

POLITECHNIKA WROCŁAWSKA
WYDZIAŁ INFORMATYKI I ZARZĄDZANIA

KIERUNEK: INFORMATYKA

PROJEKT
Teoria i inżynieria ruchu teleinformatycznego

Analiza sieci routerów przy użyciu algorytmów
grafowych

AUTORZY:

Bartosz Cieśla, Bartosz Janusz, Bartosz Kardas

WROCŁAW, 2017

Spis treści

1. Algorytmy	5
1.1. Centralność w grafach	5
1.2. Betweenness Centrality	5
1.2.1. Algorytm wyznaczania	5
1.3. Closeness Centrality	6
1.4. Eigenvector Centrality - Pagerank	7
Literatura	26

Spis rysunków

1.1. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	6
1.2. Działanie Closeness Centrality na przykładowym grafie	7
1.3. Działanie Eigenvector Centrality na przykładowym grafie	8
1.4. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	9
1.5. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	9
1.6. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	10
1.7. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	10
1.8. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	11
1.9. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	11
1.10. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	12
1.11. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	12
1.12. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	13
1.13. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	13
1.14. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	14
1.15. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	15
1.16. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	16
1.17. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	16
1.18. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	17
1.19. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	17
1.20. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	18
1.21. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	19
1.22. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	20
1.23. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	20
1.24. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	21
1.25. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	21
1.26. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	22
1.27. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	23
1.28. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	24
1.29. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	24
1.30. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	25
1.31. Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie	25

Spis tabel

Rozdział 1

Algorytmy

1.1. Centralność w grafach

W teorii grafów wskaźniki centralności informują o najbardziej znaczących wierzchołkach grafu. Ich przykładowymi zastosowaniami mogą być: znalezienie lidera, przywódcy spośród danej grupy osób, ustalenie kluczowego elementu infrastruktury sieciowej lub miejskiej bądź znalezienie osobnika o największym potencjale do roznoszenia choroby. Istnieje wiele odmiennych wskaźników centralności. Zrealizowany projekt implementuje trzy z nich: Closeness Centrality, Betweenness Centrality oraz Pagerank (jedna z odmian Eigenvector Centrality)

1.2. Betweenness Centrality

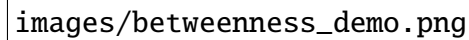
Określa kluczowość wierzchołka w zakresie komunikacji - przechodność, pośredniczenie. Czyli w jakim stopniu dany wierzchołek jest spoiwem dla danej sieci. Jest to miara o bardzo wielkiej wartości, gdyż dzięki niej można znaleźć punkty krytycznej sieci bądź grafu.

1.2.1. Algorytm wyznaczania

1. Wyznaczyć ilość najkrótszych ścieżek między wierzchołkami u i v (d_{uv})
2. Wyznaczyć ilość najkrótszych ścieżek między wierzchołkami u i v , które przechodzą przez wierzchołek w ($d_{uv}(w)$)
3. Suma stosunków oznacza stopień centralności wierzchołka w

$$c_b(w) = \sum_{u \neq v \neq w} \frac{d_{uv}(w)}{d_{uv}}$$

Przykład



images/betweenness_demo.png

Rys. 1.1: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

1.3. Closeness Centrality

Jest to stopień bliskości. Określa jak blisko (daleko) wierzchołek ma do pozostałych w grafie. Wysoki stopień bliskości świadczy o dobrej własności propagacji informacji w grafie - element ten szybko rozprowadzi daną wiadomość (wirusa itp) po całej sieci.

Algorytm wyznaczania

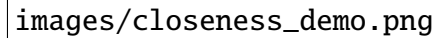
1. Wyznaczyć odległości pomiędzy wierzchołkiem u a pozostałymi wierzchołkami w grafie v (d_{uv})
2. W zależności od rodzaju grafu zsumować otrzymane odległości:
 1. Dla grafów rzadkich

$$c_c(u) = \frac{1}{\sum d_{uv}}$$

2. Dla grafów silnie połączonych

$$c_c(u) = \sum_{u \neq v} \frac{1}{d_{uv}}$$

Przykład



images/closeness_demo.png

Rys. 1.2: Działanie Closeness Centrality na przykładowym grafie

1.4. Eigenvector Centrality - Pagerank

Określa wpływ, oddziaływanie wierzchołka na pozostałe w grafie. Wykorzystuje nie tylko ilość połączeń danego wierzchołka z innymi, a przede wszystkim ich jakość. Wartości przypisane do każdego z wierzchołków bazują na koncepcji w której wysoko ocenione wierzchołki bardziej wpływają na ostateczną ocenę połączonego wierzchołka, niż te, których ocena jest niska. Jedną z odmian Eigenvector Centrality jest algorytm PageRank. Poniżej przedstawiono uproszczony algorytm jego działania.

Algorytm wyznaczania

1. Wyznaczyć ilość wierzchołków w grafie (N)
2. Wyznaczyć stopień każdego z wierzchołków ($l(u)$)
3. Zainicjować wartości początkowe dla każdego wierzchołka wartością początkową ($c_e(u) = 1$)
4. Określić współczynnik tłumienia, zwykle wynosi on około 0.85 ($d = 0.85$)
5. Obliczyć nową wartość PageRank każdego wierzchołka

$$c_e(u) = \frac{1-d}{N} + d \sum_{v \in B_u} \frac{c_e(v)}{l(v)}$$

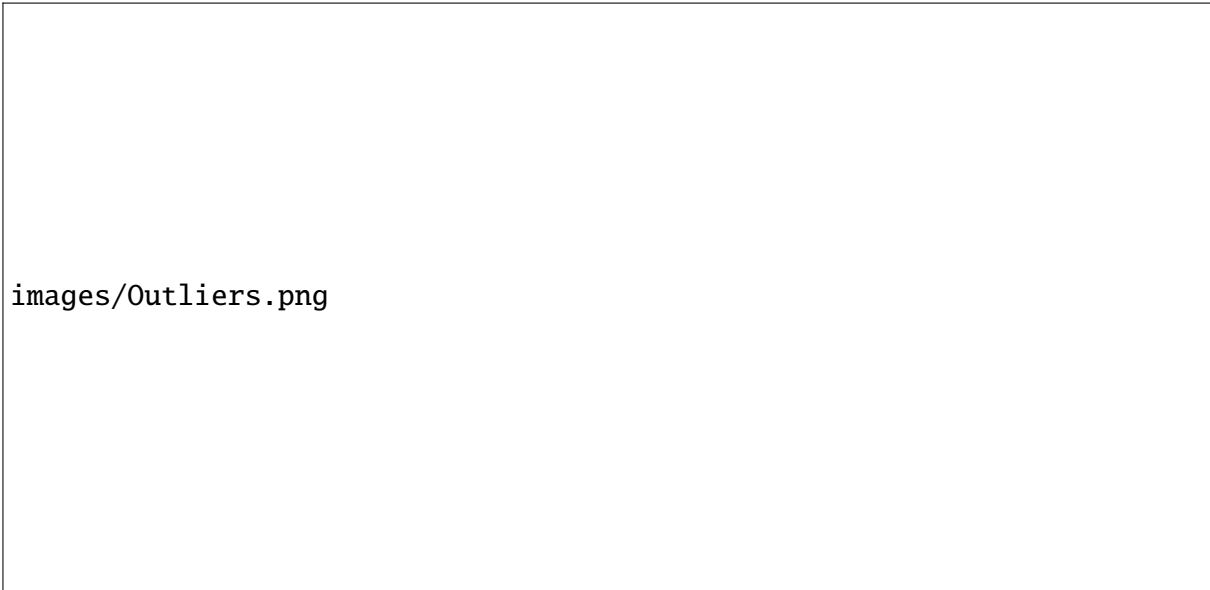
B_u oznacza zbiór wszystkich wierzchołków, które odnoszą się do wierzchołka u

Przykład



Rys. 1.3: Działanie Eigenvector Centrality na przykładowym grafie

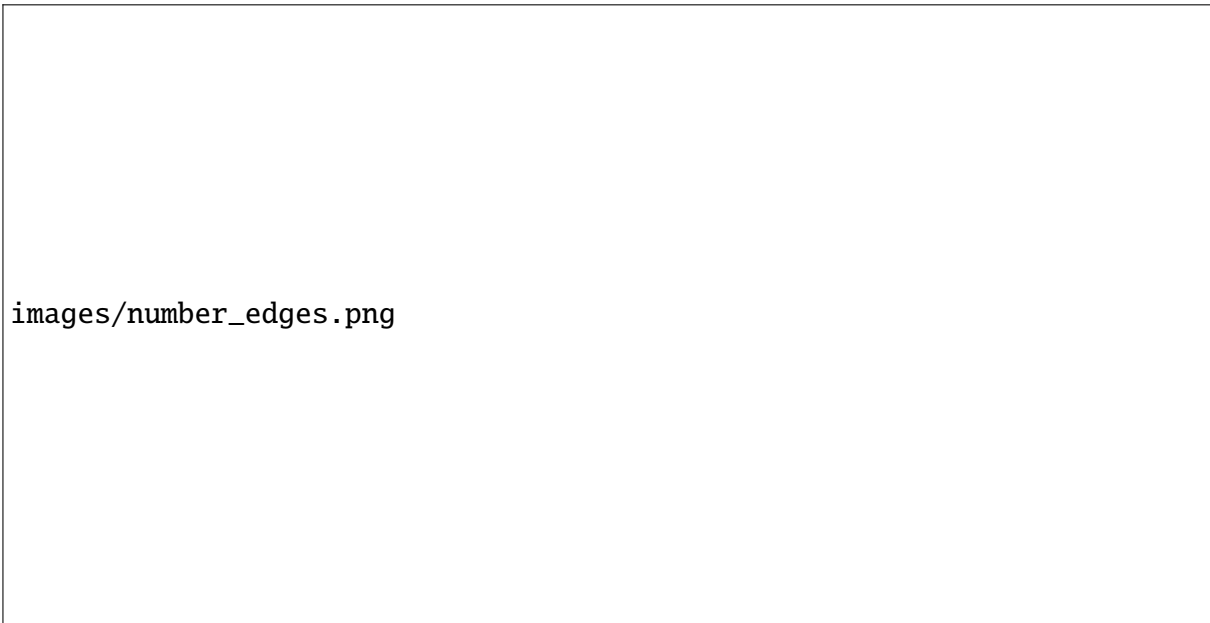
Przykład



images/Outliers.png

Rys. 1.4: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład



images/number_edges.png

Rys. 1.5: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/number_vertices.png

Rys. 1.6: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/degree_percentiles.png

Rys. 1.7: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/graph_density.png

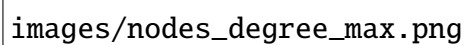
Rys. 1.8: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/nodes_degrees.png

Rys. 1.9: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

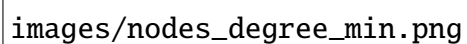
Przykład



images/nodes_degree_max.png

Rys. 1.10: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie


Przykład



images/nodes_degree_min.png

Rys. 1.11: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

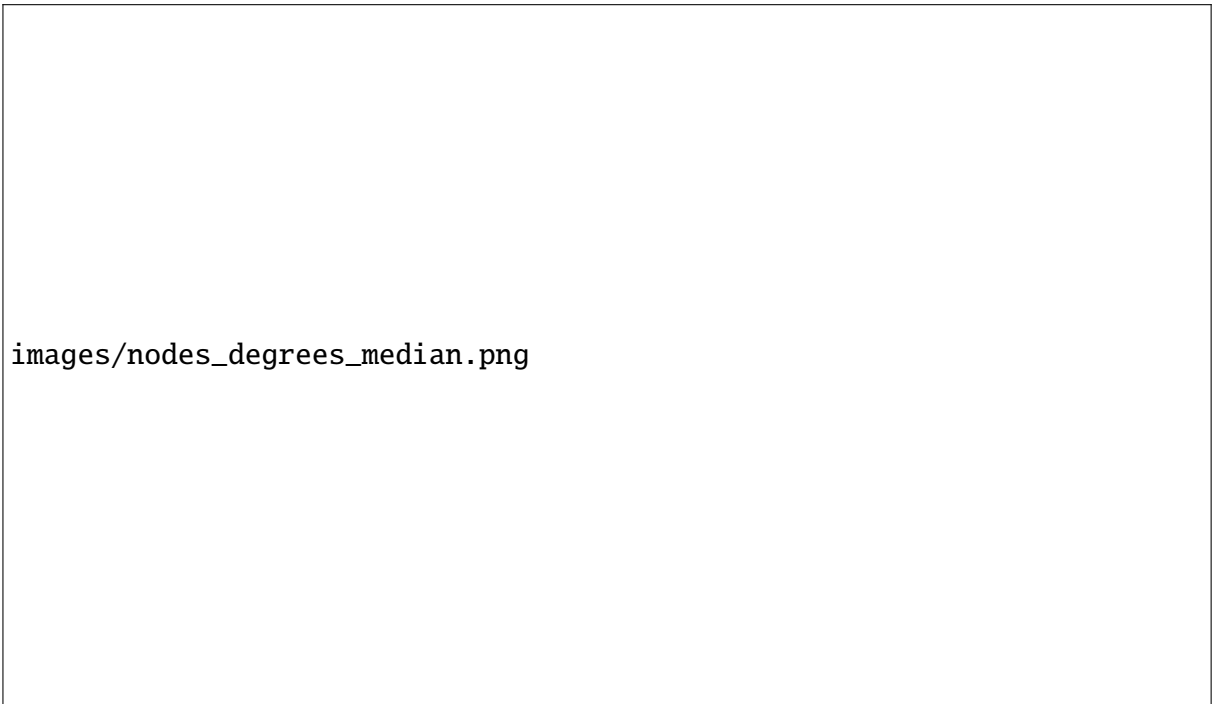
Przykład



images/nodes_degrees_mean.png

Rys. 1.12: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład



images/nodes_degrees_median.png

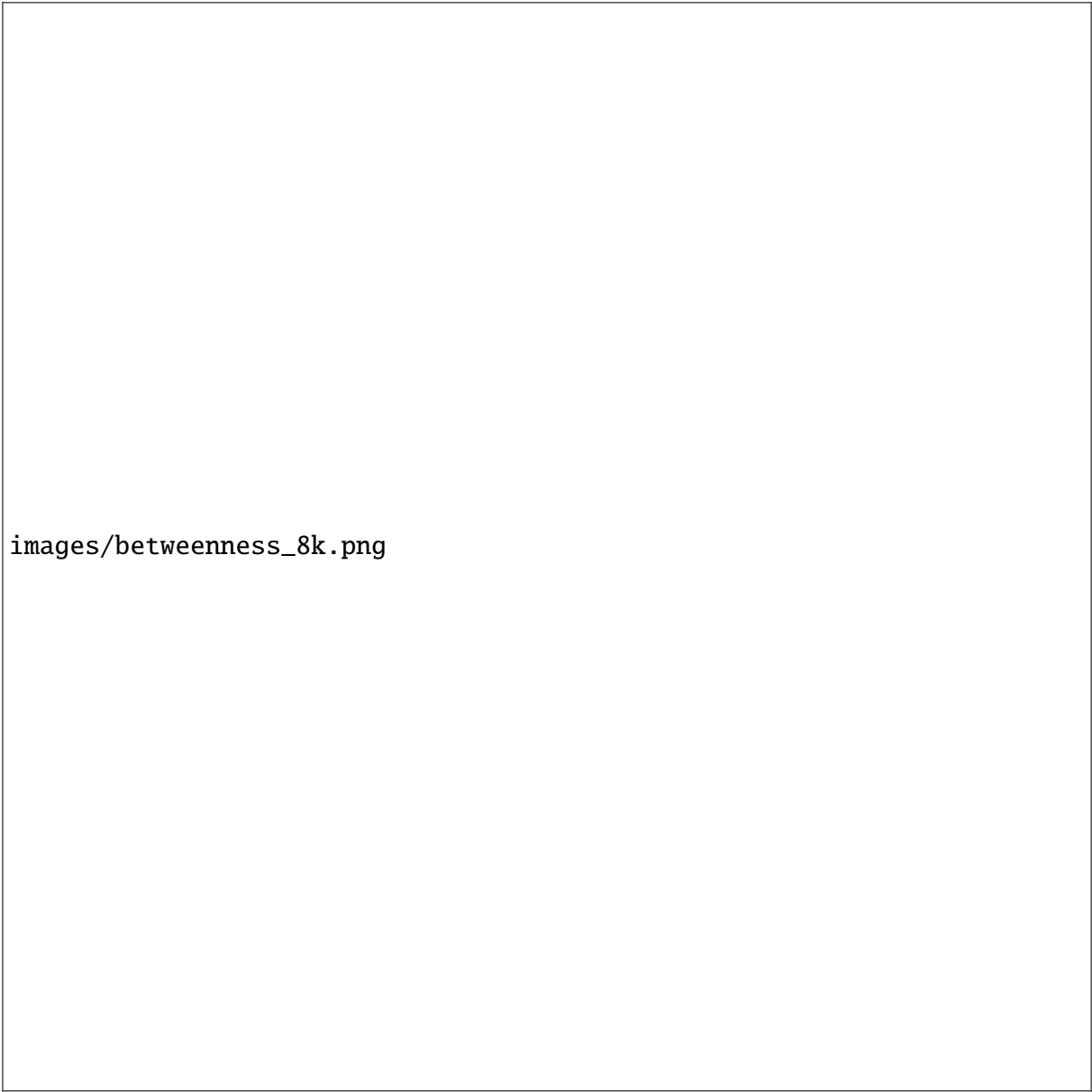
Rys. 1.13: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/betweenness.png

Rys. 1.14: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie


Przykład



images/betweenness_8k.png

Rys. 1.15: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie


Przykład



images/betweenness_max.png

Rys. 1.16: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

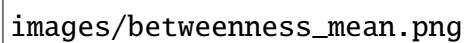
Przykład



images/betweenness_min.png

Rys. 1.17: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

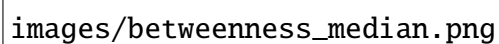
Przykład



images/betweenness_mean.png

Rys. 1.18: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

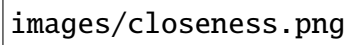
Przykład



images/betweenness_median.png

Rys. 1.19: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład



images/closeness.png

Rys. 1.20: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/closeness_8k.png

Rys. 1.21: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/closeness_max.png

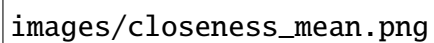
Rys. 1.22: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

images/closeness_min.png

Rys. 1.23: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

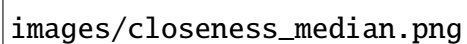
Przykład



images/closeness_mean.png

Rys. 1.24: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

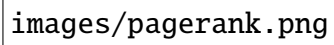
Przykład



images/closeness_median.png

Rys. 1.25: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

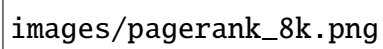
Przykład



images/pagerank.png

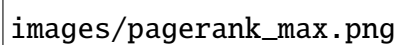
Rys. 1.26: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład

The image shows a large, empty rectangular frame. Inside the frame, on the left side, is the text "images/pagerank_8k.png". This likely represents a placeholder for a visualization of a graph where Betweenness Centrality is being applied, as mentioned in the caption.

Rys. 1.27: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

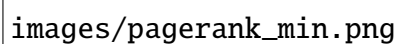
Przykład



images/pagerank_max.png

Rys. 1.28: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

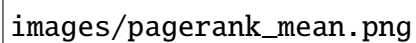
Przykład



images/pagerank_min.png

Rys. 1.29: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

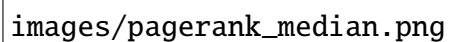
Przykład



images/pagerank_mean.png

Rys. 1.30: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Przykład



images/pagerank_median.png

Rys. 1.31: Działanie Betweenness Centrality na przykładowym grafie

Literatura