

二维数组

主教练：党东



■ 二维数组

定义方式:

类型说明符 **数组名**[常量表达式][常量表达式];

行数

列数

int

a[3][4];

定义类型

数组名

- 表明a数组由 3×4 个int型元素组成
- 其元素分别为: a[0][0], a[0][1], a[0][2], a[0][3],
a[1][0], a[1][1], a[1][2], a[1][3],
a[2][0], a[2][1], a[2][2], a[2][3]

■ 二维数组

- 在定义数组的同时给数组元素赋值。

```
int a[2][3]={{1,2,3},{4,5,6}};或int a[2][3]={1,2,3,4,5,6};  
b[5][5]={{1},{0,2},{0,0,3},{0,0,0,4},{0,0,0,0,5}};
```

```
1 0 0 0 0  
0 2 0 0 0  
0 0 3 0 0  
0 0 0 4 0  
0 0 0 0 5
```

//表示这样的—个5*5的方阵，省略的元素默认为0;

定义: `const int maxn=105;`

`int a[maxn][maxn];`

(1) 二维数组初始化:

① `int a[maxn][maxn]={0};`

② `memset(a,0,sizeof(a));`

③ 两重循环清为某个值。

`for(i=0;i<maxn;i++)`

`for(j=0;j<maxn;j++)a[i][j]=0;`

(2) 二维数组的读入

`for(i=1;i<=n;i++)`

`for(j=1;j<=n;j++)cin>>a[i][j];`

(3) 二维数组的输出

`for(i=1;i<=n;i++)`

`{ for(j=1;j<=n;j++)cout<<a[i][j]<<" " ;`

`cout<<endl;`

`}`

【试一试】方阵的最大值



Description

有一个 $n \times m$ 的矩阵，要求编程序求出其中值最大的那个元素的值，以及其所在的行号和列号。

Input

输入共两行；

第1行为两个整数 n 和 m ， n 表示方阵的行数， m 方阵的列数；

第2~ $n+1$ 行，每行 m 个数，表示方阵每个位置的值；

Output

输出最大值，以及其所在的行号和列号。（数据保证最大值只有一个）

Sample Input

```
3 5
1 2 3 4 5
4 3 9 1 4
1 2 3 5 4
```

Sample Output

```
9 2 3
```

Hint 最大值为9，其在第2行，第3列。

【问题分析】

先考虑解此问题的思路。从若干个数中求最大者的方法很多，我们现在采用“打擂台”算法。如果有若干人比武，先有一人站在台上，再上去一人与其交手，败者下台，胜者留台上。第三个人再上台与在台上者比，同样是败者下台，胜者留台上。如此比下去直到所有人都上台比过为止。最后留在台上的就是胜者。

程序模拟这个方法，开始时把 $a[0][0]$ 的值赋给变量maxx，**maxx**就是开始时的擂主，然后让下一个元素与它比较，将二者中值大者保存在maxx中，然后再让下一个元素与新的maxx比，直到最后一个元素比完为止。maxx最后的值就是数组所有元素中的最大值。

【试一试】方阵的最大值



巴蜀中學
BASHU SECONDARY SCHOOL

【参考代码】

```
int n,m,i,j,a[105][105],maxx=-0x7fffffff/2;
int H,L;
cin>>n>>m;
for(i=1;i<=n;i++)
    for(j=1;j<=m;j++)cin>>a[i][j];
for(i=1;i<=n;i++)
    for(j=1;j<=m;j++)
        if(a[i][j]>maxx)
            { maxx=a[i][j];
              H=i;L=j;
            }
cout<<maxx<<" "<<H<<" "<<L<<endl;
```

【例2】矩阵问题 --1072



Description

输入矩阵a (m行m列) , 将其行列互换。

Input

第一行为m (小于15) , 第二行至第m+1行为矩阵a。

Output

输出行列互换后的矩阵。

Sample Input

```
3
1 2 3
4 5 6
7 8 9
```

Sample Output

```
1 4 7
2 5 8
3 6 9
```


【例2】矩阵问题 --1072



巴蜀中學
BASHU SECONDARY SCHOOL

【问题分析】

通过观察我们可以发现，整个方阵中 $a[i][j]$ 的值和 $a[j][i]$ 的值发生了互换。



【例2】矩阵问题 --1072



【参考代码】

```
int a[20][20],b[20][20],i,j,n;  
cin>>n;  
for(i=1;i<=n;i++)  
    for(j=1;j<=n;j++)  
        cin>>a[i][j];    //读入  
for(i=1;i<=n;i++)  
    for(j=1;j<=n;j++)  
        b[j][i]=a[i][j]; //互换  
for(i=1;i<=n;i++)    //输出  
{  
    for(j=1;j<=n;j++)cout<<b[i][j]<<" ";  
    cout<<endl;  
}
```

【思考】回型方阵



Description

输入一个正整数 n ，输出 $n \times n$ 的回型方阵。例如， $n=5$ 时，输出：

```
1 1 1 1 1
1 2 2 2 1
1 2 3 2 1
1 2 2 2 1
1 1 1 1 1
```

Input

一行一个正整数 n ， $2 \leq n \leq 9$ 。

Output

共 n 行，每行包含 n 个正整数，之间用一个空格隔开。

Sample Input

5

Sample Output

```
1 1 1 1 1
1 2 2 2 1
1 2 3 2 1
1 2 2 2 1
1 1 1 1 1
```

【问题分析】

定义一个二维数组 $a[n][n]$ 存储回型方阵。

方法1：通过“一圈一圈”赋值的方法做，先给 $a[1][1] \sim a[n][n]$ 全部赋值 1，然后给 $a[2][2] \sim a[n-1][n-1]$ 全部赋值 2，……共 $n/2$ 圈(如果 n 是奇数，则最后一圈就是一个数)。

方法2：先给左上角的 $a[n/2][n/2]$ 赋值， $a[i][j] = \min(i, j)$ ，右上角、左下角、右下角三部分，通过下标的对称性复制过去即可。

例如， $a[i][n+1-j] = a[n+1-i][j] = a[n+1-i][n+1-j] = a[i][j]$ 。

【思考】回型方阵



【方法1参考代码】

```
int n,i,j,k,a[10][10];
int main(){
    cin >> n;
    for(k = 1; k <= (n+1)/2; k++) //确定第几圈
        for(i = k; i <= n+1-k; i++) //双重循环为(k,k)~(n+1-k,n+1-k)大小的方阵赋值
            for(j = k; j <= n+1-k; j++)
                a[i][j] = k;
    for(i = 1; i <= n; i++){
        for(j = 1; j < n; j++)
            cout << a[i][j] << " ";
        cout << a[i][n] << endl;
    }
    return 0;
}
```

【练习1】求平均分 --1074



Description

竞赛小组共有 n ($n \leq 20$) 位同学，这学期每位同学共参与了三项比赛，请统计每位同学的平均分。

Input

输入第一行为 n ($n \leq 20$) 位同学，第2行至第 $n+1$ 行分别为这 n 个同学的三项比赛成绩(成绩均小于等于100)

Output

输出只有一行为这 n 个同学的平均分（保留2位小数），用空格分开

Sample Input

```
3
50 55 60
60 65 70
70 75 80
```

Sample Output

```
55.00 65.00 75.00
```

【练习1】求平均分 --1074



【问题分析】

double t[65][5]; //第1-2-3列分别代表三项成绩，第4列代表平均分。

int main()

```
{  
    int n,i;  
    cin>>n;  
    for(i=1;i<=n;i++)  
    {  
        cin>>t[i][1]>>t[i][2]>>t[i][3];  
        t[i][4]=(t[i][1]+t[i][2]+t[i][3])/3;  
    }  
    for(i=1;i<=n;i++)  
        cout<<fixed<<setprecision(2)<<t[i][4]<<" ";  
    return 0;  
}
```

【练习2】杨辉三角 --1092



巴蜀中學
BASHU SECONDARY SCHOOL

Description

输出杨辉三角的前N行($N < 20$)

Input

输入只有一行，包括1个整数N($N < 20$)

Output

输出只有N行

Sample Input

5

Sample Output

1

1 1

1 2 1

1 3 3 1

1 4 6 4 1

【问题分析】

通过观察可以发现图形的以下特点：

1. 每一行的数字个数与行号相同。
2. 位置为 (i, j) 的值 $a[i][j]$ 等于上方 $a[i-1][j]$ 和左上方 $a[i-1][j-1]$ 之和。

注意：当上方 $a[i-1][j]$ 没有数值时，默认为0，也满足该等式。



【参考代码】

```
int a[10][10];
int main()
{
    int n;
    cin>>n;
    a[0][0]=1;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        for(int j=1;j<=i;j++)
        {
            a[i][j]=a[i-1][j-1]+a[i-1][j];
            cout<<a[i][j]<<" ";
        }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

【练习3】 马鞍数 --1073



Description

求一个 $n \times n$ 数矩阵中的马鞍数，所谓的马鞍数是指在行上最小而在列上是最大的数。

Input

第一行为一个数 n ($n < 20$)，第二行至第 $n+1$ 行为矩阵。

Output

输出马鞍数的坐标即(行号,列号)，多个马鞍数的话每行一个。

Sample Input

```
5
5 6 7 8 9
4 5 6 7 8
3 4 5 2 1
2 3 4 9 0
1 2 5 4 8
```

Sample Output

```
(1,1)
```

【核心代码】

```
for(i=1;i<=n;i++)           //一行行尝试
{
    maxx=a[i][1];b=1;
    for(j=2;j<=n;j++)        //找到每行中的最小
        if(a[i][j]<maxx)
            {maxx=a[i][j];b=j;}
    for(j=1;j<=n;j++)
        if(maxx<a[j][b]) break; //判断是否每列最大
    if(j>n)cout<<"("<<i<<","<<b<<")"<<endl;
}
```