모두의 알고리즘 with 파이썬

컴퓨팅 사고를 위한 기초 알고리즘





본격적인 알고리즘 공부에 앞서

01 알고리즘

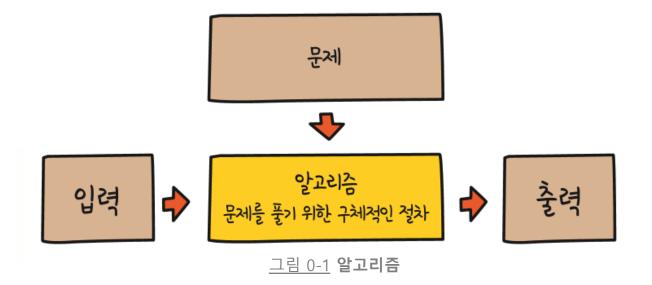
02 알고리즘 분석

03 파이썬 프로그래밍 언어

본격적인 알고리즘 공부에 앞서

1 알고리즘

- 알고리즘은 어떤 문제를 풀기 위한 절차나 방법
- 알고리즘은 주어진 '입력'을 '출력'으로 만드는 과정
- 알고리즘의 각 단계는 구체적이고 명료해야 함



본격적인 알고리즘 공부에 앞서

1 알고리즘

• 문제: 어떤 숫자의 절댓값 구하기

■ 입력: 절댓값을 구할 실수 a

■ 출력: a의 절댓값

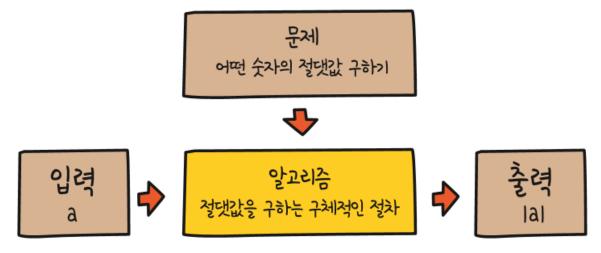


그림 0-2 **절댓값을 구하는 알고리즘의 구조**

알고리즘

- 절댓값: 0부터 그 수까지의 거리에 해당하는 값
- |a|와 같이 절댓값을 나타내는 기호인 세로 선(|)으로 수를 둘러싸서 표현
- 주어진 실수 a가 양수 혹은 0이면 a 값이 그대로 절댓값이 됨
- a가 음수이면 a에 마이너스(-)를 붙이면 절댓값이 됨



- 1) a가 0보다 크거나 같은지 확인 → 그렇다면 a를 결과로 돌려줌
- 2) 1의 경우가 아니라면(a가 0보다 작으면) -a를 결과로 돌려줌

$$|a| = \begin{cases} a, & a \ge 0 \\ -a, & a < 0 \end{cases}$$

알고리즘

- 1) a가 0보다 크거나 같은지 확인 → 그렇다면 a를 결과로 돌려줌
- 2) 1의 경우가 아니라면(a가 0보다 작으면) -a를 결과로 돌려줌

$$|a| = \begin{cases} a, & a \ge 0 \\ -a, & a < 0 \end{cases}$$



실수의 절댓값을 구하는 알고리즘

- a = 5일 때 a가 0보다 크거나 같음(a >= 0) → 1의 경우 a 값인 5가 결과
- a = -3일 때 a가 0보다 작음(a < 0) → 2의 경우 -a 값인 -(-3) = 3이므로 3이 결과

알고리즘

- 1) a가 0보다 크거나 같은지 확인 → 그렇다면 a를 결과로 돌려줌
- 2) 1의 경우가 아니라면(a가 0보다 작으면) -a를 결과로 돌려줌

$$|a| = \begin{cases} a, & a \ge 0 \\ -a, & a < 0 \end{cases}$$



- 이처럼 컴퓨터 프로그램을 만들기 위한 알고리즘은 계산 과정을 최대한 구체적이고 명료하게 적어야 함
- 컴퓨터는 주어진 명령에 따라 계산을 수행하는 기계이므로 알고리즘이 구체적이지 않으면 올바르게 계산할 수 없음

• 어떤 문제를 푸는 방법이 꼭 한 가지만 있는 것은 아님

절댓값을 구하는 방법들

- 1. 0보다 큰지 작은지를 비교해 부호를 확인하는 방법
- 2. 주어진 a를 제곱한 다음 그 값의 제곱근을 취하는 방법

$$|a| = \sqrt{a^2}$$

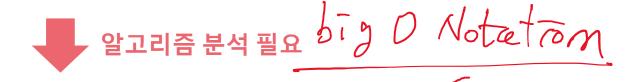
$$(-3)^{2} = 9$$

$$(-3)^{2} = \sqrt{(-3)^{2}} = \sqrt{9} = 3$$

$$90 = 2$$

$$121 = \sqrt{2^2} = \sqrt{4} = 2$$

 한 가지 문제를 푸는 여러 가지 방법, 즉 여러 가지 알고리즘 중에 상황에 맞는 적당한 알고리즘을 골라 쓰려면 어떤 알고리즘이 어떤 특징을 지니고 있으며 얼마나 계산이 빠르고 편한지 등을 알아야 함



■ 알고리즘 분석은 알고리즘의 성능이나 특징을 분석하는 것 - イリル: time complexity

- M124: Space complexity

- 파이썬 3로 준비하기
- 파이썬을 실행해서 버전 확인하기

```
Python 3.6.0 Shell — — X

File Edit Shell Debug Options Window Help

Python 3.6.0 (v3.6.0:41df79263a11, Dec 23 2016, 07:18:10) [MSC v.1900 32 bit (In tel)] on win32

Type "copyright", "credits" or "license()" for more information.

>>>> |
```

그림 0-3 파이썬을 실행해서 버전을 확인하기

- 절댓값 구하기 알고리즘
- 1) a의 절댓값 구하기 알고리즘 ①: 부호 판단 → abs_sign(a)
 - a가 0보다 크거나 같은지 확인 → 그렇다면 a를 결과로 돌려줌
 - 위의 경우가 아니라면(a가 0보다 작다면) -a를 결과로 돌려줌

$$|a| = \begin{cases} a, & a \ge 0 \\ -a, & a < 0 \end{cases}$$

- 2) a의 절댓값 구하기 알고리즘 ②: 제곱 후 제곱근 → abs_square(a)
 - a를 제곱하여 변수 b에 저장

$$|a| = \sqrt{b}$$

 $b = a^2$

■ 프로그램 0-1 절댓값 구하기 알고리즘

▼ 예제 소스 p00-1-abs.py

```
import math # 수학 모듈 사용

# 절댓값 알고리즘 1(부호 판단)

# 입력: 실수 a

# 출력: a의 절댓값

def abs_sign(a):
    if a >= 0:
        return a
    else:
        return -a
```

```
# 절댓값 알고리즘 2(제곱-제곱근)
# 입력: 실수 a
# 출력: a의 절댓값
def abs_square(a):
  b = a * a
  return math.sqrt(b) # 수학 모듈의 제곱근 함수
print(abs_sign(5))
print(abs_sign(-3))
print()
print(abs_square(5))
print(abs_square(-3))
```

■ 실행 결과

5

3

5.0

3.0

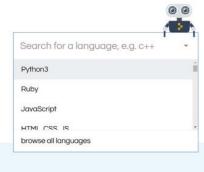
- 파이썬의 제곱근 함수인 math.sqrt(b)는 소수점이 붙은 값을 돌려줌
- 5는 5.0과 같고 3은 3.0과 같은 결과

웹에서 파이썬 사용하기

- https://repl.it에 접속 해서 Python 3을 선택
- 주소 창에 https://repl.it/languages/python3을 입력

repl.it is a cloud coding environment for Jest

join a community of engineers, teachers, and students



• 회원 가입을 하면 입력한 프로그램을 저장할 수도 있음



첫째 마당 알고리즘 기초

문제01 1부터 n까지의 합 구하기

문제02 최댓값 찾기

문제03 동명이인 찾기①

문제 01 1부터 n까지의 합 구하기

1부터 n까지 연속한 정수의 합을 구하는 알고리즘을 만들어 보세요.

- 1부터 10까지의 수를 모두 더하면? 55
- 1부터 100까지의 수를 모두 더하면? 5050

알고리즘의 중요 포인트

문제

- 알고리즘은 주어진 문제를 풀기 위한 절차나 방법
- 알고리즘이 있으려면 반드시 문제가 필요
- 여기서는 '1부터 n까지 연속한 숫자의 합 구하기'가 바로 문제

입력

- 알고리즘은 주어진 '입력'을 '출력'으로 만드는 과정
- 이 문제에서 입력은 'n까지'에 해당하는 n
- n을 입력으로 하는 문제를 만들면 만들어진 알고리즘으로 다양한 입력에
 대한 결과를 얻을 수 있음

1 알고리즘의 중요 포인트

출력

- n = 10이면 1부터 10까지의 합은 55
- n = 100이면 1부터 100까지의 합은 5050
- 55와 5050이 각각의 입력에 대한 출력

구체적이고 명료한 계산 과정

- 우리는 다음과 같은 방식으로 1부터 10까지의 합을 구하고 있음
- 1) 1 더하기 2를 계산한 결과인 3을 머릿속에 기억
- 2) 기억해 둔 3에 다음 숫자 3을 더해 6을 기억
- 3) 기억해 둔 6에 다음 숫자 4를 더해 10을 기억
- 4) 기억해 둔 10에 다음 숫자 5를 더해 15를 기억
- 5~8) 같은 과정 반복
- 9) 기억해 둔 45에 다음 숫자인 10을 더해 55를 기억
- 10) 10까지 다 더했으므로 마지막에 기억된 55를 답으로 제시

구체적이고 명료한 계산 과정

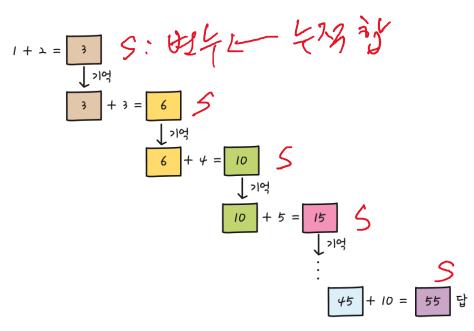


그림 1-1 1부터 10까지의 합을 구하는 과정(사람의 생각)

 사람과 달리 컴퓨터는 주어진 명령을 기계적으로 수행하는 장치이므로 기계가 알아들을 수 있는 명료하고 구체적인 알고리즘이 있어야 함

3

1부터 n까지의 합을 구하는 알고리즘

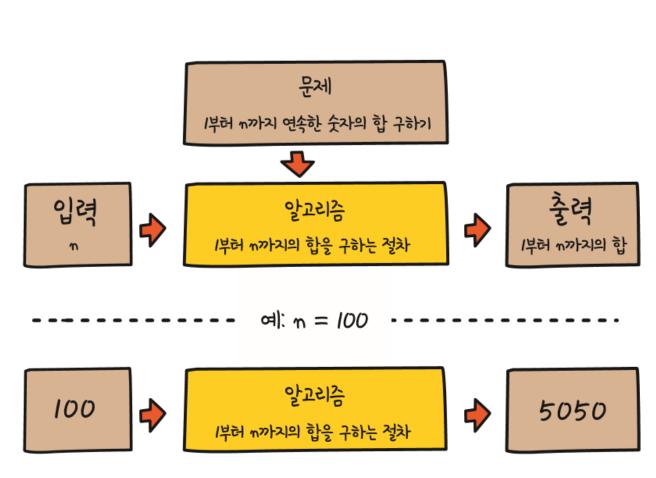


그림 1-2 1부터 n까지의 합을 구하는 알고리즘의 구조와 예

1부터 n까지의 합을 구하는 알고리즘

- 1부터 n까지 연속한 숫자의 합을 구하는 문제를 풀기 위한 알고리즘
- 1) 합을 기록할 변수 s를 만들고 0을 저장
- 2) 변수 i를 만들어 1부터 n까지의 숫자를 1씩 증가시키며 반복
- 3) [반복 블록] 기존의 s에 i를 더하여 얻은 값을 다시 s에 저장
- 4) 반복이 끝났을 때 s에 저장된 값이 결괏값
- 알고리즘을 하나의 함수로 만들어 입력은 인자로 전달
- 출력은 함수의 결괏값(return 값)
- 알고리즘은 '입력 → 알고리즘 → 출력'을 수행하는 과정

|1부터 n까지의 합을 구하는 알고리즘

■ 프로그램 1-1 1부터 n까지의 연속한 숫자의 합을 구하는 알고리즘①

▼ 예제 소스 p01-1-sum.py

```
# 1부터 n까지 연속한 숫자의 합을 구하는 알고리즘 1
# 입력: n
# 출력: 1부터 n까지의 숫자를 더한 값

def sum_n(n):
    s = 0 # 합을 계산할 변수
    for i in range(1, n + 1): # 1부터 n까지 반복 (n+1은 제외)
        S = S + i
    return s

print(sum_n(10)) # 1부터 10까지 합(입력:10, 출력:55)
print(sum_n(100)) # 1부터 100까지 합(입력:100, 출력:5050)
```

3 1부터 n까지의 합을 구하는 알고리즘

■ 실행 결과

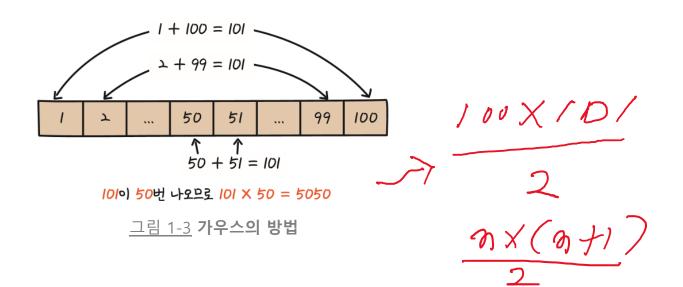
55 5050

- 프로그램 1-1의 알고리즘은 합을 계산할 변수 s에 0을 넣고 첫 번째 수인 1을 더하는 것으로 계산을 시작
- 즉, 1 + 2 = 3이 아니라 0 + 1 = 1이 첫 덧셈

문제01 1부터 n까지의 합 구하기

4 알고리즘 분석

- 한 문제를 푸는 방법은 보통 여러 가지
- 1부터 100까지의 합을 구하는 문제만 해도 최소 두 가지 방법이 있음
- 1. 앞에서 만든 프로그램처럼 1부터 100까지의 숫자를 차례로 더하는 방법
- 2. 수학 천재 가우스의 방법



• 이러한 발견을 일반화해서 만든 1부터 n까지의 합 공식

$$\frac{n(n+1)}{2}$$

• 이 공식을 이용해 '1부터 n까지 연속한 숫자의 합 구하기' 문제를 푸는 파이썬 프로그램을 만들어 보자

■ 프로그램 1-2 1부터 n까지의 연속한 숫자의 합을 구하는 알고리즘②

```
▼ 예제 소스 p01-2-sum.py

# 1부터 n까지 연속한 숫자의 합을 구하는 알고리즘 2
# 입력: n
# 출력: 1부터 n까지의 숫자를 더한 값

def sum_n(n):
    return n * (n + 1) // 2 # 슬래시 두 개(//)는 정수 나눗셈을 의미

print(sum_n(10)) # 1부터 10까지 합(입력:10, 출력:55)
    print(sum_n(100)) # 1부터 100까지 합(입력:100, 출력:5050)
```

■ 실행 결과

55 5050

- 첫 번째 방법은 입력 값 n이 커질수록 덧셈을 훨씬 더 많이 반복해야 함
- 두 번째 방법은 n 값의 크기와 관계없이 덧셈, 곱셈, 나눗셈을 각각 한 번씩만 하면 답을 얻을 수 있음

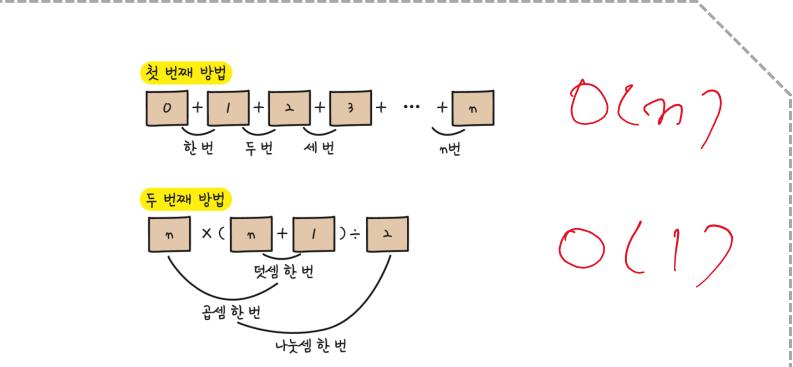


그림 1-4 1부터 n까지의 연속한 숫자의 합을 구하는 두 가지 방법

주어진 문제를 푸는 여러 가지 방법 중 어떤 방법이 더 좋은 것인지 판단할
 때 필요한 것이 '알고리즘 분석'

입력 크기와 계산 횟수

- 알고리즘에는 입력이 필요
- 입력 크기가 알고리즘의 수행 성능에 영향을 미칠 때가 많음
- 입력 크기가 커지면 보통 알고리즘의 계산도 복잡해짐

입력 크기와 계산 횟수의 관계 생각해 보기

- 1부터 n까지의 합을 구하는 문제에서는 n의 크기가 바로 입력 크기
- 첫 번째 알고리즘(프로그램 1-1): 덧셈 n번
 - → 10까지의 합을 구하려면 덧셈을 열 번, 100까지의 합을 구하려면 백 번
- 두 번째 알고리즘(프로그램 1-2): 덧셈, 곱셈, 나눗셈 각 한 번(총 세 번)
 - → 입력 크기 n이 아무리 큰 수라도 덧셈, 곱셈, 나눗셈 각 한 번

입력 크기와 계산 횟수

- n이 커지면 커질수록 계산 횟수의 차이가 커짐
- n = 1000인 경우 첫 번째 알고리즘은 덧셈을 천 번 해야 함
 - → 세 번만 계산해도 되는 두 번째 알고리즘과 엄청나게 차이가 남
- 보통 컴퓨터를 이용해서 계산할 때는 입력 크기 n이 매우 큰 경우가 많음
- 알고리즘 분석에서는 입력 크기가 매우 큰 n에 대해서 따져 보는 것이 중요
- 예) 우리나라 전 국민의 평균 나이를 계산하는 문제
 - → 입력 크기 n은 우리나라 인구수에 해당하는 51,736,224 (2017년 6월)

대문자 O 표기법: 계산 복잡도 표현

- 계산 복잡도(complexity): 어떤 알고리즘이 문제를 풀기 위해 해야 하는
 계산이 얼마나 복잡한지를 나타낸 정도
- 계산 복잡도를 표현하는 방법에는 여러 가지가 있음
- 그 중 대문자 O 표기법을 가장 많이 사용
 (대문자 O 표기법은 '빅 오' 표기법이라고도 부름)

대문자 O 표기법: 계산 복잡도 표현

예제 프로그램의 계산 복잡도를 대문자 O로 표기하는 방법①

- 첫 번째 알고리즘은 입력 크기 n에 대해 사칙 연산(덧셈)을 n번 해야 함
- 이때 이 알고리즘의 계산 복잡도를 O(n)이라고 표현
- 필요한 계산 횟수가 입력 크기에 '정비례'할 때는 O(n)이라고 표현
- 대문자 O 표기법은 알고리즘에서 필요한 계산 횟수를 정확한 숫자로 표현하는 것이 아니라 입력 크기와의 관계로 표현
- 입력 크기 n에 따라 덧셈을 두 번씩 하는 알고리즘도 O(2n)이 아니라
 마찬가지로 그냥 O(n)으로 표현
- n이 10에서 20으로 '2배'가 될 때 2n도 20에서 40으로 '2배'가 됨(정비례)

대문자 O 표기법: 계산 복잡도 표현

예제 프로그램의 계산 복잡도를 대문자 O로 표기하는 방법②

- 두 번째 알고리즘은 입력 크기 n과 무관하게 사칙연산을 세 번 해야 함
- 이때 알고리즘의 계산 복잡도는 O(1)로 표현
- 입력 크기 n과 필요한 계산의 횟수가 무관하다면, 즉 입력 크기가 커져도
 계산 시간이 더 늘어나지 않는다면 O(1)로 표기
- 사칙연산을 세 번 한다고 O(3)으로 표현하지 않음
- 앞에서 O(2n)을 O(n)으로 표현하는 것과 같은 원리

대문자 O 표기법: 계산 복잡도 표현

- 대문자 O 표기법은 알고리즘의 대략적인 성능을 표시하는 방법
- 세밀한 계산 횟수나 소요 시간을 표현하는 것이 아님
- 입력 크기 n과 필요한 계산 횟수와의 '관계'에 더 주목하는 표현
- 입력 크기가 큰 문제를 풀 때는 보통 O(1)인 알고리즘이 훨씬 더 빠름



- O(n): 필요한 계산 횟수가 입력 크기 n과 비례할 때
- O(1): 필요한 계산 횟수가 입력 크기 n과 무관할 때

대문자 O 표기법: 계산 복잡도 표현

시간 복잡도

- 어떤 알고리즘을 수행하는 데 얼마나 오랜 시간이 걸리는지 분석한 것
- 사칙연산 횟수로 계산 복잡도를 생각해 본 것은 시간 복잡도에 해당
- 어떤 알고리즘을 수행하는 데 필요한 사칙연산의 횟수가 많아지면 결국
 알고리즘 전체를 수행하는 시간이 늘어나기 때문

공간 복잡도

 어떤 알고리즘을 수행하는 데 얼마나 많은 공간(메모리/기억 장소)이 필요한지 분석한 것

연습 문제

- 1-1 1부터 n까지 연속한 숫자의 제곱의 합을 구하는 프로그램을 for 반복문으로 만들어 보세요(예를 들어 n = 10이라면 12 + 22 + 32 + ... + 102 = 385를 계산하는 프로그램입니다). 1²+2²+3²+4²+...+M
- 1-2 연습 문제 1-1 프로그램의 계산 복잡도는 O(1)과 O(n) 중 무엇일까요?
 - 1-3 1부터 n까지 연속한 숫자의 제곱의 합을 구하는 공식은 $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ 로 알려져 있습니다. for 반복문 대신 이 공식을 이용하면 알고리즘의 계산 복잡도는 O(1)과 O(n) 중 무엇이 될까요?

연습 문제 풀이 부록지

■ 1-1 1부터 n까지 제곱의 합을 구하는 프로그램

```
▼ 예제 소스 e01-1-sumsq.py
```

```
# 연속한 숫자 제곱의 합을 구하는 알고리즘
# 입력: n
# 출력: 1부터 n까지 연속한 숫자의 제곱을 더한 합

def sum_sq(n):
    s = 0
    for i in range(1, n + 1):
        s = s + i * i
    return s

print(sum_sq(10)) # 1부터 10까지 제곱의 합(입력:10, 출력:385)
print(sum_sq(100)) # 1부터 100까지 제곱의 합(입력:100, 출력:338350)
```

연습 문제 풀이 부록지

■ 실행 결과

385

338350

연습 문제 풀이 부록 🖹

■ 1-2 계산 복잡도

O(n)

■ 곱셈 n번, 덧셈 n번으로 사칙연산이 총 2n번 필요하지만, O(n)으로 표현

연습 문제 풀이 [부록 4]

■ 1-3 계산 복잡도(공식 이용)

O(1)

 덧셈 두 번, 곱셈 세 번, 나눗셈 한 번으로 사칙연산이 총 여섯 번 필요하지만, 이 값은 n의 크기와 상관없이 일정한 값이므로 O(1)로 표현

연습 문제 풀이 부록지

■ 1-3 계산 복잡도(공식 이용)

```
▼ 예제 소스 e01-3-sumsq.py
```

```
# 연속한 숫자 제곱의 합 구하기 알고리즘
# 입력: n
# 출력: 1부터 n까지 연속한 숫자의 제곱을 더한 합

def sum_sq(n):
    return n * (n + 1) * (2 * n + 1) // 6

print(sum_sq(10)) # 1부터 10까지 제곱의 합(입력:10, 출력:385)
print(sum_sq(100)) # 1부터 100까지 제곱의 합(입력:100, 출력:338350)
```

• 참고: <u>https://lifeignite.tistory.com/9</u>

연습 문제 풀이 부록지

■ 실행 결과

385

338350

$$1+2+3+4+\cdots+n=\sum_{i=1}^{n}i$$

다음과 같이 표기한다. 보통 시그마라고 읽는다. 보통 우리들은 이 공식들을 외우고 있다.

1)
$$1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n = \sum_{i=1}^{n} i$$

2) $n + \dots + 4 + 3 + 2 + 1 = \sum_{i=1}^{n} i$
3) $(n+1) + (n+1) + \dots + (n+1) = 2 \sum_{i=1}^{n} i$

$$\frac{n * (n+1)}{2} = \sum_{i=1}^{n} i$$

$$\sum_{i=1}^{n} i = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2} \sum_{i=1}^{n} i^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$
$$\sum_{i=1}^{n} i^3 = 1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2$$

주어진 숫자 n개 중 가장 큰 숫자를 찾는 알고리즘을 만들어 보세요.

- 주어진 숫자 n개 중에서 가장 큰 숫자(최댓값)를 찾는 문제
- 17, 92, 18, 33, 58, 7, 33, 42와 같이 숫자가 여덟 개가 있을 때 최댓값은? 92

1 리스트

- 리스트(list): 정보 여러 개를 하나로 묶어 저장하고 관리할 수 있는 기능
- 숫자 여러 개는 파이썬의 리스트 기능을 이용하면 쉽게 관리할 수 있음
- 리스트는 대괄호([]) 안에 정보 여러 개를 쉼표(,)로 구분하여 적음

```
>>> a = [5, 7, 9]
>>> a
[5, 7, 9]
>>> a[0]
5
>>> a[2]
9
>>> a[-1]
9
>>> len(a)
3
```

리스트

- a = [5, 7, 9]5, 7, 9라는 정수 세 개를 묶은 리스트를 만들어 a에 저장
- a 입력 → [5, 7, 9] 표시
 a가 5, 7, 9라는 정보 세 개를 묶어 놓은 리스트라고 알려주는 것
- 주의! 리스트는 자료 위치를 1이 아닌 0부터 센다
- a[0] → 5 표시
 리스트 a의 0번 위치 값을 의미, 5, 7, 9 중 맨 앞에 있는 값인 5 표시
- a[2] → 9 표시
 리스트의 마지막 값인 9 표시

1 리스트

- a[-1] → 9 표시
 리스트에서 위치 번호 -1은 리스트의 끝에서 첫 번째 값, 즉 마지막 값
- len(a) → 3 표시
 리스트 a에는 세 개의 값인 [5, 7, 9]가 들어 있으므로 3 표시
- len() 함수를 사용하면 어떤 리스트 안에 들어 있는 자료 개수를 알 수 있음



1 리스트

함수	설명	사용 예
len(a)	리스트 길이(자료 개수)를 구합니다.	a = [] len(a) # 빈 리스트이므로 0 len([1, 2, 3]) # 자료 개수가 세 개이므로 3
append(x)	자료 x를 리스트의 맨 뒤에 추가합 니다.	a = [1, 2, 3] a.append(4) # a는 [1, 2, 3, 4]가 됩니다.
insert(i, x)	리스트의 i번 위치에 x를 추가합니다.	a = [1, 2, 3] a.insert(0, 5) # 0번 위치(맨 앞)에 5를 추가합니다. # a = [5, 1, 2, 3]이 됩니다.
pop(i)	한 위치에 있는 자료를 리스트에서빼내면서 그 값을 함수의 결괏값으로 돌려줍니다.를 지정하지 않으면맨 마지막 값을 빼내서 돌려줍니다.	a = [1, 2, 3] print(a.pop()) # 3이 출력되고 a = [1, 2]가 됩니다.
clear()	리스트의 모든 자료를 지웁니다.	a = [1, 2, 3] a.clear() # a = [], 즉 빈 리스트가 됩니다.
x in a	어떤 자료 x가 리스트 a 안에 있는 지 확인합니다(x not in a는 반대 결과).	a = [1, 2, 3] 2 in a # 2가 리스트 a 안에 있으므로 True 5 in a # 5가 리스트 a 안에 없으므로 False 5 not in a # 5가 리스트 a 안에 없으므로 True

표 2-1 자주 쓰는 리스트 기능

최댓값을 찾는 알고리즘

- 17, 92, 18, 33, 58, 7, 33, 42 중 최댓값을 찾는 알고리즘(사람의 생각)
- 1) 첫 번째 숫자 17을 최댓값으로 기억(최댓값: 17)
- 2) 두 번째 숫자 92를 현재 최댓값 17과 비교92는 17보다 크므로 최댓값을 92로 바꿔 기억(최댓값: 92)
- 3) 세 번째 숫자 18을 현재 최댓값 92와 비교, 작으므로 지나감(최댓값: 92)
- 4~7) 네 번째 숫자부터 일곱 번째 숫자까지 같은 과정 반복
- 8) 마지막 숫자 42를 현재 최댓값 92와 비교, 작으므로 지나감(최댓값: 92)
- 9) 마지막으로 기억된 92가 주어진 숫자 중 최댓값

최댓값을 찾는 알고리즘

■ 프로그램 2-1 최댓값을 구하는 알고리즘

▼ 예제 소스 p02-1-findmax.py

최댓값 구하기
입력: 숫자가 n개 들어 있는 리스트
출력: 숫자 n개 중 최댓값

def find_max(a):
 n = len(a) # 입력 크기 n
 max_v = a[0] # 리스트의 첫 번째 값을 최댓값으로 기억
 for i in range(1, n): # 1부터 n-1까지 반복
 if a[i] > max_v: # 이번 값이 현재까지 기억된 최댓값보다 크면
 max_v = a[i] # 최댓값을 변경
 return max_v

2 최댓값을 찾는 알고리즘

```
v = [17, 92, 18, 33, 58, 7, 33, 42]
print(find_max(v))
```

■ 실행 결과

92

알고리즘 분석

최댓값 구하기 프로그램의 계산 복잡도(시간 복잡도)

- 최댓값을 구하는 데 컴퓨터가 해야 하는 가장 중요한 계산은 두 값 중
 어느 것이 더 큰지를 판단하는 '비교'
- 프로그램 2-1의 for i in range(1, n): 반복문 안의(if a[i] >max_v:)이 있어
 자료 n개 중에서 최댓값을 찾으려면 비교를 n-1번 해야 함
- 계산 복잡도는 O(n-1)이 아닌 O(n)
- n이 굉장히 커질 때는 n번과 n-1번의 차이가 무의미
- 계산 복잡도 O(n)의 가장 중요한 특징은 입력 크기와 계산 시간이 대체로

비례한다는 것

4 응용하기

리스트에 숫자가 n개 있을 때 가장 큰 값이 있는 위치 번호를 돌려주는 알고리즘을 만들어 보세요.

• 최댓값이 리스트의 어느 위치에 있는지 묻는 문제

4 응용하기

- 리스트 [17, 92, 18, 33, 58, 7, 33, 42]에서는 두 번째 나오는 값인 92가 최댓값
 → 0번 위치가 17, 1번 위치가 92이므로 이 문제의 답은 1
- 파이썬에서 리스트의 위치 번호는 0부터 시작

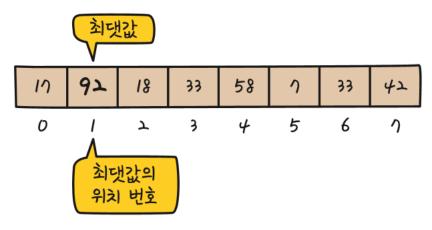


그림 2-2 최댓값과 최댓값의 위치 번호

4 응용하기

■ 프로그램 2-2 최댓값의 위치를 구하는 알고리즘

▼ 예제 소스 p02-2-findmaxidx.py

```
# 최댓값의 위치 구하기
# 입력: 숫자가 n개 들어 있는 리스트
# 출력: 숫자 n개 중에서 최댓값이 있는 위치(0부터 n-1까지의 값)

def find_max_idx(a):
    n = len(a) # 입력 크기 n
    max_idx = 0 # 리스트 중 0번 위치를 일단 최댓값 위치로 기억
    for i in range(1, n):
        if a[i] > a[max_idx]: # 이번 값이 현재까지 기억된 최댓값보다 크면
        max_idx = i # 최댓값의 위치를 변경
    return max_idx
```

4 응용하기

```
v = [17, 92, 18, 33, 58, 7, 33, 42]
print(find_max_idx(v))
```

■ 실행 결과

1

- a[최댓값의 위치 번호] = 최댓값
- 예시: a[1] = 92

연습 문제

• 2-1 숫자 n개를 리스트로 입력받아 최솟값을 구하는 프로그램을 만들어 보세요.

연습 문제 풀이 부록지

• 2-1 최솟값 구하기 프로그램

▼ 예제 소스 e02-1-findmin.py

최솟값 구하기

```
# 입력: 숫자가 n개 들어 있는 리스트
# 출력: 숫자 n개 중 최솟값

def find_min(a):
    n = len(a) # 입력 크기 n
    min_v = a[0] # 리스트 중 첫 번째 값을 일단 최솟값으로 기억
    for i in range(1, n): # 1부터 n-1까지 반복
        if a[i] < min_v: # 이번 값이 현재까지 기억된 최솟값보다 작으면
        min_v = a[i] # 최솟값을 변경
    return min_v
```

연습 문제 풀이 부록시

```
v = [17, 92, 18, 33, 58, 7, 33, 42]

print(find_min(v))
```

■ 실행 결과

7

문제 03 동명이인 찾기①

n명의 사람 이름 중에서 같은 이름을 찾아 집합으로 만들어 돌려주는 알고리즘을 만들어 보세요.

- 여러 사람의 이름 중에서 같은 이름이 있는지 확인
- 같은 이름이 있다면 같은 이름들을 새로 만든 결과 집합에 넣어 돌려주면 됨
- 이 문제의 입력은 n명의 이름이 들어 있는 리스트
- 결과는 같은 이름들이 들어 있는 <mark>집합(set)</mark>
- 사람 이름으로 구성된 리스트 ["Tom", "Jerry", "Mike", "Tom"]이 입력되면
 Tom이란 이름이 두 번 나오므로 결과는 집합 {"Tom"}이 됨

집합

- 집합: 리스트와 같이 정보를 여러 개 넣어서 보관할 수 있는 파이썬의 기능
- 집합 하나에는 같은 자료가 중복되어 들어가지 않고, 자료의 순서도 의미가 없다는 점이 리스트와 다름

```
>>> s = set()
>>> s.add(1)
>>> s.add(2)
>>> s.add(2) # 이미 2가 집합에 있으므로 중복해서 들어가지 않습니다.
>>> s
{1, 2}
>>> len(s) # 집합 s에는 자료가 두 개 들어 있습니다.
2
>>> {1, 2} == {2, 1} # 자료의 순서는 무관하므로 {1, 2}와 {2, 1}은 같은 집합입니다.
True
```

문제03 동명이인 찾기①

1 집합

- 빈 집합을 만들려면 set()를 이용
- 집합에 자료를 추가하려면 add() 함수 이용

함수	설명	사용 예
len(s)		s = set()
	집합의 길이(자료 개수)를 구합니다.	len(s) # 빈 집합이므로 0
		len({1, 2, 3}) # 자료 개수가 세 개이므로 3
add(x)		s = {1, 2, 3}
	집합에 자료 x를 추가합니다.	s.add(4)
		# s는 {1, 2, 3, 4}가 됩니다(순서는 다를 수 있음).
discard(x)	집합에 자료 x가 들어 있다면 삭제	s = {1, 2, 3}
	합니다(없으면 변화 없음).	s.discard(2) # s는 {1, 3}이 됩니다.
clear()	집합의 모든 자료를 지웁니다.	s = {1, 2, 3}
		s.clear() # s = set(), 즉 빈 집합이 됩니다.
x in s		s = {1, 2, 3}
	어떤 자료 x가 집합 s에 들어 있는지	2 in s # 2가 집합 s 안에 있으므로 True
	확인합니다(x not in s는 반대 결과).	5 in s # 5가 집합 s 안에 없으므로 False
		5 not in s # 5가 집합 s 안에 없으므로 True

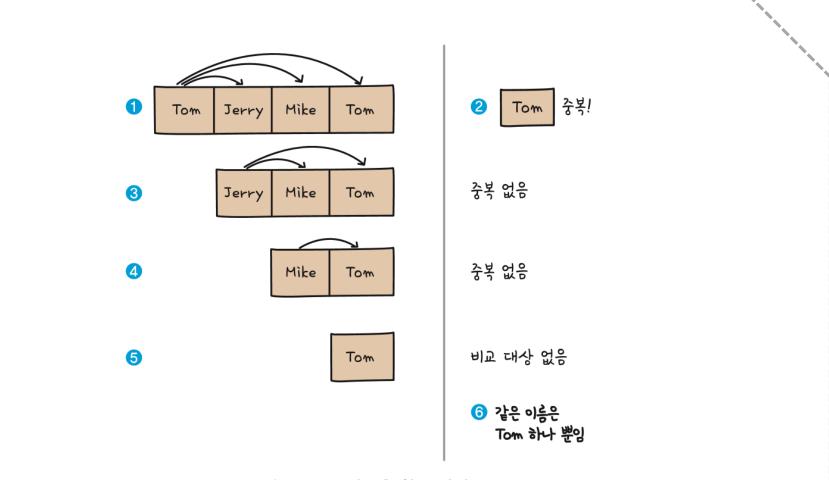
<u>표 3-1</u> 자주 쓰는 집합 기능

동명이인을 찾는 알고리즘

- 동명이인을 찾는 알고리즘(사람의 생각)
- 1) 첫 번째 Tom을 뒤에 있는 Jerry, Mike, Tom과 차례로 비교
- 2) 첫 번째 Tom과 마지막 Tom이 같으므로 동명이인(동명이인: Tom)
- 3) 두 번째 Jerry를 뒤에 있는 Mike, Tom과 비교(앞의 Tom과는 이미 비교함)
- 4) 세 번째 Mike를 뒤에 있는 Tom과 비교
- 5) 마지막 Tom은 비교하지 않아도 됨(이미 앞에서 비교함)
- 6) 같은 이름은 Tom 하나뿐

문제03 동명이인 찾기①

동명이인을 찾는 알고리즘



<u>그림 3-1</u> 동명이인을 찾는 과정

동명이인을 찾는 알고리즘

이 알고리즘에서 주의할 점

- 이번에 비교할 이름을 뽑은 다음에는 뽑은 이름보다 순서상 뒤에 있는 이름하고만 비교하면 됨
 - → 자기 자신과 비교하는 것은 무의미, 앞의 이름과는 이미 비교가 끝났음
- 2. 리스트의 마지막 이름을 기준으로는 비교하지 않아도 됨→ 자신의 뒤에는 비교할 이름이 없고, 앞과는 이미 비교가 끝났음
- 3. 같은 이름을 찾으면 결과 집합에 그 이름을 추가

- 프로그램 3-1 동명이인을 찾는 알고리즘
 - ▼ 예제 소스 p03-1-samename.py

```
# 두 번 이상 나온 이름 찾기
# 입력: 이름이 n개 들어 있는 리스트
# 출력: 이름 n개 중 반복되는 이름의 집합

def find_same_name(a):
    n = len(a) # 리스트의 자료 개수를 n에 저장
    result = set() # 결과를 저장할 빈 집합
    for i in range(0, n - 1): # 0부터 n-2까지 반복
        for j in range(i + 1, n): # i+1부터 n-1까지 반복
        if a[i] == a[j]: # 이름이 같으면
        result.add(a[i]) # 찾은 이름을 result에 추가
    return result
```

```
name = ["Tom", "Jerry", "Mike", "Tom"] # 대소문자 유의: 파이썬은 대소문자를 구분함 print(find_same_name(name))

name2 = ["Tom", "Jerry", "Mike", "Tom", "Mike"] print(find_same_name(name2))
```

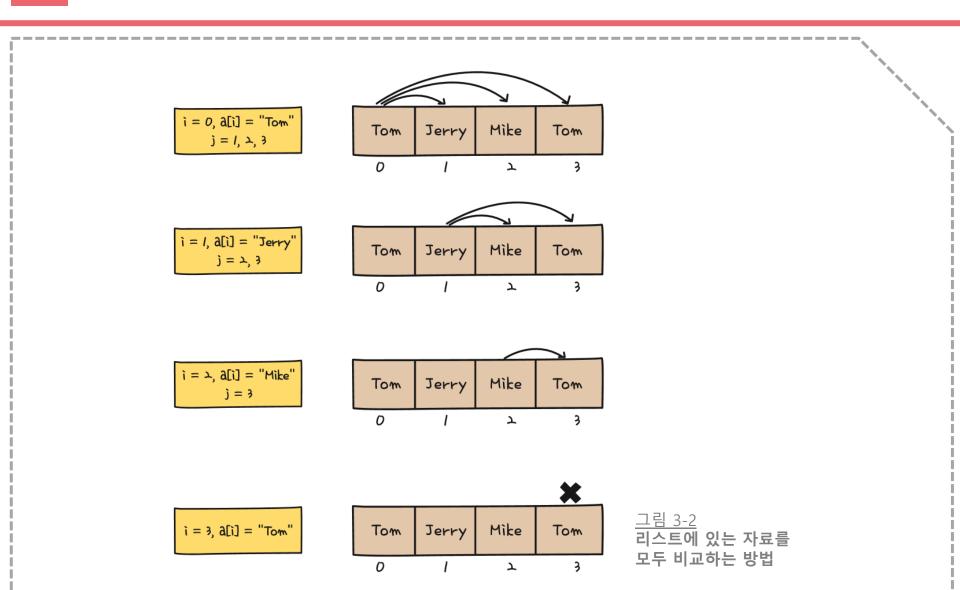
■ 실행 결과

```
{'Tom'}
{'Mike', 'Tom'}
```

■ 자료의 출력 순서는 중요하지 않음 → {'Tom', 'Mike'} 출력도 틀린 것 아님

중첩된 반복문

- 리스트 안의 자료를 서로 빠짐없이 비교하되 중복해서 비교하지 않게 함
- 첫 번째 반복문 for i in range(0, n 1):
 - → i를 0부터 n-2까지 반복
- 두 번째 반복문 for j in range(i + 1, n):
 - → 비교 기준으로 정해진 i번째 위치에 1을 더한 위치의 값부터 끝까지 비교



3 알고리즘 분석

계산 복잡도 분석

■ 두 이름이 같은지 '비교'하는 횟수를 따져 보면 됨

위치	이름	비교 횟수	비교 대상
0	Tom	3	Jerry, Mike, Tom
1	Jerry	2	Mike, Tom
2	Mike	1	Tom
3	Tom	0	비교 안 함
전체 비교 횟수 = 3 + 2 + 1 + 0 = 6			

표 3-2 n = 4일 때 비교 횟수

알고리즘 분석

- 일반적인 입력 크기인 n에 대한 비교 횟수
- 0번 위치 이름: n-1번 비교(자기를 제외한 모든 이름과 비교)
- 1번 위치 이름: n-2번 비교
- 2번 위치 이름: n-3번 비교

•••

- n-2번 위치 이름: 1번 비교
- n-1번 위치 이름: 0번 비교
- 전체 비교 횟수는 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + ... + (n-1)번, 즉 1부터 n-1까지의 합

알고리즘 분석

■ 문제 1에서 배운 1부터 n까지의 합을 구하는 공식에 n 대신 n-1을 대입

$$1 + 2 + 3 + \dots + (n - 1) = \frac{(n - 1)(n - 1 + 1)}{2} = \frac{n(n - 1)}{2} = \frac{1}{2}n^{2} - \frac{1}{2}n$$

- $\frac{1}{2}$ n² $-\frac{1}{2}$ n 번 비교해야 함
- 대문자 O 표기법으로는 O(n²)이라고 표현(n² 앞 계수 $\frac{1}{2}$ 이나 $-\frac{1}{2}$ n²은 무시) → n의 제곱에 비례해서 계산 시간이 변하는 것이 핵심
- 계산 복잡도가 O(n²)인 알고리즘은 입력 크기 n이 커지면 계산 시간은
 그 제곱에 비례하므로 엄청난 차이로 증가
 → 입력 크기가 커질 때 계산 시간이 얼마나 증가할지 가늠해 볼 수 있음

연습 문제

3-1 n명 중 두 명을 뽑아 짝을 짓는다고 할 때 짝을 지을 수 있는 모든 조합을
 출력하는 알고리즘을 만들어 보세요.

예를 들어 입력이 리스트 ["Tom", "Jerry", "Mike"]라면 다음과 같은 세 가지 경우를 출력합니다.

Tom - Jerry

Tom - Mike

Jerry - Mike

연습 문제

- 3-2 다음 식을 각각 대문자 O 표기법으로 표현해 보세요.
- A. 65536
- B. n 1
- C. $\frac{2n^2}{3}$ + 10000n
- D. $3n^4 4n^3 + 5n^2 6n 7$

연습 문제 풀이 [부록 4]

- 3-1 두 명을 뽑아 짝으로 만드는 프로그램
 - ▼ 예제 소스 e03-1-pairing.py

```
# n명에서 두 명을 뽑아 짝을 만드는 모든 경우를 찾는 알고리즘
# 입력: n명의 이름이 들어 있는 리스트
# 출력: 두 명을 뽑아 만들 수 있는 모든 짝

def print_pairs(a):
    n = len(a) # 리스트의 자료 개수를 n에 저장
    for i in range(0, n - 1): # 0부터 n-2까지 반복
        for j in range(i + 1, n): # i+1부터 n-1까지 반복
        print(a[i], "-", a[j])
```

연습 문제 풀이 부록 시

```
name = ["Tom", "Jerry", "Mike"]
print_pairs(name)
print()
name2 = ["Tom", "Jerry", "Mike", "John"]
print_pairs(name2)
```

연습 문제 풀이 부록지

■ 실행 결과

```
Tom - Jerry
Tom - Mike
Jerry - Mike

Tom - Jerry
Tom - Mike
Tom - John
Jerry - Mike
Jerry - John
Mike - John
```

■ n명에서 두 명을 뽑아 짝으로 만들면 짝 조합이 $\frac{n(n-1)}{2}$ 가지 출력 → 이 경우의 수를 $_nC_2$ 라고도 표현

연습 문제 풀이 부록시

- 3-2 대문자 O 표기법
- A. 65536

O(1)

• 65536은 n 값의 변화와 관계가 없음

연습 문제 풀이 부록 🖹

- 3-2 대문자 O 표기법
- B. n 1

O(n)

• n이 굉장히 커지면 -1은 거의 영향이 없어짐

연습 문제 풀이 [부록 4]

- 3-2 대문자 O 표기법
- C. $\frac{2n^2}{3}$ + 10000n

$$O(n^2)$$

- n이 굉장히 커지면 $\frac{2n^2}{3}$ 과 비교했을 때 10000n의 영향은 작아짐
- 제곱에 비례한다는 관계가 핵심이므로 계수 ⅔도 생략

연습 문제 풀이 부록지

- 3-2 대문자 O 표기법
- D. $3n^4 4n^3 + 5n^2 6n 7$

 $O(n^4)$

• n의 변화에 따라 가장 크게 변하는 항을 계수를 생략하여 표현