# Multilayered Perceptron - Classificazione Multiclasse

Lorenzo Baiardi

Giugno 27, 2022

## 1 Introduzione

In questa relazione verrà descritta l'architettura multilayered perceptron, una rete neurale che è in grado di apprendere dai dati forniti in input (features) fornendo un valore in uscita (prediction).

Il problema di classificazione (binaria) consiste ad esempio: data un immagine di un animale, verificare che sia presente un cane o un gatto.

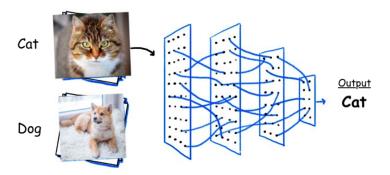


Figura 1: Esempio classificazione binaria

Nel caso di un problema multiclasse, il numero di oggetti da identificare è maggiore di due, di conseguenza la rete sarà in grado di classificare k > 2 classi.

# 2 MLP

Il Multilayer Perceptron è una struttura di rete basata sul perceptron, ma utilizzando più livelli. Ogni livello è costituito da dei "neuroni" che hanno la funzione di Perceptron, cioè quello di fornire un valore in uscita dati dei valori di ingresso, il quale servirà per i successivi layer. I layer possono essere distinti principalmente in tre categorie:

- Input Layer: composta dai nostri dati in ingresso. Il numero dei "neuroni" iniziali è dettato dal numero di features di cui abbiamo a disposizione.
- Hidden Layers: i layers "nascosti", dove effettivamente vengono processati i dati dai vari neuroni. Possono essere esserci più hidden layer in base al tipo di problema, e questi possono variare anche nel numero di neuroni. Genericamente il numero di neuroni è compreso tra il numero di features e il numero di classi.
- Output Layer: una volta che i dati vengono elaborati, la rete fornisce in uscita un predizione della categorizzazione.

Per i nostri esempi è sufficiente avere un unico hidden layer.

Esempio di Rete

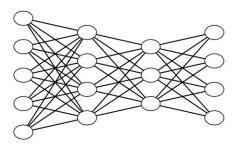


Figura 2: Esempio di Rete MLP Multiclasse

# 2.1 BackPropagation

Per l'apprendimento della rete utilizziamo l'algoritmo di backpropagation composto da due parti: una forward dove viene presentato un osservazione alla rete e successivamente calcolato il valore di uscita con determinazione dell'errore, e una backward dove l'errore calcolato dalla forward viene propagata all'indietro verso tutti i layers. In quest'ultima fase i pesi di tutti i layer vengono aggiustati per ottimizzare la classificazione per le successive osservazioni.

Per l'ottimizzazione dei pesi:  $w_{t+1} = w_t - \gamma * \nabla_w L^{(i)}$ 

Il parametro  $\gamma$  si chiama learning rate e rappresenta il grado di apprendimento della rete.

#### 2.2 Inizializzazione dei Parametri

In una rete è necessario inizializzare correttamente i parametri, infatti non è possibile inizializzare i pesi della rete a zero, dato che in questo caso la rete si fermerebbe al primo calcolo del gradiente. Esistono varie inizializzazioni, in questo elaborato ne vedremo in particolare due:

• Casuale: vengono randomizzati i valori iniziali

• Glorot: i valori saranno presi da distribuzione uniforme U(-d,d) con  $d=\sqrt{\frac{6}{padri_j+figli_j}}$ 

#### 2.3 Funzioni di attivazione

Le funzioni di attivazioni sono funzioni che vengono utilizzate per mappare l'ingresso all'uscita. Nel nostro caso utilizzeremo una di queste funzioni non lineari:

• Sigmoid:  $\sigma(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ 

• Tanh:  $tanh(x) = \frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}}$ 

• Relu: Relu(x) = max(0, x)

#### 2.3.1 Softmax

La funzione di attivazione Softmax è necessaria per mappare il vettore delle varie predizioni in un vettore  $\theta$  tale che:  $\sum \theta_j = 1$ 

Softmax:  $\theta_j = \frac{e^{v_j}}{\sum\limits_r e^{v_j}} r = 1, \dots, k \text{ con } k = \text{numero di classi}$ 

# 2.4 Multiclass Cross Entropy

Per il caso multiclasse utilizziamo la funzione di loss:  $l(\theta, y) = -\frac{1}{n} \sum_{j=1}^{k} y_j \log \theta_j$  con n = osservazioni.

## 2.5 Metodo del gradiente stocastico

La parte critica dell'algoritmo backpropagation è il calcolo del gradiente, sopratutto quando il dataset è relativamente grande.

Per risolvere questo problema possiamo adottare diverse strategie: una di queste è l'SGD (Stochastic Gradient Descent) che è il metodo utilizzato all'interno dell'elaborato per il passaggio dei dati del dataset.

Preso un dataset, randomizziamo le varie osservazioni e da questo preleviamo un singolo indice i dal quale poi verrà calcolato la predizione e il suo relativo errore.

Successivamente, preleveremo un altro indice per rieseguire il calcolo, fino a che non completeremo il dataset. L'iterazione di tutto il dataset si chiama epoca.

Questo metodo permette di aumentare la velocità del calcolo del gradiente rispetto al Gradient Descent, cioè il passaggio dell'intero dataset.

Un ultimo metodo che è possibile utilizzare è il Minibatch che consiste nell'iterazione di un range di indici (range = batch-size) alla volta fino al completamento del dataset.

Se il range che utilizziamo per il minibatch è uguale al numero di tutto il dataset, otteniamo il Gradient Descent, se invece è uguale a uno riotteniamo il metodo del gradiente stocastico.

L' SDG è più efficiente del gradient descent perché ottimizza i tempi dovuti al calcolo del gradiente, ma con lo svantaggio di essere meno preciso nella valutazione dell'errore. Il minibatch è il metodo che riesce a coniugare una migliore precisione con una maggiore velocità (a discapito di una maggiore implementazione).

## 3 Dataset

I dataset utilizzati sono stati presi dal sito: https://archive-beta.ics.uci.edu/

Entrambi i dataset hanno un numero di classi maggiori di 3, e numero di osservazioni maggiori di 5000. Il primo dataset utilizzato consiste nell'individuare, dati le features, se una macchina è soggetta a un particolare tipo di malfunzionamento:

- numero di features = caratteristiche delle macchine = 5
- numero di classi = tipologie di malfunzionamento = 4
- numero di osservazioni = 10000

Il secondo dataset viene utilizzato per identificare, in base alle caratteristiche fornite in input, una rana nella sua relativa famiglia:

- numero di features = caratteristiche delle rane = 21
- numero di classi = famiglie di rane = 10
- numero di osservazioni = 7195

Di queste osservazioni ne vengano estrapolate circa milla per il validation set.

#### 4 Valori Attesi

Per come è stata progettata la nostra architettura, ci aspetteremo che la rete fornisca un errore più grande nelle prime iterazioni dato che necessita di informazioni per l'apprendimento. Nelle successive iterazioni, la rete sarà in grado di apprendere meglio, migliorando di conseguenza la precisione nella classificazione. Più sono le osservazioni e il numero di epoche, più la rete sarà precisa nella classificazione.

# 5 Risultati

#### 5.1 Dataset 1 - Fallimento delle macchine.

Per l'apprendimento della rete sono state utilizzate 9000 osservazioni iterate per 50 epoche, con un learning rate pari a 0.0001.

Per il validation set vengono estratte le restanti osservazioni, circa 1000 osservazioni:

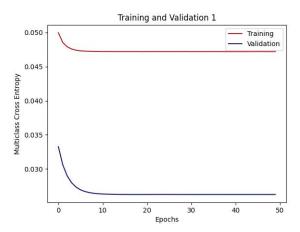


Figura 3: Cross Entropy sul training set e validation set

L'errore nel training si rivela notevolmente basso già dalle prime iterazioni, per poi raggiungere la convergenza. Sia che per il training set che per il validation set possiamo che notare che entrambi i grafici tendono a diminuire mostrandoci che la rete apprende bene e non va in over-fitting.

#### 5.2 Dataset 2 - Classificazione delle rane

Per l'apprendimento della rete sono state utilizzate 6000 osservazioni iterate per 50 epoche, con learning rate pari a 0.0001.

Per il validation set vengono estratte le restanti osservazioni, circa 1000 osservazioni:

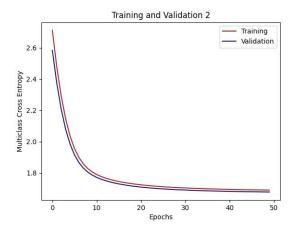


Figura 4: Cross Entropy sul training set e validation set

In questo caso, il valore iniziale di errore nel training è più alto rispetto al primo dateset, dato che, molto probabilmente, il numero di classi in questo problema è più alto e il numero di osservazione è minore (rispetto al primo dataset). Nonostante questo, la rete riesce a converge fino al suo valore più basso. Anche qui il training set e il validation set tendono a diminuire, non andando in over-fitting.

# 6 Conclusioni

Come abbiamo potuto osservare dai grafici, la rete una volta che apprende dai dati riesce ad apprendere sempre di più fino ad arrivare alla convergenza. Per diminuire l'errore di training nel dataset 2 sarà necessario fornire un maggior numero di osservazioni dato il grande numero di classi da identificare. Per entrambi i dataset, sia il training set che il validation set diminuiscono, non andando in over-fitting, mostrandoci che il modello architetturale descritto è un buon modello.

## 7 Caratteristiche Terminale

Il terminale su cui sono state svolte le prove:

• Sistema Operativo: Windows 11 PRO

• Processore: Intel I5-8600K

• Scheda Video: Nvdia GEFORCE 1050-Ti

• Ram: 16GB DDR4 3600MHz

## 8 Riferimenti e Letture

• backpropagation

• archivio datasets

• metodo per il plot della rete