

**Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Национальный исследовательский университет ИТМО»
(Университет ИТМО)**

Факультет Инфокоммуникационных технологий (ИКТ)

Образовательная программа Мобильные и сетевые технологии

О Т Ч Е Т

по Лабораторной работе 2

Дисциплина: Алгоритмы и структуры данных

Специальность: 09.03.03 Прикладная информатика

Проверил:

Мусаев А. А. _____

Дата: «__» _____ 2023 г.

Оценка: _____

Выполнил:

Балцат К. И.,

студент группы К33401

Санкт-Петербург
2023

ВЫПОЛНЕНИЕ

1 Задача 1

Построить зависимость между количеством элементов и количеством шагов для алгоритмов со сложностью $O(1)$, $O(\log n)$, $O(n^2)$, $O(2^n)$. Сравнить сложность данных алгоритмов.

Решение:

Для построения зависимости между количеством элементов и количеством шагов для алгоритмов с разной сложностью, нужно рассмотреть каждый алгоритм отдельно.

Алгоритм со сложностью $O(1)$:

Алгоритмы с константной сложностью имеют постоянное количество шагов, которое не зависит от количества элементов. Например, присваивание значения переменной - это операция с $O(1)$ сложностью.

Алгоритм со сложностью $O(\log n)$:

Алгоритмы с логарифмической сложностью имеют количество шагов, пропорциональное логарифму от количества элементов. Такие алгоритмы характерны для работы с отсортированными данными. Например, бинарный поиск имеет $O(\log n)$ сложность.

Алгоритм со сложностью $O(n^2)$:

Алгоритмы с квадратичной сложностью имеют количество шагов, пропорциональное квадрату количества элементов. Например, алгоритм сортировки пузырьком имеет $O(n^2)$ сложность.

Алгоритм со сложностью $O(2^n)$:

Алгоритмы с экспоненциальной сложностью имеют количество шагов, растущее экспоненциально с ростом количества элементов. Например, алгоритм перебора всех подмножеств множества имеет $O(2^n)$ сложность.

Зависимость количества шагов от количества элементов для каждого из алгоритмов будет выглядеть следующим образом:

Алгоритм со сложностью $O(1)$: Количество шагов не зависит от количества элементов, поэтому зависимость представляет собой горизонтальную прямую.

Алгоритм со сложностью $O(\log n)$: Количество шагов увеличивается логарифмически при увеличении количества элементов. Зависимость представляет собой кривую, которая начинается у некоторой точки на вертикальной оси и затем растет медленно и постепенно, стремясь к горизонтальной прямой.

Алгоритм со сложностью $O(n^2)$: Количество шагов увеличивается квадратично при увеличении количества элементов. Зависимость представляет собой параболу, которая стремится к вершине, находящейся на нулевой точке на оси абсцисс, и затем растет очень быстро, становясь почти вертикальной.

Алгоритм со сложностью $O(2^n)$: Количество шагов увеличивается экспоненциально при увеличении количества элементов. Зависимость представляет собой кривую, которая начинается у некоторой точки на вертикальной оси и затем растет очень быстро, почти вертикально.

Сравнение сложности данных алгоритмов показывает, что алгоритмы с константной и логарифмической сложностью наиболее эффективны при работе с большими объемами данных. Алгоритмы с квадратичной и экспоненциальной сложностью могут быть эффективны только при работе с небольшими объемами данных. При работе с большими объемами данных они могут быть слишком медленными и неэффективными, что может привести к проблемам с производительностью и временем выполнения. Поэтому для больших объемов данных лучше использовать алгоритмы с меньшей сложностью, а для маленьких объемов данных можно использовать любой алгоритм в зависимости от конкретной задачи.

2 Задача 2

Написать программу для пузырьковой сортировки. Оценить сложность данного метода. Сравнить с методом `sort()`.

Решение:

Сложность данного метода можно оценить как $O(n^2)$, так как имеется двойной цикл по элементам массива. Это значит, что время выполнения алгоритма растет квадратично с ростом количества элементов.

```
1  def bubble_sort(arr):
2      n = len(arr)
3      for i in range(n):
4          for j in range(0, n-i-1):
5              if arr[j] > arr[j+1]:
6                  arr[j], arr[j+1] = arr[j+1], arr[j]
7      return arr
8
9  if __name__ == '__main__':
10     import random
11     import timeit
12
13     numbers = [random.randint(-1000, 1000) for i in range(1, 1000)]
14
15     print(f"Sorted time: {timeit.timeit('sorted(numbers)', number=100, setup='from __main__ import numbers')}")
16     print(f"Bubble_sort time: {timeit.timeit('bubble_sort(numbers)', number=100, setup='from __main__ import nu
17
18
```

Сравнение с методом `sort()` в Python, который использует алгоритм сортировки Тима, показывает, что пузырьковая сортировка обычно менее эффективна, чем метод `sort()`. Сложность алгоритма сортировки Тима в среднем составляет $O(n \log n)$, что является более быстрой и эффективной в сравнении с пузырьковой сортировкой. Кроме того, метод `sort()` в Python является реализацией сортировки на месте, т.е. изменяет исходный массив, в то время как пузырьковая сортировка создает новый массив, что также влияет на производительность. Поэтому в большинстве случаев лучше использовать метод `sort()` вместо пузырьковой сортировки, особенно при работе с большими объемами данных.

```
konstantinbaltsat@MacBook-Pro-Konstantin-3 HW2 % python3 task2.py
Sorted time: 0.009444869000000002
Bubble_sort time: 4.560763993
```

3 Задача 3

Придумать и реализовать алгоритмы, имеющие сложность $O(3n)$, $O(n \log n)$, $O(n!)$, $O(n^3)$, $O(3 \log(n))$

Решение:

1. Алгоритм со сложностью $O(3*n)$:

```
1  # Алгоритм со сложностью  $O(3*n)$ :
2  def print_matrix(matrix):
3      for i in range(len(matrix)):
4          for j in range(len(matrix[i])):
5              for k in range(len(matrix[i][j])):
6                  print(matrix[i][j][k], end=" ")
7              print()
8          print()
9  # Пример использования
10 matrix = [[1, 2], [3, 4], [5, 6], [7, 8]]
11 print_matrix(matrix)
```

2. Алгоритм со сложностью $O(n \cdot \log(n))$:

```
14  # Алгоритм со сложностью  $O(n \cdot \log(n))$ :
15  def merge_sort(arr):
16      if len(arr) <= 1:
17          return arr
18
19      mid = len(arr) // 2
20      left = arr[:mid]
21      right = arr[mid:]
22
23      left = merge_sort(left)
24      right = merge_sort(right)
25
26      return merge(left, right)
27
28  def merge(left, right):
29      res = []
30      i = j = 0
31
32      while i < len(left) and j < len(right):
33          if left[i] < right[j]:
34              res.append(left[i])
35              i += 1
36          else:
37              res.append(right[j])
38              j += 1
39
40      res += left[i:]
41      res += right[j:]
42
43      return res
```

3. Алгоритм со сложностью $O(n!)$:

```
46  # Алгоритм со сложностью  $O(n!)$ :
47  def permute(nums):
48      if len(nums) == 0:
49          return []
50      if len(nums) == 1:
51          return [nums]
52      res = []
53      for i in range(len(nums)):
54          for j in permute(nums[:i] + nums[i+1:]):
55              res.append([nums[i]] + j)
56      return res
```

4. Алгоритм со сложностью $O(n^3)$:

```
59 # Алгоритм со сложностью  $O(n^3)$ :
60 def matrix_multiplication(a, b):
61     m = len(a)
62     n = len(b)
63     p = len(b[0])
64
65     res = [[0 for j in range(p)] for i in range(m)]
66
67     for i in range(m):
68         for j in range(p):
69             for k in range(n):
70                 res[i][j] += a[i][k] * b[k][j]
71
72     return res
73
74 # Пример использования
75 a = [[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]
76 b = [[9, 8, 7], [6, 5, 4], [3, 2, 1]]
77 c = matrix_multiplication(a, b)
78 print(c)
```

5. Алгоритм со сложностью $O(3 \cdot \log(n))$:

```
81  # Алгоритм со сложностью  $O(3 \cdot \log(n))$ :
82  def binary_search(arr, x):
83      l = 0
84      r = len(arr) - 1
85      while l <= r:
86          mid = l + (r - l) // 2
87          if arr[mid] == x:
88              return mid
89          elif arr[mid] < x:
90              l = mid + 1
91          else:
92              r = mid - 1
93      return -1
94
95  def log_loop(n):
96      arr = [i for i in range(n)]
97      for i in range(int(math.log(n, 2))):
98          for j in range(int(math.log(n, 2))):
99              x = binary_search(arr, j)
100             if x != -1:
101                 print(i, j, x)
102
103  # Пример использования
104  log_loop(16)
```

ВЫВОД

Я изучил первую главу учебника, разобрался с оценкой сложностей алгоритмов и выполнил задания лабораторной.