## Projet HAB904B

### Basile Pajot (DARWIN), Marion Themeze-Leroy(ECOSYSTEMES),

#### 2023-12-21

#### Contents

1	Lecture et exploration des données				
	1.1 La variable à expliquer	1			
	1.2 Les variables explicatives	1			
	1.3 Exploration des données	2			
2	Ajustement d'un modèle simple	5			
3	3 Comparaison de modèles				
4	Inférence et interprétation des résultats	10			
5	Discussion	11			

### 1 Lecture et exploration des données

#### 1.1 La variable à expliquer

La variable d'intérêt à expliquer, est Shells, soit le nombre de carapaces de tortues récentes trouvées lors des relevés sur le terrain. Cette variable est un proxy pour estimer le nombre de tortues mortes d'une année sur l'autre.

#### 1.2 Les variables explicatives

- Prev est une variable explicative qualitative qui correspond à la prévalence pour *Mycoplasma agassizii*, soit le rapport entre le nombre de tortues séropositives sur l'effectif total de tortues par année pour chaque site.
- Site est une variable qualitative qui correspond au site d'échantillonnage. Elle a 10 modalités : le parc national Big Shoals(BS), l'aire de gestion de la faune sauvage Camp Blanding (CB), l'aire de gestion de la faune sauvage et de l'environnement Cecil Field/Branan Field (CF), une propriété privé en Floride centrale (Cent), le parc national Fort Cooper (FC), l'aire de gestion de la faune sauvage Flying Eagle (FE), le parc national Gold Head Branch (GH), l'aire de gestion de la faune sauvage et de l'environnement Perry Oldenburg (Old), la station biologique Ordway-Swisher (Ord), l'aire de gestion de la pêche Tenoroc Fish (TE).

- Area est une variable quantitative qui correspond à l'aire couverte par site lors des relevés.
- Year est une variable qualitative qui correspond à l'année pour laquelle les relevés ont été faits. Elle a 3 modalités : 2004, 2005, 2006.

#### 1.3 Exploration des données

Nous regardons un résumé statistique des variables de notre jeu de donnée.

##	Site	year	shells	type Area
##	BS : 3 Le	ength:30	Min. :0.00	Fresh:30 Min. : 5.30
##	CB : 3 C1	ass :character	1st Qu.:0.00	1st Qu.:15.20
##	Cent : 3 Mc	de :character	Median :1.00	Median :27.30
##	CF : 3		Mean :1.80	Mean :29.02
##	FC : 3		3rd Qu.:2.75	3rd Qu.:43.20
##	FE : 3		Max. :9.00	Max. :61.00
##	(Other):12			
##	density	prev	total_turtle	${ t standprev}$
##	Min. : 1.80	Min. : 1.00	Min. : 44.80	Min. :-0.9163
##	1st Qu.: 2.50	1st Qu.: 1.20	1st Qu.: 74.75	1st Qu.:-0.9088
##	Median : 3.50	Median :15.95	Median :104.22	Median :-0.3559
##	Mean : 8.76	Mean :25.45	Mean :119.72	Mean : 0.0000
##	3rd Qu.: 4.80	3rd Qu.:42.05	3rd Qu.:174.90	3rd Qu.: 0.6223
##	Max. :33.00	Max. :80.70	Max. :200.79	Max. : 2.0709
##				
##	H	Cov_2004	Cov_2005	Cov_2006
##	Min. :0.0000	Min. :0.0000	Min. :0.000	0 Min. :0.0000
##	1st Qu.:0.0000	1st Qu.:0.0000	1st Qu.:0.000	) 1st Qu.:0.0000
##	Median :0.0000	Median :0.0000	Median :0.000	Median :0.0000
##	Mean :0.4333	Mean :0.3333	Mean :0.333	3 Mean :0.3333
##	3rd Qu.:1.0000	3rd Qu.:1.0000	3rd Qu.:1.0000	3rd Qu.:1.0000
##	Max. :1.0000	Max. :1.0000	Max. :1.0000	Max. :1.0000
##				

Nous avons un plan d'expérience équilibré avec un même nombre d'observations par site et par année.

Pour la prevalence prev la moyenne est supérieure à la médiane, c'est-à-dire que plus de 50% des valeurs sont inférieures à la moyenne. Il en est de même pour le nombre de carapces shells. De plus, pour la prévalence, la différence entre le troisème quartile et le minimum est d'environ 40, tout comme la différence entre le maximum et le 3ème quartile. Ainsi, la gamme de valeurs prise par 25% des données est égales à celle prise par 75% des données. Pour le nombre de carapaces, la gamme de valeurs prise par 25% des données est plus de trois fois supérieur à celle prise par 75% des données. Ceci est illustré par les figures 1 et 2.

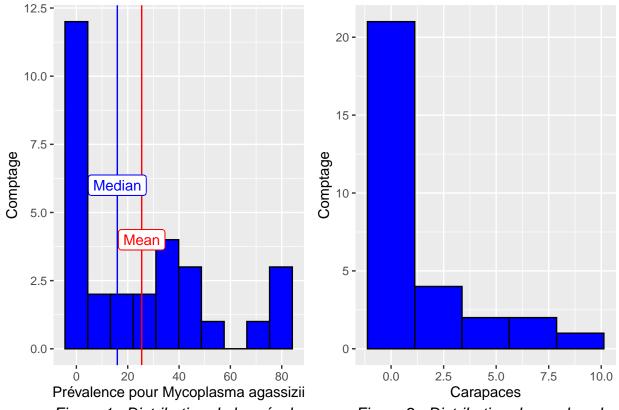


Figure 1 : Distribution de la prévalen Figure 2 : Distribution du nombre de c

La distribution du nombre de carapaces ressemble à une distribution de Poisson.

La figure 3 donne plusieurs informations sur notre jeu de données.

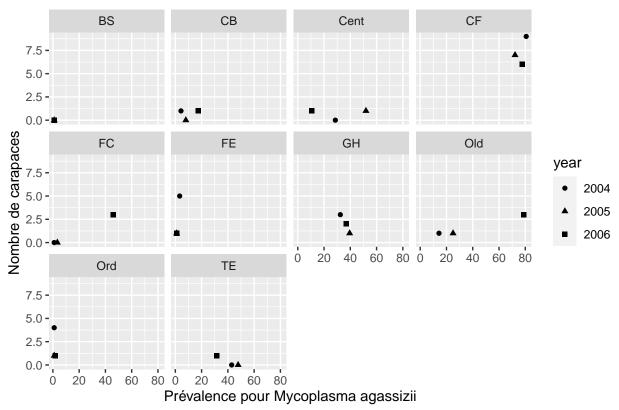


Figure 3 : Le nombre de carapaces en fonction de la prevalence par site par anné

Tout d'abord, le nombre de carapaces récentes trouvées varie ou non en fonction des années et cette variation n'est pas la même en fonction des sites. Le nombre de carapaces récentes par rapport à l'année précédente reste constante augmente ou diminue. On observe des évolutions différentes pour les sites : on observe une diminution du nombre de carapaces pour le site CF sur les trois ans ou un changement de tendance se traduisant par une diminution puis une augmentation pour le site CB.

Ensuite, la prévalence en fonction des sites peut également varier en fonction des années. Comme précédemment, cette variation n'est pas la même en fonction des sites. La prévalence reste constante, augmente ou diminue. La variation peut être globale sur les trois année d'étude (augmentation de la prévalence pour le site Old) ou changer (augmentation puis diminution pour le site Cent). Lorsque le prevalence augmente d'une année à l'autre prev[n] < prev[n+1], le nombre de carapaces récentes trouvées l'année suivante augmente shells[n+2]>shells[n+1] (sites CB, Old), et inversement (sites CF).

Ainsi, les variations du nombre de carapaces récentes trouvées pourrait être expliquée par les variations de la prévalence.

Il apparaît également que certains sites ont de faibles prévalences (BS, Ord, FE) quelque soit l'année et d'autres des prévalences élevées (CF, GH, TE). Ceci concourt avec les observations faites précedemments avec le résumé de la variable prev et la distribution de la prévalence. Ainsi, nous pourrons séparer les sites en deux catégories, ceux à faible ou forte prévalence. Cette variables sera donc traitée de deux manières : de manière continue et de manière discontinue avec deux catégories :

faible prévalence (0): Prev < 0.25</li>
haute prévalence (1): Prev > 0.25

Nous allons donc essayer de déterminer si la prévalence et l'année permettent d'expliquer les variations du nombre de carapaces. Nous avons vu que la prévalence et le nombre de carapaces trouvées diffère entre les sites et entre les années. Afin de pouvoir nous concentrer sur l'effet de la prévalence, nous allons mettre un

effet aléatoire sur la variable Site. Nous pourrions faire de même pour la variable Année mais par souci de simplification, nous allons garder cette variable en effet fixe.

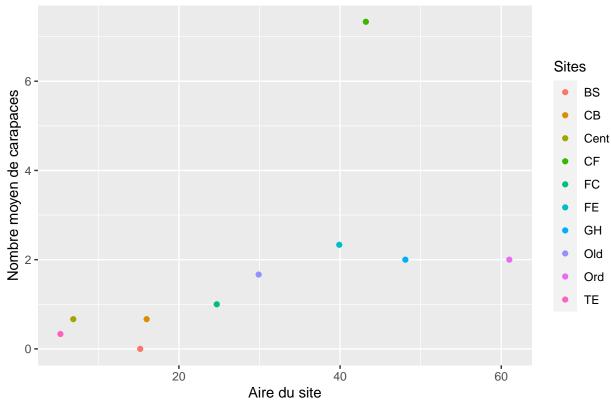


Figure 4 : Le nombre moyen de carapaces en fonction de l'aire du site d'étude

D'après la figure 4 les sites n'ont pas tous la même aire et il semble qu'un plus grand nombre de carapces sont trouvés sur les sites avec une plus grande aire. Afin de pourvoir comparer les sites entre eux, nous allons prendre le rapport entre le nombre de carapaces trouvées par site et l'aire du site.

D'après les observations faites précedemment, nous souhaitons donc déterminer si :

- le nombre de carapaces récentes trouvées est correlée avec la prevalence pour *Mycoplasma agassizii* pour une année donnée.
- le nombre de carapces récentes trouvées est plus grand dans les sites à haute prévalence par rapport aux sites à basse prévalence.

### 2 Ajustement d'un modèle simple

Nous commençons par un modèle simple M1 en considérant uniquement l'effet de la prévalence sur le nombre de carapces récentes trouvées.

L'équation (approche fréquentiste) du modèle linéaire simple est la manière suivante :

$$\frac{shells}{aire_{site}} = \mu_0 + \beta * prev$$

Ceci se traduit en approche bayesienne par un modèle considérant les hypothèses suivantes :

- shells suit un loi de poisson de paramètre  $\lambda$  (cf figure 2), c'est-à-dire que c'est une variable discrète de comptage dans un intervale de temps et un espace donnés ; avec une variance égale à la moyenne  $E(shells) = V(shells) = \lambda$
- toutes les observations de shells sont indépendantes
- le logarithme de la moyenne de shells peut être exprimée comme la combinaison linéaire des variables explicatives sélectionnées.
- que les paramètres à estimer (ordonnée à l'origine et coefficients de regression) suivent des lois connues, explicités ci-après.

Nous avons donc:

Shells<sub>i</sub>  $\stackrel{i.i.d}{\sim}$  Pois( $\lambda_i$ ) avec i = 1, ...30 le nombre d'observations

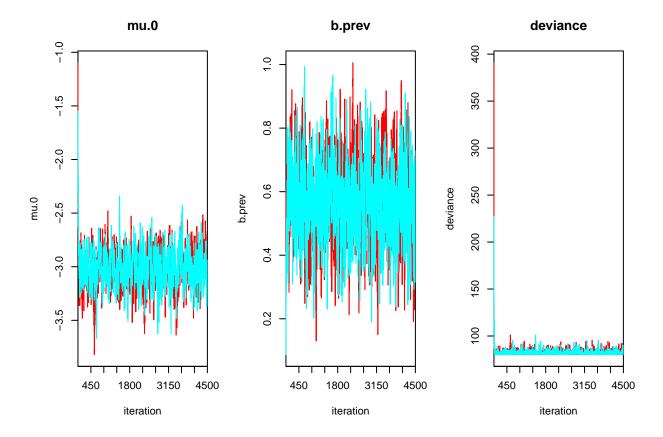
$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \beta * prev_i$$

Nous utilisons comme priors les distribution suivantes :

$$\mu_0 \sim \mathcal{N}(0, 100)$$
  
 $\beta \sim \mathcal{N}(0, 100)$ 

```
## Inference for Bugs model at "/var/folders/19/dzz054qd4_q8g63vvgsts36w0000gn/T//Rtmpaj8XW3/model7d5c3
   2 chains, each with 9000 iterations (first 4500 discarded)
##
   n.sims = 9000 iterations saved
           mu.vect sd.vect
                                      25%
                              2.5%
                                             50%
                                                    75% 97.5% Rhat n.eff
                                                         0.812 1.003
             0.570
                     0.123 0.326 0.490 0.570 0.652
## b.prev
                     0.178 -3.362 -3.128 -3.015 -2.897 -2.687 1.005
## mu.0
            -3.013
                                                                       930
                     4.804 80.165 80.722 81.613 83.120 88.679 1.018
## deviance 82.422
                                                                       400
## For each parameter, n.eff is a crude measure of effective sample size,
## and Rhat is the potential scale reduction factor (at convergence, Rhat=1).
## DIC info (using the rule, pD = var(deviance)/2)
## pD = 11.5 and DIC = 93.9
## DIC is an estimate of expected predictive error (lower deviance is better).
```

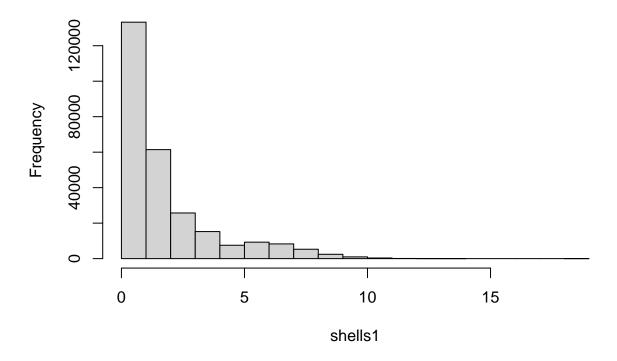
Nous vérifions que le modèle a bien convergé.



Les 2 chaînes se mélangent bien et convergent toutes deux. Ceci est aussi confirmé par la statistique de Gelman-Rubin  $\hat{R}$  qui est inférieure à 1.1 pour chaque paramètre estimé. Nous notons aussi que  ${\tt n.eff}$  est supérieur à 100.

Nous avons donc des estimations de nos paramètres qui sont stables et des chaines peu autocorrélées.

## Histogram of shells1



## [1] 1.802633

Les valeurs estimées du modèle se prettent assez bien à prédire la distribution du nombre de carapaces. Regardons ce qu'il en est sur le nombre de carapaces en fonction de la prévalence en fonction du site et de l'année.

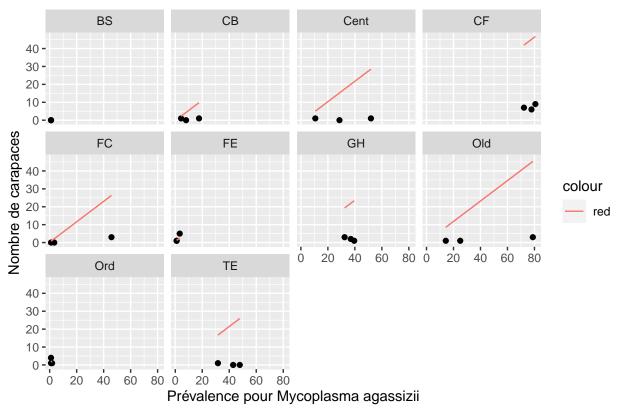


Figure 5 : Le nombre de carapaces en fonction de la prevalence par site par année

Notre modèle M1 prédit bien la distribution des carapaces mais elle ne prend pas en compte la variabilité des sites comme le montre les droites de regressions construites à partir de le moyenne de distributions postérieures de nos paramètres (cf. figure 5).

### 3 Comparaison de modèles

D'après nos observations de la partie 1, nous pouvons faire l'hypothèse que le nombre de carapaces récentes trouvées peut être expliqué par un effet de l'année, par la prévalence pour Mycoplasma agassizii et par un effet du site.

Bien qu'il y ait une variabilité entre sites, nous souhaitons avant tout connaître l'effet de la prévalence sur le nombre de carapaces récentes d'une année sur l'autre, quel que soit le site. Afin de pouvoir généraliser à tout site, nous allons mettre un effet aléatoire du site sur l'ordonnée à l'origine pour prendre en compte cette variabilité, sans pour autant l'estimer.

Le modèle le plus complet qui répond à cette hypothèse est le suivant :

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \gamma_j + \alpha_0 * cov_{2004} + \alpha_1 * cov_{2005} + \alpha_2 * cov_{2006} + \beta * prev_i, avec_i = 1, ..., 30 \ et \ j = 1, ..., 10 \ et$$

Il est poossible que seulement l'une de ces variables ou des combinaisons deux par deux expliquent le mieux la variabilité du nombre de carapaces récentes. Nous allons donc ajuster différents modèles qui prennent en compte ces trois variables individuellement ou en les combinant pour étudier uniquement l'effet de l'année, l'effet de l'année et du site, ou l'effet de l'année et de la prévalence. Dans les modèles avec la prévalence comme varibale continue, celle-ci est standardisée.

Pour répondre à notre deuxième question concenrant l'influence des sites à haute prévalence par rapport aux sites à faible prévalence, nous allons étudier trois modèles utilisant la prévalence en tant que covariable

discontinue 
$$H$$
, avec  $H = \begin{cases} 1 & \text{si prevalence} > 25 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$ .

Le premier avec l'effet de la prévalence uniquement, un deuxième avec l'effet de l'année et de la prévalence, et un troisième avec l'effet de l'année, de la prévalence et un effet aléatoire du site sur l'ordonnée à l'origine.

Pour l'ensemble des modèles, nous utilisons comme priors les distributions suivantes :

- $\mu_0 \sim \mathcal{N}(0, 100)$ , avec  $\mu_0$  l'ordonnée à l'origine
- $\beta \sim \mathcal{N}(0, 100)$ , avec  $\beta$  la pente de regression associée à la prévalence
- $\alpha_0 \sim \mathcal{N}(0, 100)$ , avec  $\alpha_0$  le coefficient associé à l'année 2004
- $\alpha_0 \sim \mathcal{N}(0, 100)$ , avec  $\alpha_0$  le coefficient associé à l'effet spécifique de l'année 2004
- $\alpha_1 \sim \mathcal{N}(0, 100)$ , avec  $\alpha_1$  le coefficient associé à l'effet spécifique de l'année 2005
- $\alpha_2 \sim \mathcal{N}(0, 100)$ , avec  $\alpha_2$  le coefficient associé à l'effet spécifique de l'année 2006
- $\gamma_i \sim \mathcal{N}(0,\tau)$ ,  $avec \gamma_i le coefficient spécifique sur l'intercept associé à l'effet du jème site, <math>avec \tau = \sigma_s^2$
- $\sigma_s \sim \mathcal{U}(0, 100)$

Le modèle null M2:

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0$$

Un modèle avec uniquement l'année M3:

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \alpha_0 * cov_{2004} + \alpha_1 * cov_{2005} + \alpha_2 * cov_{2006}$$

Un modèle avec l'année et la prévalence (continue) M4 :

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \alpha_0 * cov_{2004} + \alpha_1 * cov_{2005} + \alpha_2 * cov_{2006} + \beta * prev_i$$

Modèle avec année et site M5 :

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \alpha_0 * cov_{2004} + \alpha_1 * cov_{2005} + \alpha_2 * cov_{2006} + \gamma_j \ avec \ j = 1, ..., 10$$

Modèle avec année et site et la prévalenceM6 :

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \alpha_0 * cov_{2004} + \alpha_1 * cov_{2005} + \alpha_2 * cov_{2006} + \gamma_j + \beta * prev_i \ avec \ j = 1, ..., 10$$

Modèle avec la prévalence (discontinue) M7:

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \beta * disc prev_i avec j = 1, ..., 10$$

Modèle avec l'année et la prévalence (discontinue) M8 :

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \beta * disc\_prev_i + \alpha_0 * Cov_{2004} + \alpha_1 * Cov_{2005} + \alpha_2 * Cov_{2006}$$

Modèle avec l'année, le site et la prévalence (discontinue) M9 :

$$log(\lambda_i) = log(aire_i) + \mu_0 + \beta * disc\_prev_i + \alpha_0 * Cov_{2004} + \alpha_1 * Cov_{2005} + \alpha_2 * Cov_{2006} + \gamma_i \ avecj = 1, ..., 10$$

Partir directement avec les effets aléatoires (prendre en compte la structuration des données)

### 4 Inférence et interprétation des résultats

Sur la base du meilleur modèle, donnez les estimations des paramètres ainsi qu'une mesure de l'incertitude associée. Interprétez vos résultats.

#### 5 Discussion

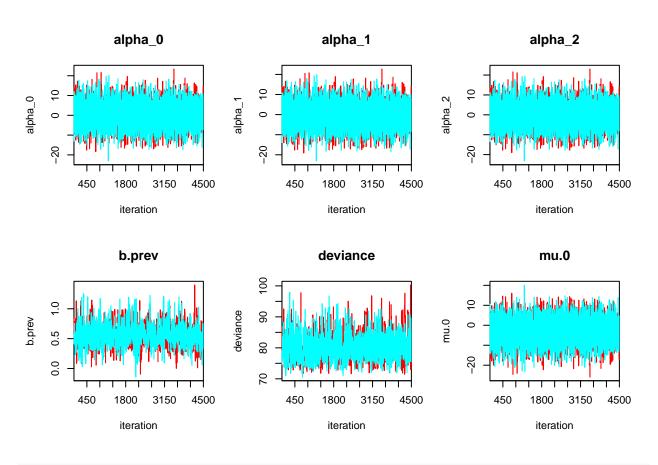
Comparez vos résultats à ceux du papier. Sont-ils semblables ou différents? Pourquoi selon vous? Si cela vous semble pertinent, proposez des pistes d'amélioration de l'analyse.

```
random model <- function(){</pre>
  # This model takes into account a random effect for the site
  # Likelihood
  for(i in 1:N){
    S[i] ~ dpois(lambda[i])
    log(lambda[i]) <- mu.0 + gamma[site[i]] + b.prev * prev[i] + alpha_0* Cov_2004[i] + alpha_1 * Cov_2
  for (j in 1:nb.sites){
    gamma[j] ~ dnorm(0, tau.s)
  # Priors
 mu.0 ~ dnorm(0, 0.001)
  sd.s ~ dunif(0, 100)
  tau.s <- 1 / (sd.s * sd.s)
  b.prev ~ dnorm(0, 1/100)
  alpha_0 ~ dnorm(0, 1/100)
 alpha_1 ~ dnorm(0, 1/100)
  alpha_2 ~ dnorm(0, 1/100)
# Make the data to use in jags
datax <- list(</pre>
 N = gopher$year %>%
   length(),
 S = gopher$shells,
 prev = gopher$standprev,
  A = gopher$Area,
  site = gopher$Site %>%
    as.numeric(),
 nb.sites = gopher$Site %>%
   unique() %>%
    length(),
 Cov_2004 = ifelse(gopher\$year == 2004, 1, 0),
 Cov_2005 = ifelse(gopher\$year == 2005, 1, 0),
  Cov_2006 = ifelse(gopher\$year == 2006, 1, 0)
# Make a list of parameters to save
params = c("mu.0", "b.prev", "sd.s", "alpha_0", "alpha_1", "alpha_2")
# Initial conditions
init1 <- list(</pre>
  "mu.0" = 0.5,
  "b.prev" = 0.5,
 "alpha_0" = 0.5,
 "alpha_1" = 0.5,
 "alpha 2" = 0.5,
  "sd.s" = 0.5
```

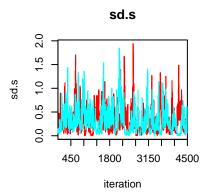
```
init2 <- list(</pre>
  "mu.0" = -0.5,
  "b.prev" = -0.5,
  "alpha_0" = -0.5,
  "alpha_1" = -0.5,
  "alpha_2" = -0.5,
  "sd.s" = 1.5
init <- list(init1, init2)</pre>
# Iteration parameters
nb.iterations <- 9000
nb.burnin <- 4500
# Run the model
M6 <- jags(
  data = datax,
  parameters.to.save = params,
  inits = init,
  model.file = random_model,
  n.chains = 2,
  n.iter = nb.iterations,
  n.burnin = nb.burnin,
  n.thin = 1
## Compiling model graph
##
      Resolving undeclared variables
##
      Allocating nodes
## Graph information:
##
      Observed stochastic nodes: 30
##
      Unobserved stochastic nodes: 16
##
      Total graph size: 334
##
## Initializing model
# Regardons le modèle et les traces
M6
## Inference for Bugs model at "/var/folders/19/dzz054qd4_q8g63vvgsts36w0000gn/T//Rtmpaj8XW3/model7d5c7
## 2 chains, each with 9000 iterations (first 4500 discarded)
## n.sims = 9000 iterations saved
##
           mu.vect sd.vect
                               2.5%
                                       25%
                                              50%
                                                     75% 97.5% Rhat n.eff
## alpha_0
            0.200 5.707 -10.890 -3.588 0.190 4.015 11.398 1.001
                    5.710 -11.437 -4.266 -0.445 3.326 10.726 1.001
## alpha_1
           -0.454
                                                                       9000
## alpha_2
            -0.213
                     5.713 -11.349 -4.017 -0.230 3.609 10.991 1.001
             0.572 0.165
                            0.260 0.468 0.567 0.670 0.923 1.002
## b.prev
                                                                      1700
## mu.0
            -2.928
                     5.714 -14.121 -6.727 -2.931 0.885 8.201 1.001
                            0.013 0.123 0.260 0.439 0.984 1.001 4600
## sd.s
            0.316
                     0.259
## deviance 79.690
                     3.598 73.874 77.202 79.151 81.718 88.205 1.001 9000
## For each parameter, n.eff is a crude measure of effective sample size,
## and Rhat is the potential scale reduction factor (at convergence, Rhat=1).
```

```
##
## DIC info (using the rule, pD = var(deviance)/2)
## pD = 6.5 and DIC = 86.2
## DIC is an estimate of expected predictive error (lower deviance is better).
```

traceplot(M6, mfrow=c(2, 3), ask=FALSE)

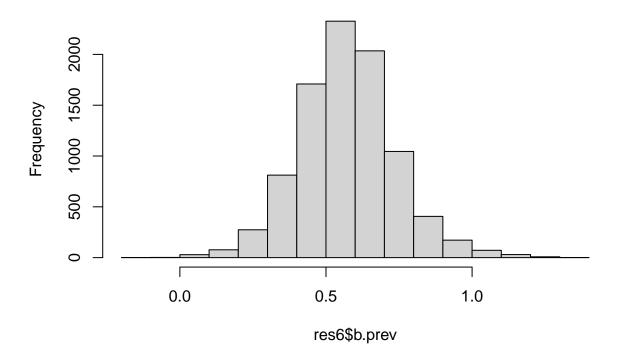


par(mfrow=c(1, 1))



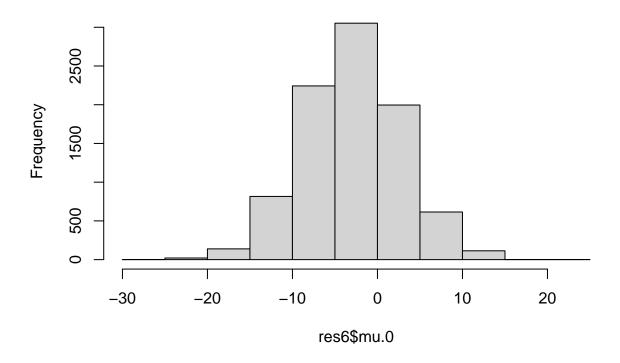
```
# On récupère les paramètres et on regarde leur distribution
res6 <- M6$BUGSoutput$sims.matrix %>%
   as.data.frame()
hist(res6$b.prev)
```

# Histogram of res6\$b.prev



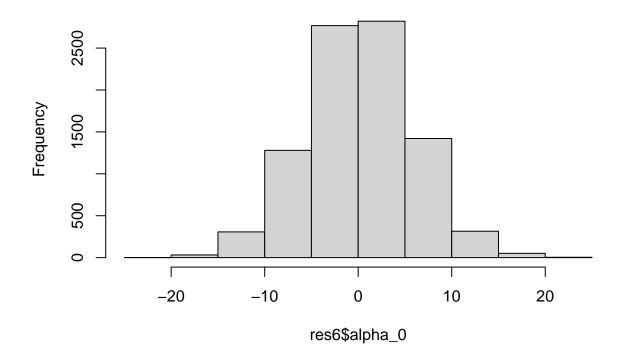
hist(res6\$mu.0)

# Histogram of res6\$mu.0



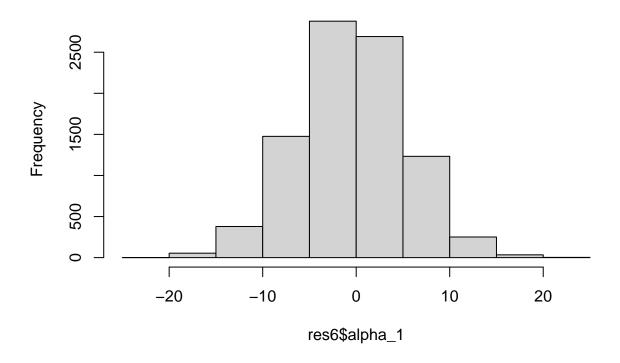
hist(res6\$alpha\_0)

# Histogram of res6\$alpha\_0



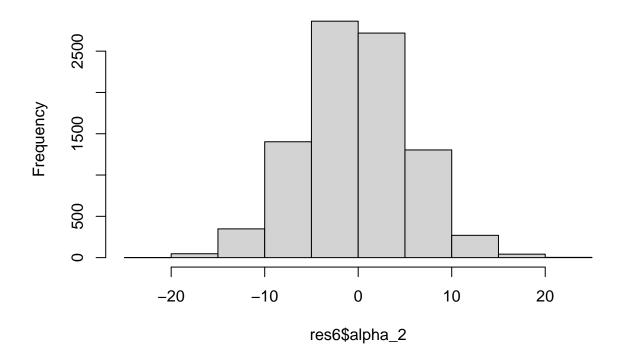
hist(res6\$alpha\_1)

# Histogram of res6\$alpha\_1



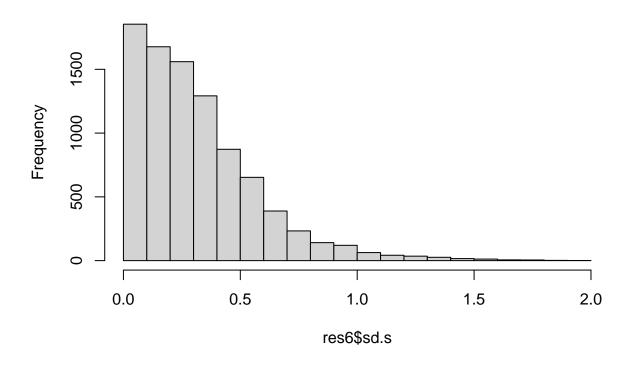
hist(res6\$alpha\_2)

# Histogram of res6\$alpha\_2



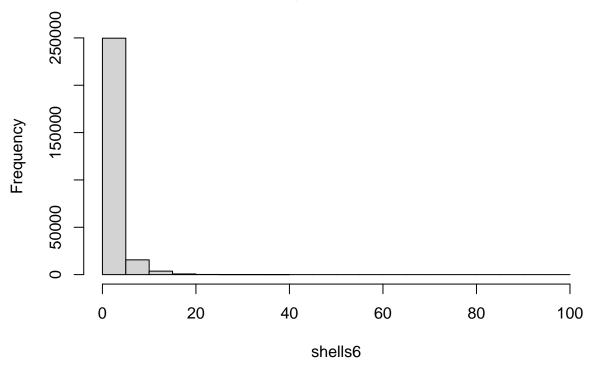
hist(res6\$sd.s)

## Histogram of res6\$sd.s



```
# Rétrotransformation
shells6 <- matrix(NA,ncol=nrow(gopher),nrow=nrow(res6))
for (i in 1:nrow(gopher)){
   shells6[,i] <-gopher$Area[i] * exp(res6$mu.0 + res6$alpha_0 * gopher$Cov_2004[i] + res6$alpha_1 * gopl
}
hist(shells6)</pre>
```

## Histogram of shells6



mean(shells6)

## [1] 1.814883

# Récupérons le DIC DIC6 <- M6\$BUGSoutput\$DIC