On se propose ici de créer une structure de donnée permettant de représenter un ensemble infini sous la forme d'une fonction de 'a -> bool déterministe et qui **termine toujours**. On fixe dans cet exercice X un ensemble quelconque. On défini donc le type suivant en OCaml :

```
type 'a set = 'a -> bool;;
```

- 0 **Question 0** Expliciter la bijection entre $\mathcal{P}(X)$ et $\{0,1\}^X$
- 0 Question 1 Donner une fonction make_finite: 'a list -> 'a set qui à une liste finie renvoie l'ensemble de ses valeurs
- 1 **Question 2** Construire des objets de type int set pour représenter les ensembles suivants :
- L'ensemble des nombres pairs
- \mathbb{P} , l'ensemble des nombres premiers
- L'image d'une fonction fixée f positive et strictement croissante
- 1 **Question 3** Donner le code d'une fonction union qui réalise l'union de deux ensembles.
- 2 **Question 4** Donner un ensemble que l'on ne pourra pas représenter par notre structure. Le nombre d'ensembles non représentable est-t'il fini ? Dénombrable ? Indénombrable ?
- 3 **Question 5** Soit val P: int set set, montrer qu'il existe un $N \in \mathbb{N}$ tel que pour tout val x: int set, P x ne regarde que les entrées inférieure à N dans x. Est-ce vrai avec val P: (int -> int) set?
- 4 **Question 6** Écrire une fonction val f : (int set set) -> int set qui à un int set set non vide associe un de ces éléments.