

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ <u>Инфо</u>	матика и системы управления и искусственный интеллект
КАФЕДРА	Системы обработки информации и управления

Лабораторная работа № 5 По курсу «Методы машинного обучения» На тему: «Обучение на основе временны'х различий»

Подготовил:
Студент группы
ИУ5-25М Клюкин Н. А.
27.03.2024
Проверил:
Гапанюк Ю.Е.

2024 г.

• **Цель лабораторной работы**: ознакомление с базовыми методами обучения с подкреплением на основе временных различий.

Задание

• На основе рассмотренного на лекции примера реализуйте следующие алгоритмы:

- SARSA
- Q-обучение
- Двойное Q-обучение
- для любой среды обучения с подкреплением (кроме рассмотренной на лекции среды Toy Text / Frozen Lake) из библиотеки Gym (или аналогичной библиотеки

Подключение библиотек

```
In [1]: import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  import gym
  from tqdm import tqdm
```

```
In [4]: class BasicAgent:
            Базовый агент, от которого наследуются стратегии обучения
            # Наименование алгоритма
            ALGO NAME = '---'
            def __init__(self, env, eps=0.1):
                # Среда
                self.env = env
                # Размерности О-матрицы
                self.nA = env.action_space.n
                self.nS = env.observation_space.n
                #и сама матрица
                self.Q = np.zeros((self.nS, self.nA))
                # Значения коэффициентов
                # Порог выбора случайного действия
                self.eps=eps
                # Награды по эпизодам
                self.episodes_reward = []
            def print_q(self):
                print('Вывод Q-матрицы для алгоритма ', self.ALGO_NAME)
                print(self.Q)
            def get_state(self, state):
                Возвращает правильное начальное состояние
                if type(state) is tuple:
                    # Если состояние вернулось с виде кортежа, то вернуть только номер сост
                    return state[0]
                else:
                    return state
```

```
def greedy(self, state):
    <<Жадное>> текущее действие
    Возвращает действие, соответствующее максимальному Q-значению
    для состояния state
    return np.argmax(self.Q[state])
def make_action(self, state):
    Выбор действия агентом
    if np.random.uniform(0,1) < self.eps:</pre>
        # Если вероятность меньше ерѕ
        # то выбирается случайное действие
        return self.env.action_space.sample()
        # иначе действие, соответствующее максимальному Q-значению
        return self.greedy(state)
def draw_episodes_reward(self):
    # Построение графика наград по эпизодам
    fig, ax = plt.subplots(figsize = (15,10))
    y = self.episodes_reward
    x = list(range(1, len(y)+1))
    plt.plot(x, y, '-', linewidth=1, color='green')
    plt.title('Награды по эпизодам')
    plt.xlabel('Номер эпизода')
    plt.ylabel('Награда')
    plt.show()
def learn():
    Реализация алгоритма обучения
    pass
```

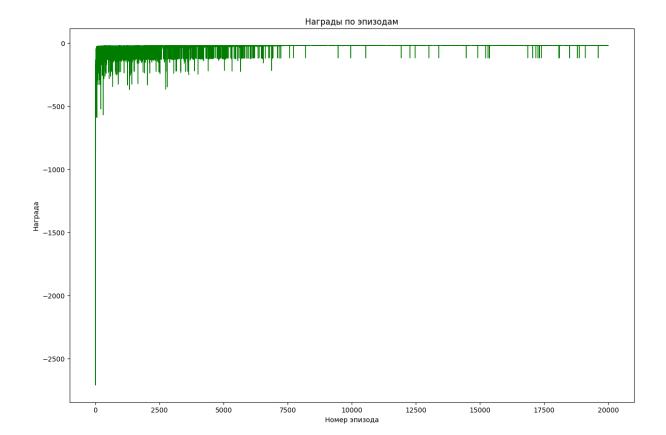
Ход работы

SARSA

```
ALGO_NAME = 'SARSA'
def __init__(self, env, eps=0.4, lr=0.1, gamma=0.98, num_episodes=20000):
    # Вызов конструктора верхнего уровня
    super().__init__(env, eps)
    # Learning rate
    self.lr=lr
    # Коэффициент дисконтирования
    self.gamma = gamma
    # Количество эпизодов
   self.num_episodes=num_episodes
   # Постепенное уменьшение ерѕ
    self.eps_decay=0.00005
    self.eps threshold=0.01
def learn(self):
    Обучение на основе алгоритма SARSA
    self.episodes_reward = []
    # Цикл по эпизодам
   for ep in tqdm(list(range(self.num_episodes))):
        # Начальное состояние среды
        state = self.get_state(self.env.reset())
        # Флаг штатного завершения эпизода
        done = False
        # Флаг нештатного завершения эпизода
        truncated = False
        # Суммарная награда по эпизоду
        tot_rew = 0
        # По мере заполнения Q-матрицы уменьшаем вероятность случайного выбора
        if self.eps > self.eps_threshold:
            self.eps -= self.eps_decay
        # Выбор действия
        action = self.make_action(state)
        # Проигрывание одного эпизода до финального состояния
        while not (done or truncated):
            # Выполняем шаг в среде
            next_state, rew, done, truncated, _ = self.env.step(action)
            # Выполняем следующее действие
            next_action = self.make_action(next_state)
            # Правило обновления Q для SARSA
            self.Q[state][action] = self.Q[state][action] + self.lr * \
                (rew + self.gamma * self.Q[next_state][next_action] - self.Q[st
            # Следующее состояние считаем текущим
            state = next_state
            action = next action
```

```
# Суммарная награда за эпизод
                tot_rew += rew
                if (done or truncated):
                    self.episodes_reward.append(tot_rew)
def play_agent(agent):
   Проигрывание сессии для обученного агента
   env2 = gym.make('CliffWalking-v0', render_mode='human')
   state = env2.reset()[0]
   done = False
   while not done:
       action = agent.greedy(state)
       next_state, reward, terminated, truncated, _ = env2.step(action)
       env2.render()
       state = next_state
       if terminated or truncated:
            done = True
def run_sarsa():
   env = gym.make('CliffWalking-v0')
   agent = SARSA_Agent(env)
   agent.learn()
   agent.print_q()
   agent.draw_episodes_reward()
   play_agent(agent)
def main():
   run_sarsa()
if __name__ == '__main__':
   main()
```

```
Вывод Q-матрицы для алгоритма
                              SARSA
[[ -13.26470653
                -12.50088708
                              -14.12708179
                                            -13.2602266 ]
[ -12.44810083
                -11.66480746
                             -13.22626654
                                            -13.37544225]
 [ -11.6741787
                 -10.83985372 -12.58114044
                                            -12.6421409 ]
  -10.88449284
                -10.00515452
                             -11.74521468
                                            -11.82916784]
 [ -10.07614536
                -9.16500291
                             -11.07197463
                                           -11.06165504]
   -9.29169
                 -8.31889331
                              -10.29875341 -10.28629389]
   -8.42245999
                -7.46371483
                               -9.54298258
                                            -9.41219891]
Γ
  -7.53198068
                -6.59559956
                               -8.49446658
                                           -8.57624353]
   -6.64322634
                 -5.7141876
                               -7.57035543
                                           -7.73828363]
   -5.79709371
                -4.82459413
                              -5.49548661
                                            -6.84024735]
   -4.85539281
                -3.92891243
                               -4.11349098
                                           -5.96644982]
   -3.93925862
                 -3.93892335
                                             -5.05824473]
                               -3.00725422
 [ -13.29836889
                -13.35975581
                             -14.88402218 -13.98048052]
  -12.44108167
                                            -17.14037655]
                -16.57064714
                              -30.53772836
                                           -18.92766783]
  -11.65896373
                -16.88879954
                             -28.44540438
                -15.42479893
                             -22.25254099 -17.57347329]
 [ -10.87488589
 [ -10.07842007
                -14.58037328
                             -21.21584087
                                            -16.53332701]
   -9.36335467
                             -17.82947405
                                           -16.5246988 ]
                -13.53868895
   -8.42222896
                -11.49177578
                             -18.29985297
                                            -14.77134129]
  -7.55118889
                             -15.4390487
                -10.87637871
                                            -13.35611667]
   -6.63602141
                -8.99357359 -14.84165671 -12.12995581]
   -7.81828798
                -3.88286671 -10.87108182
                                           -10.56736033]
   -5.65519628
                -2.94072075
                              -4.10997813
                                            -5.49335182]
   -4.07645936
                -2.99643981
                              -2.02385475
                                            -4.01082675]
 [ -14.03577859
                -14.45222474 -15.96825662 -14.71374521]
 [ -13.24817728
                -24.02802056 -126.15707484
                                           -21.23481088]
 [ -17.90342998
                -23.38484894 -114.95476683
                                           -21.12832926]
                 -20.17532624 -113.52527234
 [ -16.2500107
                                           -24.61424562]
 [ -16.03235068
                -22.27359304 -101.46759995
                                           -20.97163167]
                -16.758422
                             -109.89934135
                                           -15.61642488]
 [ -13.66790198
 [ -14.03299862
                -17.80043385 -104.55476806
                                           -15.96723849]
 [ -12.15135778
                -21.72149916 -102.43878562
                                           -14.64334574]
 [ -10.6230545
                 -15.52372518 -101.55628835
                                           -18.19900775]
   -7.39964116 -13.66643919 -93.62787353 -22.16091851]
   -6.14044219
                -2.00982344 -125.50678742 -10.68887623]
   -3.17103369
                 -1.986425
                               -1.
                                             -3.0454338 ]
 [ -14.74106658 -114.77992745 -15.54372228 -15.86679908]
                                              0.
 [
                  0.
                                0.
                                                        ]
 [
                  0.
                                0.
                                              0.
                                                        ]
    0.
                                              0.
    0.
                  0.
                                0.
 0.
                  0.
                                0.
                                              0.
 [
                                              0.
    0.
                  0.
                                0.
 0.
                                0.
                                              0.
                                                        ]
 ]
    0.
                                0.
                                              0.
                                0.
 [
    0.
                                              0.
                  0.
 0.
                  0.
                                0.
                                              0.
 0.
                  0.
                                0.
                                              0.
                                                        ]
 [
     0.
                  0.
                                0.
                                              0.
                                                        ]]
```



Q-обучение

```
In [5]:
                        ****** Q-обучение
        class QLearning_Agent(BasicAgent):
            Реализация алгоритма Q-Learning
            # Наименование алгоритма
            ALGO_NAME = 'Q-обучение'
            def __init__(self, env, eps=0.4, lr=0.1, gamma=0.98, num_episodes=20000):
                # Вызов конструктора верхнего уровня
                super().__init__(env, eps)
                # Learning rate
                self.lr=lr
                # Коэффициент дисконтирования
                self.gamma = gamma
                # Количество эпизодов
                self.num_episodes=num_episodes
                # Постепенное уменьшение ерѕ
                self.eps_decay=0.00005
                self.eps_threshold=0.01
            def learn(self):
                Обучение на основе алгоритма Q-Learning
```

```
self.episodes_reward = []
        # Цикл по эпизодам
       for ep in tqdm(list(range(self.num episodes))):
           # Начальное состояние среды
           state = self.get_state(self.env.reset())
           # Флаг штатного завершения эпизода
           done = False
           # Флаг нештатного завершения эпизода
           truncated = False
           # Суммарная награда по эпизоду
           tot_rew = 0
           # По мере заполнения Q-матрицы уменьшаем вероятность случайного выбора
           if self.eps > self.eps_threshold:
                self.eps -= self.eps_decay
           # Проигрывание одного эпизода до финального состояния
           while not (done or truncated):
                # Выбор действия
                # В SARSA следующее действие выбиралось после шага в среде
                action = self.make_action(state)
                # Выполняем шаг в среде
               next_state, rew, done, truncated, _ = self.env.step(action)
                # Правило обновления Q для SARSA (для сравнения)
                # self.Q[state][action] = self.Q[state][action] + self.lr * \
                      (rew + self.gamma * self.Q[next_state][next_action] - self.Q[
                # Правило обновления для Q-обучения
                self.Q[state][action] = self.Q[state][action] + self.lr * \
                    (rew + self.gamma * np.max(self.Q[next_state]) - self.Q[state][
                # Следующее состояние считаем текущим
                state = next_state
                # Суммарная награда за эпизод
               tot rew += rew
                if (done or truncated):
                    self.episodes_reward.append(tot_rew)
def play_agent(agent):
   Проигрывание сессии для обученного агента
   env2 = gym.make('CliffWalking-v0', render_mode='human')
   state = env2.reset()[0]
   done = False
   while not done:
        action = agent.greedy(state)
       next_state, reward, terminated, truncated, _ = env2.step(action)
       env2.render()
       state = next_state
       if terminated or truncated:
```

```
def run_q_learning():
    env = gym.make('CliffWalking-v0')
    agent = QLearning_Agent(env)
    agent.learn()
    agent.print_q()
    agent.draw_episodes_reward()
    play_agent(agent)

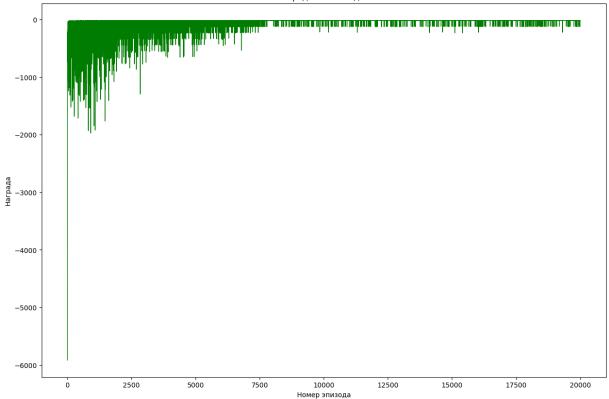
def main():
    run_q_learning()

if __name__ == '__main__':
    main()
```

100%| 20000/20000 [00:06<00:00, 2974.67it/s]

```
Вывод Q-матрицы для алгоритма Q-обучение
[[ -12.6380218
                 -12.3013737
                               -12.30091891
                                             -12.46266369]
[ -12.15963951
                -11.54824073
                              -11.54830237
                                             -12.508789
 [ -11.23082209
                -10.76413455
                               -10.76413705
                                            -11.95132332]
 [ -10.72813239
                  -9.96342902
                                -9.96342911
                                            -11.39771031]
   -9.90958869
                 -9.14635926
                                -9.14635924 -10.67547904]
   -9.0718052
                 -8.31261181
                                -8.3126118
                                              -9.91521179]
 -8.29003744
                  -7.46184884
                                -7.46184884
                                             -9.0861385 ]
[ -7.45246347
                  -6.59372333
                                -6.59372333
                                              -8.30107967]
-6.58077485
                  -5.70788096
                                -5.70788096
                                              -7.45038973]
                                              -6.56206694]
   -5.69866972
                 -4.80396016
                                -4.80396016
   -4.78195251
                  -3.881592
                                -3.881592
                                              -5.6975148 ]
   -3.86749983
                  -3.86932428
                                -2.9404
                                              -4.78368401]
 [ -13.03262668
                 -11.54888054
                               -11.54888054 -12.31780693]
  -12.31644188
                 -10.76416381
                               -10.76416381
                                            -12.3178932 ]
 [ -11.54879626
                  -9.96343246
                                -9.96343246
                                            -11.54887927]
                                            -10.7641638 ]
 [ -10.76415213
                  -9.14635966
                                -9.14635966
   -9.96343102
                  -8.31261189
                                -8.31261189
                                             -9.96343245]
   -9.14635899
                  -7.46184887
                                              -9.14635966]
                                -7.46184887
   -8.3126114
                  -6.59372334
                                -6.59372334
                                             -8.31261189]
   -7.46184879
                  -5.70788096
                                -5.70788096
                                              -7.46184887]
 -6.59372332
                  -4.80396016
                                -4.80396016
                                              -6.59372333]
   -5.70788093
                  -3.881592
                                -3.881592
                                              -5.70788095]
   -4.80396012
                  -2.9404
                                -2.9404
                                              -4.80396015]
   -3.881592
                  -2.9404
                                -1.98
                                              -3.881592
 [ -12.31790293
                -10.76416381 -12.31790293
                                            -11.54888054]
 [ -11.54888054
                  -9.96343246 -111.31790293
                                             -11.54888054]
  -10.76416381
                  -9.14635966 -111.31790293
                                             -10.76416381]
   -9.96343246
                 -8.31261189 -111.31790293
                                             -9.96343246]
   -9.14635966
                 -7.46184887 -111.31790293
                                             -9.14635966]
   -8.31261189
                  -6.59372334 -111.31790293
                                             -8.31261189]
 -7.46184887
                  -5.70788096 -111.31790293
                                              -7.46184887]
  -6.59372334
                  -4.80396016 -111.31790293
                                              -6.59372334]
[
   -5.70788096
                  -3.881592 -111.31790293
                                              -5.70788096]
   -4.80396016
                  -2.9404
                             -111.31790293
                                              -4.80396016]
 [
   -3.881592
                  -1.98
                              -111.31790293
                                              -3.881592
   -2.9404
                  -1.98
                                -1.
                                              -2.9404
                                                         ]
  -11.54888054 -111.31790293 -12.31790293 -12.31790293]
                                 0.
                                               0.
 ]
 [
    0.
                   0.
                                 0.
                                               0.
                                                         ]
                                               0.
    0.
                   0.
                                 0.
 0.
                   0.
                                 0.
                                               0.
                                                         ]
 [
                                               0.
                                                         ]
    0.
                   0.
                                 0.
 [
                   0.
                                 0.
                                               0.
                                                         ]
 0.
                                               0.
                                                         ]
                                 0.
 [
    0.
                   0.
                                 0.
                                               0.
 0.
                   0.
                                 0.
                                               0.
                                                         ]
 0.
                   0.
                                 0.
                                               0.
                                                         ]
 [
     0.
                   0.
                                 0.
                                                         ]]
```





Двойное Q-обучение

```
In [5]:
        class DoubleQLearning_Agent(BasicAgent):
            Реализация алгоритма Double Q-Learning
            # Наименование алгоритма
            ALGO_NAME = 'Двойное Q-обучение'
            def __init__(self, env, eps=0.4, lr=0.1, gamma=0.98, num_episodes=20000):
                # Вызов конструктора верхнего уровня
                 super().__init__(env, eps)
                 # Вторая матрица
                 self.Q2 = np.zeros((self.nS, self.nA))
                # Learning rate
                 self.lr=lr
                # Коэффициент дисконтирования
                 self.gamma = gamma
                 # Количество эпизодов
                self.num_episodes=num_episodes
                # Постепенное уменьшение ерѕ
                 self.eps decay=0.00005
                 self.eps_threshold=0.01
            def greedy(self, state):
                 <<Жадное>> текущее действие
```

```
Возвращает действие, соответствующее максимальному Q-значению
    для состояния state
    temp_q = self.Q[state] + self.Q2[state]
    return np.argmax(temp_q)
def print_q(self):
    print('Вывод О-матриц для алгоритма ', self.ALGO NAME)
    print('Q1')
    print(self.Q)
    print('Q2')
    print(self.Q2)
def learn(self):
    1.1.1
    Обучение на основе алгоритма Double Q-Learning
    self.episodes_reward = []
    # Цикл по эпизодам
    for ep in tqdm(list(range(self.num_episodes))):
        # Начальное состояние среды
        state = self.get_state(self.env.reset())
        # Флаг штатного завершения эпизода
        done = False
        # Флаг нештатного завершения эпизода
        truncated = False
        # Суммарная награда по эпизоду
        tot_rew = 0
        # По мере заполнения Q-матрицы уменьшаем вероятность случайного выбора
        if self.eps > self.eps_threshold:
            self.eps -= self.eps_decay
        # Проигрывание одного эпизода до финального состояния
        while not (done or truncated):
            # Выбор действия
            # В SARSA следующее действие выбиралось после шага в среде
            action = self.make_action(state)
            # Выполняем шаг в среде
            next_state, rew, done, truncated, _ = self.env.step(action)
            if np.random.rand() < 0.5:</pre>
                # Обновление первой таблицы
                self.Q[state][action] = self.Q[state][action] + self.lr * \
                    (rew + self.gamma * self.Q2[next_state][np.argmax(self.Q[ne
            else:
                # Обновление второй таблицы
                self.Q2[state][action] = self.Q2[state][action] + self.lr * \
                    (rew + self.gamma * self.Q[next_state][np.argmax(self.Q2[ne
            # Следующее состояние считаем текущим
            state = next state
```

```
# Суммарная награда за эпизод
                 tot_rew += rew
                 if (done or truncated):
                     self.episodes_reward.append(tot_rew)
 def play_agent(agent):
     Проигрывание сессии для обученного агента
     env2 = gym.make('CliffWalking-v0', render_mode='human')
     state = env2.reset()[0]
     done = False
     while not done:
         action = agent.greedy(state)
         next_state, reward, terminated, truncated, _ = env2.step(action)
         env2.render()
         state = next state
         if terminated or truncated:
             done = True
 def run_double_q_learning():
     env = gym.make('CliffWalking-v0')
     agent = DoubleQLearning_Agent(env)
     agent.learn()
     agent.print_q()
     agent.draw_episodes_reward()
     play_agent(agent)
 def main():
     run_double_q_learning()
 if __name__ == '__main__':
     run_double_q_learning()
               0/20000 [00:00<?, ?it/s]c:\Users\NKliukin\Code\bmstu\mmo_2_2024\ven
v\Lib\site-packages\gym\utils\passive_env_checker.py:233: DeprecationWarning: `np.bo
ol8` is a deprecated alias for `np.bool_`. (Deprecated NumPy 1.24)
  if not isinstance(terminated, (bool, np.bool8)):
100% | 20000/20000 [00:07<00:00, 2670.36it/s]
```

-15.25505368] -14.62249367] -11.72163427 -12.53295404 -12.66857913] -10.76416381 -11.54888054 -11.54888054] -10.76416381 -9.96343246 -9.96343246 -9.14635966 -10.76416381 -10.76416381] -9.96343246] -9.14635966 -8.31261189 -9.96343246 Γ -8.31261189 -7.46184887 -9.47385463 -9.14635966] -7.46184887 -6.59372334 -6.59844374 -8.31261189] -6.59372334 -5.70788096 -5.70788102 -7.46184887] -5.70788096 -4.80396016 -4.80781695 -6.59372334] -4.80396016 -3.881592 -3.881592 -5.70788096] -3.881592 -3.881592 -2.9404 -4.80396016] -13.76098274 -13.07154487 -14.85429231 -13.96948718] -12.44530401 -12.31790293 -13.89840133 -13.87063031] -11.55895978 -11.54888054 -13.07674458 -13.07361402] -10.76416381 -10.76416381 -12.31790293 -12.31790293] -9.96343246 -9.99386416 -11.58521359 -11.57577745] -9.14635966 -9.51060824 -11.51539891 -10.86332842] -8.31261189 -8.29442408 -11.20568102 -10.27254373] -7.46184978 -5.70790115 -8.04419515 -9.40737507] -6.88795262 -4.80757994 -6.74806205 -7.822562] -5.74745053 -3.881592 -3.88853009 -5.81678344] -2.9404 -4.80600758 -2.94416419 -4.85153968] -3.881592 -2.9404 -1.98 -3.881592 -13.81011397 -13.81011397 -15.24323346 -14.53391169] -13.07154487 -114.24323346 -14.53391169] -13.07154487 -12.31790293 -13.81011397] -12.31790293 -114.24323346 -11.54888054 -11.54888093 -114.24323346 -13.0715449] -12.84580525] -10.76416381 -11.81491629 -114.1129963 -10.06373445 -13.39143335 -113.43607419 -12.77208877] -12.64178946] -9.51415045 -11.1945929 -110.59653266 -11.48549893] -9.85348397 -6.85777193 -102.39097712 -7.41377153 -3.88855595 -75.64586083 -7.62377718] -5.70875655 -2.94056795 -92.69088891 -5.61653464] -3.83448666 -1.98 -113.07328178 -3.84540636] -2.9404 -1.98 -1. -2.9404 -14.53391169 -114.24323346 -15.24323346 -15.24323346] 0. 0. 0. 0. 0. [0. 0. 0.] 0. 0. 0. 0.] 0. [0. 0. 0.] 0. 0. 0.]] 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. [0. 0. 0. 0. [0. 0. 0. 0.] 0.] 0. 0. 0.]] Q2 [[-14.95408106 -12.52006851 -15.50393527 -15.54412301] -13.43673236 -11.5492644 -14.45424143] -14.67834838

```
-9.14635966
               -8.31261189
                             -9.96343246
                                          -9.96343246]
  -8.31261189
               -7.46184887
                             -9.14635966
                                          -9.14635966]
  -7.46184887
               -6.59372334
                                           -8.31261189]
                              -6.59388232
-6.59372334
               -5.70788096
                             -5.71152204
                                          -7.46184887]
  -5.70788096
                -4.80396016
                              -4.80396016
                                         -6.59372334]
-4.80396016
               -3.881592
                             -3.8853476
                                          -5.70788096]
  -3.881592
               -3.881592
                             -2.9404
                                           -4.80396016]
[ -13.85563909 -13.07154487 -14.72459132 -14.06007819]
[ -12.4128323
               -12.31790293
                           -13.85199746
                                         -13.99282515]
 -11.55283127
                            -13.07896046
                                         -13.10014362]
              -11.54888054
                            -12.31790293
                                         -12.31790293]
[ -10.76416381
              -10.76416381
  -9.96343246
              -10.03936573
                           -11.58568402 -11.57054672]
  -9.14635966
               -9.37512778 -11.66223149 -10.86088986]
-8.31261189
               -8.64707792 -10.93320793 -10.19636172]
[
  -7.46185068
               -5.71162921
                            -9.44086479
                                          -9.6457225 ]
[ -6.81481816
              -4.80396016
                            -5.08135111
                                         -7.74556159]
[ -5.71490001
               -3.88528105
                            -3.97898051
                                         -6.10655313]
 -4.8030787
-2.9404
                            -2.93887822
                                         -4.81775412]
[ -3.881592
               -2.9404
                             -1.98
                                         -3.88535241]
[ -13.81011397 -13.81011397 -15.24323346 -14.53391169]
[ -13.07154487
              -13.07154487 -114.24323346 -14.53391169]
[ -12.31790293 -12.31790293 -114.24323346 -13.81011397]
[ -11.54888054
              -11.54888101 -114.24323346 -13.07154487]
[ -10.76416387
              -11.96279875 -113.05688561 -12.7807903 ]
[ -10.06511034 -12.64796227 -113.08087991 -13.30689489]
 -9.6246915
               -13.33167689 -106.70980197 -11.62818858]
               -5.37241561 -107.51870328 -11.07186718]
[ -10.72280119
[ -10.27542993
               -4.06681929 -80.64443715 -11.62771124]
  -5.09050062
               -2.94027
                           -78.44916248
                                         -6.18240356]
-4.15266128
               -1.98
                           -111.28887907
                                         -4.35411716]
  -2.9404
                -1.98
                            -1.
                                           -2.9404
[ -14.53391169 -114.24323346 -15.24323346 -15.24323346]
                 0.
                              0.
                                            0.
[
   0.
                                            0.
[
   0.
                 0.
                              0.
                                                      ]
[
   0.
                 0.
                              0.
                                            0.
                                                      ]
                                                      ]
0.
                 0.
                              0.
                                            0.
[
   0.
                 0.
                              0.
                                            0.
                                                      ]
]
                                            0.
[
   0.
                 0.
                              0.
                                            0.
                                                      ]
[
   0.
                              0.
                                            0.
                                                      ]
                 0.
[
   0.
                 0.
                              0.
                                            0.
                                                      ]
0.
                 0.
                              0.
                                            0.
                                                      ]
   0.
                 0.
                                            0.
                                                      ]]
```

