

Ejercicio en clase:

1. Seguir la plantilla de word para implementar a mano RSA con sus propios valores

### ***CRIPTOGRAFÍA: CIFRADO DE LLAVE PÚBLICA***

#### **Cifrado con Algoritmo RSA**

#### **EJERCICIO**

Desarrollado por: **Marino Bastidas Rosero**

Presentado a: **Andrés Felipe Escallón Portilla**

Mayo de 2025

#### **PLANTEAMIENTO:**

Dados los números primos **p=17, q=23**, y el mensaje **m=6**; usar el algoritmo RSA para encriptar el mensaje(m).

#### **SOLUCIÓN:**

1. Hallar n y  $\Phi(n)$ :

a.  $n = 17 * 23 = 17 * 23 = 391$

$\square \quad n = 391$

b.  $\Phi(n) = (p-1)*(q-1) = (17-1)*(23-1) = (16)*(22) = 352$

$\square \Phi(n) = 352$

2. Hallar k:

$$d * e \equiv 1 \pmod{\Phi(n)}$$

- a. Para hallar e, se deben tener en cuenta las siguientes características:

- i.  $1 < e < \Phi(n)$

ii.  $\text{MCD}(e, \Phi(n)) = 1$   $\square$   $e$  y  $\Phi(n)$  sean primos relativos.

Si  $e = 3$

$$\rightarrow 1 < 3 < 352$$

$$\rightarrow \text{MCD}(3, 352) = 1$$

$$d \cdot 3 \equiv 1 \pmod{352}$$

Algoritmo extendido de Euclides

$$e \cdot x + \Phi(n) \cdot y = \text{MCD}(e, \Phi(n)) = 1$$

Reemplazando:

$$3 \cdot x + 352 \cdot y = 1$$

División Euclidiana:

$$352/3 \rightarrow 352 = 3 \cdot 117 + 1$$

Reorganizando se obtiene:

$$1 = 352 \cdot (1) - 3 \cdot 117$$

Comparando con  $3 \cdot x + 352 \cdot y = 1$

$$x = -117$$

$$y = 1$$

$$x = -117 \pmod{352} =$$

$$x = 352 - 117 = 235$$

$$\text{Pero } d = x \rightarrow d = 235$$

3. Según lo anterior se procede de la siguiente manera:

a. En conclusión:

i. Llave pública:  $(e, n) = (3, 391)$ .

ii. Llave privada:  $(d, n) = (235, 391)$ .

4. Una vez se tienen las llaves, se puede pasar a encriptar (cifrar) / desencriptar (descifrar) el mensaje:

**Cifrado:**  $m_c = 6^3 \bmod 391 = 216 \bmod 391 = 216$ ; con  $\text{MCD}(6, 391) = 1$  y  $6 < 391$ .

**Descifrado:**  $m = 216^{235} \bmod 391$ .