# BuK Abgabe 7 | Gruppe 17

Malte Meng (354529) , Charel Ernster (318949), Sebastian Witt (354738) December 15, 2016

# 1 Aufgabe 8.1

1. (a) Die TM wird in Phasen geteilt. Man gewinnt dadurch Zeit, dass man 2 Übergänge einfügt pro Speicherzelle und es die Option gibt ohne einen Vergleich von Symbolen von v und w zum nächsten Symbole nach rechts zu laufen. Der Zähler muss ebenfalls klein sein, daher wählen wir eine Binärzahl als Zähler.

#### Phase 1:

Überprüfe, ob das Eingabewort die Form v#w hat mit  $v,w\in\{0,1\}^*$ . Falls nicht, verwerfe. Falls es zutrifft, weiter mit Phase 2. Lauftzeit O(n)

## Phase 2:

Setze die Position auf das erste Symbol von v. Sei  $v=v_1...v_n$  und  $w=w_1...w_m$ . Setze eine zweite Spur ein, um den Zähler, der zwingend mitgeschoben wird, für die Position anzugeben, an der man gerade liest. Nun arbeite wie folgt:

Es gibt mehrere Optionen für die Übergänge

- Liest man  $v_i \in \{0, 1\}$ , vergleiche  $v_i$  mit der i. Position rechts von #. Falls ein B gelesen wird  $\Rightarrow$  akzeptiere, ansonsten vergleiche das gelesene Symbol  $w_i \in \{0, 1\}$  mit  $v_i$ . Falls  $v i \neq w_i$  dann akzeptiere.
- Liest man  $v_i \in \{0,1\}$ , darf der Lesekopf einen Schritt nach rechts bewegt werden. Erhöhe den Zähler um 1 und wähle erneut eine Option
- Liest man #, gehe n+1 Schritte. Verwerfe, wenn ein B gelesen wird (da dann v=w gilt), ansonsten akzeptiere

Die Optionen sind nicht deterministisch gewählt worden

Laufzeit: O(n \* log(n))

Laufzeit insgesamt: O(n \* log(n))

2. (b) Nein so funktioniert das hier nicht, denn man muss jedes Symbol von v und w einzeln überprüfen und kann nicht bei Ungleichheit akzeptieren (der Schritt nach rechts darf so nicht ausgeführt werden).

# 2 8.2

### Data: V

Nimm einen Knoten aus jeder Zusammenhangskomponente und speichere ihn in Colored

Graphzusammenhangproblem lösbar in  $O(n^2)$  für  $n=|V|^2$ . Die While-Schleife läuft maximal |V| mal und die Forschleife ebenfalls maximal |V| mal. Dabei werden maximal |E| Kanten betrachtet. Insgesamt ergibt sich  $O(|V|^2 \cdot |E|)$ . Insgesamt ist der Algorithmus also durch  $O(n^2 \cdot |E|)$  beschränkt.

### Korrektheit:

Falls der Graph in 2 - Colorability liegt

- Der Algorithmus färbt in jeder Zusammenhangskomponente einen Knoten
- Iterativ werden deren Nachbarknoten immer weiter entgegengesetzt gefärbt
- Der Algorithmus akzeptiert den Graphen

Falls der Graph nicht in 2 - Colorability liegt

- Der Algorithmus fäbt in jeder Zusammenhangskomponente einen Knoten
- Iterativ werden deren Nachbarknoten immer weiter entgegengesetzt gefärbt
- Es passiert, dass ein Knoten die gleiche Farbe wie sein Nachbar besitzt.
- Der Algorithmus verwirft den Graphen