

## VERSUCH 46

# Faraday-Effekt

Theodor Zies  
theodor.zies@tu-dortmund.de

Bastian Schuchardt  
bastian.schuchardt@tu-dortmund.de

Durchführung: 17.04.2023

Abgabe: DATUM

## **Inhaltsverzeichnis**

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Theorie</b>	<b>3</b>
2.1	Effektive Masse . . . . .	3
2.2	Zirkulare Doppelbrechung und Faraday Effekt . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Durchführung</b>	<b>5</b>
<b>4</b>	<b>Auswertung</b>	<b>5</b>
<b>5</b>	<b>Diskussion</b>	<b>5</b>
	<b>Literatur</b>	<b>5</b>

# 1 Einleitung

Ziel dieses Versuches ist es, die effektive Masse der Leitungselektronen in n-dotiertem Galliumarsenid (GaAs) zu bestimmen. Dafür wird der Faraday-Effekt ausgenutzt und eine Vergleichsmessung zwischen reinem und dotiertem GaAs durchgeführt, um den Effekt der Leitungselektronen zu isolieren.

## 2 Theorie

Für diesen Versuch wird Galliumarsenid verwendet, es handelt sich dabei um einen Halbleiterwerkstoff. GaAs kann undotiert oder dotiert vorkommen, von besonderem Interesse für diesen Versuch sind dotierte Varianten, da diese Leitungselektronen aufweisen. Allgemein zeichnen sich Halbleiter dadurch aus, dass sie über diese Elektronen verfügen, die durch Anregung leicht ins Leitungsband springen können und somit eine elektrische Leitfähigkeit generieren. Diesen Leitungselektronen lässt sich eine effektive Masse zuordnen, welche in diesem Versuch bestimmt werden soll und im nächsten Kapitel näher erläutert wird.

### 2.1 Effektive Masse

Zum Verständniss der effektiven Masse bietet es sich an, die Bandstruktur eines Halbleiters im k-Raum zu betrachten. Diese ist in Abbildung 1 graphisch dargestellt.

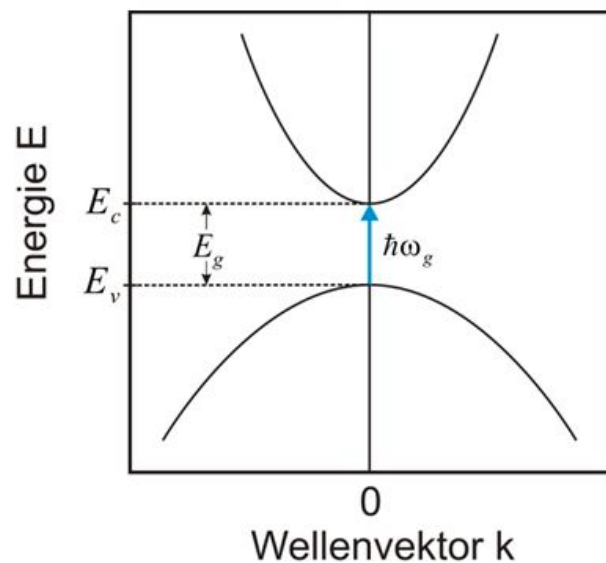


Abbildung 1: Bandstruktur eines Halbleiters im k-Raum. [2]

Die Bandstruktur weist einen nahezu parabelförmigen Verlauf auf, weshalb sich eine Taylorentwicklung der unteren Kante des Leitungsbandes bis zur zweiten Ordnung

anbietet:

$$E(\vec{k}) = E(0) + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^3 \left( \frac{\partial E^2}{\partial k_i^2} \right)_{k=0} k_i^2 + \dots$$

Vergleicht man dies mit einem harmonischen Oszillator mit

$$E = \frac{\hbar k^2}{2m}$$

so fällt auf, dass sich der zweite Koeffizient der Taylorentwicklung als effektive Masse  $m_i^*$  interpretieren lässt:

$$m_i^* := \frac{\hbar^2}{\left( \frac{\partial \epsilon^2}{\partial k_i^2} \right)_{k=0}}$$

Unter der Annahme, dass der Kristall in alle Richtungen nahezu symmetrisch ist, kann eine allgemeine effektive Masse  $m^*$  definiert werden, die sich eignet, um die Dynamik der Leitungselektronen zu beschreiben. Im wesentlichen lassen sich die Leitungselektronen somit als freie Elektronen beschreiben, deren Wechselwirkung mit dem Kristallgitter über die veränderte Masse  $m^*$  beschrieben wird.

## 2.2 Zirkulare Doppelbrechung und Faraday Effekt

In optisch aktiven Medien kann zirkuläre Doppelbrechung auftreten. Diese beschreibt die Fähigkeit eines Kristalles, die Polarisations Ebene eines linear polarisierten Lichtstrahles bei der Transmission zu drehen. Die Ursache liegt dabei darin, dass Phasengeschwindigkeiten für links- und rechtszirkular polarisiertes Licht in dem Kristallmedium verschieden sind. Hierbei kann linear polarisiertes Licht als Überlagerung von links- und rechtszirkular polarisiertes Licht verstanden werden, sodass beim Durchqueren des Mediums aufgrund der unterschiedlichen Geschwindigkeiten eine Rotation der Polarisationsrichtung stattfindet. [1]

Durch anlegen eines B-Feldes parallel zur Ausbreitungsrichtung des Lichtes kann in optisch inaktiven Medien die selbe Rotation erzeugt werden, dies wird auch als Faraday Effekt beschrieben. Der physikalische Hintergrund ist hierbei, dass die Leitungselektronen durch das Magnetfeld auf Kreisbahnen gezwungen werden. Es lässt sich eine Formel herleiten, die die Rotation der Polarisations Ebene in Abhängigkeit der Wellenlänge angibt:

$$\theta(\lambda) = \frac{e_0^3}{8\pi^2 \epsilon_0 c^3} \frac{1}{m^{*2}} \frac{NBL}{n} \lambda^2 \quad (1)$$

Sind alle vorkommenden Größen bekannt, also das Magnetfeld  $B$ , die Ladungsträgerdichte  $n$  und die Länge der Probe  $L$ , kann die effektive Masse  $m^*$  durch umstellen von (1) berechnet werden. Aus praktischen Gründen wird mit  $\theta_{\text{frei}}$  gerechnet, hier wird der Rotationswinkel  $\theta$  auf die Länge der Probe normiert, indem dadurch geteilt wird.

### 3 Durchführung

### 4 Auswertung

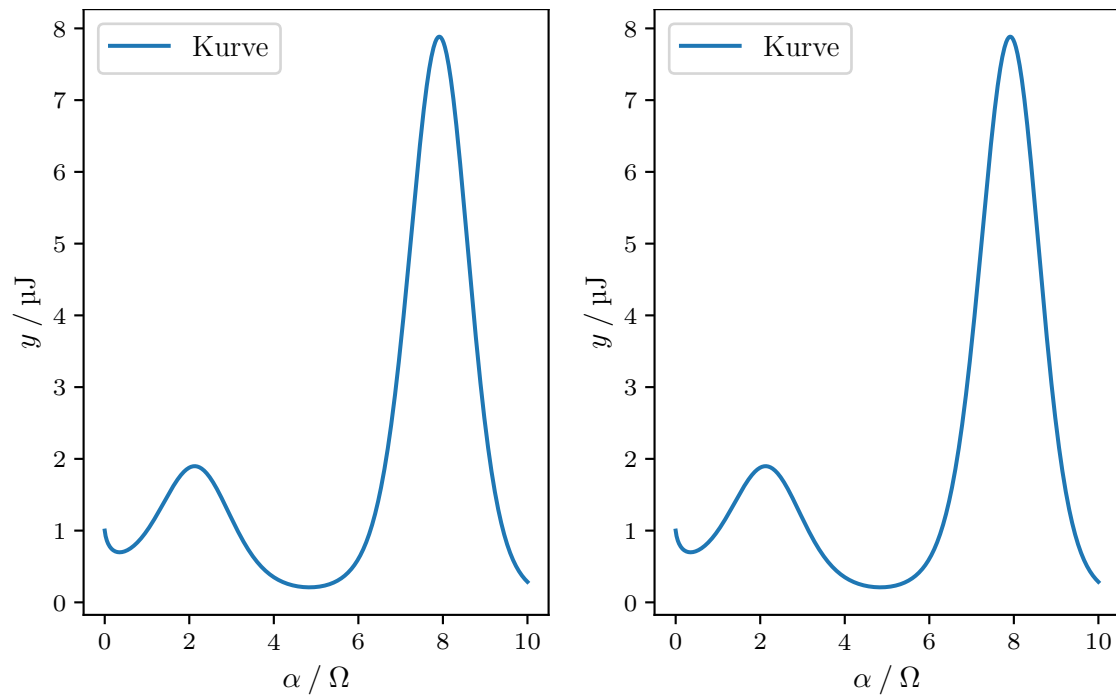


Abbildung 2: Plot.

Siehe Abbildung 2!

### 5 Diskussion

#### Literatur

- [1] *Anhang 1 V46-Faraday-Effekt an Halbleitern*. TU Dortmund, Fakultät Physik.
- [2] *Dotierte Halbleiter*. URL: <https://slideplayer.org/slide/885648/> (besucht am 17.04.2023).