

## Лабораторна робота №7

### Тема: ДОСЛІДЖЕННЯ МУРАШИНИХ АЛГОРИТМІВ

**Мета:** використовуючи спеціалізовані бібліотеки та мову програмування Python навчитися дослідити метод мурашиних колоній.

Хід роботи

GitHub репозиторій:

[https://github.com/BashmanivskiyMaxim/Artificial\\_intelligence\\_labs](https://github.com/BashmanivskiyMaxim/Artificial_intelligence_labs)

**Завдання 2.1 (3 варіант - Донецьк):** Дослідження мурашиного алгоритму на прикладі рішення задачі комівояжера

Лістинг програми:

```
import random
import random
import matplotlib.pyplot as plt
import csv
import numpy as np

# Зчитування даних з файлу .csv
def read_distance_matrix(csv_file):
    with open(csv_file, newline="", encoding="mac_cyrillic") as file:
        reader = csv.reader(file)
        rows = list(reader)
        cities = rows[0][1:] # Перша рядок містить назви міст, відкидаємо перший стовпець
        distance_data = [
            list(map(int, row[1:])) for row in rows[1:]
        ] # Зчитуємо дані з файлу, відкидаємо перший стовпець
        distance_matrix = np.array(distance_data)
        return cities, distance_matrix

csv_file = "Відстань.csv"
csv_file_test1 = "test1.csv"
csv_file_test2 = "test2.csv"
cities, distances = read_distance_matrix(csv_file_test2)
num_cities = len(cities)

# Параметри методу мурашиних колоній
num_ants = 40
max_iterations = 1000
pheromone_evaporation = 0.5
pheromone_deposit = 1.0
alpha = 1.0
beta = 1.0

# Ініціалізація феромонів на шляхах
pheromone = [[1.0] * num_cities for _ in range(num_cities)]
```

					ДУ «Житомирська політехніка».23.121.3.000 – Лр7			
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата				
Розроб.		Башиманівський М.			Звіт з лабораторної роботи		Лім.	Арк.
Перевір.		Голенко М. Ю.						1
Керівник							ФІКТ Гр. ІПЗ-20-3[1]	
Н. контр.								
Зав. каф.								

```

# Основна функція для розв'язання задачі комівояжера методом мурашиних колоній
def solve_tsp():
    best_tour = None
    best_distance = float("inf")

    for iteration in range(max_iterations):
        ant_tours = []

        for ant in range(num_ants):
            tour = construct_tour()
            ant_tours.append(tour)

        update_pheromone(ant_tours)

        for tour in ant_tours:
            distance = tour_distanceCalc(tour)
            if distance < best_distance:
                best_distance = distance
                best_tour = tour

    return best_tour, best_distance

# Функція для конструювання маршруту одного мурахи
def construct_tour():
    tour = []
    start_city = random.randint(0, num_cities - 1)
    tour.append(start_city)

    while len(tour) < num_cities:
        next_city = select_next_city(tour, pheromone[tour[-1]])
        tour.append(next_city)

    return tour

# Функція для вибору наступного міста для мурахи з урахуванням феромонів і відстаней
def select_next_city(visited, pheromone_values):
    unvisited_cities = [city for city in range(num_cities) if city not in visited]
    probabilities = []
    calculate_probability(visited[-1], city, pheromone_values)
    for city in unvisited_cities:
        probabilities.append(calculate_probability(visited[-1], city, pheromone_values))

    selected_city = random.choices(unvisited_cities, probabilities)[0]

    return selected_city

# Функція для розрахунку ймовірностей для вибору наступного міста
def calculate_probability(current_city, next_city, pheromone_values):
    pheromone = pheromone_values[next_city]
    distance = distances[current_city][next_city]
    probability = (pheromone**alpha) * ((1 / distance) ** beta)
    return probability

# Функція для оновлення рівня феромонів на шляхах після кожної ітерації
def update_pheromone(ant_tours):
    for i in range(num_cities):
        for j in range(num_cities):

```

		Баиманівський М.О.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.3.000 – Лр7	Арк.
		Голенко М. Ю.				2
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

```

        if i != j:
            pheromone[i][j] *= 1 - pheromone_evaporation

    for tour in ant_tours:
        tour_distance = tour_distanceCalc(tour)
        for i in range(num_cities - 1):
            city1, city2 = tour[i], tour[i + 1]
            pheromone[city1][city2] += pheromone_deposit / tour_distance

# Функція для обчислення відстані подорожі
def tour_distanceCalc(tour):
    distance = 0
    for i in range(len(tour) - 1):
        city1, city2 = tour[i], tour[i + 1]
        distance += distances[city1][city2]
    return distance

# Візуалізація результатів
def visualize_tsp_solution_with_dots(cities, tour):
    # З'єднання міст у порядку маршруту
    for i in range(len(tour) - 1):
        city1 = tour[i]
        city2 = tour[i + 1]
        x1, y1 = i, cities[city1][0]
        x2, y2 = i + 1, cities[city2][0]
        plt.plot([x1, x2], [y1, y2], "r")

    # Додавання чорних точок на кожну точку маршруту
    for i in range(len(tour)):
        x, y = i, cities[tour[i]][0]
        plt.scatter(x, y, color="black", s=30)

    plt.title("Маршрут комівояжера")
    plt.xlabel("Міста (номери)")
    plt.ylabel("Назви міст")
    plt.legend(loc="best")
    plt.grid(True)
    plt.show()

def visualize_tsp_solution(cities, tour):
    plt.plot([cities[i] for i in tour], "o-")
    plt.xlabel("Міста")
    plt.ylabel("Відстань")
    plt.title("Найкращий маршрут задачі комівояжера")
    plt.show()

# Розв'язання задачі комівояжера і виведення результату
best_tour, best_distance = solve_tsp()
best_tour.append(best_tour[0])

print("Найкращий маршрут:", best_tour)
print("Загальна відстань:", best_distance)

# Візуалізуємо найкоротший маршрут
visualize_tsp_solution_with_dots(cities, best_tour)
visualize_tsp_solution(cities, best_tour)

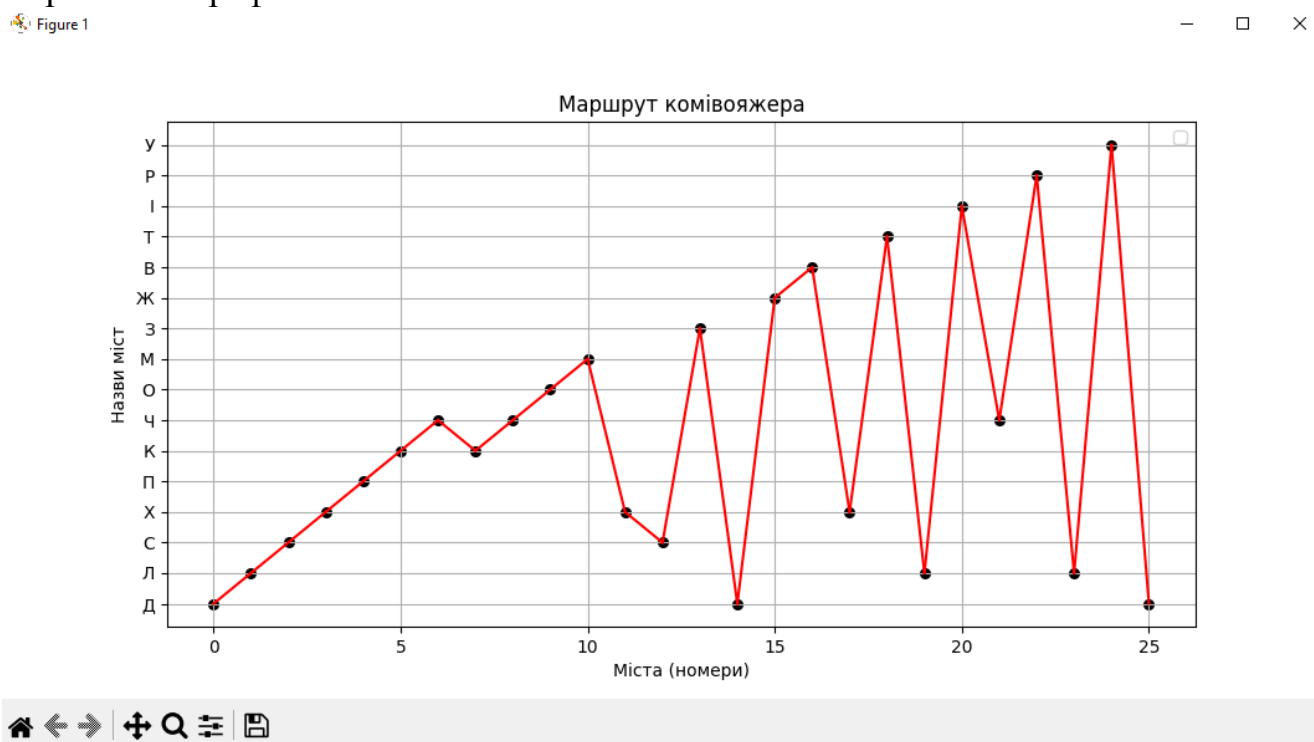
```

		Бацманівський М.О.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.3.000 – Лр7	Арк.
		Голенко М. Ю.				3
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

## Результат виконання програми:

```
● Найкращий маршрут: [18, 10, 9, 14, 17, 5, 23, 21, 0, 3, 6, 24, 22, 7, 13, 19, 16, 8, 2, 4, 1, 12, 11, 20, 15, 18]
Загальна відстань: 4229
No artists with labels found to put in legend. Note that artists whose label start with an underscore are ignored
PS C:\AI_labs\lab7> □
```

## Отриманий графік:



Графік відображає оптимальний маршрут, який починається з міста Донецьк. Функція `visualize_tsp_solution_with_dots` відображає маршрут у вигляді точок і ліній, які з'єднують міста в порядку маршруту. Кожна точка відповідає одному місту, і лінії показують послідовність відвідування міст. Цей графік нагадує класичне представлення задачі комівояжера.

Під час виконання лабораторної роботи я протестував алгоритм на 3 наборах даних.

**Малий набір даних:** Такий тест допоможе переконатися, що програма правильно знаходить оптимальний маршрут для невеликої задачі.

**Симетрична матриця відстаней:** Де відстань між будь-якою парою міст однакова в обидві сторони. Це дозволить перевірити, чи правильно програма працює зі симетричними даними.

**Великий набір міст:** Це вже більш складна задача і може вимагати більше обчислювальних ресурсів.

Розроблення системи критеріїв порівняння результатів вирішення задачі комівояжера може бути корисним для об'єктивного аналізу і порівняння різних рішень.

Ось система критеріїв, які можна використовувати для порівняння результатів вирішення задачі комівояжера:

		Бащманівський М.О.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.3.000 – Лр7	Арк.
		Голенко М. Ю.				4
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		

- 1. Загальна відстань:** Відстань, пройдена в оптимальному маршруті, є одним із найважливіших критеріїв. Задача з меншою загальною відстанню вважається кращою з точки зору мінімізації відстані.
- 2. Час вирішення:** Час, необхідний для обчислення оптимального маршруту, є важливим критерієм для оцінки продуктивності різних методів розв'язання. Швидше рішення може бути більш ефективним.
- 3. Складність обчислень:** Кількість операцій, необхідних для обчислення оптимального маршруту, може бути іншим важливим критерієм. Задача, яка вимагає менше обчислень, може бути ефективнішою з точки зору обчислювальної складності.
- 4. Робустність:** Робустність вказує на те, наскільки вразливе рішення до змін у вхідних даних або параметрах. Рішення, яке залишається стабільним при деяких змінах, може бути перевагою.
- 5. Параметри методу:** Параметри методу мурашиних колоній, такі як кількість мурах, швидкість випаровування феромонів, параметри впливу феромонів і відстаней, також важливі для порівняння результатів.
- 6. Структура відстаней:** Різна структура матриці відстаней (наприклад, розріджена або симетрична) може впливати на результати задачі.

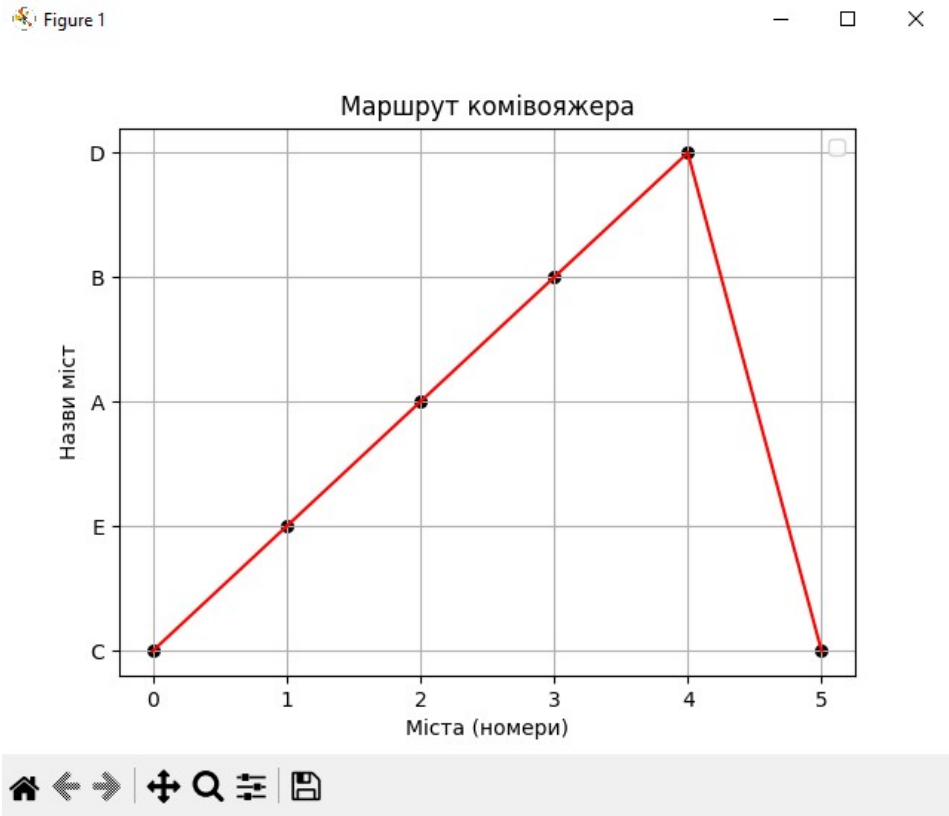
Складена таблиця:

Складність обчислень	Робустність	Параметри методу	Структура відстаней	Набір даних
35000 операцій	Рішення не вразливе до змін	num_ants = 5 max_iterations = 1000 pheromone_evaporation = 0.5 pheromone_deposit = 1.0 alpha = 1.0 Beta = 1.0	розріджена	<b>Малий набір даних</b>
35000 операцій	Рішення не вразливе до змін	num_ants = 5 max_iterations = 1000 pheromone_evaporation = 0.5 pheromone_deposit = 1.0 alpha = 1.0 Beta = 1.0	симетрична	<b>Симетрична матриця відстаней</b>
150000 операцій	Рішення дуже вразливе до змін	num_ants = 25 max_iterations = 1000 pheromone_evaporation = 0.5	розріджена	<b>Великий набір міст</b>

```
pheromone_deposit =
    1.0
alpha = 1.0
Beta = 1.0
```

Малий набір даних

Результат виконання програми:



Набір даних:

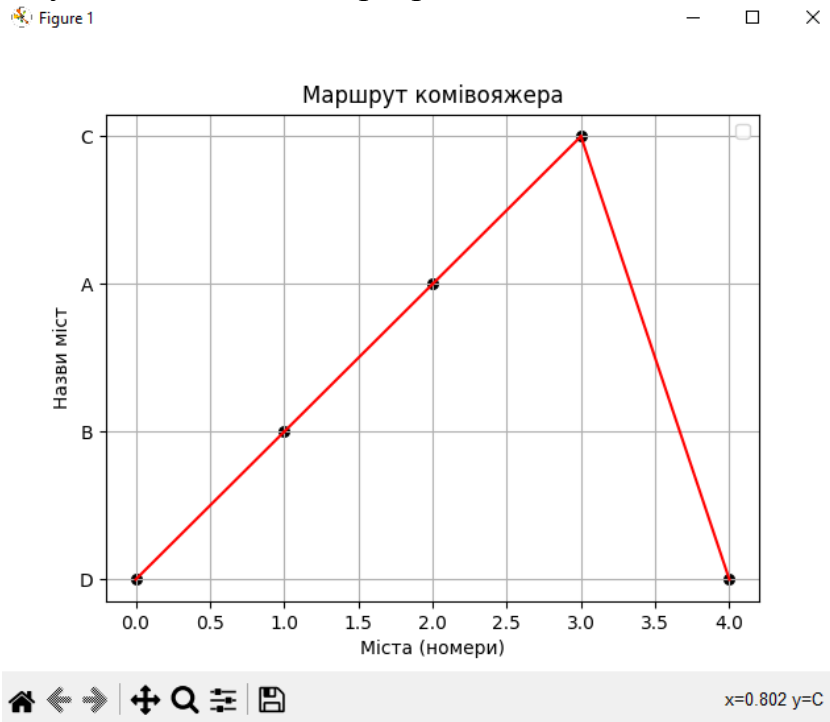
	A	B	C	D	E	F
1		A	B	C	D	E
2	A	0	2	4	5	1
3	B	2	0	3	2	6
4	C	4	3	0	7	2
5	D	5	2	7	0	3
6	E	1	6	2	3	0

Найкращий маршрут: [2, 4, 0, 1, 3, 2]  
Загальна відстань: 7

Висновок: Програма коректно працює на малих наборах даних. З кожним запуском програми найкращий маршрут залишається сталим. Зміна параметрів взагалі не впливає на результат найкращого маршруту.

### Симетрична матриця відстаней:

Результат виконання програми:



```
Найкращий маршрут: [2, 0, 1, 3, 2]
Загальна відстань: 55
```

```
Найкращий маршрут: [2, 1, 0, 3, 2]
Загальна відстань: 55
```

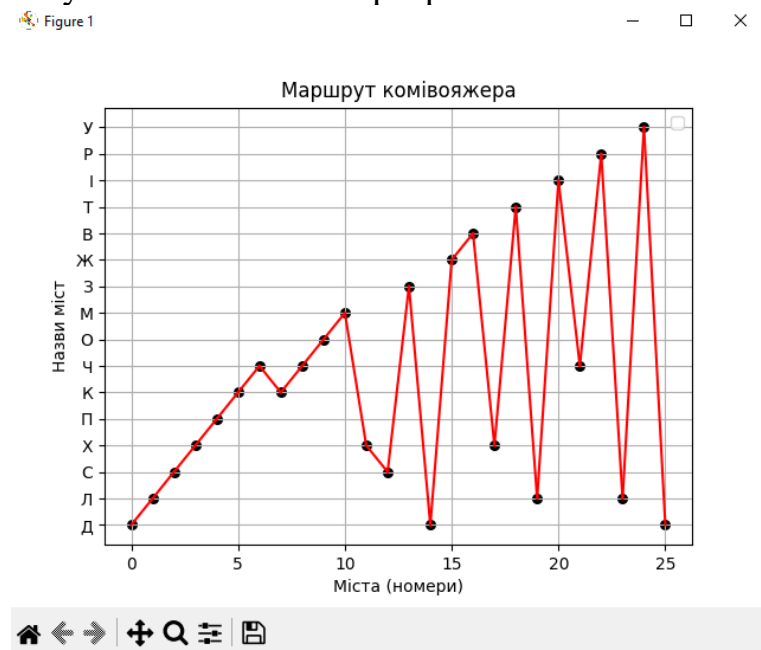
Набір даних:

	A	B	C	D	E
1		A	B	C	D
2	A	0	10	15	20
3	B	10	0	25	30
4	C	15	25	0	35
5	D	20	30	35	0

Висновок: По результатам видно що найкращий маршрут змінюється при кожному запуску програми. Це відбувається через те що відстані між точками є симетричними, “мурахи” при виборі шляху можуть обирати різний шлях, кінцевий результат не зміниться і залишиться — 55.

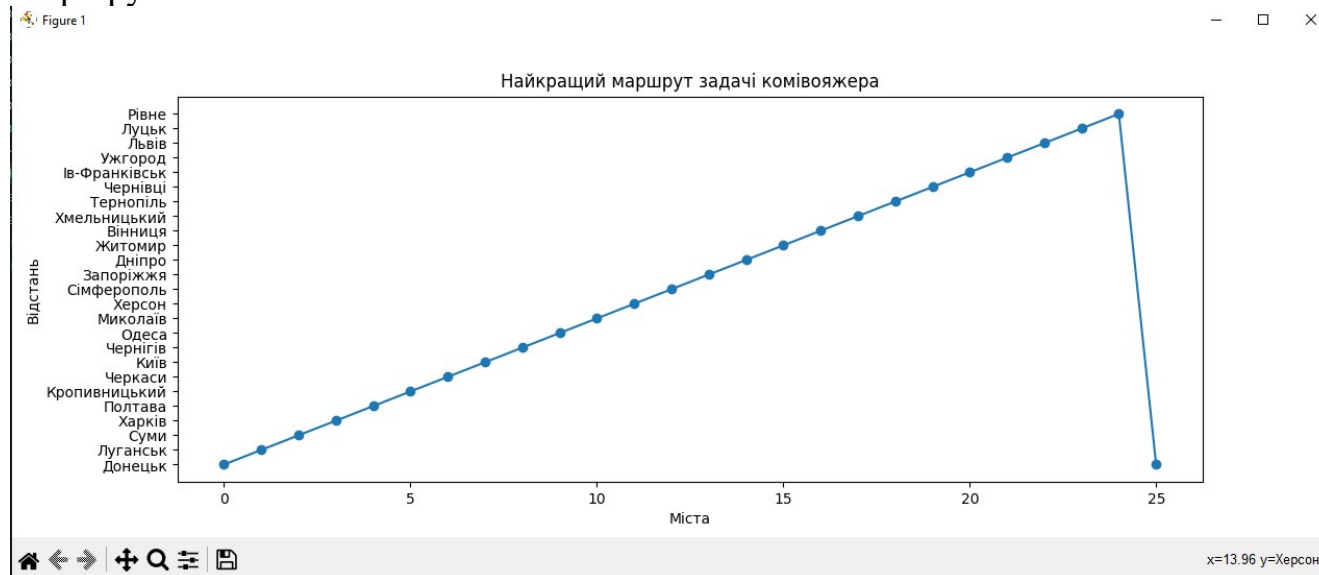
## Великий набір міст

Результат виконання програми:



Найкращий маршрут: [2, 8, 16, 19, 13, 1, 4, 20, 11, 12, 15, 7, 22, 24, 6, 3, 0, 21, 14, 9, 10, 17, 23, 5, 18, 2]  
Загальна відстань: 4562

Маршрут:



Висновок: У цьому випадку програма працює з великим об’ємом даних. В цьому випадку параметри методу вагомо впливають на результат найкращого маршруту.

		Бащманівський М.О.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.3.000 – Лр7	Арк.
		Голенко М. Ю.				8
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		



Висновок: код реалізує розв'язання задачі комівояжера за допомогою алгоритму мурашиних колоній. Алгоритм мурашиних колоній - це метаевристичний алгоритм, який намагається знайти найкоротший шлях між набором міст, якого потрібно відвідати один раз і повернутися в початкове місто.

Основні кроки алгоритму включають в себе:

1. Ініціалізація феромонів на всіх можливих шляхах між містами.
2. Для кожної ітерації алгоритму:
  - а. Декілька мурах конструюють свої маршрути, вибираючи наступне місто з урахуванням феромонів та відстаней.
  - б. Феромон оновлюється на кожному пройденому маршруті.
  - с. Зберігається найкращий знайдений маршрут.
3. Виведення найкращого маршруту та відстані.

Загалом, алгоритм мурашиних колоній - це ефективний спосіб вирішення задачі комівояжера, особливо для великих наборів міст. Проте код може бути оптимізований для зменшення часу виконання, а результати профілювання можуть бути корисні для цієї мети.

		Бащманівський М.О.			ДУ «Житомирська політехніка».22.121.3.000 – Лр7	Арк.
		Голенко М. Ю.				9
Змн.	Арк.	№ докум.	Підпис	Дата		