Master IMAGINA

Plan

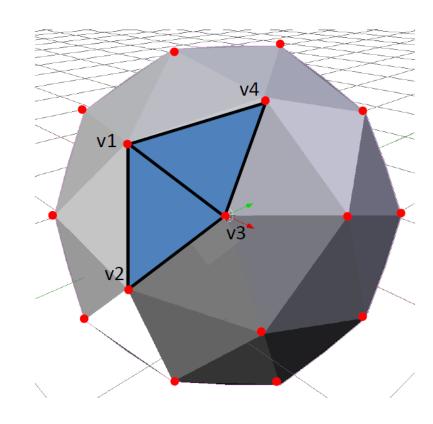
- Introduction
- Propriétés de base
- Structures de données
- Visualisation OpenGL

Définition

- Approximation de la surface d'un objet à l'aide d'un ensemble de polygones
- Soupe de Polygones: suites de n-upletsde coordonnées 3D correspondants aux polygones
- Maillages indexés: graphe avec géométrie et topologie séparés
 - Une liste de sommets (V)
 - Une liste de relation topologique:
 - Arêtes (Edge, E)
 - Faces (F)
- En pratique, {V,F} (example: OpenGL)

Exemple

- Ensemble de sommets (géométrie)
 - v1 (x, y, z)
 - v2 (x, y, z)
 - v3 (x, y, z)
 - v4 (x, y, z)
- Ensemble de faces (topologie)
 - (v1, v2, v3)
 - (v1, v3, v4)



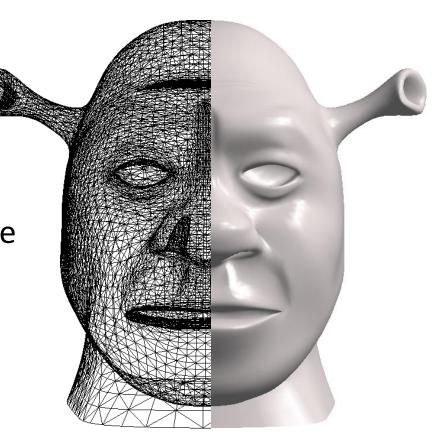
 Une structure standard d'affichage de scènes complexes 3D.



 Une structure standard d'affichage de scènes complexes 3D.

 Représentation de la face par un ensemble de polygone.

• Souvent des triangles (simplexe pour une face).

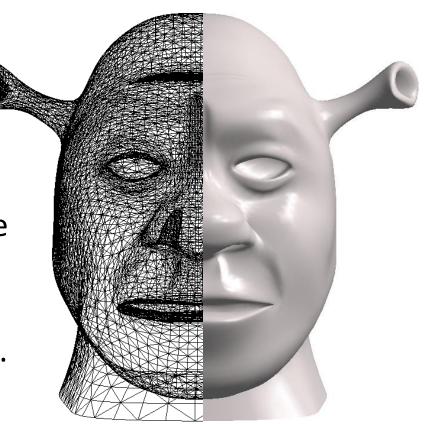


 Une structure standard d'affichage de scènes complexes 3D.

 Représentation de la face par un ensemble de polygone.

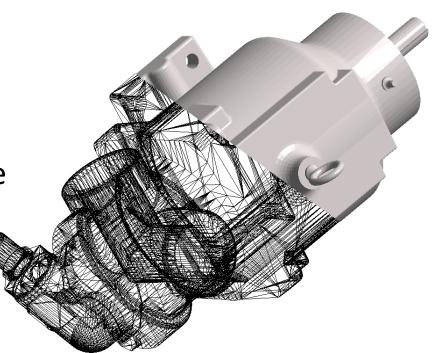
 Souvent des triangles (simplexe pour une face).

 Visualisation optimisée par la majorité des cartes graphiques.



• Continuité C^0 (discontinuité aux arêtes).

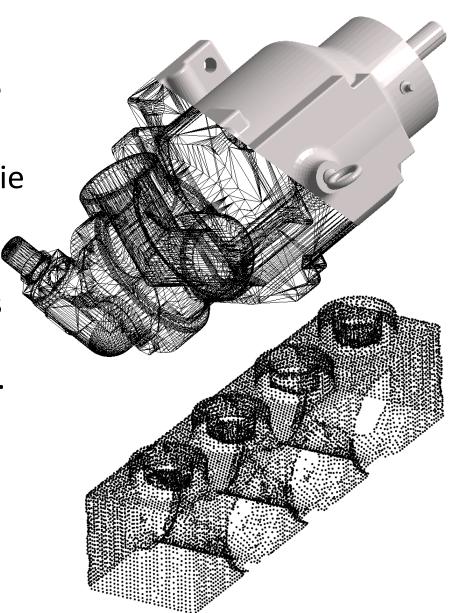
• Informations sur la géométrie et sur la topologie de la surface.



• Continuité C^0 (discontinuité aux arêtes).

 Informations sur la géométrie et sur la topologie de la surface.

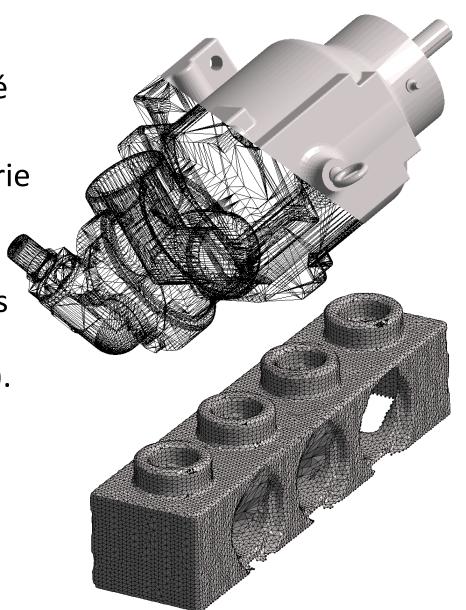
 Les équations géométriques des surfaces ne sont pas toujours disponibles (scans).



• Continuité C^0 (discontinuité aux arêtes).

• Informations sur la géométrie et sur la topologie de la surface.

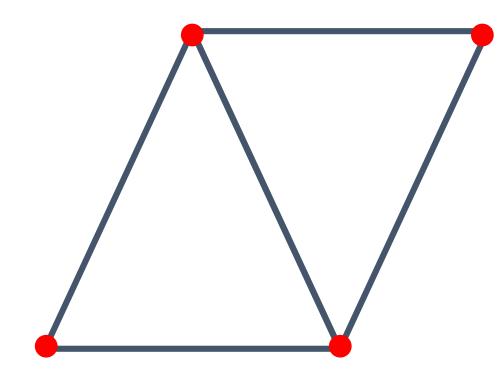
 Les équations géométriques des surfaces ne sont pas toujours disponibles (scans).



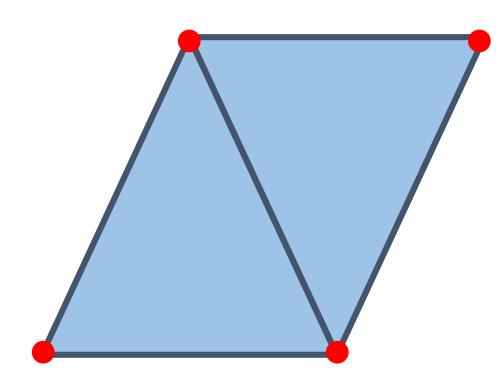
• Entités d'un maillage :

- Entités d'un maillage :
 - sommets (x, y, z)

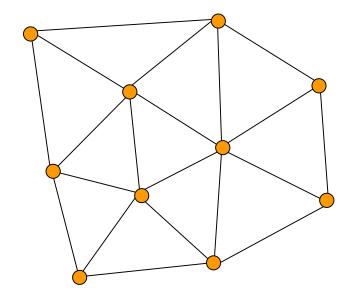
- Entités d'un maillage :
 - sommets (x, y, z)
 - arêtes:
 - définies par 2 sommets



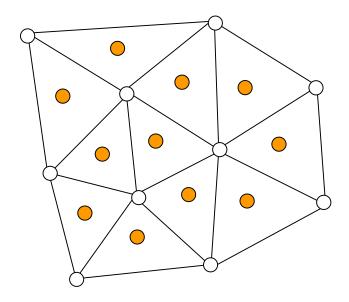
- Entités d'un maillage :
 - sommets (x, y, z)
 - arêtes:
 - définies par 2 sommets
 - faces:
 - définies par n sommets ou
 - définies par n arêtes
 - → en générale des triangles (n = 3)



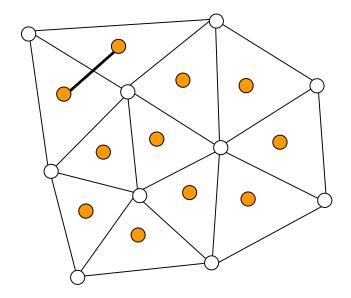
Maillage dual



- Maillage dual:
 - chaque face est remplacée par un sommet → barycentre de la face,

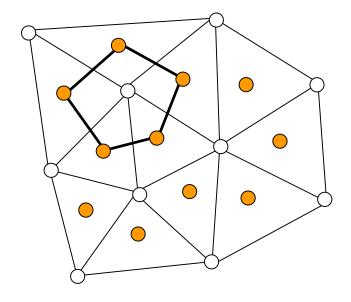


- Maillage dual:
 - chaque face est remplacée par un sommet → barycentre de la face,
 - une arête du dual relie deux sommets si les faces correspondantes sont voisines dans le maillage d'origine,



• Maillage dual:

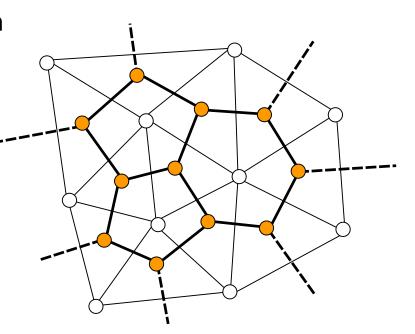
- chaque face est remplacée par un sommet → barycentre de la face,
- une arête du dual relie deux sommets si les faces correspondantes sont voisines dans le maillage d'origine,
- les points sont remplacés par des faces,



Maillage dual :

 chaque face est remplacée par un sommet barycentre de la face,

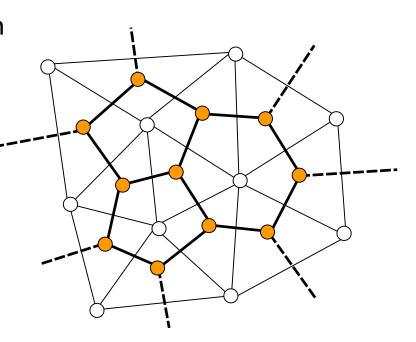
- une arête du dual relie deux sommets si les faces correspondantes sont voisines dans le maillage d'origine,
- les points sont remplacés par des faces,
- → les objets de dimension k du maillage original sont remplacés par des objets de dimension (2-k) dans le dual.



Maillage dual :

 chaque face est remplacée par un sommet barycentre de la face,

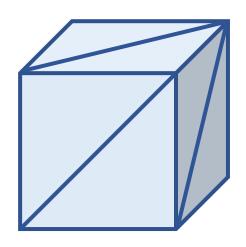
- une arête du dual relie deux sommets si les faces correspondantes sont voisines dans le maillage d'origine,
- les points sont remplacés par des faces,
- → les objets de dimension k du maillage original sont remplacés par des objets de dimension (2-k) dans le dual.

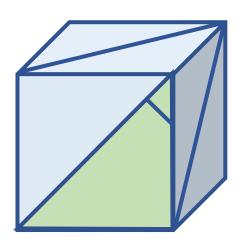


Le maillage dual d'un maillage dual est égal au maillage original si celui-ci est fermé.

Propriétés : fermeture

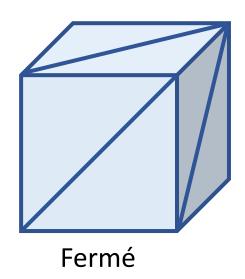
- Un maillage est dit **fermé** si :
 - il n'a pas de bord,
 - → toutes les arêtes du maillage sont au moins partagées par deux triangles

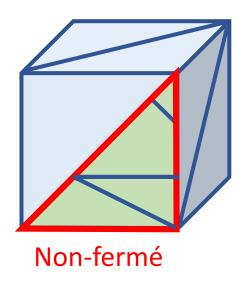




Propriétés : fermeture

- Un maillage est dit **fermé** si :
 - il n'a pas de bord,
 - → toutes les arêtes du maillage sont au moins partagées par deux triangles

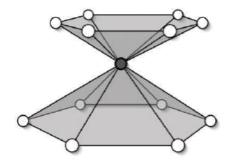




- Un maillage est 2-variété si :
 - une sphère (rayon > 0) placée en n'importe quel point à une intersection avec le maillage correspondante à une unique surface,

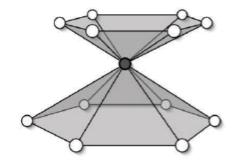
- Un maillage est 2-variété si :
 - une sphère (rayon > 0) placée en n'importe quel point à une intersection avec le maillage correspondante à une unique surface,

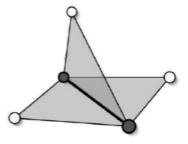
Exemples non 2-manifold



- Un maillage est 2-variété si :
 - une sphère (rayon > 0) placée en n'importe quel point à une intersection avec le maillage correspondante à une unique surface,
 - il ne contient que des arêtes partagées par au plus deux triangles,

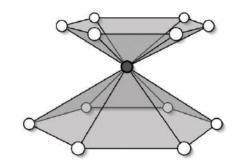
Exemples non 2-manifold

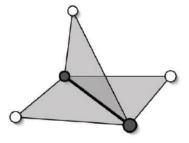


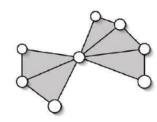


- Un maillage est 2-variété si :
 - une sphère (rayon > 0) placée en n'importe quel point à une intersection avec le maillage correspondante à une unique surface,
 - il ne contient que des arêtes partagées par au plus deux triangles,
 - il ne contient aucun sommet correspondant à au plus 2 arêtes du bord,
 - il ne contient pas d'auto-intersection.

Exemples non 2-manifold







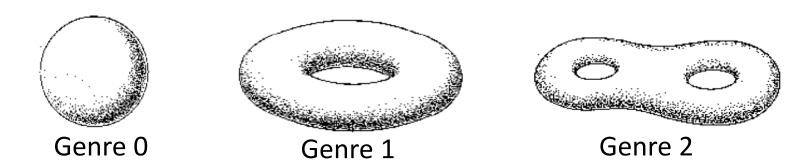
• La formule fait le lien entre le nombre d'entité de chaque groupe dans un maillage:

$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

• S : nombre de sommets

• A : nombre d'arêtes

• F : nombre de faces



• C: nombre de composantes connexes

• G : genre du maillage : nombre de « trous fermés »

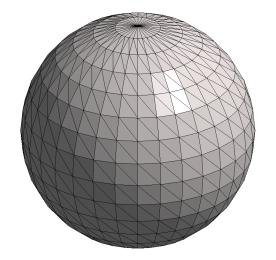
• T : nombre de trous

Exemples

$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

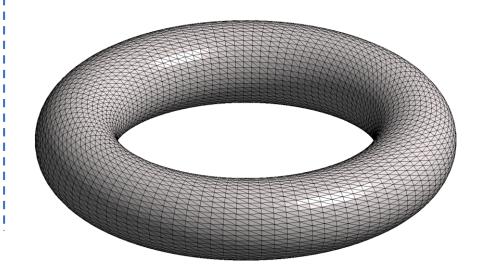
Sphère:

- C = 1, T=0 et G = 0
- S A + F = 2



Tore:

- C = 1, T=0 et G = 1
- S A + F = 0



Exemples

$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

$$C = 1$$
, $T=0$ et $G = 0$

$$S - A + F = 2$$

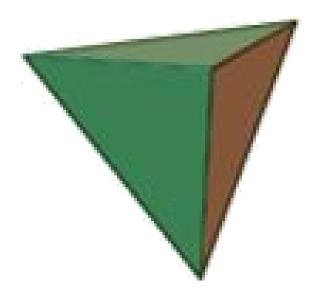
Exemples

$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

$$C = 1$$
, $T = 0$ et $G = 0$

$$S - A + F = 2$$

• Tétraèdre : 4 - 6 + 4 = 2



Exemples

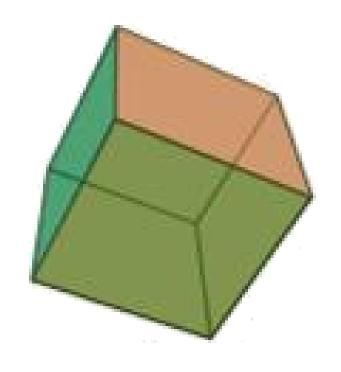
$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

$$C = 1$$
, $T=0$ et $G = 0$

$$S - A + F = 2$$

• Tétraèdre : 4 - 6 + 4 = 2

• Hexaèdre: 8 - 12 + 6 = 2



Exemples

$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

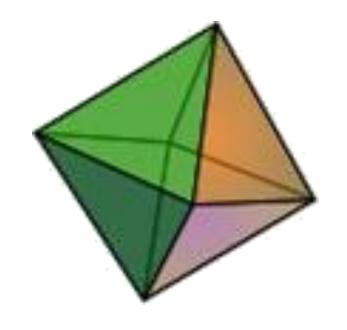
$$C = 1$$
, $T = 0$ et $G = 0$

$$S - A + F = 2$$

• Tétraèdre : 4 - 6 + 4 = 2

• Hexaèdre : 8 - 12 + 6 = 2

• Octaèdre : 6 - 12 + 8 = 2



Exemples

$$S - A + F = 2C - 2G + T$$

$$C = 1$$
, $T=0$ et $G = 0$

$$S - A + F = 2$$

- Tétraèdre : 4 6 + 4 = 2
- Hexaèdre: 8 12 + 6 = 2
- Octaèdre : 6 12 + 8 = 2
- Dodécaèdre régulier : 20 30 + 12 = 2
- Icosaèdre : 12 30 + 20 = 2

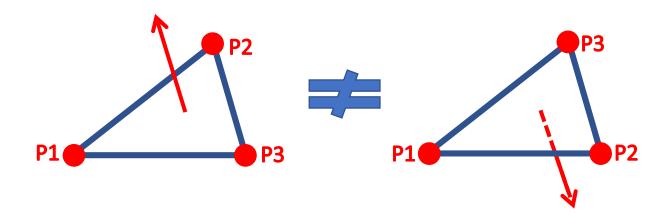


Normales

- On peut définir une normale par face :
 - elle permet de définir l'orientation de la face
 - elle est égale au produit vectoriel des deux premières arêtes

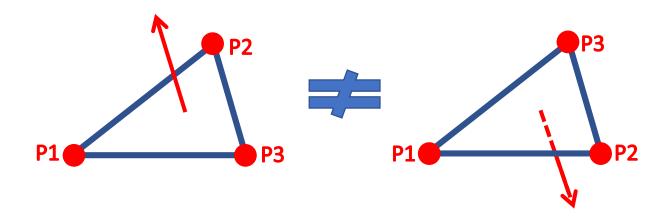
Normales

- On peut définir une normale par face :
 - elle permet de définir l'orientation de la face
 - elle est égale au produit vectoriel des deux premières arêtes
 - l'ordre des sommets dans une face est donc important



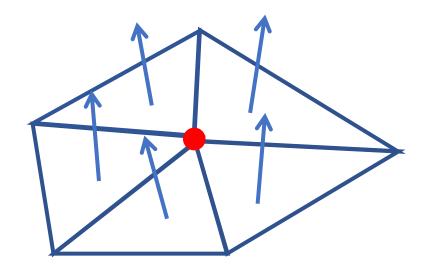
Normales

- On peut définir une normale par face :
 - elle permet de définir l'orientation de la face
 - elle est égale au produit vectoriel des deux premières arêtes
 - l'ordre des sommets dans une face est donc important
 - elle est utilisée pour définir l'extérieur ou l'intérieur ou pour l'éclairage à l'affichage.



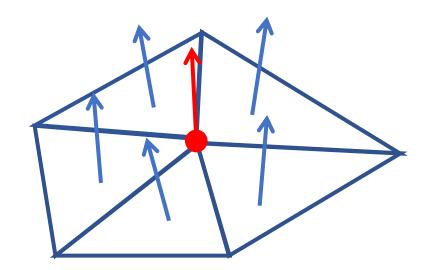
Normales

- On peut définir une normale par sommet :
 - à partir des normales aux faces,



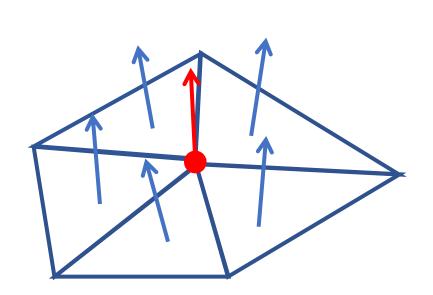
Normales

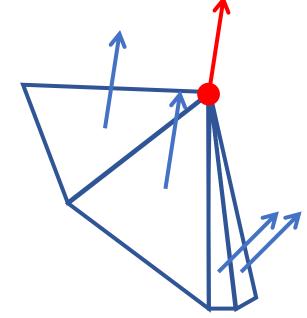
- On peut définir une normale par sommet :
 - à partir des normales aux faces,
 - normale au sommet = moyenne des normales des faces contenant le sommet,



Normales

- On peut définir une normale par sommet :
 - à partir des normales aux faces,
 - normale au sommet = moyenne des normales des faces contenant le sommet,
 - mieux si on pondère par une propriété du triangle (ex : aire).

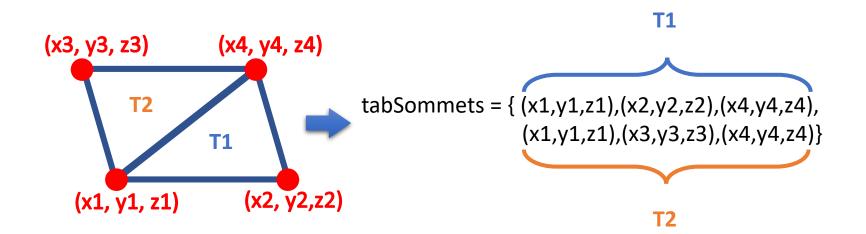




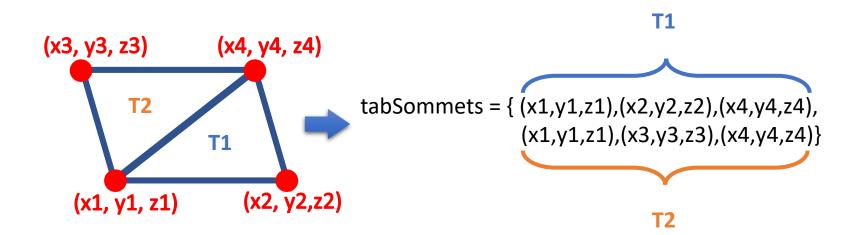
- Ce qu'il y a à stocker :
 - les entités : sommets, arêtes, faces;
 - les normales (par sommet ou face);
 - les couleurs (par sommet ou face), ou les textures ...
 - ...

- Ce qu'il y a à stocker :
 - les entités : sommets, arêtes, faces;
 - les normales (par sommet ou face);
 - les couleurs (par sommet ou face), ou les textures ...
 - ...
- Pour stocker un maillage il faut choisir entre :
 - minimiser la taille mémoire,
 - répéter le moins possible les coordonnées des points, ...
 - faciliter le parcours dans le maillage,
 - pour passer d'un sommet à l'autre, ...
 - permettre d'extraire les informations de topologie.
 - pour connaître les sommets liés à un autre sommet, les arêtes liées à un sommet, ...

- Approche naïve :
 - maillage représenté par un unique tableau de sommet
 maillage non indexé,
 - les coordonnées des sommets sont répétées autant de fois qu'il y a de faces qui les contiennent.

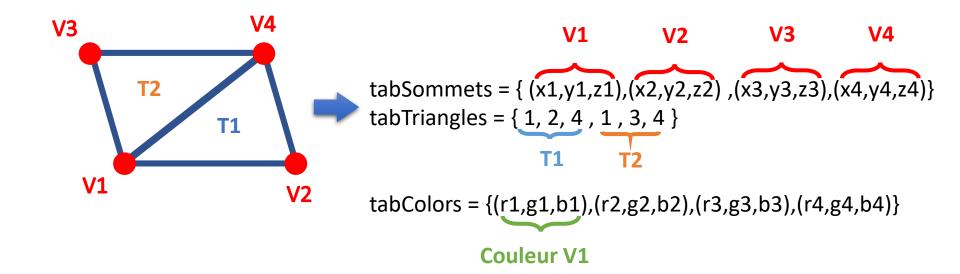


- Approche naïve : Prend beaucoup de place
 - maillage représenté par un unique tableau de sommet
 maillage non indexé,
 - les coordonnées des sommets sont répétées autant de fois qu'il y a de faces qui les contiennent.

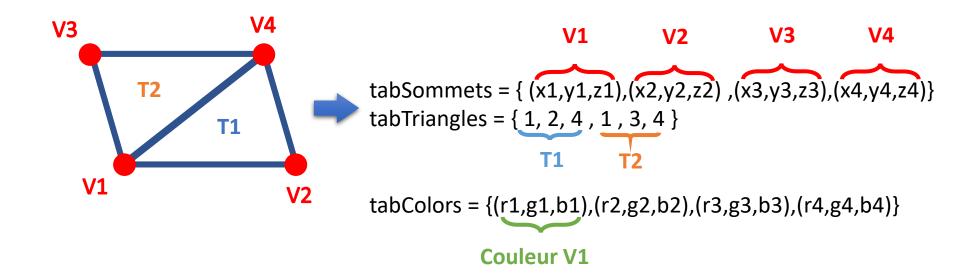


- Approche classique :

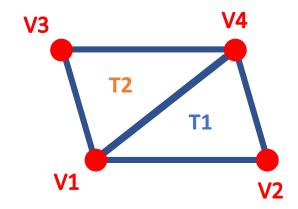
 - les coordonnées des sommets ne sont plus répétées.



- Approche classique : Pas pratique pour la topologie
 - maillage représenté par un ensemble de tableaux : un pour les sommets, un pour les faces, un pour les couleurs ... → maillage indexé,
 - les coordonnées des sommets ne sont plus répétées.



- Approche *Strip* ou *Fan*:
 - STRIP: maillage représenté par une bande,
 - FAN: maillage défini autour d'un premier sommet.



STRIP

```
tabSommets = \{(x1,y1,z1),(x2,y2,z2),(x3,y3,z3),(x4,y4,z4)\}

T2

tabTriangles = \{3,1,4,2\}
```

FAN

tabSommets =
$$\{(x1,y1,z1),(x2,y2,z2),(x3,y3,z3),(x4,y4,z4)\}$$

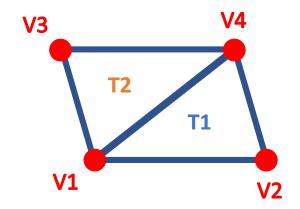
tabTriangles =
$$\{4, 3, 1, 2\}$$

T2

- Approche *Strip* ou *Fan*:

Pas adapté à tous les maillages et prob topologie

- STRIP: maillage représenté par une bande,
- FAN: maillage défini autour d'un premier sommet.



STRIP

tabSommets =
$$\{ (x1,y1,z1),(x2,y2,z2), (x3,y3,z3),(x4,y4,z4) \}$$

T2

tabTriangles = $\{3, 1, 4, 2\}$

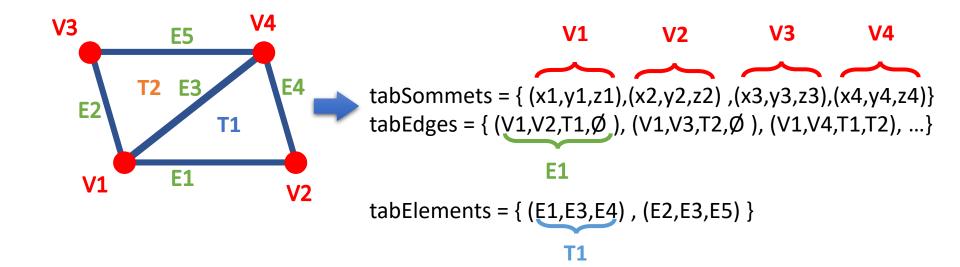
FAN

tabSommets =
$$\{(x1,y1,z1),(x2,y2,z2),(x3,y3,z3),(x4,y4,z4)\}$$

tabTriangles =
$$\{4, 3, 1, 2\}$$

T

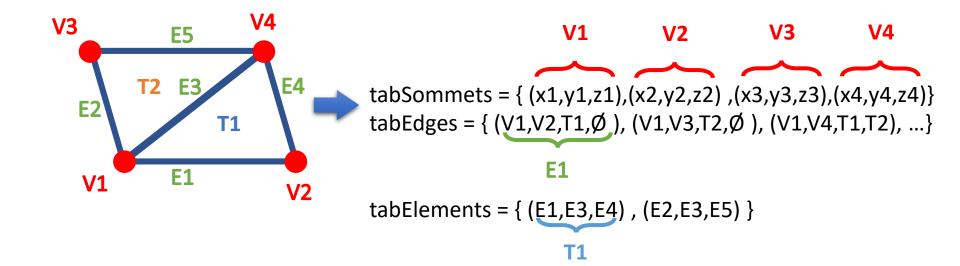
- Approche par arête :
 - maillage représenté par
 - des sommets définis par 3 coordonnées,
 - des arêtes définies par 2 sommets et deux faces,
 - des faces définies par 3 arêtes.



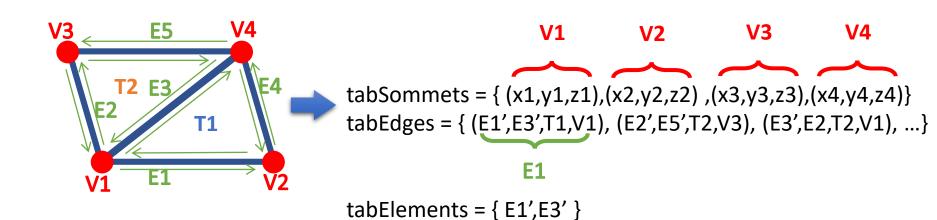
- Approche par arête :
- **→**

Prend beaucoup de place mais topologie simple

- maillage représenté par
 - des sommets définis par 3 coordonnées,
 - des arêtes définies par 2 sommets et deux faces,
 - des faces définies par 3 arêtes.

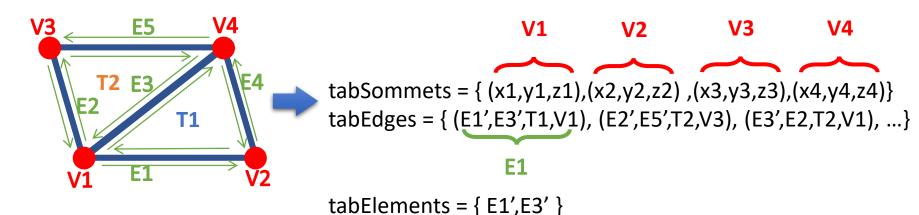


- Approche par demi-arête :
 - une arête donne deux demi-arêtes définies par
 - la seconde demi-arête de l'arête,
 - l'arête suivante dans la face,
 - la face que borde l'arête
 - le sommet extrémité.



- Approche par demi-arête :
 - une arête donne deux demi-arêtes définies par
 - la seconde demi-arête de l'arête,
 - l'arête suivante dans la face,
 - la face que borde l'arête
 - le sommet extrémité.

- prend de la place mais
- topologie/parcours simple
- suppression/ajout simple



- Formats de fichier :
 - Soit indexé
 - OFF
 - OBJ
 - Soit non indexé
 - STL

Rendu optimisé par VA ou VBO :

- on ne donne plus la liste de sommets les uns après les autres, mais des tableaux.
- VA = « Vertex Array », buffers stockés sur la RAM .
- VBO = « Vertex Buffer Object » buffers stockés sur la carte graphique → évite de renvoyer des données à la carte à chaque rafraichissement de la vue.
- → les VBO ne sont pas supportés sur toutes les cartes graphiques

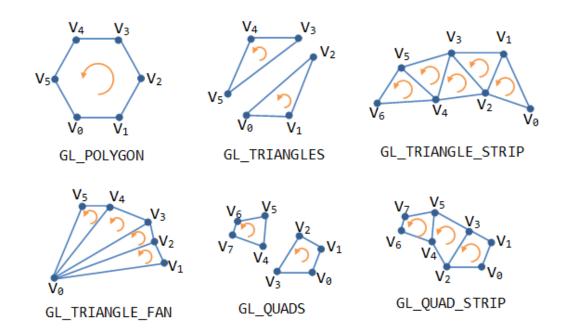
• Type de face :

• triangles : GL_TRIANGLES

quadrangles : GL_QUADS

polygones : GL_POLYGON

•



on active les tableaux

```
    tableau de points
        glEnableClientState (GL_VERTEX_ARRAY);
    tableau de normales :
        glEnableClientState (GL_NORMAL_ARRAY);
```

on active les tableaux

```
    tableau de points
        glEnableClientState (GL_VERTEX_ARRAY);
    tableau de normales :
        glEnableClientState (GL_NORMAL_ARRAY);
    ...
```

on lie les tableaux

```
tableau de points
glVertexPointer (3, GL_FLOAT, 0, TabVertices);
```

- tableau de normales glNormalPointer (GL_FLOAT, 0, TabNorm);
- **>** ..

on active les tableaux

```
    tableau de points
        glEnableClientState (GL_VERTEX_ARRAY);
    tableau de normales :
        glEnableClientState (GL_NORMAL_ARRAY);
    ...
```

on lie les tableaux

```
    tableau de points
        glVertexPointer (3, GL_FLOAT, 0, TabVertices);
    tableau de normales
        glNormalPointer (GL_FLOAT, 0, TabNorm);
    ...
```

• on trace le maillage

```
glDrawElements (GL_TRIANGLES, nb_index, GL_UNSIGNED_INT, TabElement);
```

glDisableClientState (GL VERTEX ARRAY);

```
    on active les tableaux

           tableau de points
            glEnableClientState (GL VERTEX ARRAY);
           tableau de normales :
            glEnableClientState (GL NORMAL ARRAY);

    on lie les tableaux

     > tableau de points
           glVertexPointer (3, GL FLOAT, 0, TabVertices);
           tableau de normales
     glNormalPointer (GL FLOAT, 0, TabNorm);

    on trace le maillage

   glDrawElements (GL_TRIANGLES, nb_index, GL_UNSIGNED_INT, TabElement);

    on désactive les tableaux

           tableau de normales :
           glDisableClientState (GL NORMAL ARRAY); //1 par glEnableClientState
           tableau de points :
```

- Gérer l'affichage en VBO : (utiliser la librairie glew)
- on demande des pointeurs pour les tableaux :
 - commencer par glewInit();
 - Gluint TabldentBuffer[nbldentBuffer];
 - glGenBuffers(nbIdentBuffer);

- Gérer l'affichage en VBO : (utiliser la librairie glew)
- on demande des pointeurs pour les tableaux :
 - commencer par glewInit();
 - Gluint TabIdentBuffer[nbIdentBuffer];
 - glGenBuffers(nbldentBuffer);
- on envoie les tableaux à la carte graphique :
 - glBindBuffer(GL ARRAY BUFFER, TabIdentBuffer[identPoint]);
 - glBufferData(GL_ARRAY_BUFFER, tailleTab*sizeof(float), TabPoint, GL_STATIC_DRAW);
 - glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, 0);

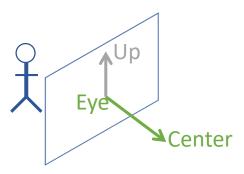
- Gérer l'affichage en VBO : (utiliser la librairie glew)
- on demande des pointeurs pour les tableaux :
 - commencer par glewInit();
 - Gluint TabldentBuffer[nbldentBuffer];
 - glGenBuffers(nbldentBuffer);
- on envoie les tableaux à la carte graphique :
 - glBindBuffer(GL ARRAY BUFFER, TabIdentBuffer[identPoint]);
 - glBufferData(GL_ARRAY_BUFFER, tailleTab*sizeof(float), TabPoint, GL_STATIC_DRAW);
 - glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, 0);
- on peut les récupérer :
 - glBindBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER, TabIdentBuffer[identElem]);
 - TabElem = glMapBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER, GL_READ_ONLY);
 - glUnmapBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER);

- Gérer l'affichage en VBO : (utiliser la librairie glew)
- on demande des pointeurs pour les tableaux :
 - commencer par glewInit();
 - Gluint TabIdentBuffer[nbIdentBuffer];
 - glGenBuffers(nbldentBuffer);
- on envoie les tableaux à la carte graphique :
 - glBindBuffer(GL ARRAY BUFFER, TabIdentBuffer[identPoint]);
 - glBufferData(GL ARRAY BUFFER, tailleTab*sizeof(float), TabPoint, GL STATIC DRAW);
 - glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, 0);
- on peut les récupérer :
 - glBindBuffer(GL ELEMENT ARRAY BUFFER, TabIdentBuffer[identElem]);
 - TabElem = glMapBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER, GL_READ_ONLY);
 - glUnmapBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER);
- on les dessine :
 - glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, TabIdentBuffer[identColor]);
 - glColorPointer(4, GL FLOAT, 0, BUFFER OFFSET(0));

- Gérer l'affichage en VBO : (utiliser la librairie glew)
- on demande des pointeurs pour les tableaux :
 - commencer par glewInit();
 - Gluint TabIdentBuffer[nbIdentBuffer];
 - glGenBuffers(nbldentBuffer);
- on envoie les tableaux à la carte graphique :
 - glBindBuffer(GL ARRAY BUFFER, TabIdentBuffer[identPoint]);
 - glBufferData(GL ARRAY BUFFER, tailleTab*sizeof(float), TabPoint, GL STATIC DRAW);
 - glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, 0);
- on peut les récupérer :
 - glBindBuffer(GL ELEMENT ARRAY BUFFER, TabIdentBuffer[identElem]);
 - TabElem = glMapBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER, GL_READ_ONLY);
 - glUnmapBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER);
- on les dessine :
 - glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, TabIdentBuffer[identColor]);
 - glColorPointer(4, GL_FLOAT, 0, BUFFER_OFFSET(0));
- on les supprime :
 - glDeleteBuffers(nbldentBuffer, TabldentBuffer);

• Placer la scène:

- placer les « plans clipping » glOrtho(Left, Right, Bottom, Top, Near, Far);
- placer la camera gluLookAt(xEye, yEye, zEye, xCenter, yCenter, zCenter, xUp, yUp, zUp);

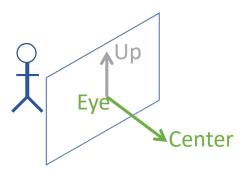


Placer la scène:

- placer les « plans clipping » glOrtho(Left, Right, Bottom, Top, Near, Far);
- placer la camera gluLookAt(xEye, yEye, zEye, xCenter, yCenter, zCenter, xUp, yUp, zUp);

Gérer la lumière:

- pour l'allumer ou l'éteindre glEnable(GL_LIGHTING); / glDisenable(GL_LIGHTING);
- pour paramétrer une des 8 lumières possibles : glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, TabPosition);



Placer la scène:

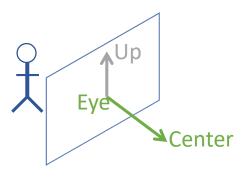
- placer les « plans clipping » glOrtho(Left, Right, Bottom, Top, Near, Far);
- placer la camera gluLookAt(xEye, yEye, zEye, xCenter, yCenter, zCenter, xUp, yUp, zUp);

Gérer la lumière:

- pour l'allumer ou l'éteindre glEnable(GL_LIGHTING); / glDisenable(GL_LIGHTING);
- pour paramétrer une des 8 lumières possibles : glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, TabPosition);

Paramètres d'affichage :

- Type de représentation (face plane ou juste les arêtes) glPolygonMode(GL_FRONT_AND_BACK, GL_FILL); ou GL_LINE
- Style de représentation (facette ou lissé) : glShadeModel(GL_FLAT); ouGL_SMOOTH



Placer la scène:

- placer les « plans clipping » glOrtho(Left, Right, Bottom, Top, Near, Far);
- placer la camera gluLookAt(xEye, yEye, zEye, xCenter, yCenter, zCenter, xUp, yUp, zUp);

Gérer la lumière:

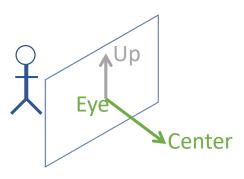
- > pour l'allumer ou l'éteindre
 - glEnable(GL_LIGHTING); / glDisenable(GL_LIGHTING);
- pour paramétrer une des 8 lumières possibles : glLightfv(GL_LIGHTO, GL_POSITION, TabPosition);

Paramètres d'affichage :

- Type de représentation (face plane ou juste les arêtes) glPolygonMode(GL FRONT AND BACK, GL FILL); ou GL LINE
- > Style de représentation (facette ou lissé) :
 - glShadeModel(GL_FLAT); ouGL_SMOOTH
- Affichage des « back faces » d'une couleur différente :

```
glEnable(GL_CULL_FACE)

//Dessin des front faces | //Dessin des back faces
glCullFace(GL_BACK); | glCullFace(GL_FRONT);
glColor4fv(ColorFrontFace); | glColor4fv(ColorBackFace);
// Dessiner le maillage | // Dessiner le maillage
```



Conclusion

Représentation par maillage :

- un ensemble de sommets, un d'arêtes et un de faces,
- plus les autres propriétés : normales, couleurs...

• Plusieurs représentations possibles :

- les arêtes ou les faces ne sont pas forcement stockées de manière explicite,
- selon la représentation les liaisons : sommets/faces, sommets/sommets, arêtes/faces ... ne sont pas toujours les mêmes,
- il faut choisir entre taille en mémoire, parcours dans le maillage et extraction de la topologie.

Sources

- Cours utilisés pour ce support :
 - Gilles Gesquière (Gamagora Lyon)
 - Loïc Barthe (IRIT-UPS Toulouse)
 - Nicolas Roussel (Inria Lille)
 - Sylvain Brandel (Liris, Lyon)
 - Roseline Bénière