

ALGORYTMY GRAFOWE

Opis algorytmu Dijkstry

Najkrótsza ścieżka między dwoma ustalonymi wierzchołkami s i t (dodatnie wagi krawędzi).

Zasada działania.

Podobnie jak w algorytmie BFS rozpatrujemy **kolejno wierzchołki i analizujemy wszystkich ich sąsiadów** w poszukiwaniu najkrótszej ścieżki. Nie wracamy później już do rozpatrzonego wierzchołka (jego cechy zostają niezmiennie na stałe). **Kolejność rozpatrywania** – wybieramy nierozpatrzony wierzchołek, do którego, jak dotychczas, znaleźliśmy najkrótszą ścieżkę (**najmniejsza cecha l**).

W algorytmie poniżej posługujemy się następującymi oznaczeniami:

$l(v)$ – długość aktualnie najkrótszej ścieżki z s do v ;

$p(v)$ – bezpośredni poprzednik v na aktualnie najkrótszej ścieżce z s do v ;

T – zbiór wierzchołków, które nie mają jeszcze cechy stałej.

Algorytm Dijkstry

1. Nadajemy wierzchołkowi s cechę równą 0 ($l(s) := 0$). Pozostałym wierzchołkom v , $v \neq s$, nadajemy cechę równą ∞ ($l(v) \leftarrow \infty$). Wszystkim wierzchołkom $v \in V$ nadajemy również drugą cechę $p(v) \leftarrow 0$ (nie mają one w tym momencie ustalonych poprzedników). Cechę $l(s) = 0$ wierzchołka s ustalamy: $T \leftarrow V - \{s\}$, $z \leftarrow s$; pozostałe cechy są tymczasowe.
2. Wszystkim następnikom u , $u \in T$, (które nie mają cechy stałej) wierzchołka z , dla których

$$l(u) > l(z) + w(z, u),$$

nadajemy nowe cechy tymczasowe

$$l(u) \leftarrow l(z) + w(z, u);$$

zmieniamy dla nich również drugą etykietę $p(u) \leftarrow z$. Pozostałe wierzchołki zachowują swoje dotychczasowe etykiety.

3. Spośród wierzchołków z T wybieramy jeden o najmniejszej cesze $l(\cdot)$. Załóżmy, że jest nim wierzchołek x . Wówczas x otrzymuje cechę stałą: $T \leftarrow T - \{x\}$; $z \leftarrow x$. Jeżeli $z = t$, to STOP (wtedy długość ścieżki z wierzchołka s do t wynosi $l(t)$, natomiast sama ścieżka ma następującą postać :

$$(s, \dots, p(p(t)), p(t), t).$$

W przeciwnym razie, gdy $z \neq t$, wracamy do kroku 2.

Najkrótsze ścieżki z ustalonego wierzchołka s do wszystkich pozostałych wierzchołków (dodatnie wagi krawędzi).

W algorytmie Dijkstry zmieniamy krok 3:

3. Spośród wierzchołków z T wybieramy jeden o najmniejszej cesze $l(\cdot)$. Załóżmy, że jest nim wierzchołek x . Wówczas x otrzymuje cechę stałą: $T \leftarrow T - \{x\}$; $z \leftarrow x$. Sprawdzamy czy zbiór T jest pusty. Jeżeli tak, to STOP (długość najkrótszej ścieżki z wierzchołka s do każdego innego wierzchołka kryje się w jego cesze $l(\cdot)$, samą ścieżkę konstruuje się tak jak poprzednio); Jeżeli zbiór T nie jest pusty, to wracamy do kroku 2.