CURS 6

Arbori. Evitare apeluri recursive repetate. Recursivitate de coadă

Cuprins

Evitare apeluri recursive repetate	1
Arbori	
Optimizarea prin recursivitate de coadă (tail recursion)	5
Suncționarea recursivității de coadă	
,	
Jtilizarea tăieturii pentru păstrarea recursivității de coadă	0

1. Evitare apeluri recursive repetate

EXEMPLU 1.1 Să se calculeze minimul unei liste de numere întregi.

 $\frac{\min(T, M)}{H > M, !}$

 $minim([H|_], H).$

Soluția 2. Se folosește un predicat auxiliar, pentru a evita apelul (recursiv) repetat din clauzele 2 și 3.

```
aux(H, M, Rez):-
       H = < M, !, Rez = H.
aux(_, M, M).
```

EXEMPLU 1.2 Se dă o listă numerică. Să se dea o soluție pentru evitarea apelului recursiv repetat. Nu se vor redefini clauzele.

```
% f(L:list of numbers, E: number)
% (i.o) – determinist
f([E],E).
f([H|T],Y):-f(T,X),
            H>=X,
            !.
            Y=H.
f([\_|T],X):-f(T,X).
```

Soluție. Se folosește un predicat auxiliar. Soluție nu presupune înțelegerea semanticii.

```
f([E],E).
f([H|T],Y):-f(T,X), aux(H, X, Y).
% aux(H: integer, X:integer, Y:integer)
% (i, i, o) - determinist
aux(H, X, Y):-
            H>=X,
            !.
            Y=H.
aux(\_, X, X).
```

EXEMPLU 1.3 Să se dea o soluție pentru evitarea apelului recursiv repetat.

```
% f(K:number, X:number)
\% (i,o) – determinist
f(1,1):-!
f(2,2):-!.
f(K,X):- K1 is K-1,
        f(K1, Y),
        Y>1,
         !,
         K2 is K-2,
         X=K2.
f(K,X):- K1 is K-1,
        f(K1, X).
```

Soluție. Se folosește un predicat auxiliar.

f(1,1):-!

2. Arbori

Folosind obiecte compuse, se pot defini și prelucra în Prolog diverse structuri de date, precum arborii.

```
% domeniul corespunzător AB – domeniu cu alternative
```

- % arbore=arb(integer, arbore, arbore);nil
- % Functorul nil îl asociem arborelui vid

De exemplu, arborele



se va reprezenta astfel

Se dă o listă numerică. Se cere să se afișeze elementele listei în ordine crescătoare. Se va folosi sortarea arborescentă (folosind un ABC).

<u>Indicație.</u> Se va construi un ABC cu elementele listei. Apoi, se va parcurge ABC în inordine.

```
% domeniul corespunzător ABC – domeniu cu alternative
```

[%] arbore=arb(integer, arbore, arbore);nil

```
inserare(e, arb(r, s, d)) = \begin{cases} arb(e, \emptyset, \emptyset) & daca \ arb(r, s, d) \ e \ vid \\ arb(r, inserare(e, s), d) & daca \ e \leq r \\ arb(r, s, inserare(e, d)) & altfel \end{cases}
% (integer, arbore, arbore) – (i,i,o) determinist
% insereaza un element într-un ABC
inserare(E, nil, arb(E, nil, nil)).
inserare(E, arb(R, S, D), arb(R, SNou, D)):-
                  E = < R.
                  inserare(E, S, SNou).
inserare(E, arb(R, S, D), arb(R, S, DNou)):-
                  inserare(E, D, DNou).
% (arbore) – (i) determinist
% afisează nodurile arborelui în inordine
inordine(nil).
inordine(arb(R,S,D)):-
                  inordine(S),
                  write(R),
                  nl.
                  inordine(D).
creeazaArb(l_1l_2\dots l_n) = \begin{cases} \emptyset & daca \ l \ e \ vida \\ \\ inserare(l_1,creeazaArb(l_2\dots l_n)) & altfel \end{cases}
\% (arbore, list) – (i,o) determinist
% creează un ABC cu elementele unei liste
creeazaArb([], nil).
creeazaArb([H|T], Arb) :-
                  creeazaArb(T, Arb1),
                  inserare(H, Arb1, Arb).
\% (list) – (i) determinist
% afișează elementele listei în ordine crescătoare (folosind sortare arborescentă)
sortare(L):-
                creeazaArb(L,Arb),
                inordine(Arb).
```

3. Optimizarea prin recursivitate de coadă (tail recursion)

Recursivitatea are o mare problemă: consumă multă memorie. Dacă o procedură se repetă de 100 ori, 100 de stadii diferite ale execuției procedurii (cadre de stivă) sunt memorate.

Totuși, există un caz special când o procedură se apelează pe ea fară să genereze cadru de stivă. Dacă procedura apelatoare apelează o procedură ca ultim pas al sau (după acest apel urmează punctul). Când procedura apelată se termină, procedura apelatoare nu mai are altceva de făcut. Aceasta înseamnă că procedura apelatoare nu are sens să-și memoreze stadiul execuției, deoarece nu mai are nevoie de acesta.

Funcționarea recursivității de coadă

Iată două reguli depre cum să faceți o recursivitate de coadă:

- 1. Apelul recursiv este ultimul subgoal din clauza respectivă.
- 2. Nu există puncte de backtracking mai sus în acea clauză (adică, subgoal-urile de mai sus sunt deterministe).

Iată un exemplu:

```
tip(N) :- \\ write(N), \\ nl, \\ Nou is N + 1, \\ tip(Nou).
```

Această procedură folosește recursivitatea de coadă. Nu consumă memorie, și nu se oprește niciodată. Eventual, din cauza rotunjirilor, de la un moment va da rezultate incorecte, dar nu se va opri.

Exemple gresite de recursivitate de coadă

Iată cateva reguli despre cum să NU faceți o recursivitate de coadă:

1. Dacă apelul recursiv nu este ultimul pas, procedura nu foloseste recursivitatea de coadă.

Exemplu:

```
\begin{array}{c} \text{tip (N) :-} \\ \text{write(N),} \\ \text{nl,} \\ \text{Nou is N+1,} \\ \text{tip (Nou),} \\ \text{nl.} \end{array}
```

2. Un alt mod de a pierde recursivitatea de coadă este de a lăsa o alternativă neîncercată la momentul apelului recursiv.

Exemplu:

```
tip(N) :- \\ write(N), \\ nl, \\ Nou is N+1, \\ tip(Nou). \\ tip(N) :- \\ N<0, \\ write('N \text{ este negativ.'}). \\
```

Aici, prima clauză se apelează înainte ca a doua să fie încercată. După un anumit număr de pași intră în criză de memorie.

3. Alternativa neîncercată nu trebuie neaparat să fie o clauza separată a procedurii recursive. Poate să fie o alternativă a unei clauze apelate din interiorul procedurii recursive.

Exemplu:

```
tip (N) :- \\ write(N), \\ nl, \\ Nou is N+1, \\ verif(Nou), \\ tip(Nou). \\ verif(Z) :- Z >= 0. \\ verif(Z) :- Z < 0. \\
```

Dacă N este pozitiv, prima clauză a predicatului **verif** a reușit, dar a doua nu a fost încercată. Deci, **tip** trebuie să-și pastreze o copie a cadrului de stivă.

Utilizarea tăieturii pentru păstrarea recursivității de coadă

A doua și a treia situație de mai sus pot fi înlăturate dacă se utilizează tăietura, chiar dacă există alternative neîncercate.

Exemplu la situația a doua:

```
tip (N) :- \\ N>= 0, \\ !, \\ write(N), \\ nl, \\ Nou = N+1, \\ tip(Nou). \\ tip(N) :- \\ N<0, \\ write("N este negativ."). \\
```

Exemplu la situația a treia:

```
\begin{aligned} tip(N):- & write(N), \\ & nl, \\ & Nou = N+1, \\ & verif(Nou), \\ & !, \\ & tip(Nou). \\ verif(Z):- Z >= 0. \\ verif(Z):- Z < 0. \end{aligned}
```