

Instrukcja A4, Python-Analiza przebiegów czasowych

Plik *dane_pomiarowe.csv* zawiera pewien przebieg czasowy. Pierwsza kolumna oznaczona jako „t” zawiera wektor czasu (wartości wyrażone w sekundach) natomiast kolumna oznaczona jako „a” zawiera wektor przyspieszeń.

1. Wczytywanie danych z pliku przy użyciu biblioteki pandas:

```
Python
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
#Odczyt danych z pliku .csv za pomocą biblioteki pandas
df = pd.read_csv(r'dane_pomiarowe.csv', sep="\t")
#Rzutowanie danych z kolumny z czasem i kolumny z przyspieszeniem na wektory
np.array
t = np.array(df['t'])
a = np.array(df['a'])
```

Za pomocą biblioteki pandas narysuj wykres $a(t)$ z otrzymanych danych.

2. Przykład zapisywania danych do pliku przy użyciu biblioteki pandas:

```
Python
import pandas as pd
import numpy as np
t = np.linspace(-10, 10, 100) #generuje wektor 100 liczb rzeczywistych od -10 do 10
y = t*t
data = {"t":t, "y":y} #tworzy słownik klucz-wartość przechowujący dane
dataframe = pd.DataFrame(data) #tworzy pandas dataframe
dataframe.to_csv("nazwa_pliku.csv", index=False, sep="\t")
```

Proszę sprawdzić do czego służy `index=False` oraz `sep="\t"`

3. Proszę zapoznać się z poniższym przykładem funkcji dopasowania:

```
Python
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.optimize import curve_fit
#Generowanie punktów funkcji kwadratowej
a=2
b = -7
amp = 10 #amplituda szumu
x = np.linspace(-10,10,100) #dziedzina funkcji
y= a*x**2+b + amp*(np.random.rand(len(x))-0.5) #zbiór wartości x=y**2 plus
szum

# Fitowanie funkcji
def func(x, a, b):
    return a*x**2+b #funkcja fitująca parabolę

p0=[1, 1] #wektor inicjalizujący

fit_params, covariance_matrix = curve_fit(func, x, y,p0=p0) #fitowanie

# Parametry fitowania
print("parametry fitowania: \na=", fit_params[0], "\nb=", fit_params[1]) #
Wyświetlanie wykresów

plt.scatter(x,y) #Wygenerowane punkty

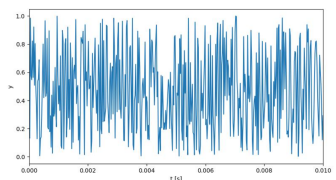
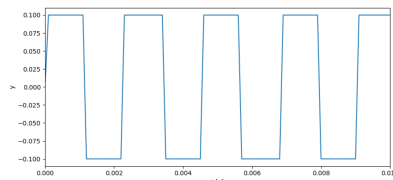
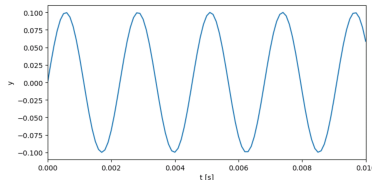
plt.plot(x, func(x, *fit_params), 'r') #Wykres funkcji dopasowania

plt.show()
```

1. Proszę porównać wartości parametrów a i b z funkcji dopasowania z podanymi w kodzie, skąd wynikają różnice?
2. Jak wpływa amplituda szumu na dopasowanie, w jakich granicach fitowanie jest możliwe?
3. Proszę spróbować zmienić wartości a i b i porównać wyniki otrzymanych nowych parametrów z fitowania.
4. Proszę zamiast funkcji kwadratowej wygenerować funkcję liniową i funkcję 3 rzędu i następnie wykonać fitowanie.

4. Transformata Fouriera

Bazując na poprzednim zadaniu proszę wygenerować **sygnał sinusoidalny** o częstotliwości 440 Hzi dowolnej amplitudzie, **sygnał prostokątny** o tej samej częstotliwości i amplitudzie (Podpowiedź: można np. skorzystać z funkcji `np.sign()`, która zwraca znak lub z odszukać gotową funkcję służącą do tego celu dostępną w `scipy`) oraz **biały szum** (`np.random.rand`) a następnie proszę narysować jego przebieg.



Proszę zapoznać się z poniższym przykładem analizy częstotliwościowej (widma sygnału) przy użyciu Transformaty Fouriera z biblioteki `scipy.fft` :

```
Python
from scipy.fft import fft
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
sampling = 44100 #częstotliwość
próbkowania, https://en.wikipedia.org/wiki/44,100_Hz

time = 5 #czas trwania wygenerowanego pliku

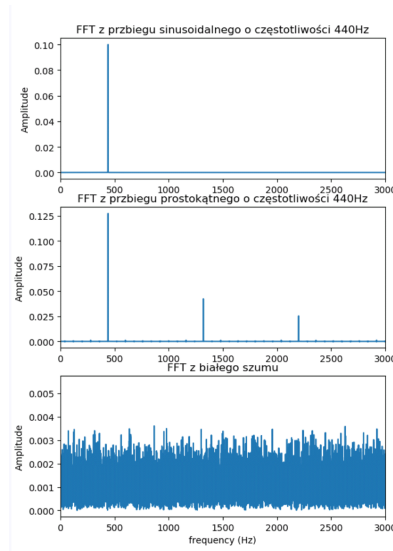
t = np.linspace(0, time, time*sampling) # wektor czasu uwzględniający zadaną
długość i częstotliwość próbkowania
A = 0.1 # amplituda (od 0 do 1)
f = 440 # częstotliwość w Hz
data = A*np.sin(2*np.pi*f*t) #generuje przebieg

def TranformataFouriera(t,y):
    N = len(t)
    dt = t[1] - t[0]
    yf = 2.0 / N * np.abs(fft(y)[0:N // 2])
    xf = np.fft.fftfreq(N, d=dt)[0:N // 2]
    return xf, yf

xf, yf = TranformataFouriera(t,data) #obliczamy Transformatę Fouriera dla
wygenerowanego przebiegu

plt.plot(xf, yf)
plt.xlim(0,1000) # ogranicza wykres do zakresu od 0 do 1kHz
plt.xlabel("frequency (Hz)")
plt.ylabel("amplitude")
```

```
plt.grid()
plt.show()
```



Jako wynik działania powyższego przykładowego kodu otrzymujemy górny wykres. Reprezentuje on częstotliwość przebiegu sinusoidalnego jako szpilkę na częstotliwości 440Hz. Drugi przykład przedstawia transformatę Fouriera dla przebiegu prostokątnego o tej samej częstotliwości (widoczna częstotliwość podstawowa oraz jej nieparzyste harmoniczne). Trzeci przykład przedstawia transformatę Fouriera dla białego szumu wygenerowanego za pomocą funkcji `np.random.rand()`

Zadanie 1. Zmodyfikuj dane tak aby otrzymać drugi i trzeci przypadek.

Zadanie 2. Proszę wygenerować przebieg trójkątny o częstotliwości 100 Hz i amplitudzie 0.1 i dodać do niego biały szum następnie proszę wykreślić FFT dla takiej sumy sygnałów.

Zadanie domowe

Napisz klasę generator, posiadającą metody pozwalające na generowanie następujących przebiegów czasowych (<https://en.wikipedia.org/wiki/Waveform>):

- Sine (f, A) (10%)
- Square (f, A) (10%)
- Sawtooth (f, A) (10%)
- Triangle (f, A) (10%)
- WhiteNoise (A) (10%)

gdzie A – amplituda, f – częstotliwość



AGH

AGH UNIVERSITY OF SCIENCE AND TECHNOLOGY

Podczas tworzenia obiektu, klasa powinna przyjmować częstotliwość próbkowania oraz długość trwania przebiegu w sekundach.

Klasa powinna mieć metody pozwalające na:

- Narysowanie wykresu przebiegu czasowego pobierając od użytkownika zakres czasowy np. (0-10 ms) **(10%)**
- Obliczenie i narysowanie transformaty Fouriera dla danego sygnału, **(10%)**
- Zapisanie przebiegu czasowego oraz transformaty Fouriera do pliku .csv, **(5%)**
- Zapisanie przebiegu czasowego do pliku .wav **(5%)**

Należy stworzyć program wyposażony w odpowiednie menu pozwalające na demonstrację działania stworzonej klasy, program powinien być zapętlony. **(20%)**