Phương pháp nhánh cận

Nguyễn Chí Bằng

Ngày 6 tháng 11 năm 2023

TÓM TẮT

 Giới thiệu về 2 mô hình chính trong phương pháp giải bài toán tối ưu tuyến tính nguyên.

NỘI DUNG

- Giới thiệu
- 2 Sơ bộ
- 3 Thuật toán nhánh cận

Tối ưu nguyên hoàn toàn

$$(H) \quad z_h = c^T x \longrightarrow Max$$

$$\begin{cases} Ax \le b, \\ x \ge 0, \text{ nguyên} \end{cases}$$
 (1)

- ullet Trong đó $c^T=(c_1\ c_2\ \dots\ c_n)$, A là ma trận m imes n, $b=egin{pmatrix} b_1 \ b_2 \ dots \ b_m \end{pmatrix}$, với $x\in Z^n.$
- Bài toán (H) gọi là bài toán **Tối ưu nguyên hoàn toàn.**
- Tập $S_h:=\{x\in Z^n_+: Ax\leq b\}$ là tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên hoàn toàn.



Hình: Tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên hoàn toàn

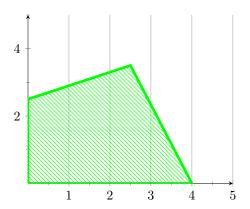
(B)
$$z_b = c^T x + h^T y \longrightarrow Max$$

$$\begin{cases} Ax + Gy \le b, \\ x \ge 0, \text{ nguyên} \\ y \ge 0. \end{cases}$$
(2)

• Trong đó $c^T=(c_1\ c_2\ \dots\ c_n),\ h^T=(h_1\ h_2\ \dots\ h_p),\ A$ là ma trận $m\times n,\ G$ là ma trận $m\times p,\ b=\begin{pmatrix}b_1\\b_2\\\vdots\\h\end{pmatrix}$, với $x\in Z^n$ và $y\in R^p.$

- Bài toán (B) gọi là bài toán **Tối ưu nguyên bộ phận.**
- Tập $S_b := \{(x,y) \in Z_+^n \times R_+^p : Ax + Gy \le b\}$ là tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên bộ phận.

Giới thiệu ○○○●



Hình: Tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên bộ phận

(P)
$$z_p = c^T x + h^T y \longrightarrow Max$$

$$\begin{cases} Ax + Gy \le b, \\ x, y \ge 0. \end{cases}$$
(3)

- \bullet Bài toán (P) là một bài toán Tối ưu tuyến tính thông thường hay gọi đơn giản là Tối ưu tuyến tính.
- Tập $S_p:=\{(x,y)\in R^n_+\times R^p_+: Ax+Gy\leq b\}$ là tập nghiệm của bài toán Tối ưu tuyến tính.

Giả sử ta nhận được tập phương án tối ưu của bài toán (2) sau hữu hạn lần giải, ký hiệu (x_h^*, y_h^*) và giá trị tối ưu là z_h^* thì ta có nhận xét sau:

Nhân xét 2.1

- Nếu $S_b \subset S_p$ thì ta luôn nhận được $z_b^* < z_p$ và phương án có thể cải thiện.
- Nếu $S_b=S_p$ thì ta nhận được $z_b^*=z_p$ và bài toán được giải.

Vì thế, ta chọn xử lý bài toán (2) thông qua bài toán (3).

title