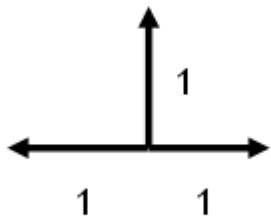
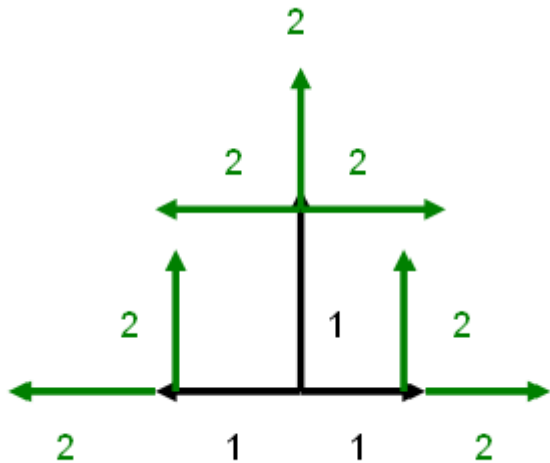


(1) 当N=1时，绘出走法图



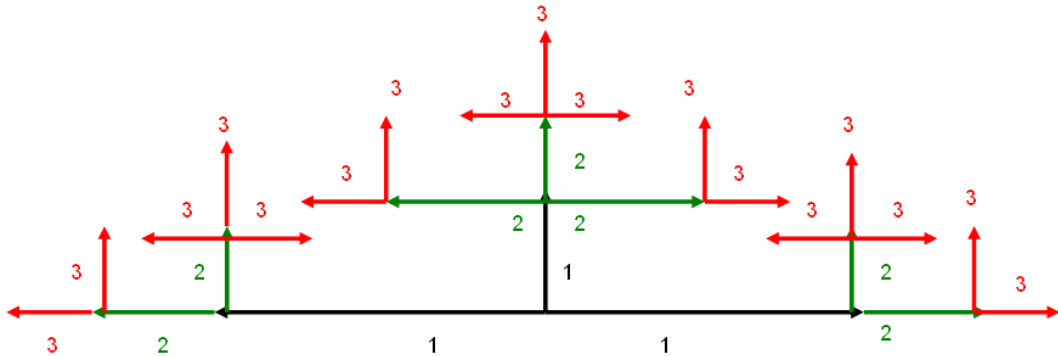
(图1) 共有3种不同的走法，也就是黑色线条的数量，即 $f(1)=3$

(2) 当N=2时，绘出走法图



(图2) 共有7种不同的走法，也就是绿色线条的数量，即 $f(2)=7$

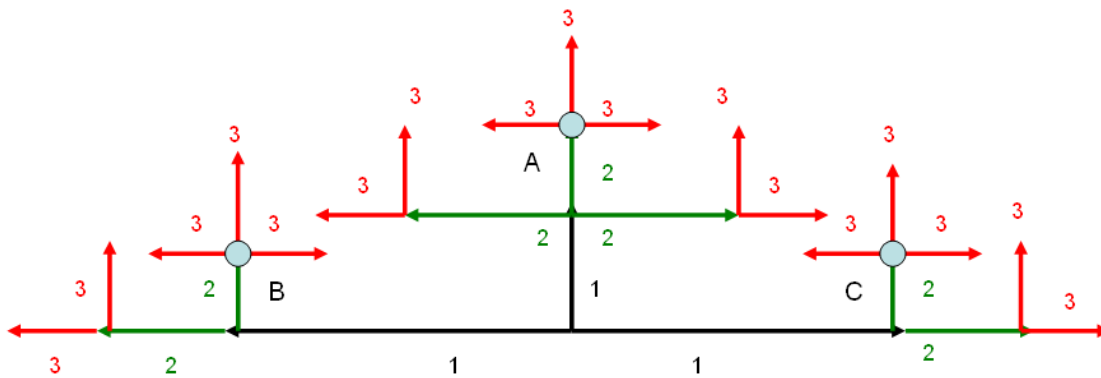
(3) 当N=3时，绘出走法图



(图3) 共有17种不同的走法，也就是红色线条的数量，即 $f(3)=17$

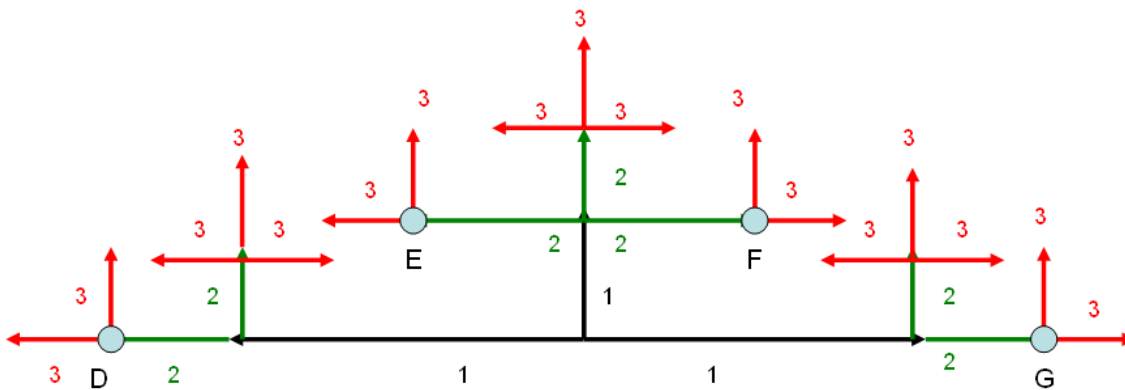
由此，我们不难看出，对于任何一个起点，最多可以走出3种走法，但最少必须走出2种走法。那么我们要求 $f(n)$ ，实际上转换为如果我们能够得到上一步即 $f(n-1)$ 有多少个终点是有3种走法的，有多少个点有2种走法那么问题就解决了。

a. 上一步，即 $f(n-1)$ 有多少个终点是有3种走法的。



对于 $N=3$ 时, $f(n-1)=f(2)$, 有3个点A、B、C可以走出3种不同走法的, 这3个点是怎么得到的呢? 它的存在值有没有必然的联系? 如果我们能找到它与 N 之间的关系, 问题也就解决了。有了这样的思路以后, 我们不难得到这样的规律: 如果 $f(n-2)$ 存在, 即上上步存在, 那么从上上步出发的线路里面必然会有一条向上走的线路, 而这条向上走的线路在到达 $f(n-1)$ 之后, 向 $f(n)$ 出发时也必然有左、上、右这三种走法, 那么我们就得出这样的结论: 当 $f(n-2)$ 存在时, $f(n-2)$ 的值实际上就等价于 $f(n-1)$ 有多少个终点是有3种走法。

b. $f(n-1)$ 有多少个终点是有2种走法的



对于 $N=3$ 时, 有4个点D、E、F、G可以走出2种不同走法的, 这4个点又是怎么得到的呢? 它与 N 值有联系呢? 实际上我们在解决了上一个问题的时候, 这个问题就变得相当容易了, $f(n-1)$ 减掉刚才有走法的点, 剩下的点不就是只有2种走法了吗? 即 $f(n-1) - f(n-2)$ 。

c. 得出 $f(n)$ 的一般关系式

$$f(n) = 3*f(n-2) + 2*(f(n-1) - f(n-2)) \quad (n \geq 3)$$

化简:

$$f(n) = 2*f(n-1) + f(n-2) \quad (n \geq 3)$$