICA

· Forza di Coulomb

$$\mathbf{F} = \frac{q_1 q_2}{4\pi \varepsilon_0 r^2} \mathbf{u}_{1,2}$$

· Definizione campo elettrico

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{F}(\mathbf{r}_0)}{q_0}$$

· En. potenziale due cariche

$$U = \frac{q_1 q_2}{4\pi \varepsilon_0 r_{1,2}} + c$$

· Potenziale scalare V

$$V(\mathbf{r}) = \frac{U(\mathbf{r})}{q_0}$$

$$V(B) - V(A) = - \int_A^B \mathbf{E} \cdot d\mathbf{r}$$

$$\mathbf{E} = -\nabla V$$

· Energia di E

$$U = \frac{1}{2} \int_{\mathbb{R}^3} \rho(\mathbf{r}) V(\mathbf{r}) d\tau$$

$$U = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \int_{\mathbb{R}^3} \mathbf{E}^2 d\tau$$

· Equazione di Poisson

$$\nabla^2 V = -\frac{\rho}{\varepsilon_0}$$

· E e V di particolari distribuzioni

Carica puntiforme

$$\mathbf{E} = \frac{q}{4\pi \varepsilon_0 r^2} \mathbf{u}_r$$

$$V = \frac{q}{4\pi \varepsilon_0 r}$$

Sfera carica uniformemente

$$\mathbf{E}(r) = \begin{cases} \frac{Qr}{4\pi \varepsilon_0 R^3} = \frac{3\rho r}{\varepsilon_0} & \text{se } r < R \\ \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0 R^2} & \text{se } r \geq R \end{cases}$$

$$V(r) = \begin{cases} \frac{\rho(3R^2 - r^2)}{6\varepsilon_0} & \text{se } r < R \\ \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0 r} & \text{se } r \geq R \end{cases}$$

Guscio sferico carico uniformemente

$$\mathbf{E}(r) = \begin{cases} 0 & \text{se } r < R \\ \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0 R^2} & \text{se } r \geq R \end{cases}$$

$$V(r) = \begin{cases} \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0 R} & \text{se } r < R \\ \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0 r} & \text{se } r \geq R \end{cases}$$

Filo infinito con carica uniforme λ

$$\mathbf{E}(r) = \frac{\lambda}{2\pi \varepsilon_0 r} \mathbf{u}_r$$

$$V(r) = \frac{\lambda}{2\pi \varepsilon} \ln\left(\frac{r_0}{r}\right)$$

Piano Σ infinito con carica uniforme

$$\mathbf{E} = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \mathbf{u}_n$$

$$V(x) = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} (x - x_0)$$

Anello con carica uniforme (sull'asse)

$$\mathbf{E}(x) = \frac{\lambda R x}{2\varepsilon_0 (x^2 + R^2)^{3/2}} \mathbf{u}_x$$

$$V(x) = \frac{\lambda R}{2\varepsilon_0 \sqrt{x^2 + R^2}}$$

Disco carico uniformemente

$$\mathbf{E}(x) = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \left(1 - \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{R^2}{x^2}}}\right) \mathbf{u}_x$$

$$V(x) = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} (x - \sqrt{x^2 + R^2})$$

Disco carico uniformemente ($x \gg R$)

$$\mathbf{E}(x) = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \frac{R^2}{x^2} \mathbf{u}_x$$

$$V(x) = \frac{\sigma}{4\varepsilon_0} \frac{R^2}{x}$$

Guscio cilindrico uniformemente carico

$$\mathbf{E}(r) = \begin{cases} 0 & \text{se } r < R \\ \frac{Q}{2\pi \varepsilon_0 h r} & \text{se } r \geq R \end{cases}$$

$$V(r) = \begin{cases} 0 & \text{se } r < R \\ \frac{Q}{2\pi \varepsilon_0 h} \ln\left(\frac{r}{R}\right) & \text{se } r \geq R \end{cases}$$

■ CONDUTTORI

· Conduttori in equilibrio

All'interno

– il campo è nullo

$$\mathbf{E} = 0$$

– il potenziale è costante

$$\Delta V = 0$$

Le cariche si distribuiscono sempre su superfici, mai all'interno

· Pressione elettrostatica

$$\mathbf{p} = \frac{d\mathbf{F}}{d\Sigma} = \frac{\sigma^2}{2\varepsilon_0} \mathbf{u}_n = \frac{1}{2} \varepsilon_0 \mathbf{E}^2$$

· Capacità

$$C = \frac{Q}{\Delta V}$$

Il più delle volte c'è induzione completa e C dipende dalla configurazione geometrica.

· Condensatori

Piano

$$C = \frac{\varepsilon_0 \Sigma}{d}$$

Sferico

$$C = 4\pi \varepsilon_0 \frac{Rr}{R - r}$$

Cilindrico

$$C = \frac{2\pi \varepsilon_0 h}{\ln \frac{R}{r}}$$

In serie

$$C_{eq} = \left(\sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i} \right)^{-1}$$

In parallelo

$$C_{eq} = \sum_{i=1}^n C_i$$

Con dielettrico

$$C_{diel} = k_e C_0$$

Energia interna del condensatore

$$U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2} CV = \frac{1}{2} QV$$

Differenziale circuito RC

$$RQ'(t) + \frac{Q(t)}{C} = V$$

Carica

$$Q(t) = Q_0 (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

Scarica

$$Q(t) = Q_0 e^{-\frac{t}{RC}}$$

· Condensatore pieno

Condensatore riempito di materiale di resistività ρ

$$RC = \varepsilon_0 \rho$$

· Forza fra le armature

$$F = \frac{Q^2}{2} \partial_x \left(\frac{1}{C} \right)$$

Condensatore piano

$$F = \frac{Q\sigma}{2\varepsilon_0} = \frac{Q^2}{2\varepsilon_0 \Sigma}$$

■ DIPOLO ELETTRICO

· Momento di dipolo

$$\mathbf{p} = q\mathbf{a}$$

· Potenziale del dipolo

$$V(r) = \frac{qa \cos \theta}{4\pi \varepsilon_0 r^2} = \frac{\mathbf{p} \cdot \mathbf{u}_r}{4\pi \varepsilon_0 r^2}$$

· Campo elettrico E generato

$$\mathbf{E} = \frac{qd \left(2 \cos(\theta) \mathbf{u}_r + \sin(\theta) \mathbf{u}_{\theta} \right)}{4\pi \varepsilon r^3}$$

· Momento torcente

$$\mathbf{M} = \mathbf{a} \times q\mathbf{E}(x, y, z)$$

Se E uniforme

$$\mathbf{M} = \mathbf{p} \times \mathbf{E}$$

· Lavoro per ruotarlo

$$W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} M d\theta$$

Se E uniforme

$$W = pE(\cos \theta_i - \cos(\theta_f))$$

· Frequenza dipolo oscillante

Se E costante e uniforme

$$\nu = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{pE}{I}}$$

· Energia del dipolo

$$U = -\mathbf{p} \cdot \mathbf{E}$$

· Forza agente sul dipolo

$$\mathbf{F} = \nabla(\mathbf{p} \cdot \mathbf{E})$$

· Energia pot. tra due dipoli

$$U = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0 r^2} [\mathbf{p}_1 \cdot \mathbf{p}_2 - 3(\mathbf{p}_1 \mathbf{u}_r)(\mathbf{p}_2 \cdot \mathbf{u}_r)]$$

· Forza tra dipoli

Dipoli concordi = F repulsiva

$$\mathbf{F} = \frac{3p_1 p_2}{4\pi \varepsilon_0 r^4} \mathbf{u}_r$$

■ DIELETTRICI

· Campo elettrico in un dielettrico

$$\mathbf{E}_k = \frac{\mathbf{E}_0}{k}$$

· Vettore P polarizzazione

$$\mathbf{P} = \frac{dp}{d\tau}$$

· Dielettrici lineari

$$\mathbf{P} = \varepsilon_0 \chi_E \mathbf{E}_k = \varepsilon_0 (k - 1) \mathbf{E}_k$$

· Dens. superficiale di q polarizzata

$$\sigma_p = \mathbf{P} \cdot \mathbf{u}_n = \frac{k - 1}{k} \sigma_l$$

· Dens. volumetrica di q polarizzata

$$\rho_p = -\nabla \cdot \mathbf{P}$$

· Spostamento elettrico

$$\mathbf{D} = \varepsilon_0 \mathbf{E}_k + \mathbf{P} = \varepsilon_0 k \mathbf{E}_k = \varepsilon_0 \mathbf{E}_0$$

■ CORRENTI

· Lavoro del generatore

$$W_{gen} = \int_{t_1}^{t_2} V dq(t) = 2U_E$$

· Densità di corrente

$$\mathbf{J} = nq\mathbf{v} = \frac{Nq\mathbf{v}}{\tau}$$

· Intensità di corrente

$$I = \frac{dq(t)}{dt} = \int_{\Sigma} \mathbf{J} \cdot d\mathbf{\Sigma}$$

· Leggi di Ohm

$$V = RI$$

$$dR = \int_{\Gamma} \frac{\rho}{\Sigma} dl$$

$$\mathbf{E} = \rho \mathbf{J}$$

$$\rho = \frac{1}{\sigma}$$

· Potenza conduttore ohmico

$$P = VI = RI^2 = \frac{V^2}{R}$$

$$dP = \mathbf{J}(\mathbf{r}) \cdot \mathbf{E}(\mathbf{r}) d\tau$$

· Resistori

In serie

$$R_{eq} = \sum_{i=1}^n R_i$$

In parallelo

$$R_{eq} = \left(\sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i} \right)^{-1}$$

· Generatore reale

$$\Delta V = V_0 - r_i I$$

<div>■ CAMPO EM e OTTICA</div> <div>· Campi in un’onda EM (Nel vuoto <i>v</i> = <i>c</i>)</div> <div><i>E</i>(<i>x</i>,<i>t</i>) = <i>E</i>₀ cos(<i>kx</i> − <i>ωt</i>)</div> <div><i>B</i>(<i>x</i>,<i>t</i>) = E 0 v cos ⁡<!-- ⁡ --> (k x −<!-- − --> ω<!-- ω --> t) </div> <div><i>ω</i> = <i>kv</i> <i>k</i> = 2 π<!-- π --> λ<!-- λ --> <i>λ</i> = v ν<!-- ν --> </div> <div>· Vettore di Poynting</div> <div>S = 1 μ<!-- μ --> 0 E ×<!-- × --> B </div> <div>· Intensità media onda</div> <div><i>I</i> = ⟨<!-- ⟨ --> S ⟩<!-- ⟩ --> = ⟨<!-- ⟨ --> E 2 ε<!-- ε --> v ⟩<!-- ⟩ --> </div> <div>· Potenza</div> <div><i>P</i> = <i>I</i>Σ</div> <div>L’intensità varia in base alla scelta di Σ</div> <div>· Equazioni di continuità Teorema di Poynting</div> <div> ∇<!-- ∇ --> ⋅<!-- ⋅ --> S + E ⋅<!-- ⋅ --> j + ∂<!-- ∂ --> u ∂<!-- ∂ --> t = 0 </div> <div>Conservazione della carica</div> <div> ∇<!-- ∇ --> ⋅<!-- ⋅ --> j + ∂<!-- ∂ --> ρ<!-- ρ --> ∂<!-- ∂ --> t = 0 </div> <div>· Densità di en. campo EM</div> <div><i>u</i>_{EM} = 1 2 (E ⋅<!-- ⋅ --> D + B ⋅<!-- ⋅ --> H) </div> <div><i>U</i>_{EM} = ∫_{ℝ³} <i>u</i>_{EM}dτ</div> <div>· Densità di quantità di moto</div> <div>g = S c 2 </div> <div>· Effetto Doppler</div> <div><i>ν</i>’ = <i>ν</i> v −<!-- − --> v oss v −<!-- − --> v sorg </div> <div>· Oscillazione del dipolo</div> <div><i>I</i>(<i>r</i>,<i>θ</i>) = I 0 r 2 sin 2 (θ) </div> <div><i>P</i> = ∫ ∫ <i>I</i>(<i>r</i>,<i>θ</i>)drdθ = 8 3 π<!-- π --> I 0 </div> <div>· Velocità dell’onda</div> <div><i>v</i>² = 1 k e ε<!-- ε --> 0 k m μ<!-- μ --> 0 </div> <div><i>c</i>² = 1 ε<!-- ε --> 0 μ<!-- μ --> 0 </div> <div>· Indice di rifrazione</div> <div><i>n</i> = c v = √<!-- √ --> k e k m </div> <div>· Legge di Snell-Cartesio</div> <div><i>n</i>₁ sin θ₁ = <i>n</i>₂ sin θ₂</div>	<div>· Coefficienti di Fresnel Definizione</div> <div><i>r</i> = E r E i <i>R</i> = P r P i = I r I i </div> <div><i>t</i> = E t E i <i>T</i> = P t P i = I t I i </div> <div>Raggio RIFLESSO polarizzato</div> <div><i>r</i>_σ = sin ⁡<!-- ⁡ --> (θ<!-- θ --> t −<!-- − --> θ<!-- θ --> i) sin ⁡<!-- ⁡ --> (θ<!-- θ --> t + θ<!-- θ --> i) </div> <div><i>r</i>_π = tan ⁡<!-- ⁡ --> (θ<!-- θ --> t −<!-- − --> θ<!-- θ --> i) tan ⁡<!-- ⁡ --> (θ<!-- θ --> t + θ<!-- θ --> i) </div> <div><i>R</i>_σ = <i>r</i>_σ² <i>R</i>_π = <i>r</i>_π²</div> <div>Raggio TRASMESSO polarizzato</div> <div><i>t</i>_σ = 2 n i cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> i n i cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> i + n t cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> t </div> <div><i>t</i>_π = 2 n i cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> i n i cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> t + n t cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> i </div> <div><i>T</i>_σ = 1 − <i>R</i>_σ <i>T</i>_π = 1 − <i>R</i>_π</div> <div>Luce NON polarizzata</div> <div><i>R</i> = 1 2 (R σ + R π) <i>T</i> = 1 2 (T σ + T π) </div> <div>Incidenza normale (cos θ_{<i>i</i>}? cos θ_{<i>t</i>} = 1)</div> <div><i>r</i> = n i −<!-- − --> n t n i + n t </div> <div><i>R</i> = ⎡<!-- ⎡ --> n i −<!-- − --> n t n i + n t ⎤<!-- ⎤ --> 2 </div> <div><i>t</i> = 2 n i n i + n t </div> <div><i>T</i> = 4 n i n t (n i + n t) 2 </div> <div>Angolo di Brewster (il raggio riflesso non ha polar. parallela)</div> <div><i>θ</i>_{<i>i</i>} + <i>θ</i>_{<i>t</i>} = π<!-- π --> 2 →<!-- → --> θ<!-- θ --> B = θ<!-- θ --> i = arctan ⁡<!-- ⁡ --> n t n i </div> <div><i>R</i> = 1 2 cos 2 (2<i>θ</i>_{<i>i</i>})</div> <div><i>T</i> = 1 − <i>R</i></div> <div>· Pressione di radiazione Superficie ASSORBENTE</div> <div><i>p</i> = I i v </div> <div>Superficie RIFLETTENTE</div> <div><i>p</i> = I i + I t + I r v </div> <div>· Rapporto di polarizzazione</div> <div><i>β</i>_{<i>R</i>} = P R σ −<!-- − --> P R π P R σ + P R π </div> <div><i>β</i>_{<i>T</i>} = P T σ −<!-- − --> P T π P T σ + P T π </div>	<div>■ INTERFERENZA e DIFFRAZIONE</div> <div>· Interferenza generica Onda risultante</div> <div><i>f</i>(r,<i>t</i>) = <i>Ae</i>^{<i>i</i>(<i>kr</i>₁ − <i>ωt</i> + α)}</div> <div>Ampiezza</div> <div><i>A</i> = √<!-- √ --> A 1 2 + A 2 2 + 2 A 1 A 2 cos ⁡<!-- ⁡ --> δ </div> <div>Diff. cammino ottico</div> <div><i>δ</i> = α₂ − α₁ = (Φ₂ − Φ₁ + <i>k</i>(<i>r</i>₂ − <i>r</i>₁))</div> <div>Intensità</div> <div><i>I</i> = <i>I</i>₁ + <i>I</i>₂ + 2√<i>I</i>₁<i>I</i>₂ cos δ</div> <div>Fase risultante α</div> <div>tan α = A 1 sin ⁡<!-- ⁡ --> α<!-- α --> 1 + A 2 sin ⁡<!-- ⁡ --> α<!-- α --> 2 A 1 cos ⁡<!-- ⁡ --> α<!-- α --> 1 + A 2 cos ⁡<!-- ⁡ --> α<!-- α --> 2 </div> <div>Massimi</div> <div><i>δ</i> = 2<i>nπ</i></div> <div>Minimi</div> <div><i>δ</i> = (2<i>n</i> + 1)<i>π</i></div> <div>· Condizione di Fraunhofer</div> <div><i>θ</i> = Δ<!-- Δ --> y L </div> <div>L grande tale che tan θ ≈ θ</div> <div>· Interferenza in fase Diff. cammino ottico</div> <div><i>δ</i> = <i>k</i>(<i>r</i>₂ − <i>r</i>₁) = 2 π<!-- π --> λ<!-- λ --> d sin ⁡<!-- ⁡ --> θ </div> <div>Costruttiva</div> <div><i>r</i>₂ − <i>r</i>₁ = <i>nλ</i> → sin θ = <i>n</i> λ d <i>n</i> ∈ ℤ</div> <div>Distruttiva</div> <div><i>r</i>₂ − <i>r</i>₁ = 2 n + 1 2 λ<!-- λ --> →<!-- → --> sin ⁡<!-- ⁡ --> θ = 2 n + 1 2 λ<!-- λ --> d <i>n</i> ∈ ℤ</div> <div>· Interf. riflessione su lastra sottile (<i>n</i> indice rifr., <i>t</i> spessore lastra) Diff. cammino ottico</div> <div><i>δ</i> = 2 π<!-- π --> λ<!-- λ --> 2 n t cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> t </div> <div>Massimi <i>m</i> ∈ ℕ</div> <div><i>t</i> = 2 m + 1 4 n λ<!-- λ --> cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> t </div> <div>Minimi <i>m</i> ∈ ℕ</div> <div><i>t</i> = m 2 n λ<!-- λ --> cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> t </div> <div>· Interferenza N fenditure Diff. cammino ottico</div> <div><i>δ</i> = 2 π<!-- π --> λ<!-- λ --> d sin ⁡<!-- ⁡ --> θ </div> <div>Intensità</div> <div><i>I</i>(<i>θ</i>) = <i>I</i>₀ ⎡<!-- ⎡ --> sin ⁡<!-- ⁡ --> (N δ<!-- δ --> 2) sin ⁡<!-- ⁡ --> δ<!-- δ --> 2 ⎤<!-- ⎤ --> 2 </div> <div>Massimi principali <i>m</i> ∈ ℤ</div> <div><i>δ</i> = 2<i>mπ</i> → sin θ = m λ<!-- λ --> d </div>	<div><i>I</i>_{MAX} = <i>N</i>²<i>I</i>₀</div> <div>Massimi secondari <i>m</i> ∈ ℤ − {<i>kN</i>, <i>kN</i> − 1 con <i>k</i> ∈ ℤ}</div> <div><i>δ</i> = 2 m + 1 2 N π<!-- π --> →<!-- → --> sin ⁡<!-- ⁡ --> θ = 2 m + 1 2 N λ<!-- λ --> d </div> <div><i>I</i>_{SEC} = I 0 (sin ⁡<!-- ⁡ --> π<!-- π --> d sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ) 2 </div> <div>Minimi <i>m</i> ∈ ℤ − {<i>kN</i>}</div> <div><i>δ</i> = 2 m N π<!-- π --> →<!-- → --> sin ⁡<!-- ⁡ --> θ = m λ<!-- λ --> N d </div> <div><i>I</i>_{MIN} = 0</div> <div>Separazione angolare (distanza angolare tra min. e max. adiacente)</div> <div>Δ<i>θ</i> ≈ 1 N λ<!-- λ --> d cos ⁡<!-- ⁡ --> θ </div> <div>Potere risolutore</div> <div> δ<!-- δ --> λ<!-- λ --> λ<!-- λ --> = 1 N n </div> <div>· Diffrazione Intensità</div> <div><i>I</i>(<i>θ</i>) = <i>I</i>₀ ⎡<!-- ⎡ --> sin ⁡<!-- ⁡ --> (π<!-- π --> a sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ) π<!-- π --> a sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ ⎤<!-- ⎤ --> 2 </div> <div>Massimo pincipale in θ = 0</div> <div><i>I</i>_{MAX} = <i>I</i>₀</div> <div>Massimi secondari <i>m</i> ∈ ℤ − {−1, 0}</div> <div>sin θ = 2 m + 1 2 λ<!-- λ --> a </div> <div><i>I</i>_{SEC} = I 0 (π<!-- π --> (2 m + 1) 2) 2 </div> <div>Minimi <i>m</i> ∈ ℤ − {0}</div> <div>sin θ = m λ<!-- λ --> a </div> <div><i>I</i>_{MIN} = 0</div> <div>· Reticolo di diffrazione Sovrapposizione di diffrazione e interferenza, l’intensità è il prodotto dei due effetti</div> <div><i>I</i>(<i>θ</i>) = <i>I</i>₀ ⎡<!-- ⎡ --> sin ⁡<!-- ⁡ --> (π<!-- π --> a sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ) sin ⁡<!-- ⁡ --> (N π<!-- π --> d sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ) π<!-- π --> a sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ sin ⁡<!-- ⁡ --> (π<!-- π --> d sin ⁡<!-- ⁡ --> θ λ) ⎤<!-- ⎤ --> 2 </div> <div>Dispersione</div> <div><i>D</i> = d θ<!-- θ --> d λ<!-- λ --> = m d cos ⁡<!-- ⁡ --> θ<!-- θ --> m </div> <div>· Fattore molt. di inclinazione</div> <div><i>f</i>(<i>θ</i>) = 1 + cos ⁡<!-- ⁡ --> θ 2 </div> <div>· Filtro polarizzatore Luce NON polarizzata</div> <div><i>I</i> = I 0 2 </div> <div>Luce polarizzata (Legge di Malus)</div> <div><i>I</i> = <i>I</i>₀ cos²(<i>θ</i>)</div>
<div>■ UNITÀ DI MISURA</div> <div><i>H</i> = W b A = T m 2 = m 2 k g A 2 s 2 </div> <div><i>Ω</i> = V A = V 2 W = m 2 k g A 2 s 3 </div> <div><i>T</i> = N A m = k g A s 2 </div> <div><i>V</i> = J C = W A = m 2 k g s 3 A </div> <div><i>F</i> = C V = C 2 J = A 2 s 4 m 2 k g </div> <div>■ FISICA 1</div> <div>· Momento torcente</div> <div><i>M</i> = r × F = <i>Iα</i></div>	<div>· Lavoro</div> <div><i>F</i> = ∇<i>W</i> = −∇<i>U</i></div> <div>· Moto circolare unif. accelerato</div> <div><i>v</i> = <i>ωr</i></div> <div><i>a</i> = v 2 r = ω<!-- ω --> 2 r </div> <div><i>θ</i>(<i>t</i>) = <i>θ</i>(0) + <i>ω</i>(0)<i>t</i> + 1 2 α<!-- α --> t 2 </div> <div>· Moto armonico Equazione differenziale</div> <div><i>x</i>'' + <i>ω</i>²<i>x</i> = 0</div> <div>Soluzione</div> <div><i>x</i>(<i>t</i>) = <i>A</i> sin(<i>ωt</i> + φ)</div>	<div>· Attrito viscoso Equazione differenziale</div> <div><i>v</i>’ + v τ = <i>K</i></div> <div>Soluzione</div> <div><i>v</i>(<i>t</i>) = <i>kτ</i>(1 − <i>e</i>^{−<i>t</i>/<i>τ</i>})</div> <div>■ ANALISI MATEMATICA</div> <div>· Integrali ricorrenti</div> <div>∫ 1 x 2 + r 2 d x = 1 r arctan ⁡<!-- ⁡ --> x r </div> <div>∫ 1 √<!-- √ --> x 2 + r 2 d x = ln ⁡<!-- ⁡ --> √<!-- √ --> x 2 + r 2 + x </div>	<div>∫ 1 (x 2 + r 2) 3 / 2 d x = x r 2 √<!-- √ --> r 2 + x 2 </div> <div>∫ x √<!-- √ --> x 2 + r 2 d x = √<!-- √ --> r 2 + x 2 </div> <div>∫ x (x 2 + r 2) 3 / 2 d x = −<!-- − --> 1 √<!-- √ --> r 2 + x 2 </div> <div>∫ 1 cos ⁡<!-- ⁡ --> x d x = log ⁡<!-- ⁡ --> ⎡<!-- ⎡ --> 1 + sin ⁡<!-- ⁡ --> x cos ⁡<!-- ⁡ --> x ⎤<!-- ⎤ --> </div> <div>∫ sin³ <i>ax</i>d<i>x</i> = − 3 a cos ⁡<!-- ⁡ --> a x 4 a + cos ⁡<!-- ⁡ --> 3 a x 12 </div>

· Differenziale di primo ordine

Forma generale

$y'(t)+a(t)y(t)=b(t)$

(276)

Soluzione

$y(t)=e^{-A(t)(c+\int b(t)e^{A(t)}dt)}$

(277)

· Differenziale di secondo ordine omo-geneo

Forma generale

$y''+ay'+by=0$

$a,b\in\mathbb{R}$

(278)

$\lambda_{1,2}\in\mathbb{C}$ sono le soluzioni dell'equazione associata

Soluzioni

Se $\Delta > 0$

$y(t)=c_1e^{\lambda_1t}+c_2e^{\lambda_2t}$

(279)

Se $\Delta = 0$

$y(t)=c_1e^{\lambda_1t}+tc_2e^{\lambda_2t}$

(280)

Se $\Delta < 0$

$y(t)=c_1e^{\alpha t}\cos(\beta t)+c_2e^{\alpha t}\sin(\beta t)$

(281)

con $\alpha = Re(\lambda)$ e $\beta = Im(\lambda)$

· Identità vettoriali

$\nabla\cdot(\nabla\times\mathbf{A})=0$

(282)

$\nabla\times(\nabla f)=0$

(283)

$\nabla\cdot(f\mathbf{A}=f\nabla\cdot\mathbf{A}+\mathbf{A}\cdot\nabla f$

(284)

$\nabla(\mathbf{A}\cdot\mathbf{B})=\mathbf{B}\cdot(\nabla\times\mathbf{A})-\mathbf{A}\cdot(\nabla\times\mathbf{B})$

(285)

$\nabla\times(\nabla\times\mathbf{A})=\nabla(\nabla\cdot\mathbf{A})-\nabla^2\mathbf{A}$

(286)

$\mathbf{A}\times(\mathbf{B}\times\mathbf{C})=\mathbf{B}(\mathbf{A}\cdot\mathbf{C})-\mathbf{C}(\mathbf{A}\cdot\mathbf{B})$

(287)

· Identità geometriche

$\sin(\alpha\pm\beta)=\sin\alpha\cos\beta\pm\cos\alpha\sin\beta$

(288)

$\cos(\alpha\pm\beta)=\cos\alpha\cos\beta\mp\sin\alpha\sin\beta$

(289)

$\cos\frac{\alpha}{2}=\pm\sqrt{\frac{1+\cos\alpha}{2}}$

(290)

$\sin\frac{\alpha}{2}=\pm\sqrt{\frac{1-\cos\alpha}{2}}$

(291)

$\tan\frac{\alpha}{2}=\frac{1-\cos\alpha}{\sin\alpha}=\frac{\sin\alpha}{1+\cos\alpha}$

(292)

	Cartesiane	Sferiche	Cilindriche
Gradiente ($\nabla f =$)	$\frac{\partial f}{\partial x}\mathbf{x}+\frac{\partial f}{\partial y}\mathbf{y}+\frac{\partial f}{\partial z}\mathbf{z}$	$\frac{\partial f}{\partial r}\mathbf{r}+\frac{1}{r}\frac{\partial f}{\partial \theta}\boldsymbol{\theta}+\frac{1}{r\sin\theta}\frac{\partial f}{\partial \phi}\boldsymbol{\phi}$	$\frac{\partial f}{\partial r}\mathbf{r}+\frac{1}{r}\frac{\partial f}{\partial \theta}\boldsymbol{\theta}+\frac{\partial f}{\partial z}\mathbf{z}$
Divergenza ($\nabla\cdot\mathbf{F} =$)	$\frac{\partial F_x}{\partial x}+\frac{\partial F_y}{\partial y}+\frac{\partial F_z}{\partial z}$	$\frac{1}{r^2}\frac{\partial r^2F_r}{\partial r}+\frac{1}{r\sin\theta}\frac{\partial F_\theta\sin\theta}{\partial \theta}+\frac{1}{r\sin\theta}\frac{\partial F_\phi}{\partial \phi}$	$\frac{1}{r}\frac{\partial F_r}{\partial r}+\frac{1}{r}\frac{\partial F_\theta}{\partial \theta}+\frac{\partial F_z}{\partial z}$
Rotore ($\nabla\times\mathbf{F} =$)	$\left(\begin{array}{c}\frac{\partial F_z}{\partial y}-\frac{\partial F_y}{\partial z}\\\frac{\partial F_x}{\partial z}-\frac{\partial F_z}{\partial x}\\\frac{\partial F_y}{\partial x}-\frac{\partial F_x}{\partial y}\end{array}\right)$	$\left(\begin{array}{c}\frac{1}{r\sin\theta}\left(\frac{\partial F_\phi\sin\theta}{\partial \theta}-\frac{\partial F_\theta}{\partial \phi}\right)\\\frac{1}{r}\left(\frac{1}{\sin\theta}\frac{\partial F_r}{\partial \phi}-\frac{\partial(rF_\phi)}{\partial r}\right)\\\frac{1}{r}\left(\frac{\partial(rF_\theta)}{\partial r}-\frac{\partial F_r}{\partial \theta}\right)\end{array}\right)$	$\left(\begin{array}{c}\left(\frac{1}{r}\frac{\partial F_z}{\partial \phi}-\frac{\partial F_\phi}{\partial z}\right)\\\left(\frac{\partial F_r}{\partial z}-\frac{\partial(rF_z)}{\partial r}\right)\\\frac{1}{r}\left(\frac{\partial(rF_\phi)}{\partial r}-\frac{\partial F_r}{\partial \phi}\right)\end{array}\right)$
Il laplaciano di un campo scalare Φ , in qualunque coordinata, è $\nabla\cdot\nabla\Phi$			