Ex 2

. Calcolare $\sqrt{266345}$.

Dobbiamo avere $266345 = (\sqrt{266345})^2 + r$.

Dividiamo in coppie di cifre. L'approssimazione del primo gruppo è 5*100.

$$26 63 45 = (5 * 100)^2 + r_1 \text{ con } r_1 = 1 63 45$$

Ora cerchiamo la seconda approssimazione $5*100 + x_2*10$.

$$16345 = 100(x+100)x+r_2$$
 (con $x_2 = 1$, $16345 = 10100+r_2$, e resto $r_2 = 6245$).

Quindi abbiamo la seconda approssimazione:

$$266345 = (510)^2 + 6245$$

Infine cerchiamo la terza approssimazione $26\,63\,45 = (510 + x_3)^2 + r_3$. Deve essere

$$62\,45 = x_3(x_3 + 1020) + r_3$$

Con $x_3 = 6$ abbiamo $6245 = 6156 + r_3$, quindi resto $r_3 = 89$.

Quindi abbiamo

$$26\,63\,45 = 516^2 + 89$$

cioè $\sqrt{26\,63\,45} = 516$ con resto r = 89.