## Phương pháp nhánh cận

Nguyễn Chí Bằng

Ngày 9 tháng 11 năm 2023

## TÓM TẮT

- Giới thiệu về 2 mô hình chính trong phương pháp giải bài toán tối ưu tuyến tính nguyên:
  - Tối ưu nguyên hoàn toàn
  - Tối ưu nguyên bộ phận.
- Tập trung vào phương pháp giải bài toán tối ưu nguyên bộ phận thông qua thuật toán nhánh cận.

# NỘI DUNG

Giới thiệu

Mục tiêu

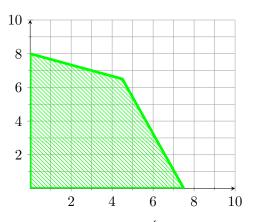
3 Thuật toán nhánh cận

#### Tối ưu nguyên hoàn toàn

$$(H) \quad z_h = c^T x \quad \longrightarrow Max$$
 
$$\begin{cases} Ax \leq b, \\ x \geq 0, \text{ nguyên} \end{cases}$$
 (1)

- ullet Trong đó  $c^T=(c_1\ c_2\ \dots\ c_n)$ , A là ma trận  $m\times n$ ,  $b=egin{pmatrix} o_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_m \end{pmatrix}$ , với  $x\in Z^n$ .
- ullet Bài toán (H) gọi là bài toán **Tối ưu nguyên hoàn toàn.**
- Tập  $S_h:=\{x\in Z^n_+: Ax\leq b\}$  là tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên hoàn toàn.



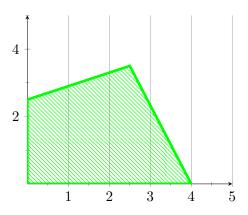


Hình: Tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên hoàn toàn

### Tối ưu nguyên bộ phận

(B) 
$$z_b = c^T x + h^T y \longrightarrow Max$$
 
$$\begin{cases} Ax + Gy \le b, \\ x \ge 0, \text{ nguyên} \\ y \ge 0. \end{cases}$$
 (2)

- Trong đó  $c^T=(c_1\ c_2\ \dots\ c_n),\ h^T=(h_1\ h_2\ \dots\ h_p),\ A$  là ma trận  $m\times n,\ G$  là ma trận  $m\times p,\ b=\begin{pmatrix}b_1\\b_2\\\vdots\\b\end{pmatrix}$ , với  $x\in Z^n$  và  $y\in R^p.$
- Bài toán (B) gọi là bài toán **Tối ưu nguyên bộ phận.**
- Tập  $S_b := \{(x,y) \in \mathbb{Z}_+^n \times \mathbb{R}_+^p : Ax + Gy \leq b\}$  là tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên bộ phân.



Hình: Tập nghiệm của bài toán Tối ưu nguyên bộ phận

#### Bài toán quan tâm

$$(P) z_p = c^T x + h^T y \longrightarrow Max$$

$$\begin{cases} Ax + Gy \le b, \\ x, y \ge 0. \end{cases}$$
(3)

- Trong đó (P) là bài toán (B) với nghiệm thuộc tập số thực.
- $\bullet$  Bài toán (P) là một bài toán Tối ưu tuyến tính thông thường hay gọi đơn giản là bài toán Tối ưu tuyến tính.
- Tập  $S_p:=\{(x,y)\in R^n_+\times R^p_+: Ax+Gy\leq b\}$  là tập nghiệm của bài toán Tối ưu tuyến tính.

Giả sử ta nhận được tập phương án tối ưu của bài toán (2) sau hữu hạn lần giải, ký hiệu  $(x_b^*,y_b^*)$  và giá trị tối ưu là  $z_b^*$  thì ta có nhận xét sau:

#### Nhân xét 2.1

- Nếu  $S_b \subset S_p$  thì ta luôn nhận được  $z_b^* < z_p$  và phương án có thể cải thiện.
- Nếu  $S_b=S_p$  thì ta nhận được  $z_b^*=z_p$  và bài toán được giải.

Vì thế, ta chọn xử lý bài toán (2) thông qua bài toán (3).

#### title