

Versuch 101

# Das Trägheitsmoment

Tabea Hacheney  
tabea.hacheney@tu-dortmund.de

Bastian Schuchardt  
bastian.schuchardt@tu-dortmund.de

Durchführung: 16.11.2021

Abgabe: 23.11.2021

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Theorie</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Durchführung</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Auswertung</b>	<b>4</b>
3.1	Winkelrichtgröße . . . . .	4
3.2	Eigenträgheitsmoment . . . . .	4
3.3	Trägheitsmoment des Zylinders . . . . .	4
3.3.1	Theoretische Werte . . . . .	4
3.3.2	Experimentelle Werte . . . . .	6
3.4	Trägheitsmoment der Kugel . . . . .	6
3.4.1	Theoretische Werte . . . . .	6
3.4.2	Experimentelle Werte . . . . .	6
3.5	Trägheitsmoment der Puppe in Körperhaltung 1 . . . . .	6
3.5.1	Theoretische Werte . . . . .	6
3.5.2	Experimentelle Werte . . . . .	6
3.6	Trägheitsmoment der Puppe in Körperhaltung 2 . . . . .	7
3.6.1	Theoretische Werte . . . . .	7
3.6.2	Experimentelle Werte . . . . .	7
<b>4</b>	<b>Diskussion</b>	<b>8</b>
	<b>Literatur</b>	<b>8</b>

# 1 Theorie

test

[1]

## 2 Durchführung

Auf einer zweifach mit einem Rahmen verbundenen Drillachse werden unterschiedliche Körper befestigt. Die Drillachse ist durch eine Feder mit dem Rahmen verbunden. Um später Trägheitsmomente zu bestimmen, muss die Federkonstante und das Eigenträgheitsmoment der Drillachse bestimmt werden.

Die Federkonstante  $D$  wird durch Ansetzen einer Federwage an einem Stab, der als masselos angenommen werden kann, in einem Abstand  $r$  zur Drillachse bestimmt. Für Zehn Auslenkungen  $\phi$  der Stange wird eine Kraft gemessen.

Das Eigenträgheitsmoment  $I_D$  wird durch Anbringen von zwei Zylindern im gleichen Abstand von der Drillachse an der Stange gemessen. Dabei wird die Stange durch Auslenkung in Schwingung gebracht und mit einer Stoppuhr die Schwingungsdauer gemessen. Im Anschluss wird das Trägheitsmoment eines Zylinders und einer Kugel bestimmt. Dies geschieht wieder durch Auslenkung der Drillachse, so dass eine Schwingungsdauer gemessen werden kann.

Nach dem gleichen Prinzip wird das Trägheitsmoment einer Holzfigur in zwei Positionen bestimmt. In der ersten Position sind die Beine der Figur ausgestreckt und in der zweiten Position sind die Arme ausgestreckt.

### 3 Auswertung

#### 3.1 Winkelrichtgröße

Die Winkelrichtgröße wird durch die Formel

$$D = \frac{F \cdot r}{\phi} \quad (1)$$

bestimmt. Die verwendeten Werte sind in Tabelle 1 angegeben.

**Tabelle 1:** Messdaten zur Bestimmung der Winkelrichtgröße D

$F/N$	$\phi/^\circ$	$r/m$	$D/Nm$
0,1	30	0,1	0,000333
0,26	60	0,1	0,000433
0,41	90	0,1	0,000456
0,56	120	0,1	0,000467
0,72	150	0,1	0,000480
0,85	180	0,1	0,000472
0,48	180	0,2	0,000533
0,55	240	0,2	0,000458
0,63	270	0,2	0,000467
0,69	300	0,2	0,000460

Sowohl der Mittelwert, als auch die Standardabweichung wurden mit Python bestimmt. Daraus ergibt sich der gemittelte Wert

$$D = (0,000456 \pm 0,000048) \text{ Nm.}$$

#### 3.2 Eigentragheitsmoment

Die lineare Regression wurde mit Python durchgeführt und ergibt für die Gerade  $y = ax + b$  die Werte

$$a = (701,1 \pm 15,8) \frac{1}{\text{s}^2 \text{m}^2}$$
$$b = (7,6 \pm 0,6) \frac{1}{\text{s}^2}.$$

#### 3.3 Trägheitsmoment des Zylinders

##### 3.3.1 Theoretische Werte

Der Zylinder hat einen Radius von  $r_{Zyl} = 0,05 \text{ m}$  und eine Höhe von  $h_{Zyl} = 0,10 \text{ cm}$  und eine Masse von  $m_{Zyl} =$

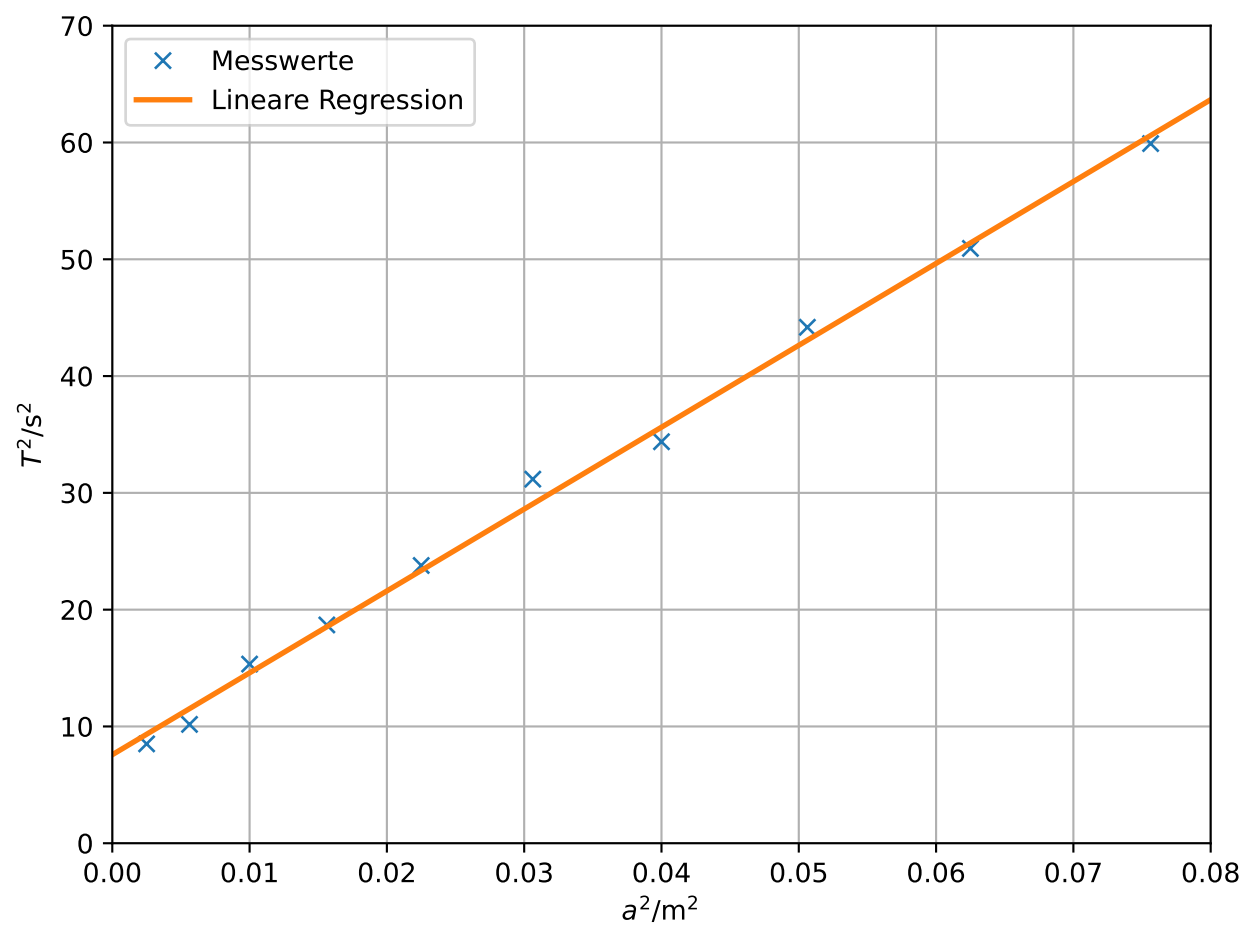


Abbildung 1: Plot.

### 3.3.2 Experimentelle Werte

Der Zylinder wird auf der Drillachse um den Winkel  $\phi_{Zyl} = 90^\circ$  ausgelenkt und die Zeit nach fünf Schwingungen gestoppt. Durch teilen der Zeitmessungen  $Z_{Zyl}$  durch fünf ergeben sich die Schwingungsdauern  $T_{Zyl}$ . Diese sind in Tabelle 2 zu finden.

**Tabelle 2:** Messdaten der Schwingungsdauer des Zylinders

$Z_{Zyl}/s$	$T_{Zyl}/s$
3,94	0,79
3,75	0,75
4,16	0,83
5,78	1,16
3,69	0,74
3,97	0,79
3,85	0,77
3,84	0,77
4,12	0,82
3,88	0,78

Der Mittelwert und die Abweichung wurden wieder mit Python berechnet. Aus den Daten ergibt sich

$$T_{Zyl} = (0,82 \pm 0,12) \text{ s.}$$

## 3.4 Trägheitsmoment der Kugel

### 3.4.1 Theoretische Werte

### 3.4.2 Experimentelle Werte

Die Kugel wird auf der Drillachse um  $\phi = 90^\circ$  ausgelenkt und die Zeit nach drei Schwingungen gestoppt. Die Schwingungsdauern  $T_{Kugel}$  erhält man durch teilen der Zeitmessungen  $Z_{Kugel}$  durch drei. Die Zeitmessungen und berechneten Schwingungsdauern sind in Tabelle 3 zu finden.

Der Mittelwert und die Abweichung wurden mit Hilfe von Python bestimmt. Aus den Werten erhält man

$$T_{Kugel} = (1,88 \pm 0,05) \text{ s.} \quad (2)$$

## 3.5 Trägheitsmoment der Puppe in Körperhaltung 1

### 3.5.1 Theoretische Werte

### 3.5.2 Experimentelle Werte

Die Puppe wird in der ersten Körperhaltung um  $\phi = 90^\circ$  ausgelenkt und die Zeit  $Z_{K1}$  nach drei Schwingungen gemessen. Die Schwingungsdauern  $T_{K1}$  erhält man durch teilen

**Tabelle 3:** Messdaten der Schwingungsdauer der Kugel

$Z_{Kugel}/s$	$T_{Kugel}/s$
5,94	1,98
5,71	1,90
5,62	1,87
5,47	1,82
5,63	1,88
5,47	1,82
5,75	1,92
5,47	1,82
5,66	1,89
5,57	1,86

der Zeitmessung durch drei. Die Zeitmessungen und Schwingungsdauern sind in Tabelle 4 angegeben.

**Tabelle 4:** Messdaten der Schwingungsdauer des Körpers in der ersten Position

$Z_{K1}/s$	$T_{K1}/s$
2,75	0,92
2,66	0,89
2,66	0,89
2,90	0,97
3,16	1,05
2,56	0,85
2,47	0,82
2,75	0,92
2,53	0,84
2,78	0,93

Mit Hilfe von Python lässt sich der Mittelwert und die Abweichung bestimmen. Aus den Messdaten erhält man

$$T_{K1} = (0,91 \pm 0,06) \text{ s.}$$

### 3.6 Trägheitsmoment der Puppe in Körperhaltung 2

#### 3.6.1 Theoretische Werte

#### 3.6.2 Experimentelle Werte

Die Puppe wurde in der zweiten Körperhaltung um  $\phi = 90^\circ$  ausgelenkt und die Zeit  $Z_{K2}$  wurde nach drei Schwingungen gestoppt. Die Schwingungsdauer  $T_{K2}$  wird durch

teilen von  $Z_{K2}$  durch drei berechnet. Die Zeitmessungen und Schwingungsdauern sind in Tabelle 5 zu finden.

**Tabelle 5:** Messdaten der Schwingungsdauer des Körpers in der zweiten Position

$Z_{K2}/s$	$T_{K2}/s$
1,91	0,64
1,75	0,58
1,75	0,58
1,84	0,61
1,68	0,56
1,84	0,61
1,81	0,60
1,66	0,55
1,84	0,61
1,81	0,60

Sowohl der Mittelwert, als auch die Standardabweichung wurde mit Python bestimmt.

$$T_{K2} = (0,59 \pm 0,03) \text{ s.}$$

## 4 Diskussion

### Literatur

- [1] *Versuch zum Literaturverzeichnis*. TU Dortmund, Fakultät Physik. 2014.