

# **Evaluarea de expresii Matematice**

**Îndrumător:**

**dr. ing. Daniel Morariu**

**Student:**

**Barna Alin Vasile Anul 2 C**

**Grupa 222/2**

---

# Cuprins

<b>CUPRINS .....</b>	<b>2</b>
<b>1 SPECIFICAREA CERINȚELOR SOFTWARE.....</b>	<b>3</b>
<b>1.1 Introducere .....</b>	<b>3</b>
1.1.1 Obiective .....	3
1.1.2 Scop.....	3
1.1.3 Definiții, Acronime și Abrevieri .....	4
1.1.4 Tehnologiile utilizate.....	4
<b>Cerințe specifice .....</b>	<b>4</b>
<b>2 PRIMA FUNCȚIONALITATEA.....</b>	<b>6</b>
<b>2.1 Forma Poloneza.....</b>	<b>6</b>
<b>2.2 Fluxul de evenimente .....</b>	<b>6</b>
2.2.1 Fluxul de bază.....	6
2.2.2 Pre-condiții.....	8
2.2.3 Post-condiții .....	8
<b>3 A DOUA FUNCTIONALITATEA.....</b>	<b>9</b>
<b>3.1 Evaluare expresiei .....</b>	<b>9</b>
<b>3.2 Descriere.....</b>	<b>9</b>
<b>3.3 Fluxul de evenimente .....</b>	<b>9</b>
3.3.1 Fluxul de baza.....	9
3.3.2 Pre-conditii.....	10
3.3.3 Post-conditii .....	10
<b>4 IMPLEMENTARE .....</b>	<b>11</b>
<b>4.1 Diagrama de clase .....</b>	<b>11</b>
<b>4.2 Descriere detaliată .....</b>	<b>12</b>
<b>5 BIBLIOGRAFIE.....</b>	<b>13</b>

---

# 1 Specificarea cerințelor software

## 1.1 Introducere

Principalul rol al aplicației este evaluarea de expresii matematice, cu implementarea operatorilor „+”, „-”, „\*”, „/”, „( )”, ... și funcții de genul „sin”, „cos”, etc.

Expresiile se vor introduce în forma normală sau din fișier. Având posibilitatea de a vedea ultimele expresii evaluate.

### 1.1.1 Obiective

- Evaluarea expresiilor matematice cu operatorii „+”, „-”, „\*”, „/”, „( )”, „^”.
- Implementarea funcțiilor „sqrt (x)”, „ln (x)”, „exp (x)”, „lg (x)”,
- Implementarea funcțiilor trigonometrice directe „sin”, „cos”, „tg”, „ctg” și rezolvarea lor atât prin parametru de tip radian cât și prin parametru cu tip grad.
- Implementarea funcțiilor trigonometrice inverse „asin”, „acos”, „atg”, „actg” și afisarea rezultatelor sale atât în radian cât și în grade.
- Formarea a două moduri de lucru, unul clasic/standard, în care utilizatorul poate evalua o singură expresie. Și un al doilea mod („more expressions=mai multe expresii”) în care utilizatorul poate evalua mai multe expresii în același timp. Al doilea mod permite utilizatorul a citi mai multe expresii din fișier.
- Posibilitatea de a vedea ultimele expresii evaluate, de a putea prelua în modul standard una din ultimele expresii evaluate, sau de a prelua toate expresiile din istoric în modul „more expressions”.
- Tratarea tuturor erorilor printre care:
  - **Impartirea la zero.** Tratarea acestei erori printr-un mesaj către utilizator care să îl avertizeze asupra împărțirii cu zero.
  - **Spatiile** lasate în mod eronat în interiorul expresiei.
  - **Semne și simboluri eronate.** Tratarea erorii printr-un mesaj către utilizator.
  - **Lipsa parantezei deschise ,(**’. Mesaj de eroare.
  - **Lipsa parantezei închise ,)**’. Mesaj de eroare.
  - **Scrierea unei expresii incorecte.** Mesaj de eroare.

### 1.1.2 Scop

Scopul acestei aplicații este de a realiza o aplicație care să permită evaluarea de expresii matematice, cu implementarea operatorilor „+”, „-”, „\*”, „/”, „( )”, „^”,... și funcții de genul „sin”, „cos”, etc.. Expresiile se vor putea introduce în forma normală sau din fișier. Aplicația va avea posibilitatea de a vedea ultimele expresii evaluate prin intermediul History..

---

### 1.1.3 Definiții, Acronime și Abrevieri

Toate clasele proprii sunt definite cu majuscule: EXPRESSION, CFILE, RWS.

Denumirea elementelor din cadrul aplicației au o denumire semnificativă, urmând o regulă care va fi prezentată mai jos.

O prescurtare importantă în cadrul aplicării este RWS = Read Write Solve. Am folosit această prescurtare atât pentru clasa respectivă cât și pentru variabilele de tipul acestei clase.

#### **REGULA DE DEFINIRE A ELEMENTELOR**

Toate elementele din interiorul unei forme au fost definite sub următoarea regulă:

**nume\_formaDeCareApartine\_utilitate**

**nume:** nume implicit sau prescurtarea numelui sau initiala semnificativă

Exemple: Button -> Btn\_, Edit -> Edit\_, Label -> Label\_ / L\_, etc.

**formaDeCareApartine:** numele/ prescurtarea/ initiala(initiala) semnificativă formei din care face parte.

Exemplu: Butoanele din forma Calculator „FormCalculator” -> BtnC\_

**utilitate:** ceea ce face elementul sau pentru ce este el folosit.

Exemple: Butoanele care introduc cifre -> BtnC1, BtnC2, etc, BtnCnrPI etc.

Edit-ul în care este afișată expresia/rezultatul -> EditCExp / EditCRes

Caracterul „\_”

### 1.1.4 Tehnologiile utilizate

**Borland C++ Builder 6**

#### ***Cerințe specifice***

**Citirea / Scrierea în fișier.** Expresiile pot fi citite și din fișier, iar dacă se dorește se pot scrie după evaluarea lor în alt fișier în care va apărea atât expresia cât și rezultatul dat. Avem și posibilitatea schimbării fișierelor de citire sau scriere.

**Forma Poloneza Postfixată.** Notăție matematică care ajută foarte mult la posibilitatea evaluării unei expresii matematice de către un calculator.

**Evaluarea expresiei.** Evaluarea unei expresii care se realizează cu ajutorul formei poloneze.

---

**Istoricul.** Posibilitatea de a vedea ultimele expresii evaluate și de a relua dacă se dorește una sau mai multe din aceste expresii pentru posibila reevaluarea a lor.

**Modul „More Expressions”.** Avem posibilitatea de a citi până la 10 expresii din fișier și de a le evalua deodată. De asemenea expresiile se pot introduce și de utilizator.

**Tratarea erorilor.** Pentru anumite cazuri primim mesaj de eroare și câteva indicații care pot fi cauzele erorii.

---

## 2 Prima Funcționalitatea

### 2.1 Forma Poloneza

Aducerea expresii care urmează să fie evaluată în forma poloneză necesară în această aplicație, altfel evaluarea expresiei ar fi imposibilă.

Forma poloneză postfixată este o notație matematică în care fiecare operator (funcție) urmează după operandul său. Forma poloneză a unei expresii ajută la evaluarea în mod corect din punct de vedere a ordinii de evaluare a operatorilor și a funcțiilor.

Exemple:

2 + 3 -> în forma poloneză postfixată -> 2 3 +  
sin(30) -> în forma poloneză postfixată -> 30 sin  
2 + 3 - 1 -> în forma poloneză postfixată -> 2 3 + 1 -

### 2.2 Fluxul de evenimente

#### 2.2.1 Fluxul de bază

Această funcționalitate este de fapt o funcție „*formaPoloneza ( )*” din clasa *EXPRESSION*, care se folosește de membrul „*expression*” al aceleiași clase și de alte funcții din interiorul clasei pentru atingerea scopului.

Utilizatorul are un rol important în pornirea funcționalității, prin apăsarea unui buton de evaluare „=”, el trimite expresia care urmează a fi adusă în forma poloneză. Rezultatul acestei funcționalități nu este disponibil utilizatorului, aplicația nu afișează forma poloneză și nu permite accesul la ea.

Prototipul funcției: *std::queue<string> formaPoloneza()*. Se folosește în mod necesar de membrul „*expression*” al clasei, astfel ea nu primește niciun parametru. La întoarcerea din funcție se returnează o coadă „*queue*” de string-uri, care văzută ca o coadă reprezintă forma poloneză. Rezultatul putea fi pus și într-un string, dar pentru ușurința evaluării mai departe a expresiei am ales această variantă (coadă).

În interiorul funcției am mai inițializat o variabilă locală de tip stivă de string-uri în care voi adăuga temporar operatorii și funcțiile.

Modul de realizare a formei poloneze pas cu pas.

1. **Parcurgem șirul caracter cu caracter.**
2. **Dacă este număr adăugăm adică adăugăm în coadă.**

Verificare dacă este număr am făcut-o astfel:

-am verificat dacă caracterul curent este cifră, apoi atât timp cât următorul caracter este tot cifră sau este punct „.” le adăugăm într-un string care mai târziu va fi convertit în double.

---

### 3. Dacă este funcție adaug numele funcției în stiva de operatori.

Prima dată verific dacă am  $\log(b,x)$  deoarece are o implementare mai diferită și am preferat tratarea ei separat.

```
if(eLog(i)) {
    stivaOperator.push("log"); i+=2;
    i++; //deoarece urmatorul caracter ar trebui să fie '(' și sarim peste
    //extragem primul număr (bază) și îl adăugăm în forma poloneză string str;
while(eCifra(expression[i]) || expression[i]!='.'){
    str=str+STR(expression[i]);
    i++;
}
    i--; poloneza.push(str);
    //acum ar urma caracterul ',' care delimitează numărul
    //il extragem și îl adăugăm în stivă
    str=""; //resetăm stringul while(eCifra(expression[i]) || expression[i]!='.'){
str=str+STR(expression[i]); i++;
    }
    i--; poloneza.push(str);
    i++; //deoarece urmatorul caracter era ')' am sarit peste }
```

Exemplu:  $\log(2, 0.5) \rightarrow 2 \ 0.5 \ \log$

Pentru restul funcțiilor am implementat tot în cadrul clasei, metode la care trimit parametru poziția curentă din *expression*, adică *i*, metodele sunt private și îmi returnează bool, astfel știu dacă am sau nu funcție.

4. Altfel dacă este paranteză deschisă , ( ' adăugăm caracterul , ( ' în stiva de operatori
5. Dacă este paranteză închisă ,)', extragem din *stivă* de operatori și adăugăm la coada *poloneza* până la paranteză deschisă , ( ' . Scoatem paranteza ,(' din stivă.
6. Dacă este operator: atât timp cât operatorul din vârful *stivei* are prioritate mai mare decât operatorul curent, adăugăm în forma *poloneza* elementul din vârful *stivei*.

Pentru verificarea priorității operatorilor am implementat o metodă care îmi returnează un int și care îmi spune care operator este mai mare.

7. Apoi se introduce operatorul curent în *stivă*.
8. Se adaugă toți operatorii rămași pe *stivă* în forma *poloneza*.

Exemplu:  $6+(9^4-2)*\sin(0)$

---

(1) Parcurgem sirul caracter cu caracter: primul caracter ,3'

(2)	Poloneza: 6	; Stiva:	- urmeaza , +'
(6)	Poloneza: 6	; Stiva: +	- urmeaza ,(
(4)	Poloneza: 6	; Stiva: + (	- urmeaza ,9'
(2)	Poloneza: 6 9	; Stiva: + (	- urmeaza ,^'
(6)	Poloneza: 6 9	; Stiva: + ( ^	- urmeaza ,4'
(2)	Poloneza: 6 9 4	; Stiva: + ( ^	- urmeaza ,-'
(6) + (7)	Poloneza: 6 9 4 ^	; Stiva: + ( -	- urmeaza ,2'
(2)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2	; Stiva: + ( -	- urmeaza ,)'
(5)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2 -	; Stiva: +	- urmeaza ,*'
(8)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2 -	; Stiva: + *	- urmeaza „sin”
(3)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2 -	; Stiva: + * sin	- urmeaza ,(
(4)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2 -	; Stiva: + * sin (	- urmeaza ,0'
(2)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2 - 0	; Stiva: + * sin (	- urmeaza ,)'
(5)	Poloneza: 6 9 4 ^ 2 - 0	; Stiva: + * sin	
(8)	Poloneza: <b>6 9 4 ^ 2 - 0 sin * +</b>	; Stiva: goala	

**6+(9^4-2)\*sin(0) → 6 9 4 ^ 2 - 0 sin \* +**

### 2.2.2 Pre-condiții

Utilizatorul trebuie să introducă o expresie matematică corectă. Nu trebuie să introducă simboluri care nu pot fi interpretate (ex: #, @, etc...), nu trebuie să utilizeze moduri neclare pentru aplicatie de scriere a expresiei (ex: ln5 în loc de ln(5) ), trebuie să aibă o atenție deosebită la folosirea parantezelor.

### 2.2.3 Post-condiții

Utilizatorul nu are acces la rezultatul acestei funcționalități. Această funcționalitate este un ajutor la evaluarea expresiei.



---

## 3 A doua Functionalitatea

### 3.1 Evaluare expresiei

Posibilitatea evaluarii unei expresii este scopul principal al aplicatiei.

### 3.2 Descriere

Evaluarea expresiei presupune calcularea unei expresii in mod corect: trebuie sa tina cont de prioritatea fiecarui operator, sa identifice si sa rezolve functiile.

### 3.3 Fluxul de evenimente

#### 3.3.1 Fluxul de baza

Posibilitatea evaluarii unei expresii se face in cadrul functiei **double EXPRESSION::evaluate()**. Un rol important in evaluarea expresiei il joaca forma poloneza. Pentru inceput am declarat o variabila locala de tip queue <string> in care se pune forma poloneza a expresiei care doreste sa fie evaluata.

```
queue <string> coada=formaPoloneza();
```

Voi prezenta pas cu pas modul de decurgere a functionalitatii.

Pentru realizarea algoritmului de evaluare am nevoie de o stiva de tip double, care sa imi pastreze termenii si rezultatele partiale care vor devein termeni in urmatoarele operatii.

```
stack <double> stiva;
```

Pe scurt in cateva cuvinte pot principiul algoritmului de evaluare. Exemplul dat anterior la forma poloneza era: **3+(9^4-2)\*sin(0)** care a ajuns in forma poloneza astfel: **3 9 4 ^ 2 - 0 sin \* +**.

Deci coada arata astfel : **3 9 4 ^ 2 - 0 sin \* +**

- Cat timp am de scos numere, le scot din coada si le pun in stiva.
- Daca am un operator binar, scot din stiva ultimi doi termeni, fac operatia respectiva intre ei iar rezultatul il pun iar pe stiva.
- Daca am functie sau operator unar, scot de pe stiva ultimul termen, aplic functia sau operatorul una asupra lui, iar rezultatul la fel il pun pe stiva.
- Se repeta acesti pasi pana cand coada este goala.
- La sfarsit ce se afla in varful stivei va fi rezultatul pe care trebuie sa il returnam.

In continuare voi prezenta si codul pentru a putea detalia modul de operationare a functionalitatii.

Voi elimina partiile din cod care le consider inutile pentru explicarea si intelegerea functionarii. Majoritatea partiilor de cod excluse vor fi parti de cod care se repeta de mai multe ori pentru fiecare functie sau operator.

---

### 3.3.2 Pre-conditii

Utilizatorul are rolul de a introduce o expresie pe ecran sau sa citeasca o expresie din fisier. Tot utilizatorului ii revine rolul de a cere solicitarea rezultatului prin apasarea unui buton de evaluare „=”. Dar un alt lucru important este ca utilizatorul sa scrie o expresie corecta din punct de vedere matematic si din punct de vedere al aplicatiei.

Daca utilizatorul doreste folosirea functiilor trigonometrice se atrage atenti asupra parametrului trimis de utilizator, daca este in radian sau grade. Exista posibilitatea comutarii din radian in grade si inver, dar utilizatorul este cel care are acces sa i-a decizia folosirii functiilor trigonometrice in radian sau grade.

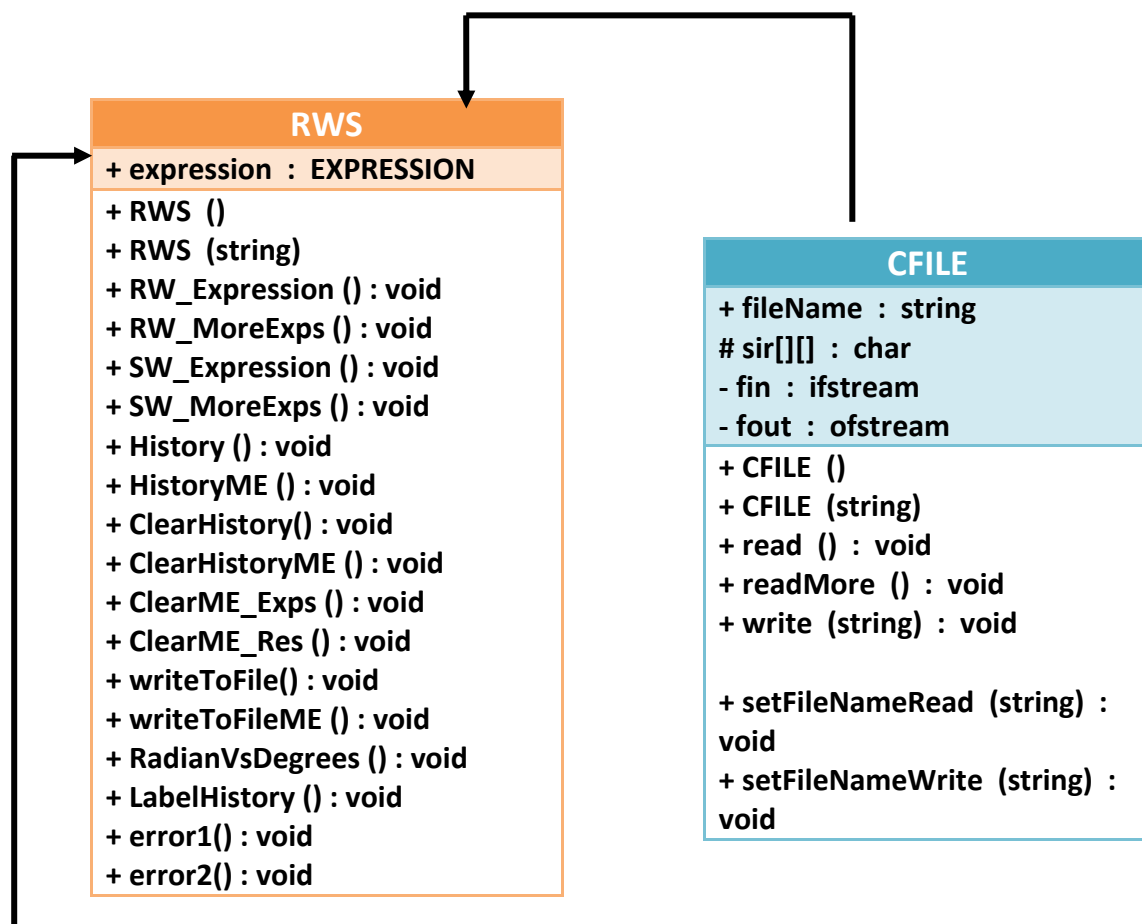
### 3.3.3 Post-conditii

Utilizatorul primeste pe ecran rezultatul evaluarii expresiei sau a expresiilor, dar se poate astepta si la mesaje de eroare atunci cand expresia introdusa nu este corecta, iar acel caz a fost tratat.

Din cauza netratarii tuturor cazurilor de eroare, utilizatorul se poate astepta la blocarea aplicatiei.

## 4 Implementare

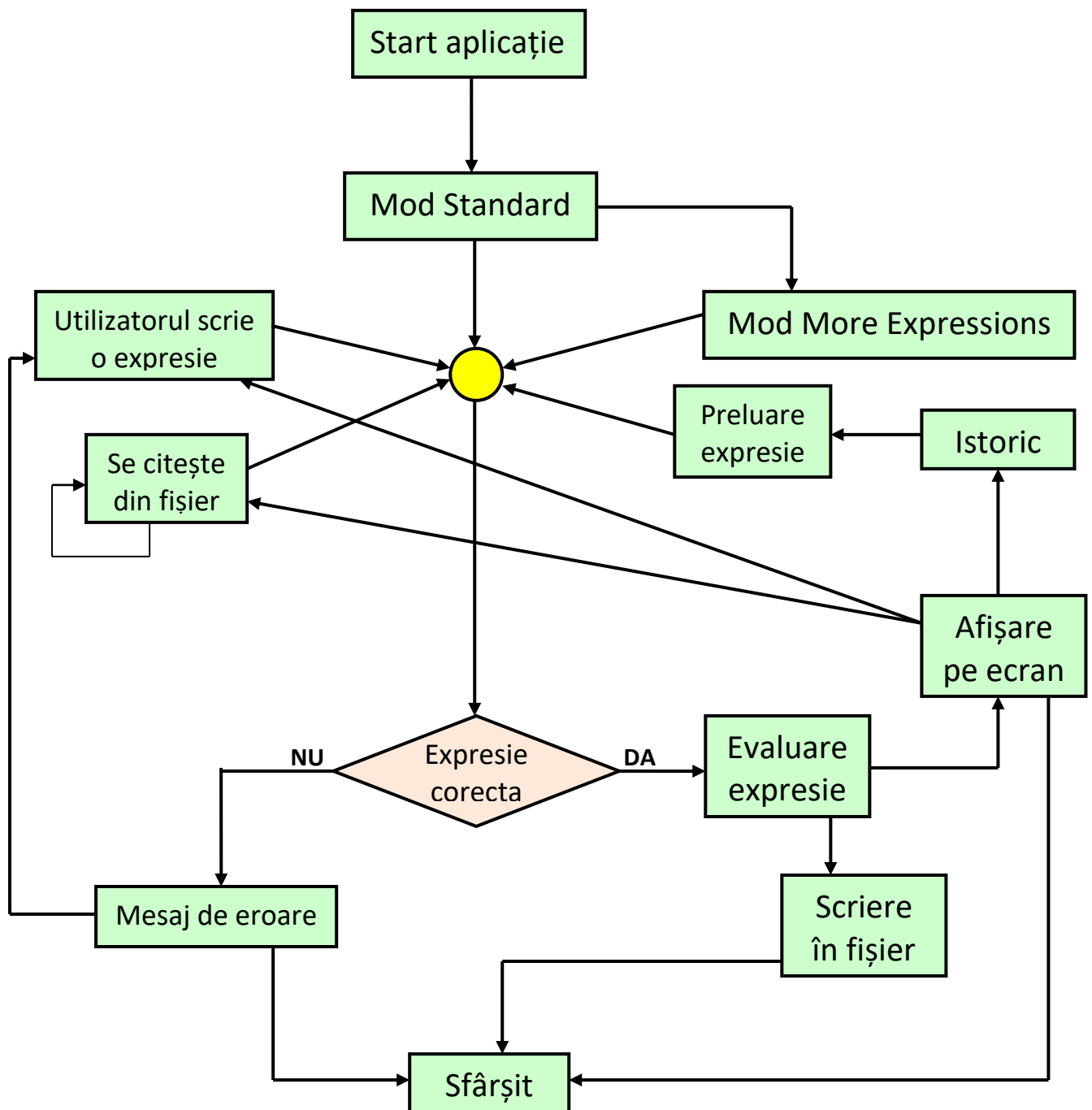
### 4.1 Diagrama de clase



EXPRESSION		
+expression : string		
+radian : bool		
+EXPRESSION ()	-eLn (int) : bool	-eAsin (int) : bool
+EXPRESSION (string)	-eLn (string) : bool	-eAsin (string) : bool
+evaluare () : double	-eLg (int) : bool	-eAcos (int) : bool
-formaPoloneza () : queue<string>	-eLg (string) : bool	-eAcos (string) : bool
	-eLog (int) : bool	-eAtg (int) : bool
- prioritateOp (string) : int	-eLog (string) : bool	-eAtg (string) : bool
-eOperator (char) : bool	-eSqrt (int) : bool	-eActg (int) : bool
-eCifra (char) : bool	-eSqrt (string) : bool	-eActg (string) : bool
-cifra (char) : double	-eSin (int) : bool	-eNrPI (int) : bool
-numar (string str) : double	-eSin (string) : bool	-eNrPI (string) : bool
-eFunctie (int) : bool	-eCos (int) : bool	-PDeschisa (char) : bool
-eFunctie (string) : bool	-eCos (string) : bool	-PInchisa (char) : bool
-ePow (int) : bool	-eTg (int) : bool	-compara (string,char) : bool
-ePow (string) : bool	-eTg (string) : bool	-STR (char) : string
-eExp (int) : bool	-eCtg (int) : bool	-CHAR (string) : char
-eExp (string) : bool	-eCtg (string) : bool	

## 4.2 Descriere detaliată

Schema logică:



---

## 5 Bibliografie

- Functiile trigonometrice  
<http://www.cplusplus.com/reference/cmath/>
- Pentru citire din fisier  
<http://www.cplusplus.com/reference/istream/>
- Pentru scrierea in fisier  
<http://www.cplusplus.com/reference/ostream/>
- „Programare Orientata pe Obiecte. Principii c++”, Macarie Breazu 2002