《计算流体力学基础》第一次作业

生成绕 NACA0012 翼型的 C 网格。NACA0012 翼型是一个对称翼型,上表面可以用如下方程近似:

 $y_1(x) = 0.6(0.2969\sqrt{x} - 0.126x - 0.3516x^2 + 0.2843x^3 - 0.1015x^4), \quad x \in [0, 1]$ 下表面 $y_2(x)$ 和上表面是关于 x 轴对称的,因此 $y_2(x) = -y_1(x)$ 。

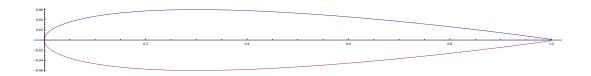


图 1: NACA0012 翼型图

也可以借助于复变换,生成绕儒科夫斯基翼型的 ()型网格或者扩张通道内的 H型网格。

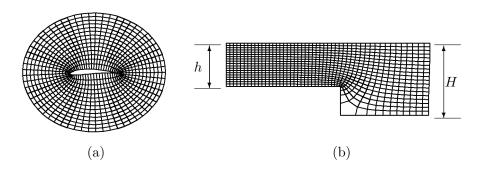


图 2: 儒科夫斯基翼型的 O 型网格 (a) 和扩张通道的 H 型网格 (b)

儒科夫斯基翼型的〇型网格可以直接用流体力学教科书中给出的复变换计算,对于扩张通道的 H 型网格,可以通过如下变换,把一个上半平面变换为需要的区域

$$z = \frac{H}{\pi} \ln t_1 - \frac{h}{\pi} \ln t_2$$

其中

$$t_1 = \frac{1+t}{1-t},$$
 $t_2 = \frac{b+t}{b-t},$ $t = \left(\frac{w-b^2}{w-1}\right)^{1/2}$

参数 b = H/h。此变换把 w- 平面的上半平面变换为一个扩张管道,于是,我们可以首先在 w- 上半平面 $(r_1,r_2) \times (0,\pi)$ 划分极坐标网格,然后再把每一点都映射到 z- 平面上。要注意到复变函数中的开方和对数运算中的多值性,在对 w- 平面坐标轴上的点做变换时,为了避免微小的数值误差引起最终结果较大的变化,可以把区间 $(0,\pi)$ 用一个小参数 ε 修改为 $(\varepsilon,\pi-\varepsilon)$,另外,径向区域应满足 $r_1 < 1, r_2 > 1$,最好沿径向不要均匀取点,所取的点应该越向外越稀疏。