

# Mémoire 3/3

Thomas Lavergne  
lavergne@lisn.fr

## Avantages

- ✓ (presque) plus de fragmentation
- ✓ implémentation simple
- ✓ indépendante du processus

## Avantages

- ✓ (presque) plus de fragmentation
- ✓ implémentation simple
- ✓ indépendante du processus

## Inconvénients

- X taille de page arbitraire
- X découpage non sémantique du processus

Taille de page arbitraire

Impossible de vérifier finement les accès en dehors de la mémoire

### Taille de page arbitraire

Impossible de vérifier finement les accès en dehors de la mémoire

### Découpage non sémantique

Difficile de correctement gérer les permissions sans gaspiller de mémoire

**X** pas de mélange code/données dans une page

### Taille de page arbitraire

Impossible de vérifier finement les accès en dehors de la mémoire

### Découpage non sémantique

Difficile de correctement gérer les permissions sans gaspiller de mémoire

X pas de mélange code/données dans une page

### Solution

Paginer un espace segmenté...

# Pagination avec segmentation

### 1er niveau

L'espace de mémoire logique est géré de manière segmentée.

- la traduction d'adresse permet d'obtenir une  
adresse linéaire



## 1er niveau

L'espace de mémoire logique est géré de manière segmentée.

- la traduction d'adresse permet d'obtenir une  
adresse linéaire

## 2ème niveau

L'espace linéaire est géré de manière paginée.

- la traduction d'adresse permet d'obtenir une  
adresse physique

## 1er niveau

L'espace de mémoire logique est géré de manière segmentée.

- la traduction d'adresse permet d'obtenir une **adresse linéaire**

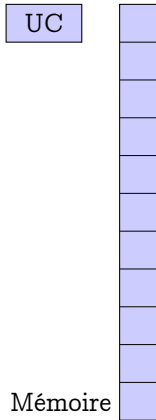
## 2ème niveau

L'espace linéaire est géré de manière paginée.

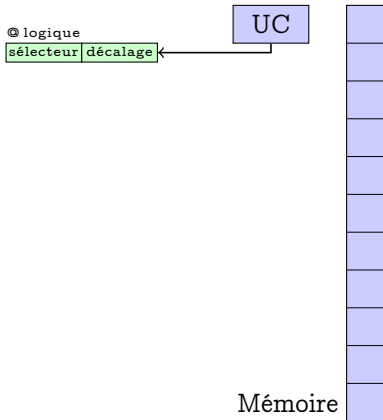
- la traduction d'adresse permet d'obtenir une **adresse physique**

Le meilleur des deux mondes

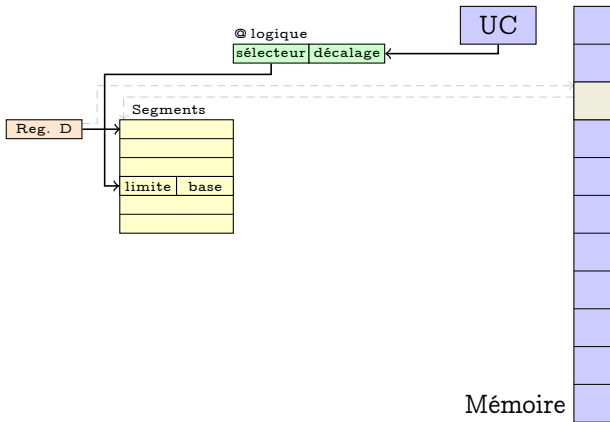
# Segmentation et pagination à deux niveaux



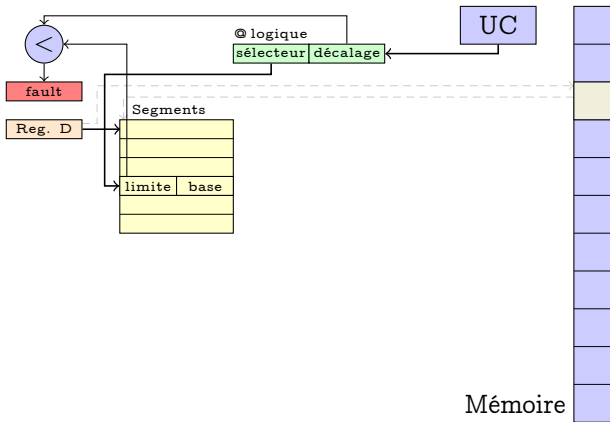
# Segmentation et pagination à deux niveaux



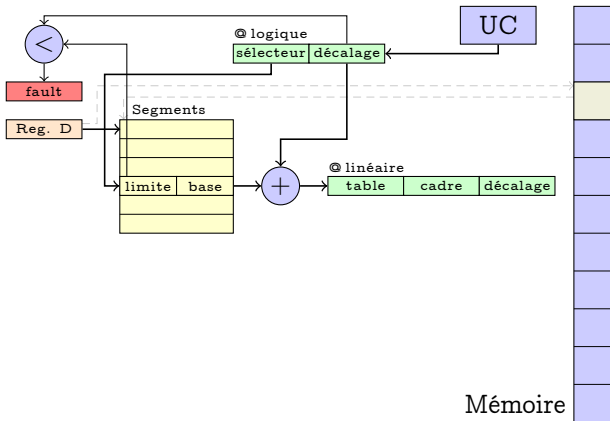
# Segmentation et pagination à deux niveaux



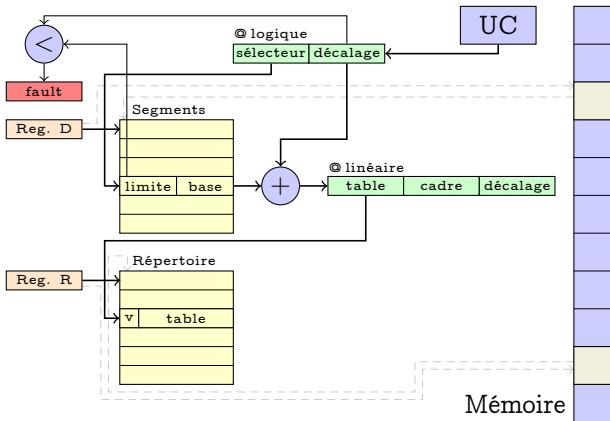
# Segmentation et pagination à deux niveaux



# Segmentation et pagination à deux niveaux

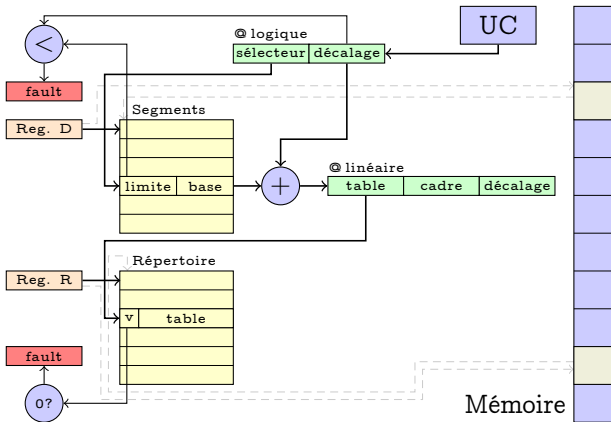


# Segmentation et pagination à deux niveaux

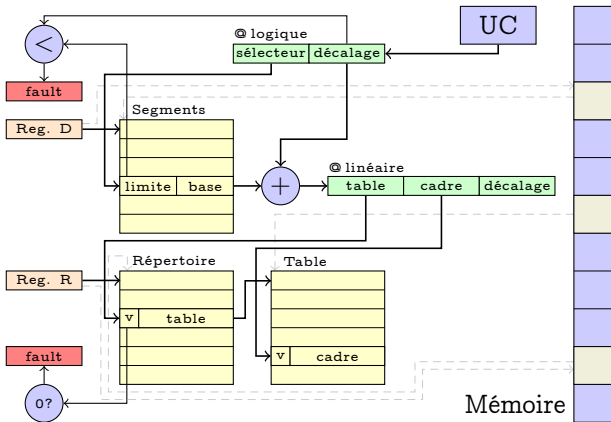




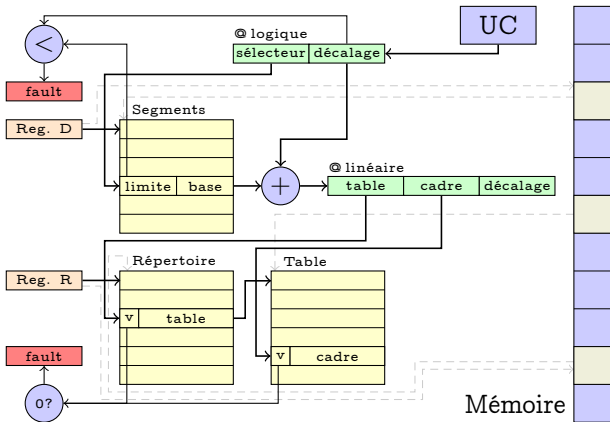
# Segmentation et pagination à deux niveaux



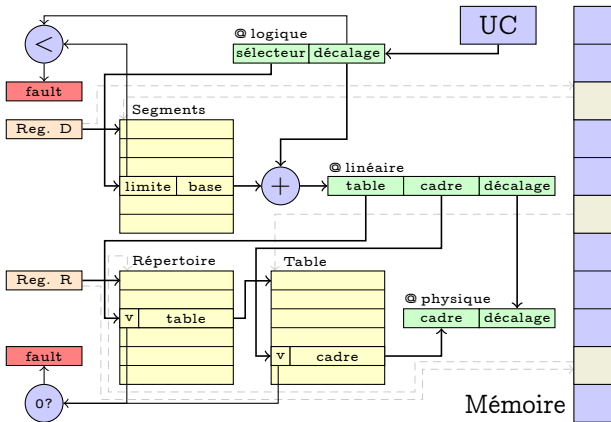
# Segmentation et pagination à deux niveaux



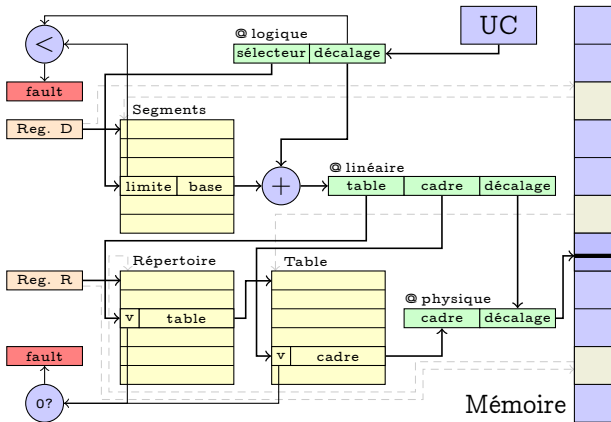
# Segmentation et pagination à deux niveaux



# Segmentation et pagination à deux niveaux



# Segmentation et pagination à deux niveaux



### Architecture x86

- Disponible depuis le 386
- Presque abandonné depuis le passage au 64bits

## Architecture x86

- Disponible depuis le 386
- Presque abandonné depuis le passage au 64bits

## Pourquoi ?

- X Quasiment unique donc peu portable
- X Lourd à gérer pour le système
- X Nécessite la coopération du compilateur
- X Trop peu de gain au final

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page



## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04



Défauts : 0

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04

03	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 4

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04 2A

03	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 4

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04 2A

03	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 4

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04 2A 12

03	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 4

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04 2A 12

12	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 5

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04 2A 12 03

12	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 5

## Remplacement de pages

### Mémoire virtuelle

Chaque processus dispose d'un nombre de cadres limité  
selon la politique d'allocation

→ Libérer un cadre lorsqu'on a besoin d'une nouvelle page

### Problème (rappel)

Temps d'exécution proportionnel à la probabilité de défaut de page

→ Réduire le nombre de défauts de page

Exemple : 03 2A 1F 04 2A 12 03

03	2A	1F	04
----	----	----	----

Défauts : 6



## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

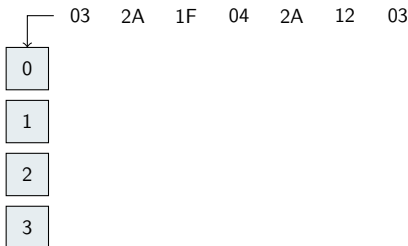
03 2A 1F 04 2A 12 03

*Première ligne : liste des pages demandées (dans l'ordre)*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

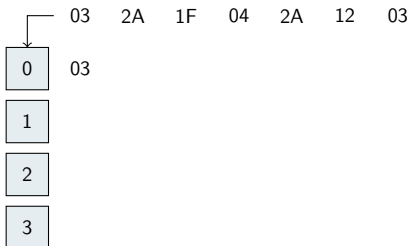


*Une ligne par cadre de page alloué au processus*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

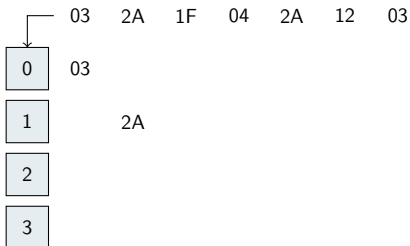


*Une page par colonne*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

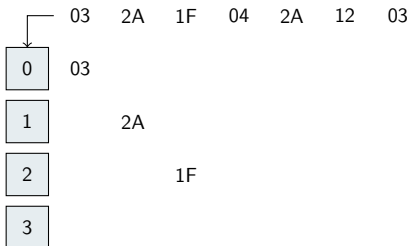


*Une page par colonne*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

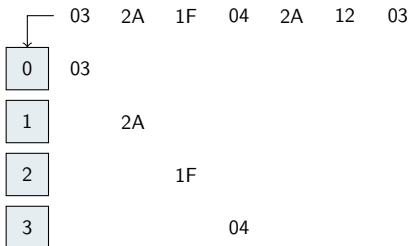


*Une page par colonne*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

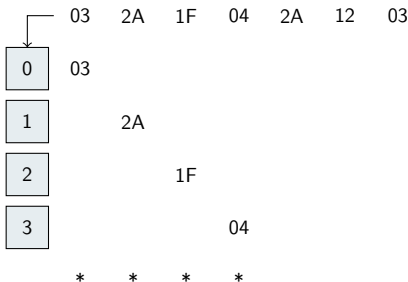


*Une page par colonne*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts



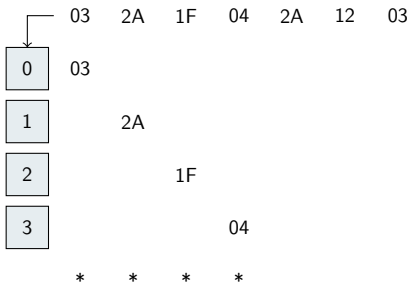
*Marquer les défauts au fur et à mesure*



## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

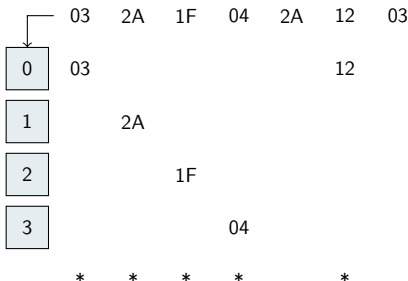


*Pas de défaut → laisser en blanc*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

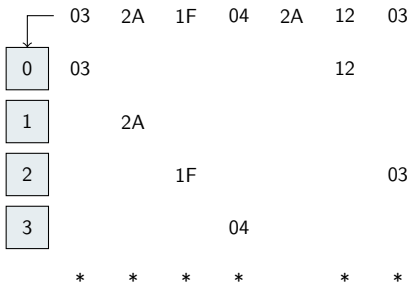


*Et on continue...*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts

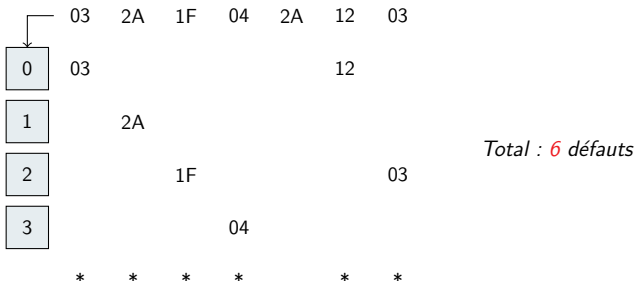


*Et on continue...*

## Représentation visuelle

### Objectif

Figurer l'état du cache dans le temps pour compter le nombre de défauts



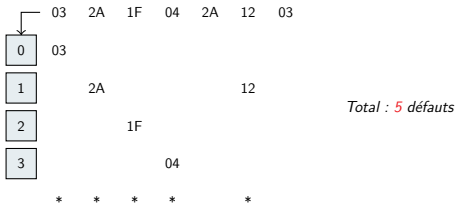
*Et on continue...*

## Solution optimale

### Politique de remplacement

Pour une instance donnée, il existe une politique de remplacement optimale. . .

. . . si on connaît à l'avance les pages qui seront demandées !



En pratique, on ne connaît pas les pages !

## Solution

### Algorithme de remplacement

Définir une fonction qui, étant donné l'état actuel (occupation des cadres par des pages), décide quel cadre doit être libéré.

## Solution

### Algorithme de remplacement

Définir une fonction qui, étant donné l'état actuel (occupation des cadres par des pages), décide quel cadre doit être libéré.

### Classes d'algorithmes

- First In, First Out (FIFO)
  - ➔ retirer les pages les plus anciennes
- Basés sur l'utilisation des pages (Least Used)
  - ➔ retirer les pages les moins utilisées

## Solution

### Algorithme de remplacement

Définir une fonction qui, étant donné l'état actuel (occupation des cadres par des pages), décide quel cadre doit être libéré.

### Classes d'algorithmes

- First In, First Out (FIFO)
  - ➔ retirer les pages les plus anciennes
- Basés sur l'utilisation des pages (Least Used)
  - ➔ retirer les pages les moins utilisées

### Évaluation = nombre de défauts de page

- Sur des instances (en TD, à l'examen)
- Sur des *benchmarks*



# Principe

## File

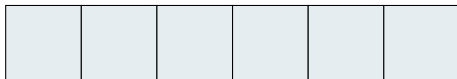
Retirer la page la plus ancienne

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03					
----	--	--	--	--	--

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03					
----	--	--	--	--	--

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04				
----	----	--	--	--	--

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A			
----	----	----	--	--	--

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--



# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	
----	----	----	----	----	--

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

<del>03</del>	04	2A	1F	12	48
---------------	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	<del>04</del>	2A	1F	12	48
----	---------------	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----



# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	<del>2A</del>	1F	12	48
----	----	---------------	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	03	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	03	76	12	48
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	03	76	2A	48
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	03	76	2A	1F
----	----	----	----	----	----

# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

37	B1	03	76	2A	1F
----	----	----	----	----	----

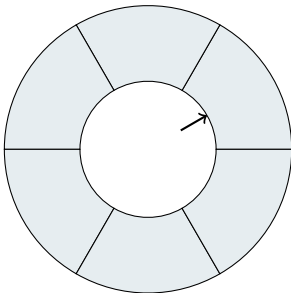
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



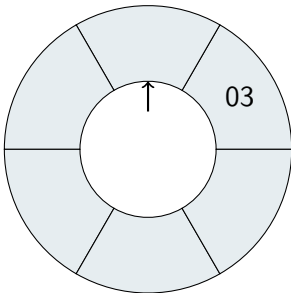
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37





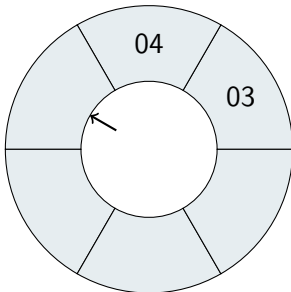
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



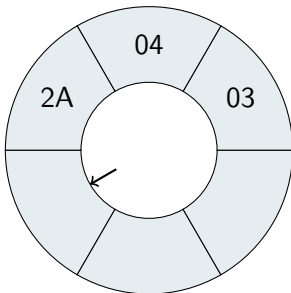
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



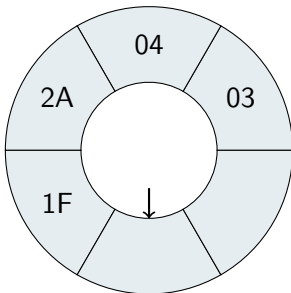
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



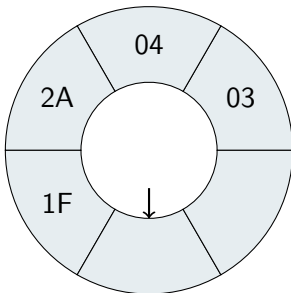
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



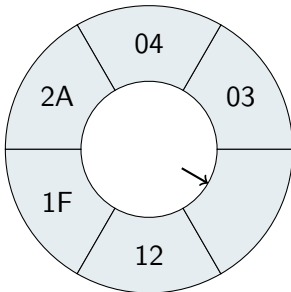
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



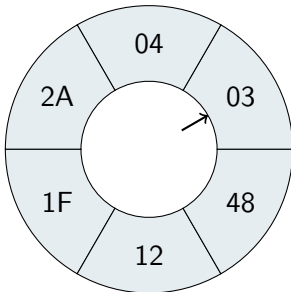
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



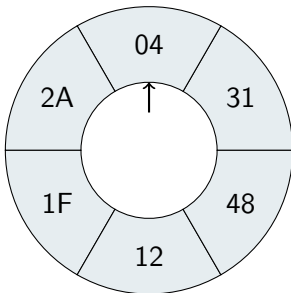
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



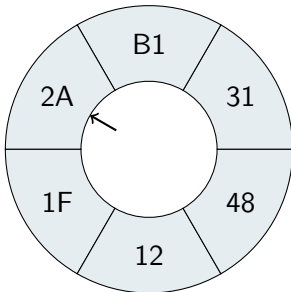
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37





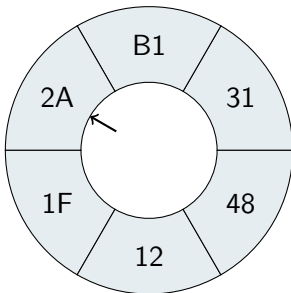
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



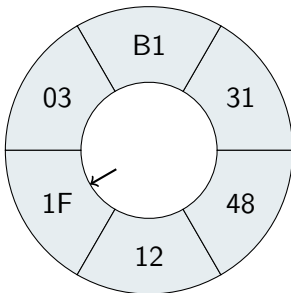
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



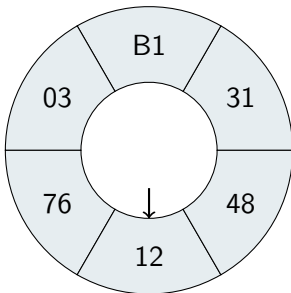
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



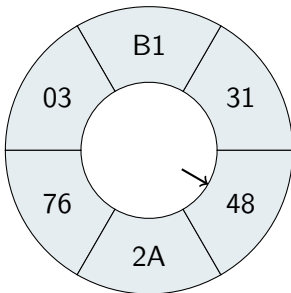
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



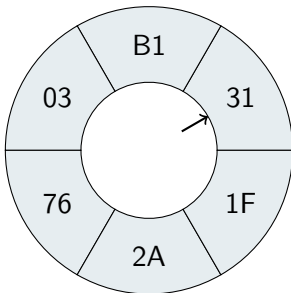
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



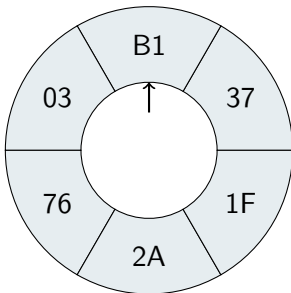
# Principe

## File

Retirer la page la plus ancienne

→ Implémentation = liste circulaire (*clock based*)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



## Compter les défauts

	03	04	2A	1F	2A	12	48	31	B1	2A	03	76	2A	1F	37
0	03							31							37
1		04							B1						
2			2A								03				
3				1F								76			
4						12							2A		
5							48							1F	
	*	*	*	*		*	*	*	*		*	*	*	*	*

Total : 13 défauts

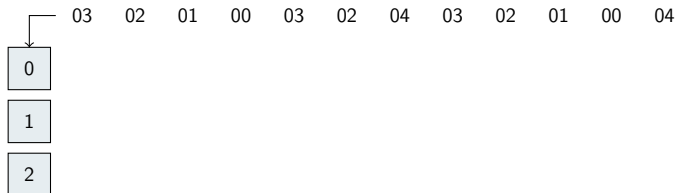
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres





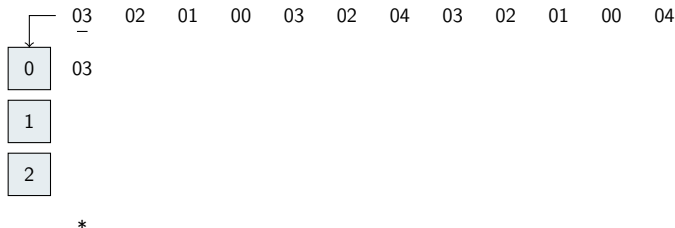
# Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



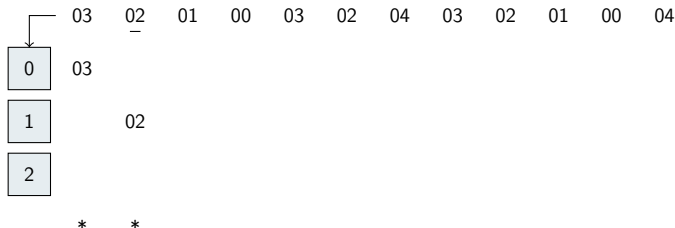
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



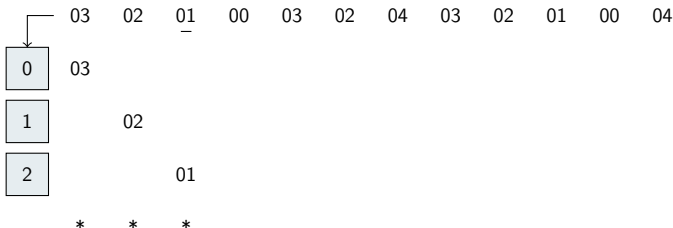
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



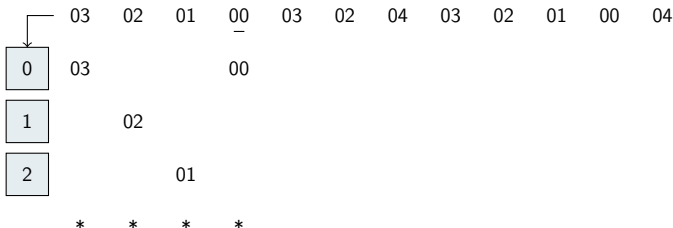
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



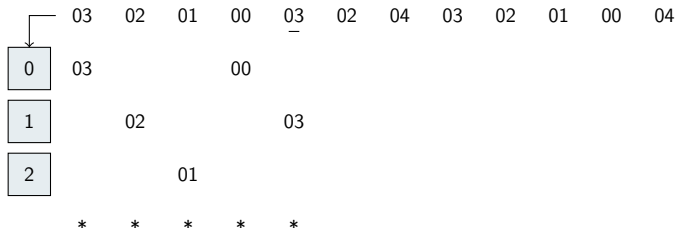
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



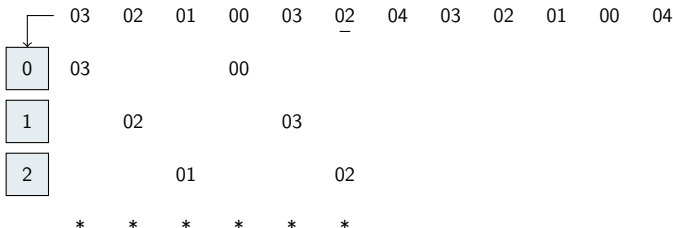
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



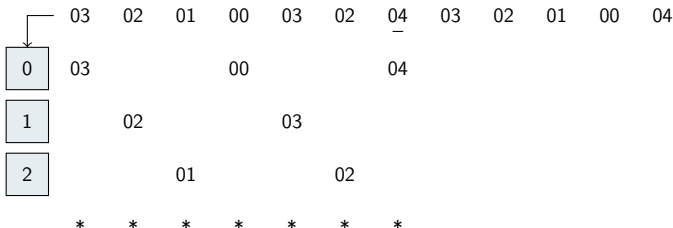
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



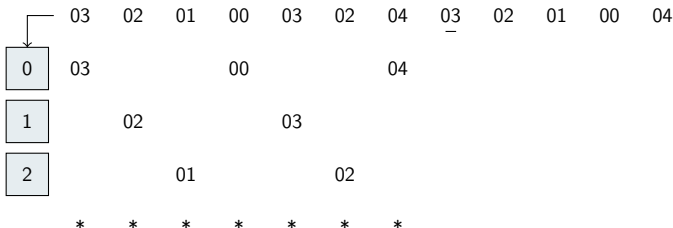
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres





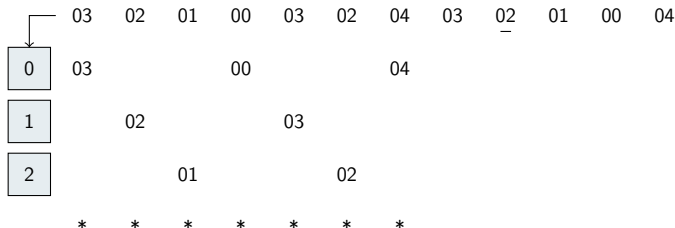
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



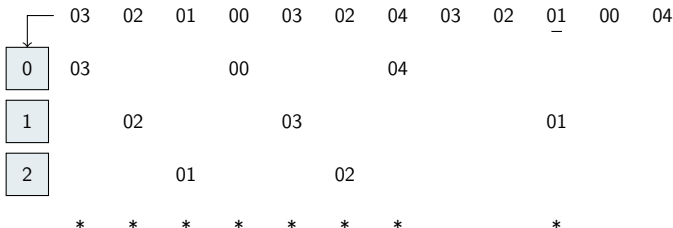
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



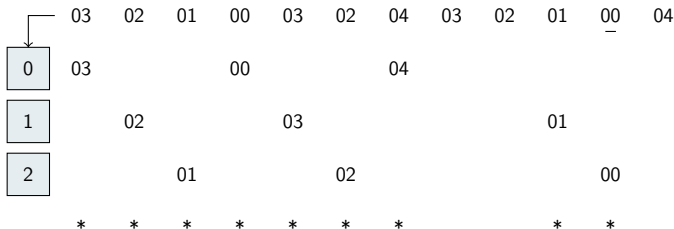
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



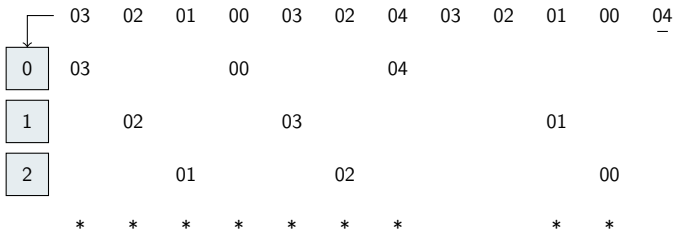
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres



## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 3 cadres

	03	02	01	00	03	02	04	03	02	01	00	04
0	03			00			04					
1		02			03					01		
2			01			02					00	
	*	*	*	*	*	*	*			*	*	

Total : 9 défauts

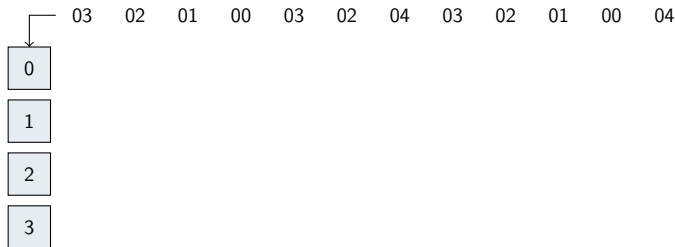
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



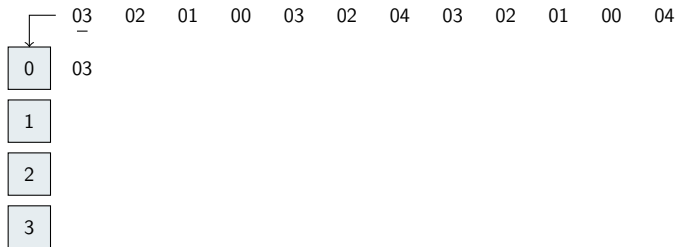
# Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



\*

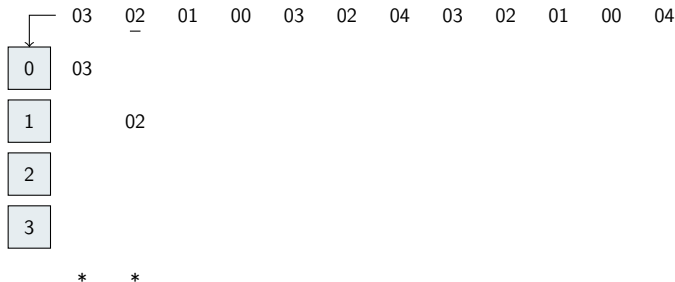
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres





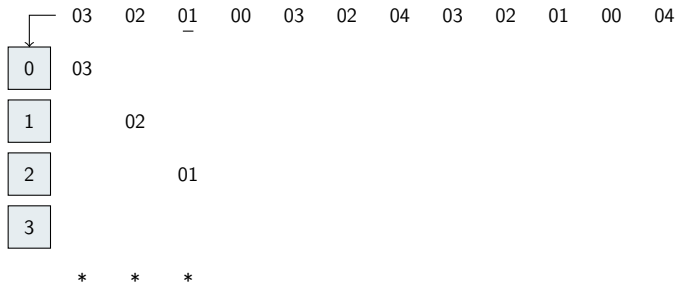
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



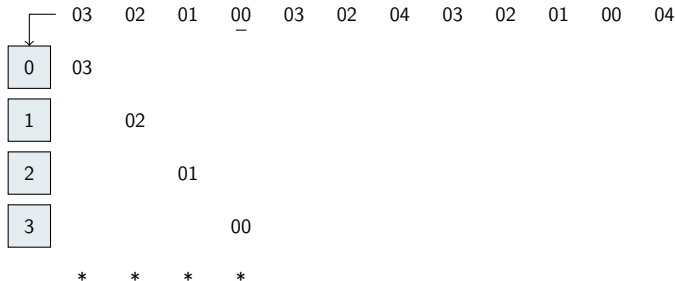
# Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



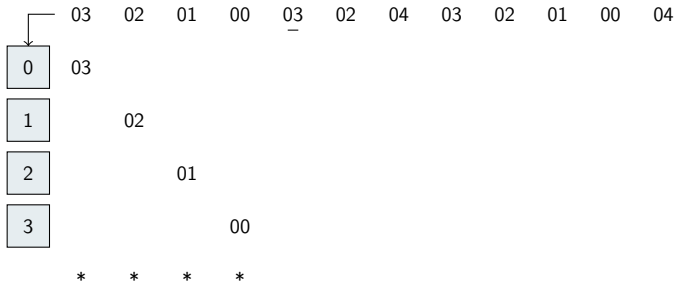
## Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

### Exemple : avec 4 cadres



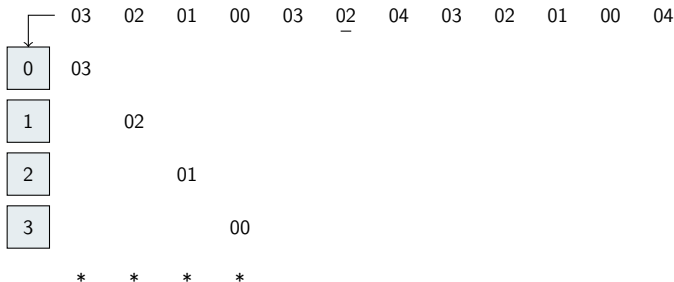
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



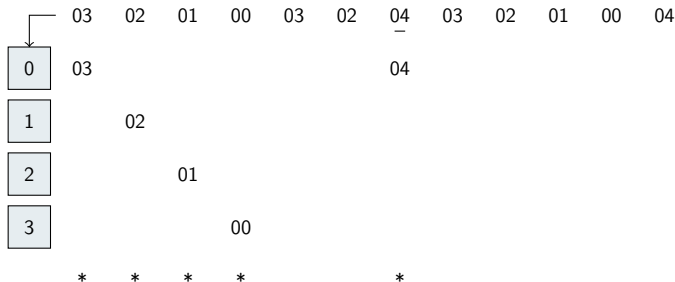
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



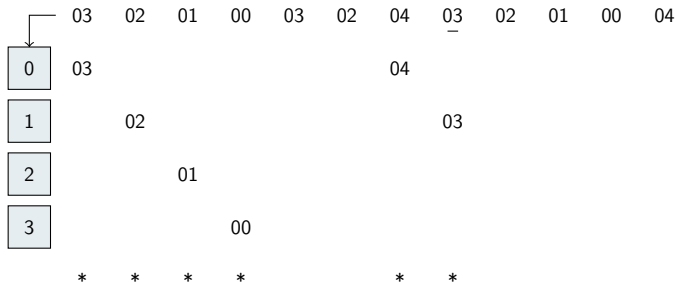
## Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

### Exemple : avec 4 cadres



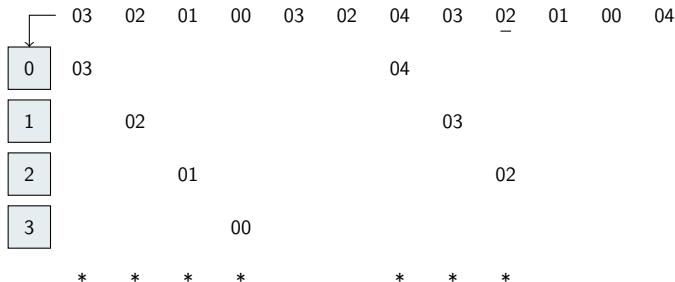
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



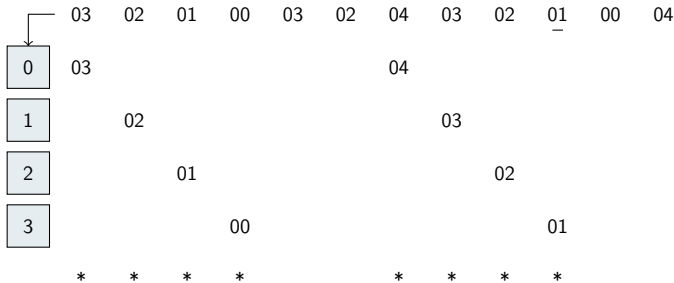
## Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances...*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

### Exemple : avec 4 cadres





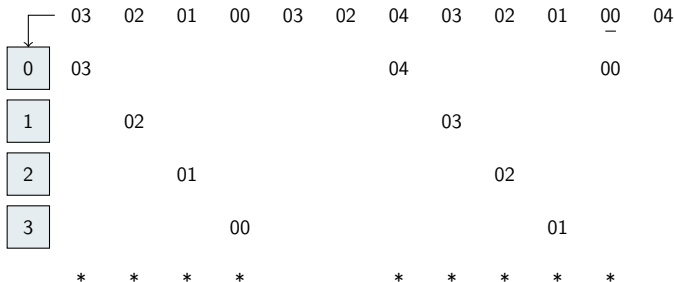
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



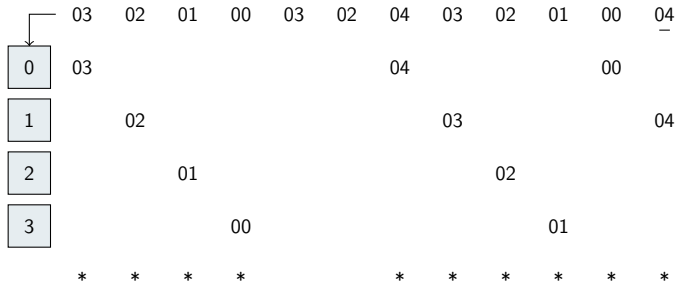
## Anomalie de Belady

### Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



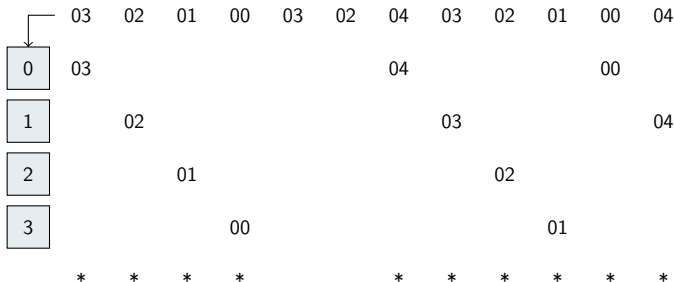
# Anomalie de Belady

## Algorithmes de type FIFO

*sur certaines instances. . .*

Plus de cadres  $\rightarrow$  plus de défauts !

Exemple : avec 4 cadres



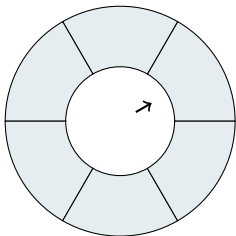
Total : 10 défauts

## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

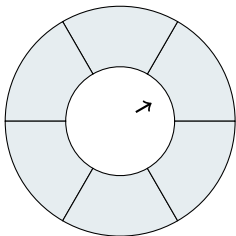


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

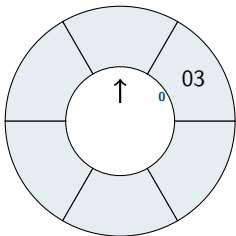


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

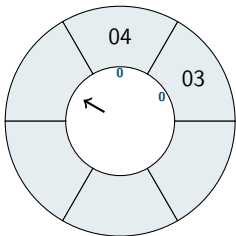


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

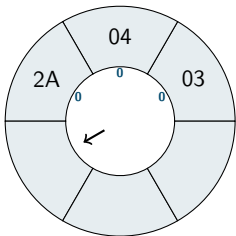


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



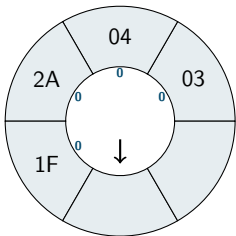


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

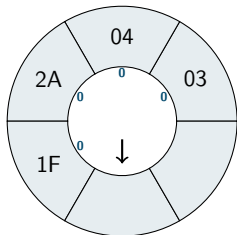


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

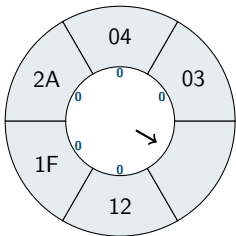


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

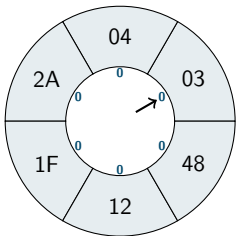


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

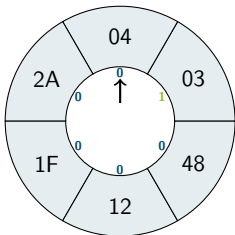


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

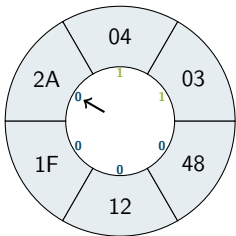


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

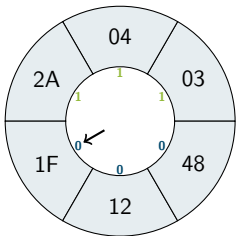


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

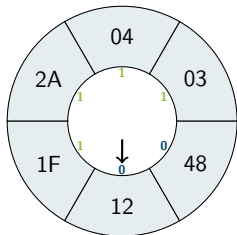


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



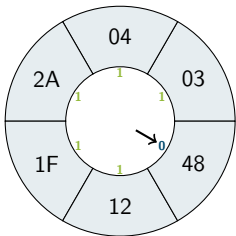


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

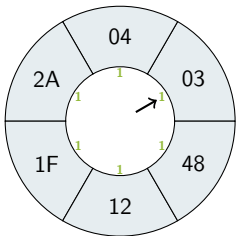


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

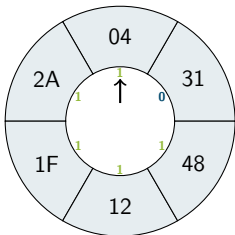


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

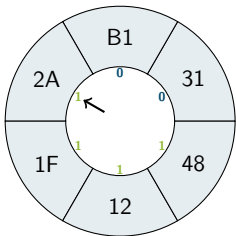


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

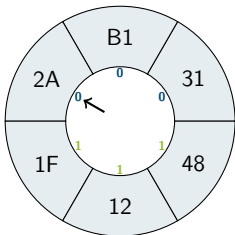


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

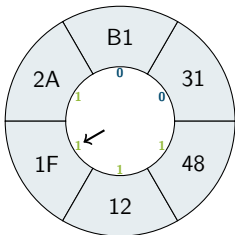


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

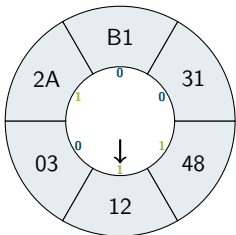


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

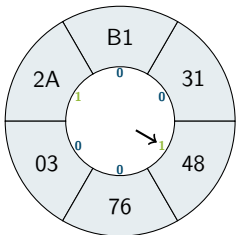


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



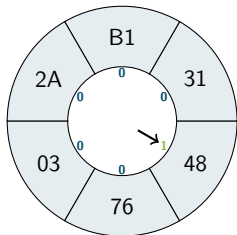


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

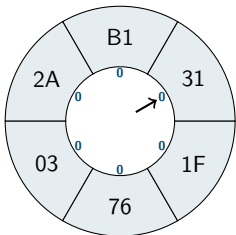


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

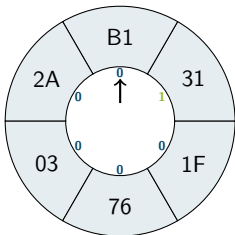


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

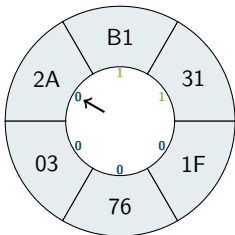


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

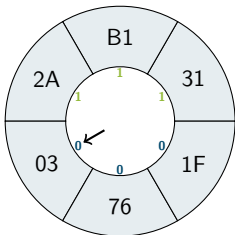


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

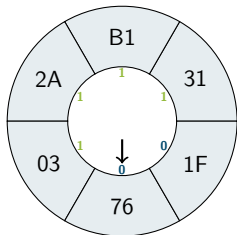


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

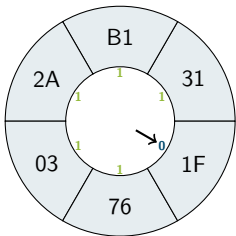


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

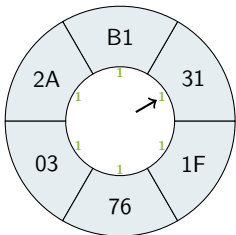


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



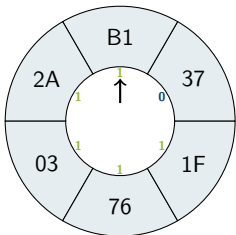


## Seconde chance

### Principe

- Bit de **seconde chance** remis à 0 lorsqu'on re-visite une page
- Lorsqu'on a besoin de libérer un cadre :
  - Si  $\text{bit}(\text{cadre\_courant})=0$ , mettre le bit à 1 et **passer**
  - Sinon **utiliser le cadre** (et remettre le bit à 0)

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



## Compter les défauts

	03	04	2A	1F	2A	12	48	31	B1	2A	03	76	2A	1F	37	
0	03							+	31						+	37
1		04						+	B1						+	
2			2A		-			+		-	+		-		+	
3				1F				+			03				+	
4						12		+				76			+	
5							48	+						1F	+	
	*	*	*	*		*	*	*	*		*	*		*	*	

Total : 12 défauts

## Principe général

### Retirer la page la plus pertinente

- La page la moins utilisée (LFU)
- Une page peu utilisée (NRU)
- La page la moins récemment utilisée (LRU)

## Principe général

### Retirer la page la plus pertinente

- La page la moins utilisée (LFU)
- Une page peu utilisée (NRU)
- La page la moins récemment utilisée (LRU)

### Avantage : moins de défaut de page

*En pratique, FIFO-2 fait 15 à 20 % plus de défauts que LRU*

### Inconvénient : algorithmes plus complexes

- Espace mémoire supplémentaire
- Temps de calcul à chaque appel de page

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



Page	Usage	Date
03	0	
04	0	
12	0	
1F	0	
2A	0	
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

## Least Frequently Used

### Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



Page	Usage	Date
03	0	
04	0	
12	0	
1F	0	
2A	0	
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03					
----	--	--	--	--	--

Page	Usage	Date
03	1	1
04	0	
12	0	
1F	0	
2A	0	
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04				
----	----	--	--	--	--

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	0	
1F	0	
2A	0	
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	



# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A			
----	----	----	--	--	--

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	0	
1F	0	
2A	1	3
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	0	
1F	1	4
2A	1	3
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	0	
1F	1	4
2A	2	3
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

## Least Frequently Used

### Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	
----	----	----	----	----	--

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	2	3
31	0	
37	0	
48	0	
76	0	
B1	0	

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	2	3
31	0	
37	0	
48	1	7
76	0	
B1	0	

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----



Usage = 1, Date = min({1,2,4,6,7})

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	2	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	0	
B1	0	

## Least Frequently Used

### Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	2	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	0	
B1	1	9

## Least Frequently Used

### Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

Page	Usage	Date
03	1	1
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	3	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	0	
B1	1	9



# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	12	48
----	----	----	----	----	----



Usage = 1, Date =  $\min(\{8, 9, 4, 6, 7\})$

Page	Usage	Date
03	2	11
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	3	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	0	
B1	1	9

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	76	48
----	----	----	----	----	----

Page	Usage	Date
03	2	11
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	3	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	1	12
B1	1	9

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	76	48
----	----	----	----	----	----

Page	Usage	Date
03	2	11
04	1	2
12	1	6
1F	1	4
2A	4	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	1	12
B1	1	9

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	76	1F
----	----	----	----	----	----

Page	Usage	Date
03	2	11
04	1	2
12	1	6
1F	2	14
2A	4	3
31	1	8
37	0	
48	1	7
76	1	12
B1	1	9

# Least Frequently Used

## Principe

Noter le taux d'utilisation de chaque page du processus.

- choisir la page la moins utilisée  
en cas d'égalité : FIFO

Exemple :

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

37	B1	2A	03	76	1F
----	----	----	----	----	----



Usage = 1, Date = min({8,9,12})

Page	Usage	Date
03	2	11
04	1	2
12	1	6
1F	2	14
2A	4	3
31	1	8
37	1	15
48	1	7
76	1	12
B1	1	9

## Compter les défauts

	03	04	2A	1F	2A	12	48	31	B1	2A	03	76	2A	1F	37
0	03							31							37
1		04							B1						
2			2A												
3				1F							03				
4						12						76			
5							48							1F	
	*	*	*	*		*	*	*	*		*	*		*	*

Total : 12 défauts

## LFU : avantages et inconvénients

### Nombre total d'utilisation

✗ **Problème** : une page beaucoup utilisée reste toujours

## LFU : avantages et inconvénients

### Nombre total d'utilisation

✗ **Problème** : une page beaucoup utilisée reste toujours

✓ **Solution** : remettre usage à 0 périodiquement

*fenêtre glissante trop coûteux à implémenter...*



## LFU : avantages et inconvénients

### Nombre total d'utilisation

✗ **Problème** : une page beaucoup utilisée reste toujours

✓ **Solution** : remettre usage à 0 périodiquement

*fenêtre glissante trop coûteux à implémenter...*

### Performance

✓ Beaucoup moins de défaut de page que les autres méthodes

## LFU : avantages et inconvénients

### Nombre total d'utilisation

✗ **Problème** : une page beaucoup utilisée reste toujours

✓ **Solution** : remettre usage à 0 périodiquement

*fenêtre glissante trop coûteux à implémenter...*

### Performance

✓ Beaucoup moins de défaut de page que les autres méthodes

✗ Temps de calcul + mémoire

### Mémoire

✗ 64 bits de plus dans chaque ligne de la table des pages

### Temps

✗  $\mathcal{O}(n)$  opérations à chaque page manquante

## Not Recently Used

### Observations

- Compter les utilisation est coûteux  
→ *FIFO-2* = 1 seul bit : mémoire + temps !

## Not Recently Used

### Observations

- Compter les utilisation est coûteux  
→ *FIFO-2* = 1 seul bit : mémoire + temps !
- Certaines pages deviennent inutiles  
→ remettre à 0 périodiquement

## Not Recently Used

### Observations

- Compter les utilisation est coûteux  
→ *FIFO-2* = 1 seul bit : mémoire + temps !
- Certaines pages deviennent inutiles  
→ remettre à 0 périodiquement
- Les pages dans lesquelles on écrit sont plus susceptibles d'être réutilisées  
*un peu plus tard, en général...*

## Not Recently Used

### Observations

- Compter les utilisation est coûteux  
→  $FIFO-2 = 1$  seul bit : mémoire + temps !
- Certaines pages deviennent inutiles  
→ remettre à 0 périodiquement
- Les pages dans lesquelles on écrit sont plus susceptibles d'être réutilisées  
*un peu plus tard, en général...*  
→ Ajouter un 2e bit pour les pages modifiées

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

--	--	--	--	--	--

Page	R	M	Date
03	0	0	
04	0	0	
12	0	0	
1F	0	0	
2A	0	0	
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r



Page	R	M	Date
03	0	0	
04	0	0	
12	0	0	
1F	0	0	
2A	0	0	
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	



# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03					
----	--	--	--	--	--

R=1  
M=0

Page	R	M	Date
03	1	0	1
04	0	0	
12	0	0	
1F	0	0	
2A	0	0	
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04				
----	----	--	--	--	--

R=1  
M=0

R=1  
M=1

Page	R	M	Date
03	1	0	1
04	1	1	2
12	0	0	
1F	0	0	
2A	0	0	
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A			
R=1 M=0	R=1 M=1	R=1 M=0			

Page	R	M	Date
03	1	0	1
04	1	1	2
12	0	0	
1F	0	0	
2A	1	0	3
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A	1F		
R=1 M=0	R=1 M=1	R=1 M=0	R=1 M=1		

Page	R	M	Date
03	1	0	1
04	1	1	2
12	0	0	
1F	1	1	4
2A	1	0	3
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

R=1  
M=0

R=1  
M=1

R=1  
M=0

R=1  
M=1

RESET

Page	R	M	Date
03	1	0	1
04	1	1	2
12	0	0	
1F	1	1	4
2A	1	0	3
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

R=0  
M=0

R=0  
M=1

R=0  
M=0

R=0  
M=1

RESET

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	0	0	
1F	0	1	4
2A	0	0	3
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A	1F		
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1		

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	0	0	
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A	1F	12	
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	1	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	
37	0	0	
48	0	0	
76	0	0	
B1	0	0	



# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

03	04	2A	1F	12	48
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=1 M=0

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	1	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	
37	0	0	
48	1	0	7
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

31	04	2A	1F	12	48
R=1 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=1 M=0

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	1	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	1	0	8
37	0	0	
48	1	0	7
76	0	0	
B1	0	0	

## Not Recently Used

### Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1, M=1) > (R=1, M=0) > (R=0, M=1) > (R=0, M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

31	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

R=1  
M=0

R=0  
M=1

R=1  
M=1

R=0  
M=1

R=1  
M=0

R=1  
M=0

RESET

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	1	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	1	0	8
37	0	0	
48	1	0	7
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

31	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

R=0  
M=0

R=0  
M=1

R=0  
M=1

R=0  
M=1

R=0  
M=0

R=0  
M=0

RESET

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	0	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	
B1	0	0	

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

31	04	2A	1F	B1	48
R=0 M=0	R=0 M=1	R=0 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=0 M=0

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	0	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	
B1	1	0	9

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

31	04	2A	1F	B1	48
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=0 M=0

Page	R	M	Date
03	0	0	1
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	
B1	1	0	9

## Not Recently Used

### Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1, M=1) > (R=1, M=0) > (R=0, M=1) > (R=0, M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

31	04	2A	1F	B1	03
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=1 M=1

Page	R	M	Date
03	1	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	
B1	1	0	9

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1, M=1) > (R=1, M=0) > (R=0, M=1) > (R=0, M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

76	04	2A	1F	B1	03
R=1 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=1 M=1

Page	R	M	Date
03	1	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	1	0	12
B1	1	0	9



# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

76	04	2A	1F	B1	03
R=1 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=1 M=0	R=1 M=1

RESET

Page	R	M	Date
03	1	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	1	0	12
B1	1	0	9

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

76	04	2A	1F	B1	03
R=0 M=0	R=0 M=1	R=0 M=1	R=0 M=1	R=0 M=0	R=0 M=1

RESET

Page	R	M	Date
03	0	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	0	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	12
B1	0	0	9

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

76	04	2A	1F	B1	03
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=0 M=1	R=0 M=0	R=0 M=1

Page	R	M	Date
03	0	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	0	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	12
B1	0	0	9

# Not Recently Used

## Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1,M=1) > (R=1,M=0) > (R=0,M=1) > (R=0,M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

76	04	2A	1F	B1	03
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=1 M=1	R=0 M=0	R=0 M=1

Page	R	M	Date
03	0	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	1	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	0	0	
48	0	0	7
76	0	0	12
B1	0	0	9

## Not Recently Used

### Principe

- 2 bits : R (page **référéncée**) et M (page **modifiée**)
- Lecture ou écriture  $\rightarrow R=1$  ; écriture  $\rightarrow M=1$
- Priorité :  $(R=1, M=1) > (R=1, M=0) > (R=0, M=1) > (R=0, M=0)$   
FIFO en cas d'égalité
- Tous les R sont remis à 0 **chaque K cycles**

03r 04w 2Ar 1Fw 2Aw 12r 48r 31r B1r 2Ar 03w 76r 2Aw 1Fw 37r

76	04	2A	1F	37	03
R=0 M=0	R=0 M=1	R=1 M=1	R=1 M=1	R=1 M=0	R=0 M=1

Page	R	M	Date
03	0	1	11
04	0	1	2
12	0	0	6
1F	1	1	4
2A	1	1	3
31	0	0	8
37	1	0	15
48	0	0	7
76	0	0	12
B1	0	0	9

## Compter les défauts

	03r	04w	2Ar	1Fw	2Aw	12r	48r	31r	B1r	2Ar	03w	76r	2Aw	1Fw	37r
0	03 <sub>10</sub>			00				31 <sub>10</sub> 00				76 <sub>10</sub> 00			
1		04 <sub>11</sub>		01											
2			2A <sub>10</sub>	00	11			01		11			01	11	
3				1F <sub>11</sub> 01											11
4						12 <sub>10</sub>		00	B1 <sub>10</sub>				00		37 <sub>10</sub>
5							48 <sub>10</sub>	00			03 <sub>11</sub>		01		
	*	*	*	*		*	*	*	*		*	*			*

Total : **11** défauts

## NRU : avantages et inconvénients

### Performance

- ✓ Peu de défaut de page
- ✓ Peu coûteux en mémoire
- ✗ Temps de calcul :  $\mathcal{O}(n)$  à chaque reset et à chaque page manquante

## NRU : avantages et inconvénients

### Performance

- ✓ Peu de défaut de page
- ✓ Peu coûteux en mémoire
- ✗ Temps de calcul :  $\mathcal{O}(n)$  à chaque reset et à chaque page manquante

### Gain

En pratique, gain trop faible par rapport à FIFO-2



# Least Recently Used

## Principe

- File (FIFO) avec remise en fin à chaque utilisation
- Implémentation matérielle  $\rightarrow$  calcul en  $\mathcal{O}(1)$

## Least Recently Used

### Principe

- File (FIFO) avec **remise en fin** à chaque utilisation
- Implémentation **matérielle**  $\rightarrow$  calcul en  $\mathcal{O}(1)$

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N =$  nombre de **cadres** sans la diagonale, tout initialisé à 0

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	0	0
1			0	0	0	0
2				0	0	0
3					0	0
4						0
5						

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N =$  nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0

→ Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	0	0	0	03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	0	
2				0	0	0	
3					0	0	
4						0	
5							



# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0
2	1	1	0	0	0	0
3	1	1	1	0	0	0
4	1	1	1	1	0	0
5	1	1	1	1	1	0

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37



## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	1	1	1	1	1	1
1			0	0	0	0
2				0	0	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03					
----	--	--	--	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N =$  nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	1	1	1	1	1		03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	0	
2				0	0	0	
3					0	0	
4						0	
5							

03					
----	--	--	--	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		1	1	1	1	1
1	1		0	0	0	0
2				0	0	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04				
----	----	--	--	--	--

# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	0	1	1	1	1	
1			1	1	1	
2				0	0	
3					0	
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04				
----	----	--	--	--	--



# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	1	1	1	1
1			1	1	1	1
2				0	0	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A			
----	----	----	--	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N = \text{nombre de cadres}$
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	1	1	1		03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	1	1	1	
2				1	1	1	
3					0	0	
4						0	
5							

03	04	2A			
----	----	----	--	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	1	1	1
1			0	1	1	1
2				1	1	1
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	1	1	
1			0	0	1	1
2				0	1	1
3					1	1
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	1	1
1			0	0	1	1
2				0	1	1
3					1	1
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0

→ Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	0	1	1	03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	1	1	
2				1	1	1	
3					1	1	
4						0	
5							

03	04	2A	1F		
----	----	----	----	--	--

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	1	1
1			0	0	1	1
2				1	1	1
3					1	1
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	
----	----	----	----	----	--

# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0	1
1			0	0	0	1
2				1	0	1
3					0	1
4						1
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	
----	----	----	----	----	--



## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	0	1
1			0	0	0	1
2				1	0	1
3					0	1
4						1
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

03	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	0	0	0	03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	0	
2				1	0	0	
3					0	0	
4						0	
5							

03	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0
2	2	0	0	0	0	0
3	3	0	0	0	0	0
4	4	0	0	0	0	0
5	5	0	0	0	0	0

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	1	1	1	1	1		03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	0	
2				1	0	0	
3					0	0	
4						0	
5							

31	04	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		1	1	1	1	1
1	1		0	0	0	0
2				1	0	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	1	1	1	1		03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			1	1	1	1	
2				1	0	0	
3					0	0	
4						0	
5							

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N = \text{nombre de cadres}$
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	1	1	1	1
1			1	1	1	1
2				1	0	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	1	1	1		03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	1	1	1	
2				1	1	1	
3					0	0	
4						0	
5							

31	B1	2A	1F	12	48
----	----	----	----	----	----



## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	1	1	1
1			0	1	1	1
2				1	1	1
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	12	48
----	----	----	----	----	----

# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N = \text{nombre de cadres}$
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	1	1		03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	1	1	
2				0	1	1	
3					1	1	
4						0	
5							

31	B1	2A	03	12	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	1	1
1			0	0	1	1
2				0	1	1
3					1	1
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	76	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	0	0	1	03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	1	
2				0	0	1	
3					0	1	
4						1	
5							

31	B1	2A	03	76	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	0	1
1			0	0	0	1
2				0	0	1
3					0	1
4						1
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	76	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	0	0	1	03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	1	
2				1	1	1	
3					0	1	
4						1	
5							

31	B1	2A	03	76	48
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		0	0	0	0	1
1			0	0	0	1
2				1	1	1
3					0	1
4						1
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

31	B1	2A	03	76	1F
----	----	----	----	----	----

## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5	
0	0	0	0	0	0	0	03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37
1			0	0	0	0	
2				1	1	0	
3					0	0	
4						0	
5							

31	B1	2A	03	76	1F
----	----	----	----	----	----



## LRU : implémentation

### Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
- Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0	0
1			0	0	0	0
2				1	1	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

37	B1	2A	03	76	1F
----	----	----	----	----	----

# LRU : implémentation

## Implémentation

- Matrice triangulaire de dimension  $N$  = nombre de **cadres**
  - Utilisation d'une page dans le cadre  $i$   
→ remettre la ligne  $i$  à 1 puis la colonne  $i$  à 0
- Cadre le plus ancien (à utiliser) =  
ligne est remplie de 0, colonne remplie de 1 (sauf ligne  $i$ )

	0	1	2	3	4	5
0		1	1	1	1	1
1			0	0	0	0
2				1	1	0
3					0	0
4						0
5						

03 04 2A 1F 2A 12 48 31 B1 2A 03 76 2A 1F 37

37	B1	2A	03	76	1F
----	----	----	----	----	----

## Compter les défauts

	03	04	2A	1F	2A	12	48	31	B1	2A	03	76	2A	1F	37
0	03							31							37
1		04							B1						
2			2A		2A					2A				2A	
3				1F							03				
4						12						76			
5							48							1F	
	*	*	*	*		*	*	*	*		*	*		*	*

Total : 12 défauts

## Ce qu'il faut retenir

- Politique de remplacement de page
- FIFO (avec bit de seconde chance)
- LRU (implémentée au niveau matériel)
- Tracer l'exécution et compter les défauts