

VERSUCH NUMMER

TITEL

AUTOR A

authorA@udo.edu

AUTOR B

authorB@udo.edu

Durchführung: DATUM

Abgabe: DATUM

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Theorie	3
1.1	Tomographie	3
1.2	Interaktion Gamma-Strahlung mit Materie	3
1.3	Messelektronik	4
1.4	Berechnung der Absorptionskoeffizienten	4
2	Aufbau	6
3	Durchführung	8
4	Auswertung	9
4.1	Spektrum der ^{137}Cs -Quelle	9
4.2	Würfel 1	10
4.3	Würfel 2	10
4.4	Würfel 3	10
4.5	Würfel 4	11
5	Diskussion	11
	Literatur	11

1 Theorie

1.1 Tomographie

Tomographie bezeichnet ein Verfahren bei dem schichtweise Aufnahmen von einem Objekt genommen werden, um so dessen innere Zusammensetzung darzustellen. In diesem Versuch wird mithilfe von der Absorption von Gammastrahlung die Zusammensetzung eines Würfels aus 3x3x3 einzelnen Würfeln bestimmt. Dazu wird erst die Interaktion von Gammastrahlung mit Materie beschrieben.

1.2 Interaktion Gamma-Strahlung mit Materie

Beim Durchlauf von Gamma-Strahlung durch feste Materie kann das γ -Quant auf 3 verschiedene Arten wechselwirken.

Bei den photoelektrischen Effekt wechselwirkt das γ -Quant mit den Hüllenelektronen und löst diese aus ihrer Position in der Schale. Dabei wird die gesamte Energie des Photons an das Elektron übertragen. Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Teilchen absorbiert wird, mit dem Wirkungsquerschnitt τ ausgedrückt, welche von der Atomzahl Z des Materials und der Energie des γ -Quants E_γ abhängt.

$$\tau \propto Z^n / E_\gamma^m$$

n und m sind dabei wiederum abhängig von der Teilchen-Energie und in einen Bereich zwischen 3 und 5. Der Absorptionskoeffizient, welcher ein Maß für die absorbierte Strahlung ist, ist somit:

$$\mu_{PE} = \tau \rho N_A / A. \quad (1)$$

Dabei ist ρ die Dichte des Materials, N_A die Avogadro Konstante und A die Massenzahl.

Die Comptonstreuung ist die inelastische Streuung eines Photons mit einem Elektron. Die Energie des Photons wird dabei nur teilweise an das Elektron abgegeben. Der Wirkungsquerschnitt σ dieses Vorganges hängt dabei, ähnlich wie der photoelektrische Effekt, mit der Atomzahl Z des Materials und der Energie des Photons zusammen

$$\sigma \propto f(E_\gamma) \propto 1/E_\gamma.$$

Mit der Annahme, dass das Verhältnis A/Z ist für einen Großteil des Periodensystems konstant ist, lässt sich der Absorptionskoeffizient für Comptonstreuung als

$$\mu_{CS} = \text{constant} \cdot \sigma \cdot f(E_\gamma) \quad (2)$$

angeben.

Bei der Paar-Produktion wechselwirkt das γ -Quant mit dem Coulomb-Feld des Atomkerns. Dort zerfällt es in ein Elektron-Positron-Paar. Damit muss das Photon mindestens die Energie von 2 Elektronen Massen haben um diese erzeugen zu können. Der Wirkungsquerschnitt der Paar-Produktion ist nicht trivial zu bestimmen, hängt dabei aber von der Atomzahl Z und Strahlungsenergie E_γ ab.

$$\kappa \propto Z^2 f(E_\gamma, Z)$$

Der Absorptionskoeffizient lässt sich analog zu den des photoelektrischen Effektes berechnen.

Die gesamte Absorption ist die Überlagerung aller Effekte. Damit ist der Absorptionskoeffizient insgesamt

$$\mu_T = \mu_{PE} + \mu_{CS} + \mu_{PP} + \mu_{RS} \quad (3)$$

$$= (\rho N_A / A)(\tau + \sigma + \kappa + \sigma_{RS}) . \quad (4)$$

Meist wird jedoch das Verhältnis zwischen Absorptionskoeffizient und Dichte des Materials angegeben:

$$\mu_t / \rho = (N_A / A)(\tau + \sigma + \kappa + \sigma_{RS}) . \quad (5)$$

1.3 Messelektronik

Die radioaktive Strahlung wird in diesen Versuch mittels eines Szintillationsdetektor gemessen. Ein Szintillator ist ein Material, welches einfallende Strahlung in Photonen umwandelt. In einen kristallinen Szintillator werden durch Dotierung Fremdatome in die Kristallstruktur eingebracht. Einfallende Gammastrahlung kann Elektronen aus dem Valenzband in das Leitungsband heben. Dabei entstehen Elektronen-Loch-Paare, die sich frei im Kristall bewegen können. Diese wechselwirken mit den Fremdatomen, welche dabei angeregt werden. Unter Abgabe eines Photons fallen sie nach kurzer Zeit wieder in den Grundzustand zurück.

In einen nachgeschalteten Photomultiplier werden diese Photonen in Elektronen umgewandelt und verstärkt. Ein Photomultiplier besteht aus einer Photokathode, aus der mittels den photoelektrischen Effekt einfallenden Photonen Elektronen freisetzen. Diese werden mittels einer angelegten Spannung Richtung der Dynoden beschleunigt. Beim Aufprall der beschleunigten Elektronen werden weitere Elektronen freigesetzt. Am Ende des Photomultipliers werden die so gewonnenen Elektronen an einer Anode gesammelt und es entsteht ein messbarer elektrischer Puls.

Mittels eines Multichannelanalyser wird dieser Puls ausgewertet. Der einkommende Puls ladet dabei einen Kondensator. Dieser wird danach sofort wieder entladen und die dafür benötigte Zeit, welche proportional zur Pulshöhe ist, wird aufgenommen. Diese Ereignisse werden dann in zu den aufgenommenen Zeiten zugeordneten Registern aufaddiert.

1.4 Berechnung der Absorptionskoeffizienten

Die Intensität von Gammastrahlung nach dem Durchgang durch Materie lässt sich mit der Formel

$$I = I_0 \exp\left(-\sum_i \mu_i d_i\right) \quad (6)$$

berechnen. Dabei ist I_0 die Eingangsintensität des Strahls, μ_i der Absorptionskoeffizient und d_i die Schichtdicke der i -ten Schicht. Dies lässt sich umstellen nach

$$\ln\left(\frac{I_0}{I}\right) = \sum_i \mu_i d_i . \quad (7)$$

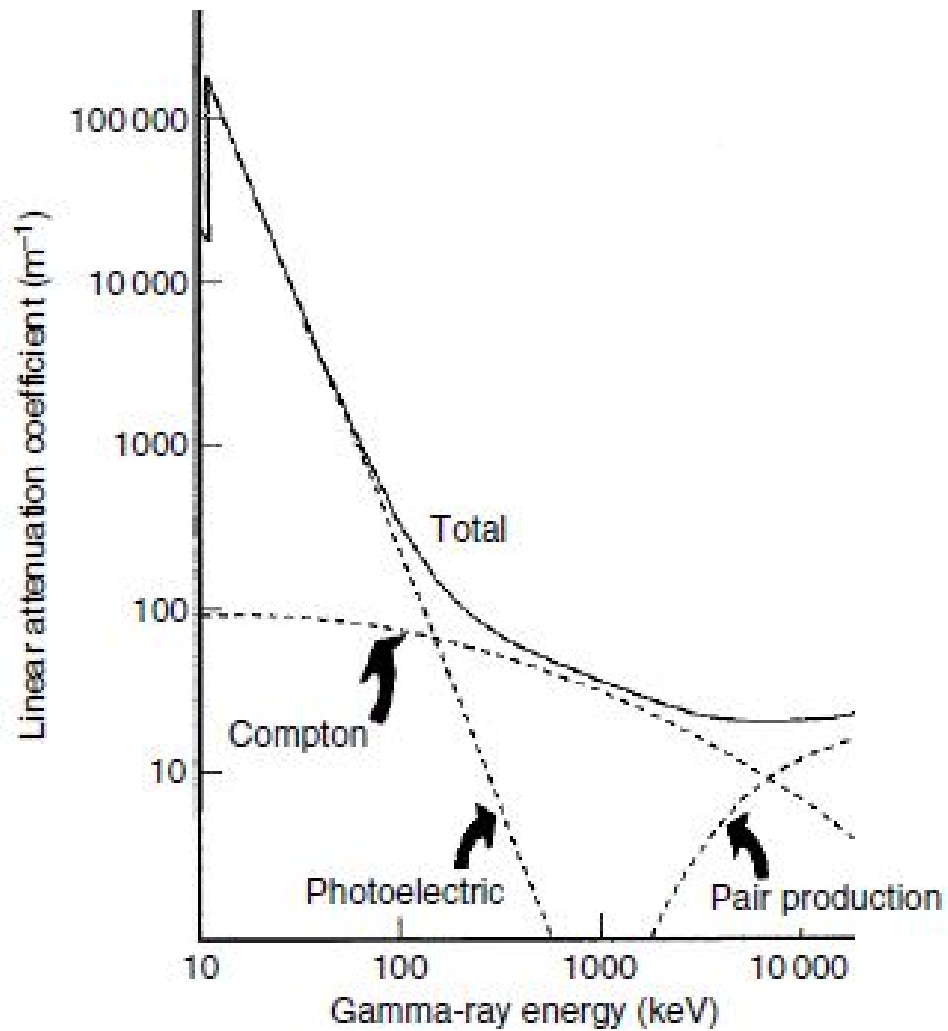


Abbildung 1: Absorptionskoeffizienten für die einzelnen Wechselwirkungsprozesse, sowie der Absorptionskoeffizient der gesamten Absorption an Beispiel von Germanium. [2]

Mit der Matrixdarstellung ergibt sich dann für mehrere Messungen die Formel

$$\vec{I} = A\vec{\mu}. \quad (8)$$

Die Spalten von A stellen dabei den i-ten Block dar und die Zeilen jeweils die j-te Messung. Die einzelnen Einträge sind dabei die Strecke die der Strahl bei der jeweiligen Messung durch einen gegebenen Block genommen hat. Damit geben sie auch an, welchen Weg der Strahl durch den Block genommen hat. Damit das Gleichungssystem lösbar ist, muss die Matrix mindestens denselben Rang haben wie die Dimension von $\vec{\mu}$. Zudem muss die Matrix invertierbar sein.

2 Aufbau

Der Versuchsaufbau ist in Grafik ?? abgebildet. Als γ -Quelle dient ein ^{137}Cs -Strahler, welcher in einer Bleihalterung eingebaut wird. Durch eine kleine Öffnung in der Abdeckung wird ein Strahl kollimiert. Dieser trifft auf einen 3x3x3 cm großen Würfel, der aus 3x3x3 kleineren Würfel zusammengesetzt ist. Die Würfel besitzen damit eine Kantenlänge von jeweils 1 cm. Die Probenhalterung auf den der Würfel befestigt wird, erlaubt es den Würfel um seine z-Achse zu drehen, sowie ihn im Strahl zu verschieben. Bei Durchlaufen des Würfels wird der Strahl abgeschwächt und fällt in den NaJ-Detektor. Dort wird mithilfe der Auswertungs elektronik ein Histogramm der einfallenden Energien erzeugt. Zur Messung stehen mehrere Würfel bereit. Würfel 1 ist ein leerer Würfel nur aus den Aluminiumgehäuse, welchen alle Würfel umgibt. Würfel 2 und 3 bestehen aus jeweils einen zu bestimmenden Material. Würfel 4 ist eine Zusammensetzung aus den Materialien aus denen Würfel 2 und 3 bestehen.

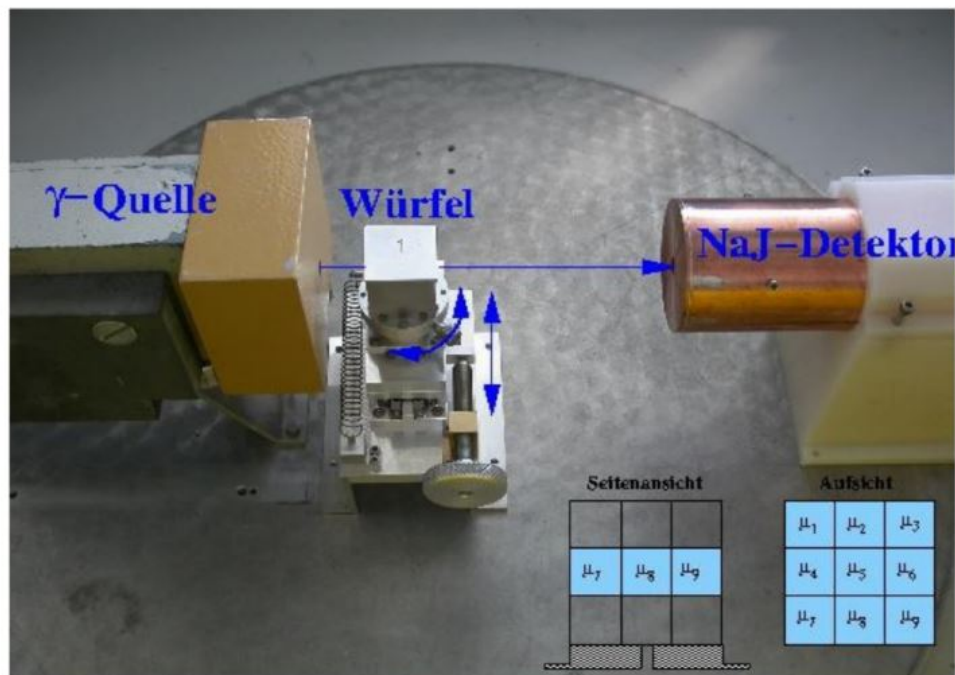


Abbildung 2: Versuchsaufbau und schematische Zusammensetzung der Würfel. Aus Strahlenschutzgründen wurde dieser Aufbau zusätzlich mit Bleiblöcken abgeschirmt. [1]

3 Durchführung

Um alle Würfel bestimmen zu können sind mindestens 9 Messungen nötig. Um mögliche Messungenauigkeiten ausgleichen zu können werden aber mehr Messungen durchgeführt. Die gewählten Projektionen sind in Abbildung ?? dargestellt. Zuerst wird der Intensitätsabfall durch die Aluminiumhülle ausgemessen. Dafür wurde jeweils eine Projektion gerade durch den Würfel, mittig quer durch den Würfel, und um einen Elementarwürfel versetzt durch den Würfel aufgenommen. Damit wurde das I_0 aller anderen Projektionen bestimmt. Bei den Würfeln 2 und 3 wurden diese Projektionen ebenso aufgenommen. Da die Würfel aus homogenen Material sind, reicht diese Anzahl an Projektionen aus um das Material der Würfel zu bestimmen. Bei den zusammengesetzten Würfel 4 wurden alle eingezeichneten Projektionen aufgenommen.

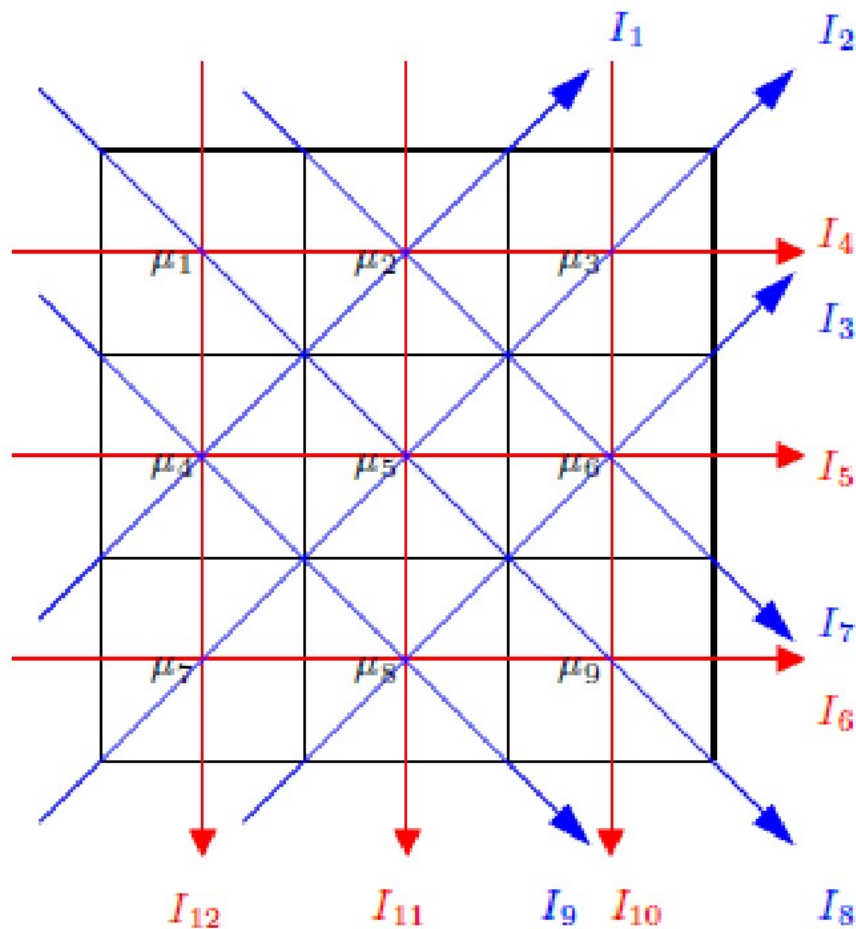


Abbildung 3: Gewählte Projektionen der Messung

$$\underline{\underline{A}} = \begin{bmatrix} 0 & \sqrt{2} & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & \sqrt{2} & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & \sqrt{2} & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 \\ \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} \\ 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 & 0 & 0 & \sqrt{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (9)$$

4 Auswertung

4.1 Spektrum der ^{137}Cs -Quelle

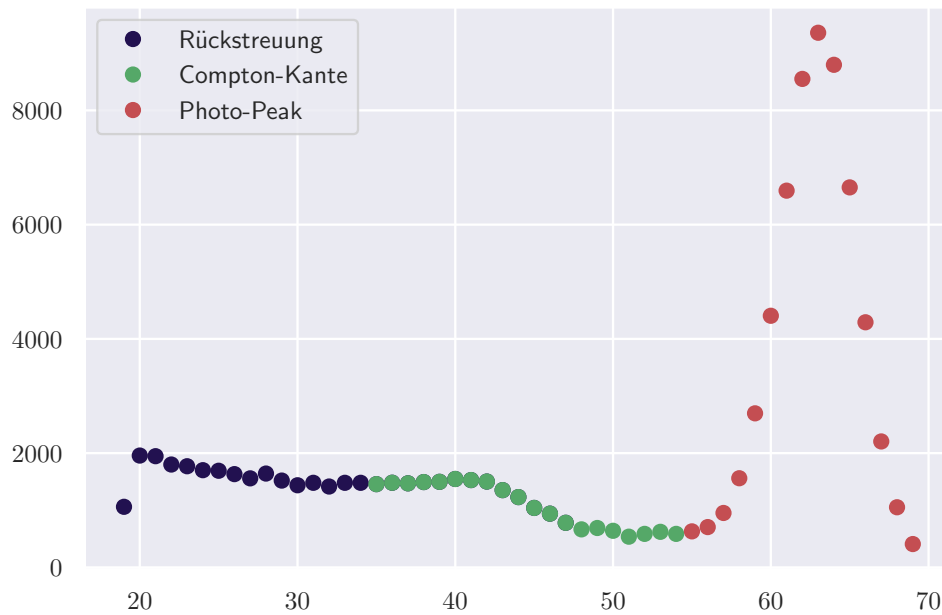


Abbildung 4: Die identifizierten Prozesse in dem Spektrum der Messung der ^{137}Cs -Quelle. Die Quelle strahlt bei dieser Messung durch die Hauptdiagonale des leeren Würfels.

4.2 Würfel 1

Projektion	t / s	N	$I / 1/s$
I_4	300	49176 ± 306	163.9 ± 1.0
I_7	300	48599 ± 320	162.0 ± 1.1
I_8	300	48599 ± 320	162.0 ± 1.1

Tabelle 1: Die gemessenen Net-Areas des Photo-Peaks und die entsprechende Zählraten des leeren Würfels, welcher nur aus der Aluminiumhülle besteht

4.3 Würfel 2

Projektion	t / s	N	$I / 1/s$
I_4	300	41777 ± 300	139.3 ± 1.0
I_5	300	43230 ± 289	144.1 ± 1.0
I_6	300	41772 ± 287	139.2 ± 1.0
I_7	300	43714 ± 273	145.7 ± 0.9
I_8	300	42274 ± 259	140.9 ± 0.9
I_9	300	41326 ± 297	137.8 ± 1.0
I_{12}	300	41886 ± 297	139.6 ± 1.0
I_{11}	300	42662 ± 288	142.2 ± 1.0
I_{10}	300	44080 ± 280	146.9 ± 0.9

Tabelle 2: Die gemessenen Net-Areas des Photo-Peaks und die entsprechende Zählraten des zweiten Würfels.

4.4 Würfel 3

Projektion	t / s	N	$I / 1/s$
I_4	300	1788 ± 55	5.96 ± 0.18
I_5	300	1751 ± 56	5.84 ± 0.19
I_6	300	2148 ± 58	7.16 ± 0.19
I_7	300	1928 ± 60	6.43 ± 0.20
I_9	300	2689 ± 62	8.96 ± 0.21
I_8	300	1358 ± 72	4.53 ± 0.24
I_{12}	300	2145 ± 60	7.15 ± 0.20
I_{11}	300	1829 ± 60	6.10 ± 0.20
I_{10}	300	1904 ± 60	6.35 ± 0.20

Tabelle 3: Die gemessenen Net-Areas des Photo-Peaks und die entsprechende Zählraten des dritten Würfels.

4.5 Würfel 4

Projektion	t / s	N	$I / 1/s$
I_4	300	14752 ± 146	49.2 ± 0.5
I_5	300	13959 ± 170	46.5 ± 0.6
I_6	300	13095 ± 168	43.6 ± 0.6
I_7	300	9203 ± 140	30.7 ± 0.5
I_8	300	8382 ± 107	27.9 ± 0.4
I_9	300	11430 ± 194	38.1 ± 0.6
I_{12}	300	41959 ± 274	139.9 ± 0.9
I_{11}	300	1732 ± 52	5.77 ± 0.17
I_{10}	300	40324 ± 279	134.4 ± 0.9
I_1	300	9735 ± 161	32.5 ± 0.5
I_2	300	8366 ± 104	27.89 ± 0.35
I_3	300	13498 ± 170	45.0 ± 0.6

Tabelle 4: Die gemessenen Net-Areas des Photo-Peaks und die entsprechende Zählraten des vierten Würfels.

5 Diskussion

Literatur

- [1] *Anleitung zu V14 Tomographie*. TU Dortmund, Fakultät Physik. 2022.
- [2] Gordon R. Gilmore. „Practical Gamma-Ray Spectrometry: Second Edition“. In: *Practical Gamma-ray Spectrometry, 2nd Edition, by Gordon R. Gilmore. ISBN 978-0-470-86196-7. Published by Wiley-VCH Verlag, Weinheim, Germany, 2008.* (Apr. 2008). DOI: 10.1002/9780470861981.