

Table des matières

1	Introduction	1
1.1	Contexte	1
1.2	Formulation du problème	1
1.2.1	Formulation lagrangienne	1
1.2.2	Principe de Huygens avec condition d'entropie	1
1.3	Méthodes numériques pour le suivi d'interfaces	2
1.3.1	Description eulérienne	2
1.3.2	Description lagrangienne	2
1.4	Cadre de la thèse	2
1.5	Représentation par les frontières	2
1.6	Contributions	3
1.7	Organisation du manuscrit	3
2	Algorithme de propagation d'interfaces régulières par morceaux	5
2.1	Traitement des différentes entités BRep	5
2.1.1	Traitement des faces	5
2.1.2	Traitement des arêtes	5
2.1.3	Traitement des sommets	5
2.2	Construction de l'enveloppe des sphères	5
2.2.1	Enveloppe d'une famille de sphères à un paramètre	6
2.2.2	Enveloppe d'une famille de sphères à deux paramètres	6
2.3	Application de la condition d'entropie	6
2.3.1	Reconstitution topologique du modèle BRep	6
3	Méthode d'ordre élevé pour le suivi d'un patch rectangulaire de surface	7
3.1	Discretisation spatiale	7
3.1.1	État de l'art	7
3.1.2	Polynômes de Chebyshev	7
3.2	Intégration temporelle	9
3.3	Instabilités...	9
4	Généralisation aux surfaces de topologie quelconque	11
4.1	Construction des nouvelles faces	11
4.1.1	Arêtes convexes	11
4.1.2	Sommets convexes	11
4.2	Résolution des intersections entre faces	11
4.2.1	État de l'art	11
4.2.2	Approche retenue	11
4.3	Validation de la méthode	12

4.3.1	Propagation suivant un champ de vitesse continu	12
4.3.2	Propagation à vitesse normale uniforme	12
4.3.3	Propagation à vitesse normale non uniforme	12
5	Déformation de maillage surfacique	13
5.1	Méthodes de simulation dans des géométries déformables	13
5.2	Objectifs et enjeux	13
5.2.1	Objectifs	13
5.2.2	Enjeux	14
5.3	Approche naïve/simple	14
5.4	Approche avancée	14
6	Application à la simulation de la régression de propergol solide	15
	Conclusion	17
	Bibliographie	19

1.1 Contexte

1.2 Formulation du problème

1.2.1 Formulation lagrangienne

formulation lagrangienne traditionnelle (approche EDP) : vecteur vitesse

$$\frac{\partial \mathbf{x}}{\partial t} = \mathbf{u}(\mathbf{x}, t), \quad (1.1)$$

ou vitesse normale

$$\frac{\partial \mathbf{x}}{\partial t} = \nu(\mathbf{x}, t) \mathbf{n}(\mathbf{x}, t). \quad (1.2)$$

problème de définition de la normale dans le cas *piecewise-smooth*

1.2.2 Principe de Huygens avec condition d'entropie

→ formulation plus générale (approche “géométrique”) : principe de Huygens (propagation de proche en proche), enveloppe de sphères (e.g. ondes, cf. Figure 1.1(a)) ou de boules (e.g. flamme, cf. Figure 1.1(b)) (condition d'entropie [1])

résolution analytique impossible → méthodes numériques

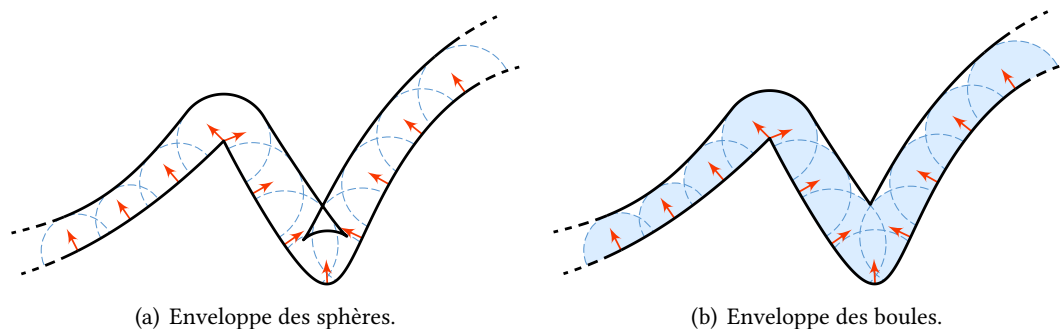


FIGURE 1.1 – Principe de Huygens.

1.3 Méthodes numériques pour le suivi d'interfaces

2 façons de traiter l'interface

1.3.1 Description eulérienne

point de vue eulérien → représentation implicite

- ex. : *level-set* [1], *Volume-of-fluid* [2], etc.
- + : formulation simple, facilement généralisable à n dimensions, supporte naturellement les changements topologiques de l'interface → bien adapté aux interfaces fluide-fluide ;
- : besoin de reconstruire l'interface, quantités géométriques mal résolues, mauvaise conservation de la masse et besoin de réinitialiser la fonction distance pour *level-set*, besoin d'extrapoler les conditions aux limites ;

1.3.2 Description lagrangienne

point de vue lagrangien → représentation explicite

- ex. : *front-tracking* [3, 4], *face-offsetting* [5], etc.
- + : fine résolution des quantités géométriques, application directe et précise des conditions aux limites ;
- : supporte mal les grandes déformations, besoin de redistribuer les marqueurs (voire de remailler complètement), nécessite traitement explicite des changements topologiques (complexe en 3d) ;

1.4 Cadre de la thèse

type de problèmes visés dans cette thèse : interface = frontière solide (déformable) d'un domaine fluide ⇒ déformations modérées, peu de changements de topologie ⇒ on adopte la description lagrangienne

on s'intéresse en particulier aux cas où l'interface est *piecewise smooth*, ce qui est souvent le cas dans les applications industrielles

méthodes high-order intéressantes lorsque la solution est régulière car précises à bas coût, mais phénomène de Gibbs en présence de singularités [6]

dans les applications visées, la définition de la géométrie initiale passe par une phase de CAO

1.5 Représentation par les frontières

formalisme BRep [7, Section 2.2]

définitions précises, vocabulaire : surface, courbe, point, face, chaîne/cycle (*wire/loop*), arête (vive, douce), sommet (vif, doux)

1.6 Contributions

1.7 Organisation du manuscrit

Algorithme général pour la propagation d'interfaces régulières par morceaux

2

on veut mettre en place un algorithme basé sur le principe de Huygens (avec condition d'entropie) pour simuler la propagation d'une interface représentée suivant le formalisme BRep, i.e. pour construire un nouveau modèle BRep (géométrie et topologie) correspondant à une enveloppe de boules (EdB) centrées sur l'interface courante.

2.1 Traitement des différentes entités BRep

on construit d'abord une EdS (partielle), puis on la transforme en Edb pour respecter la condition d'entropie. Chaque entité du modèle BRep est traitée spécifiquement
vitesse normale continue \Rightarrow rayon des sphères évolue continument sur toute l'interface

2.1.1 Traitement des faces

chaque face repose sur une surface orientée de continuité géométrique élevée (d'ordre 1 ou plus) donc chaque point sur une face a exactement 2 vis-à-vis sur l'EdS (un dans le sens de la normale, et un dans le sens opposé) (sous réserve d'une condition, détaillée dans la [Section 2.2.2](#))

2.1.2 Traitement des arêtes

- douce \rightarrow préservée car vitesse continue ;
- (vive) convexe \rightarrow EdS à un paramètre (nouvelle surface) ;
- (vive) concave \rightarrow aucune influence sur l'EdB (on ne construit pas son EdS, d'où le "partiel") ;

2.1.3 Traitement des sommets

- smooth \rightarrow préservé car vitesse continue ;
- convexe \rightarrow nouvelle(s) surface(s) sphérique(s) ;
- concave \rightarrow aucune influence sur l'EdB.

2.2 Construction de l'enveloppe des sphères

some content

FIGURE 2.1 – *Some caption*

2.2.1 Enveloppe d'une famille de sphères à un paramètre

canal surfaces [8] (*spine curve* → squelette (ou axe médian))

2.2.2 Enveloppe d'une famille de sphères à deux paramètres

extension *canal surfaces* [9]

différence avec le simple transport suivant la normale [10]

2.3 Application de la condition d'entropie

résolution des intersections (pas encore de détail sur la méthode) → faces trimmées, nouveaux sommets/arêtes

2.3.1 Reconstitution topologique du modèle BRep

Intersections de paires de surfaces (→ courbes¹), de triplets de surface (ou de paires de courbes) (→ points¹)

graphe d'adjacence des surfaces, courbes, points [7, Chap. 4]

formation des faces (*wires* → chaînes?) [7, Chap. 7], arêtes et sommets [7, Chap. 5]

...

il faut maintenant faire le choix d'une méthode numérique pour appliquer cet algorithme de façon pratique...

1. dans le cas général, non-dégénéré (cf. cours "Topologie et géométrie différentielle")

Méthode d'ordre élevé pour le suivi d'un patch rectangulaire de surface

3

on veut mettre au point une méthode numérique (discrétisations spatiale et temporelle) pour le suivi d'un seul patch rectangulaire de surface de continuité géométrique élevée (infinie), qui servira de base pour mettre en œuvre l'algorithme du [Chapitre 2](#)

suivi lagrangien de marqueurs/points de collocation situés sur la surface

3.1 Discrétisation spatiale

méthode pseudo-spectrale : solution développée dans une base de fonctions globales et régulières, résidu annulé exactement en un nombre discret de points de collocation, donnant une EDO en temps par point de collocation

Choix des fonctions de base et des marqueurs/points de collocation

3.1.1 État de l'art

- harmoniques sphériques [11], polynômes trigonométriques [12] → contraintes topologiques (genre 0, sans bord ou périodique) (méthode de continuation [6] pour s'affranchir de cette contrainte, mais complexe (POUs, ...) et jamais utilisé pour des surfaces en mouvement)
- CAO : courbes/surfaces polynomiales (algébriques)/rationnelles (en produit tensoriel) par morceaux (B-splines/NURBS), utilisant la base de Bernstein

$$B_n^N(x) = \binom{N}{n} (1-x)^{N-n} x^n. \quad (3.1)$$

- + coefficients = points de contrôle dans l'espace physique
- + partition de l'unité ⇒ propriété d'enveloppe convexe
- algorithme d'évaluation (de Casteljau) numériquement stable mais coûteux $O(N^2)$
- points de contrôle pas *sur* la courbe/surface ⇒ pas exploitables comme marqueurs lagrangiens
- peu pratiques pour réduire/élever le degré des polynômes

on choisit les polynômes de Chebyshev, couramment employés dans les méthodes spectrales dans le cas non-périodique

3.1.2 Polynômes de Chebyshev

3.1.2.1 Définition

- cos, récurrence, pour $x \in [-1, 1]$

$$T_0(x) = 1, \quad T_1(x) = x,$$

et pour $n \geq 2$,

$$T_n(x) = 2xT_{n-1}(x) - T_{n-2}(x). \quad (3.2)$$

- extrema (CGL) (minimise phénomène de Runge pour l'interpolation)

3.1.2.2 Développement en série de Chebyshev, approximation de fonctions

fonctions d'une variable

- orthogonalité \Rightarrow aspect multirésolution, élévation/réduction de degré directe et quasi-optimale (d'ailleurs utilisé en CAO [13])
- série tronquée $P_N f$, erreur de troncature
- interpolant $I_N f$, erreur d'aliasing
- CGL \rightarrow DCT, transformation rapide

généralisation à plusieurs variables (produit-tensoriel)

Représentation de courbes et de surfaces. courbe $\gamma : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}^3$

$$P_N \gamma(t) = \sum_{n=0}^N \hat{\gamma}_n T_n(t). \quad (3.3)$$

surface $\sigma : [-1, 1]^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$

$$P_{MN} \sigma(u, v) = \sum_{m=0}^M \sum_{n=0}^N \hat{\sigma}_{mn} T_m(u) T_n(v). \quad (3.4)$$

3.1.2.3 Évaluation

algorithme de sommation de Clenshaw exploitant la relation de récurrence (3.2) [14], numériquement stable et efficace ($O(N)$)

3.1.2.4 Dérivation

- matrice de dérivation (espace physique)
- formule de récurrence (espace spectral), remarque de [15, Section 2.3, p. 94]

3.1.2.5 Quadrature

Clenshaw-Curtis

calcul (approché) longueur de courbe/aire de surface

3.1.2.6 Précision spectrale

Si $f \in C^p([-1, 1])$, alors $\max_{[-1, 1]} |P_N f - f| = O(N^{1-p})$ lorsque $N \rightarrow \infty$ [16, Théorème 5.14].

Remarque. illustration convergence exponentielle pour f analytique et décroissance exponentielle des \hat{f}_n

3.2 Intégration temporelle

- champ de vitesse connu : intégration classique, schéma explicite (Euler, RK)
- vitesse normale connue : approximation EdS
 - calcul dérivées par différentiation spectrale
 - calcul normale et composante tangentielle

3.3 Instabilités...

- non-linéarités → aliasing, peut causer instabilité [17], atténuation : sur-échantillonnage, filtrage
- auto-intersections
 - globales (traitées au [Chapitre 4](#))
 - locales [18] (détection, résolution ?)

Généralisation aux surfaces régulières par morceaux de topologie quelconque

4

4.1 Construction des nouvelles faces

objectif : définir la paramétrisation des nouvelles surfaces (et les limites du domaine paramétrique pour les faces BRep reposant sur celles-ci)

4.1.1 Arêtes convexes

paramétrisation approchée des courbes d'intersection (choix du paramètre : abscisse curviligne, paramètre de Hohmeyer (cf. [Section 4.2.2](#)), *least-square fitting* (ajustement de courbe par la méthode des moindres carrés) d'une série de Chebyshev univariée), portion de *canal surface* approchée

4.1.2 Sommets convexes

deux variantes :

4.1.2.1 Une face polygonale

$(u, v) \equiv$ coordonnées sphériques
+ : 1 seule face, spectre Chebyshev étroit/compact

4.1.2.2 Plusieurs faces rectangulaires

polygone sphérique découpé en quadrilatères [[19](#)]
+ : domaine paramétrique non restreint

4.2 Résolution des intersections entre faces

4.2.1 État de l'art

état de l'art méthodes d'intersection de surfaces paramétriques : review complète [[20](#)]
subdivision [[21](#)], implicitisation approchée [[22](#)], suivi (marching) [[23](#)], Hohmeyer [[24](#)] (critère de détection de boucles sur les enveloppes de normales, paramétrisation monotone et tracé des branches d'intersection)

4.2.2 Approche retenue

adaptation de l'approche de Hohmeyer [[24](#)] (full Chebyshev / Chebyshev-Bernstein)

- changement de base [25]
- subdivision : changement de variable (détail en annexe) / algorithme de Casteljau (ref?) (remarques complexité et conditionnement)
- volumes englobants convexes : oriented bounding box [26] (détail en annexe) / enveloppe convexe (comparer volumes)
- test de séparation : théorème de séparation des convexes [27] / optimisation linéaire [28]
- traitement des intersections tangentielles

4.3 Validation de la méthode

4.3.1 Propagation suivant un champ de vitesse continu

sphère/cube dans un écoulement tourbillonnaire incompressible analytique de période temporelle $2T$

calcul (exact) de volume avec quadrature de Clenshaw-Curtis (étanchéité (continuité G^0 partout) garantie car les marqueurs de bord coïncident tout au long de la déformation)

convergence de l'erreur d'approximation sur la position, l'aire et le volume à $t = 0$ et $t = T$ pour différents niveaux de discrétisations spatiale et temporelle

+ convergence de la variation de volume au cours de la déformation

4.3.2 Propagation à vitesse normale uniforme

cube en expansion

4.3.3 Propagation à vitesse normale non uniforme

?

on veut mettre au point une méthodologie pour déformer un maillage de la surface en propagation en utilisant le modèle BRep dynamique comme support géométrique, afin de pouvoir réaliser des simulations EF/VF dans des domaines de géométrie déformables.

5.1 Méthodes de simulation dans des géométries déformables

État de l'art :

1. maillage volumique conforme à l'interface
 - a) un seul maillage *body-fitted* avec formulation ALE : frontière = maillage de l'interface, intérieur déformé de façon arbitraire (nécessite généralement de préserver la connectivité)
 - b) plusieurs maillages *body-fitted* qui se superposent (méthode Chimère [29, 30], FLU-SEPA [31])
 - + facilite la génération du maillage en volume lorsque la géométrie est complexe (e.g. hyper-sustentateurs), et évite de déformer un maillage 3d
 - nécessite de traiter les intersections entre les blocs de maillage, limité aux mouvements rigides (?)
2. maillage volumique non conforme à l'interface (*immersed/embedded boundary methods* [32]) : fluide traité de façon eulérienne (maillage fixe), soit explicitement [33, 34], soit implicitement [35]
 - + évite de générer et déformer un maillage 3d autour d'une géométrie complexe
 - application des conditions aux limites

ici, on se concentre sur les applications utilisant la méthodologie 1a, et on ne s'occupe que du maillage de la frontière/interface. On se limite également aux maillages triangulaires, linéaires par morceaux (mais extension aux maillages hybrides, courbes envisageable)

5.2 Objectifs et enjeux

5.2.1 Objectifs

1. préserver la connectivité du maillage autant que faire se peut (\Rightarrow déformation pure)
2. maintenir une bonne qualité de maillage (\Rightarrow métrique à définir, lissage/optimisation par déplacements tangentiels)
3. le maillage doit représenter fidèlement l'interface (\Rightarrow sommets localisés exactement sur la surface BRep) et ses caractéristiques géométriques (arêtes vives, coins, ...) (\Rightarrow

contraintes sur les nœuds et arêtes du maillage dans ces régions) (\rightarrow persistance des entités BRep?)

Déformation = mouvement induit par la propagation + lissage/optimisation

5.2.2 Enjeux

- “localiser” les entités du maillage sur le modèle BRep (face BRep et coordonnées uv)
- associer des nœuds/arêtes du maillage aux sommets/arêtes vifs du modèle BRep

5.3 Approche naïve/simple

Maillage conforme aux frontières des faces BRep [36]

- un maillage par face BRep
- maillage unique des arêtes BRep pour garantir la conformité globale
- + lissage/optimisation dans l'espace uv 2d, les caractéristiques géométriques sont naturellement représentées par le maillage
- contraintes excessives sur le maillage (détailler ...), persistance des entités BRep pas flexible

5.4 Approche avancée

Hypergraphe

Projection d'un déplacement xyz sur une surface paramétrique

Projection d'un déplacement xyz sur une surface BRep composite (traversée des arêtes

BRep douces)

Régénération des chemins contraints

Pré-déformation

Optimisation, pondération des triangles

Application à la simulation de la régression de propergol solide | 6

Conclusion

Bibliographie

- [1] J. A. SETHIAN. *Level Set Methods and Fast Marching Methods : Evolving Interfaces in Computational Geometry, Fluid Mechanics, Computer Vision, and Materials Science*. Cambridge Monographs on Applied and Computational Mathematics. Cambridge University Press, 1999. (cf. pp. 1 et 2)
- [2] D. GUEYFFIER, J. LI, A. NADIM, R. SCARDOVELLI et S. ZALESKI. Volume-of-fluid interface tracking with smoothed surface stress methods for three-dimensional flows. *Journal of Computational Physics*, **152** (2) : pp. 423–456, 1999. (cf. p. 2)
- [3] S. POPINET et S. ZALESKI. A front-tracking algorithm for accurate representation of surface tension. *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, **30** (6) : pp. 775–793, 1999. (cf. p. 2)
- [4] G. TRYGGVASON, B. BUNNER, A. ESMAEELI, D. JURIC, N. AL-RAWAHI, W. TAUBER, J. HAN, S. NAS et Y.-J. JAN. A Front-Tracking Method for the Computations of Multiphase Flow. *Journal of Computational Physics*, **169** (2) : pp. 708 – 759, 2001. (cf. p. 2)
- [5] X. JIAO. Face Offsetting : A Unified Approach for Explicit Moving Interfaces. *Journal of Computational Physics*, **220** (2) : pp. 612–625, 2007. (cf. p. 2)
- [6] O. P. BRUNO, Y. HAN et M. M. POHLMAN. Accurate, high-order representation of complex three-dimensional surfaces via Fourier continuation analysis. *Journal of Computational Physics*, **227** (2) : pp. 1094 – 1125, 2007. (cf. pp. 2 et 7)
- [7] M. PENTCHEVA. *Conversion CSG-BRep de scènes définies par des quadriques*. Thèse de Doctorat, Université Nancy II, 2010. (cf. pp. 2 et 6)
- [8] M. PETERNELL et H. POTTMANN. Computing Rational Parametrizations of Canal Surfaces. *Journal of Symbolic Computation*, **23** (2-3) : pp. 255–266, 1997. (cf. p. 6)
- [9] S. M. GELSTON et D. DUTTA. Boundary surface recovery from skeleton curves and surfaces. *Computer Aided Geometric Design*, **12** (1) : pp. 27–51, 1995. (cf. p. 6)
- [10] X. M. JIAO. *Data transfer and interface propagation in multicomponent simulations*. Thèse de Doctorat, University of Illinois, Urbana-Champaign, 2001. (cf. p. 6)
- [11] S. K. VEERAPANENI, A. RAHIMIAN, G. BIROS et D. ZORIN. A Fast Algorithm for Simulating Vesicle Flows in Three Dimensions. *Journal of Computational Physics*, **230** (14) : pp. 5610–5634, 2011. (cf. p. 7)
- [12] D. GUEYFFIER, F. ROUX, Y. FABIGNON, G. CHAINERAY, N. LUPOGLAZOFF, F. VUILLOT, J. HIJLKEMA et F. ALAUZET. Accurate Computation of Grain Burning Coupled with Flow Simulation in Rocket Chamber. *Journal of Propulsion and Power*, **31** (6) : pp. 1761 – 1776, 2015. (cf. p. 7)
- [13] M. A. LACHANCE. Chebyshev economization for parametric surfaces. *Computer Aided Geometric Design*, **5** (3) : pp. 195–208, 1988. (cf. p. 8)

- [14] C. CLENSHAW. A note on the summation of Chebyshev series. *Mathematics of Computation*, **9** (51) : pp. 118–120, 1955. (cf. p. 8)
- [15] H. WENGLE et J. H. SEINFELD. Pseudospectral solution of atmospheric diffusion problems. *Journal of computational Physics*, **26** (1) : pp. 87–106, 1978. (cf. p. 8)
- [16] J. MASON et D. HANDSCOMB. *Chebyshev Polynomials*. CRC Press, 2002. (cf. p. 8)
- [17] A. RAHIMIAN, S. K. VEERAPANENI, D. ZORIN et G. BIROS. Boundary Integral Method for the Flow of Vesicles with Viscosity Contrast in Three Dimensions. *Journal of Computational Physics*, **298** : pp. 766–786, 2015. (cf. p. 9)
- [18] R. T. FAROUKI. The approximation of non-degenerate offset surfaces. *Computer Aided Geometric Design*, **3** (1) : pp. 15–43, 1986. (cf. p. 9)
- [19] J. HAHN. Filling Polygonal Holes with Rectangular Patches. Dans *Theory and Practice of Geometric Modeling*, pp. 81–91. Springer, 1989. (cf. p. 11)
- [20] N. M. PATRIKALAKIS et T. MAEKAWA. *Shape Interrogation for Computer Aided Design and Manufacturing*. Springer Science & Business Media, 2009. (cf. p. 11)
- [21] E. G. HOUGHTON, R. F. EMNETT, J. D. FACTOR et C. L. SABHARWAL. Implementation of a divide-and-conquer method for intersection of parametric surfaces. *Computer Aided Geometric Design*, **2** (1-3) : pp. 173–183, 1985. (cf. p. 11)
- [22] T. DOKKEN. Approximate Implicitization. *Mathematical Methods for Curves and Surfaces*, pp. 81–102, 2001. (cf. p. 11)
- [23] R. E. BARNHILL et S. KERSEY. A marching method for parametric surface/surface intersection. *Computer Aided Geometric Design*, **7** (1-4) : pp. 257–280, 1990. (cf. p. 11)
- [24] M. E. HOHMEYER. *Robust and Efficient Surface Intersection for Solid Modeling*. Thèse de Doctorat, EECS Department, University of California, Berkeley, 1992. (cf. p. 11)
- [25] A. RABABAH. Transformation of Chebyshev–Bernstein polynomial basis. *Computational Methods in Applied Mathematics*, **3** (4) : pp. 608–622, 2003. (cf. p. 12)
- [26] A. FOURNIER et J. BUCHANAN. Chebyshev Polynomials for Boxing and Intersections of Parametric Curves and Surfaces. volume 13, pp. 127–142, 1994. (cf. p. 12)
- [27] D. EBERLY. Dynamic Collision Detection using Oriented Bounding Boxes. *Geometric Tools, Inc*, 2002. (cf. p. 12)
- [28] R. SEIDEL. Small-Dimensional Linear Programming and Convex Hulls Made Easy. *Discrete & Computational Geometry*, **6** (3) : pp. 423–434, 1991. (cf. p. 12)
- [29] R. L. MEAKIN et N. E. SUHS. Unsteady aerodynamic simulation of multiple bodies in relative motion. Dans *9th AIAA Computational Fluid Dynamics Conference*, p. 1996, 1989. (cf. p. 13)
- [30] Z. J. WANG et V. PARTHASARATHY. A fully automated Chimera methodology for multiple moving body problems. *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, **33** (7) : pp. 919–938, 2000. (cf. p. 13)
- [31] P. BRENNER. Three-dimensional aerodynamics with moving bodies applied to solid propellant. Dans *27th Joint Propulsion Conference*, p. 2304, 1991. (cf. p. 13)
- [32] C. S. PESKIN. The immersed boundary method. *Acta numerica*, **11** : pp. 479–517, 2002. (cf. p. 13)

- [33] K. WANG, J. GRÉTARSSON, A. MAIN et C. FARHAT. Computational algorithms for tracking dynamic fluid–structure interfaces in embedded boundary methods. *International Journal for Numerical Methods in Fluids*, **70** (4) : pp. 515–535, 2012. (cf. p. 13)
- [34] J. HOVNANIAN. *Méthode de frontières immergées pour la mécanique des fluides. Application à la simulation de la nage..* Thèse de Doctorat, Université Sciences et Technologies-Bordeaux I, 2012. (cf. p. 13)
- [35] J. BRUCHON, H. DIGONNET et T. COUPEZ. Using a signed distance function for the simulation of metal forming processes : Formulation of the contact condition and mesh adaptation. From a Lagrangian approach to an Eulerian approach. *International Journal for Numerical Methods in Engineering*, **78** (8) : pp. 980–1008, 2009. (cf. p. 13)
- [36] B. ANDRIEU et D. GUEYFFIER. High-fidelity, dynamic CAD model for propagating surfaces and moving meshes. *Procedia Engineering*, **203** : pp. 115–127, 2017. (cf. p. 14)
- [37] C. CANUTO, M. Y. HUSSAINI, A. QUARTERONI et T. A. ZANG. *Spectral Methods. Fundamentals in Single Domains*. Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2006. (Pas cité)
- [38] A. GIL, J. SEGURA et N. M. TEMME. *Numerical Methods for Special Functions*. Society for Industrial and Applied Mathematics, Philadelphia, PA, USA, 2007. (Pas cité)
- [39] S. CAMPAGNA, P. SLUSALLEK et H.-P. SEIDEL. Ray tracing of spline surfaces : Bézier clipping, Chebyshev boxing, and bounding volume hierarchy – a critical comparison with new results. *The Visual Computer*, **13** (6) : pp. 265–282, 1997. (Pas cité)
- [40] A. J. CHORIN. Flame Advection and Propagation Algorithms. *Journal of Computational Physics*, **35** (1) : pp. 1–11, 1980. (Pas cité)
- [41] J. A. SETHIAN. Numerical algorithms for propagating interfaces : Hamilton-Jacobi equations and conservation laws. *Journal of Differential Geometry*, **31** (1) : pp. 131–161, 1990. (Pas cité)
- [42] R. PEYRET. *Spectral Methods for Incompressible Viscous Flow*, volume 148. Springer Science & Business Media, 2013. (Pas cité)
- [43] F. ALAUZET, B. FABRÈGES, M. A. FERNÁNDEZ et M. LANDAJUELA. Nitsche-XFEM for the coupling of an incompressible fluid with immersed thin-walled structures. *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, **301** : pp. 300–335, 2016. (Pas cité)