

Licence informatique & vidéoludisme Semestre 5

Interprétation et compilation



Chapitre 9 Analyse syntaxique



Pablo Rauzy <pr@up8.edu>
pablo.rauzy.name/teaching/ic

Analyse syntaxique

- ► En compilation, l'analyse syntaxique est l'étape qui suit l'analyse lexicale et qui précède l'analyse sémantique.
- Le rôle de cette analyse est de comprendre et vérifier la structure du code source.
- ► Cette structure est définie par une grammaire non-contextuelle.

- Les grammaires des langages de programmation sont le plus souvent récursives :
 - Une expression est
 - un nombre, ou
 - une expression, suivie d'un opérateur, suivi d'une expression.
 - Une instruction est
 - une affectation, ou
 - une accolade ouvrante, suivie d'une suite d'instructions, suivie d'une accolade fermante.
- Les *grammaires non-contextuelles* (de type 2 dans la hiérarchie de Chomsky) sont tout à fait adaptées à ce genre de description.

5 / 34

- Formellement, une grammaire non-contextuelle est un quadruplet G=(T,N,A,D) où
 - T est un ensemble de symboles terminaux,
 - N est un ensemble de symboles non-terminaux,
 - $A \in N$ est le symbole de départ (ou axiome),
 - D est un ensemble de $\ref{eq:section}$ de la forme $S \to S_1 S_2 \cdots S_k$, où $S \in N$ et $S_i \in T \cup N$.
- ▶ Dans le cadre de la compilation
 - les symboles terminaux sont les unités lexicales du langage,
 - les symboles non-terminaux sont des variables syntaxiques qui désignent des ensembles de chaînes de symboles terminaux,
 - le symbole de départ est un non-terminal qui désigne "un programme",
 - les règles de dérivations peuvent être vues comme descriptives ou génératives.

- ► Exemple de grammaire non-contextuelle pour les expressions arithmétiques (avec + et *):
 - $T = \{ \text{ nombre, +, *} \},$
 - $N = \{E, O, I\},$
 - \bullet A=E
 - $D = \{E \rightarrow I, E \rightarrow EOE, I \rightarrow \text{nombre}, O \rightarrow *, O \rightarrow *\}.$

- On peut voir les règles de dérivation comme des règles de réécriture, dans ce cas elles sont génératives au sens où elles engendrent tous les programmes syntaxiquement valides.
 - $S \to S_1S_2$ se lit "pour produire tous les S possibles il faut d'abord produire tous les S_1 possibles puis tous les S_2 possibles".
- On peut aussi les voir comme des *règles d'analyse*, auquel cas elles sont *descriptives* au sens où elles permettent de reconnaître les programmes syntaxiquement valides.
 - $S o S_1 S_2$ se lit "pour reconnaître un S valide il faut d'abord reconnaître un S_1 valide puis un S_2 valide".

- Vous avez sûrement déjà croisé des grammaires décrites sous forme de BNF.
- C'est une notation très courante pour les grammaires non-contextuelles.
- Attention toutefois :
 - l'ensemble des terminaux et des non-terminaux est implicite dans une description BNF,
 - le symbole de départ est par convention le membre gauche de la première règle.

```
• 

<pre
```

► Voici une grammaire BNF :

```
• 

<pre
```

Que représente cette grammaire ?

- Que représente cette grammaire ?
- Quels sont ses symboles terminaux ?

- Que représente cette grammaire ?
- Quels sont ses symboles terminaux ?
- Quels sont ses symboles non-terminaux?

9 / 34

```
• 

<pre
```

- Que représente cette grammaire ?
- Quels sont ses symboles terminaux ?
- Quels sont ses symboles non-terminaux ?
- Quel est son symbole de départ ?

- Soit une grammaire non-contextuelle G = (T, N, A, D).
- ▶ Soient $S \in N$ et $\sigma \in (T \cup N)$ * tels que $S \to \sigma \in D$.
- $\forall \alpha, \beta \in (T \cup N)*, \alpha S \beta$ se dérive en $\alpha \sigma \beta$ en une étape, ce qu'on écrit $\alpha S \beta \Rightarrow \alpha \sigma \beta$. D'où le nom de grammaire non-contextuelle (ici, α et β sont le contexte de S, et la dérivation de S en σ n'en dépend jamais).
- $\blacktriangleright \ \, \text{Si} \,\, \sigma_0 \Rightarrow \sigma_1 \Rightarrow \sigma_2 \Rightarrow \cdots \Rightarrow \sigma_n \text{, on note } \sigma_0 \stackrel{n}{\Rightarrow} \sigma_n.$
- \blacktriangleright Si α se dérive en β en un nombre quelconque (y compris zéro) d'étapes, on note $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \beta$.

- lacksquare Le langage engendré par G=(T,N,A,D) est l'ensemble $L(G)=\Big\{\sigma\in T*\mid A\stackrel{*}{\Rightarrow}\sigma\Big\}.$
- Si $p \in L(G)$ on dit que p est une phrase de L(G) (ou, en compilation, un programme syntaxiquement valide).

- Toujours avec une grammaire G = (T, N, A, D).
- Soit $\sigma \in T*$, telle que $\sigma \in L(G)$, il existe donc une dérivation $A \stackrel{*}{\Rightarrow} \sigma$.
- On peut représenter cette dérivation par un arbre, qu'on appelle arbre de dérivation :
 - la racine de l'arbre est A.
 - les feuilles sont étiquetées par les symboles terminaux de σ ,
 - chaque nœud correspond à une dérivation (donc si $S \to S_1 S_2 \cdots S_n$ est utilisé, le nœud étiqueté par S a n fils étiquetés par S_1 , S_2 , etc.).

- Toujours avec une grammaire G = (T, N, A, D).
- Soit $\sigma \in T*$, telle que $\sigma \in L(G)$, il existe donc une dérivation $A \stackrel{*}{\Rightarrow} \sigma$.
- On peut représenter cette dérivation par un arbre, qu'on appelle arbre de dérivation :
 - la racine de l'arbre est A.
 - les feuilles sont étiquetées par les symboles terminaux de σ ,
 - chaque nœud correspond à une dérivation (donc si $S \to S_1 S_2 \cdots S_n$ est utilisé, le nœud étiqueté par S a n fils étiquetés par S_1 , S_2 , etc.).
- → Dessinez l'arbre de dérivation de "foo = 1 & !bar; o = !(foo | | 0);" pour la grammaire donnée par la BNF vue précédemment.

- L'arbre de dérivation qui est nécessairement construit par l'analyseur syntaxique pour vérifier la validité de la syntaxe du programme est une information précieuse.
- En effet, elle correspond à la structure du code source.
- C'est donc une première étape significative dans la compréhension du code.

▶ Ainsi que la phrase suivante : "1 & 0 | 1".

- ▶ Ainsi que la phrase suivante : "1 && 0 || 1".
- Il y a plusieurs dérivations possibles, dont :
 - E \Rightarrow E && E \Rightarrow E && E || E $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ V && V || V
 - E \Rightarrow E || E \Rightarrow E && E || E $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ V && V || V
- → Dessinons les arbres de dérivations correspondants.

- Ainsi que la phrase suivante : "1 && 0 || 1".
- ll y a plusieurs dérivations possibles, dont :
 - $\bullet \ \ E \ \Rightarrow \ E \ \delta \delta \ \ E \ \mid \ \mid \ E \ \stackrel{*}{\Rightarrow} \ V \ \delta \delta \ \ V \ \mid \ \mid \ \ V$
 - E \Rightarrow E || E \Rightarrow E && E || E $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ V && V || V
- → Dessinons les arbres de dérivations correspondants.
- Cette grammaire est donc ambigüe.

- Soient deux grammaires G_1 et G_2 .
- lackbrack Si $L(G_1)=L(G_2)$ on dit que les deux grammaires sont <u>équivalentes</u>.
- Il est souvent possible de remplacer une grammaire ambigüe par une grammaire non-ambigüe équivalente.
 - Il n'y a pas de méthode générale pour cela, donc ne n'est pas automatisable.

- Elle est équivalente à la précédente, mais est non-ambigüe.
- La phrase "1 & 0 || 1" ne peut se dériver que de la façon suivante :

```
• E \Rightarrow E || C \Rightarrow C || C \Rightarrow (C && T) || C \stackrel{*}{\Rightarrow} V && V || V
```

- Arrivez-vous à vous convaincre que c'est la seule façon de dériver cette phrase ?
- → Dessinons l'arbre de dérivation correspondant.
- → Que remarquez-vous ?

- La factorisation à gauche est une technique pour corriger certains cas d'ambiguïté.
- Prenons les règles de dérivation $S \to \sigma \alpha$ et $S \to \sigma \beta$.
- ▶ Il est possible de les réécrire en $S \to \sigma S'$, $S' \to \alpha$ et $S' \to \beta$.
- Exemple:

devient:

```
• <expr> ::= "if" <expr> "then" <expr> <maybe-else> <maybe-else> ::= "else" <expr> | \epsilon
```

- Si on décide que la dérivation vide ne doit se faire qu'en dernier recours si aucune autre n'est possible (dérivation gloutonne), alors il n'y a plus d'ambiguïté.
- → Dérivez la phrase "if foo then if bar then baz else quux" de toutes les façons possibles dans les deux grammaires.

Grammaires contextuelles

▶ Un exemple simple de langage plus puissant que ce que peut décrire une grammaire non-contextuelle est $Lc = \{ww \mid w \in (a|b)*\}$.

Grammaires contextuelles

- Un exemple simple de langage plus puissant que ce que peut décrire une grammaire non-contextuelle est $Lc = \{ww \mid w \in (a|b)*\}.$
- En effet, le seul moyen d'obtenir ce langage serait avec une grammaire de type $G = (\{a,b\},\{S,A,B,A',B'\},S,D)$ où D contient les règles de dérivation suivantes :

•
$$S \rightarrow aAS$$

•
$$Aa \rightarrow aA$$

•
$$AA' \rightarrow A'a$$

•
$$aA' \rightarrow aa$$

•
$$S \rightarrow bBS$$

• $S \rightarrow aA'$

•
$$Bb \rightarrow bB$$

• $Ab \rightarrow bA$

•
$$AB' \rightarrow A'b$$
 • $aB' \rightarrow ab$

•
$$BB' \rightarrow B'b$$
 • $bB' \rightarrow bb$

•
$$S \rightarrow aA'$$

• $S \rightarrow bB'$

$$Ba \rightarrow aB$$

•
$$Ba \rightarrow aB$$
 • $BA' \rightarrow B'a$ • $bA' \rightarrow ba$

•
$$bA' \rightarrow ba$$

Cette grammaire est contextuelle (cf les membres gauches des règles de dérivation).

- Un exemple simple de langage plus puissant que ce que peut décrire une grammaire non-contextuelle est $Lc = \{ww \mid w \in (a|b)*\}.$
- En effet, le seul moyen d'obtenir ce langage serait avec une grammaire de type $G = (\{a,b\},\{S,A,B,A',B'\},S,D)$ où D contient les règles de dérivation suivantes :

•
$$S \rightarrow aAS$$

•
$$Aa \rightarrow aA$$

•
$$AA' \rightarrow A'a$$
 • $aA' \rightarrow aa$

$$aA' \rightarrow aa$$

•
$$S \rightarrow bBS$$

• $S \rightarrow aA'$

•
$$Bb \rightarrow bB$$

• $Ab \rightarrow bA$

•
$$AB' \rightarrow A'b$$
 • $aB' \rightarrow ab$

•
$$BB' \rightarrow B'b$$
 • $bB' \rightarrow bb$

•
$$S \rightarrow aA$$

• $S \rightarrow bB'$

•
$$Ba \rightarrow aB$$

•
$$Ba \rightarrow aB$$
 • $BA' \rightarrow B'a$ • $bA' \rightarrow ba$

- Cette grammaire est contextuelle (cf les membres gauches des règles de dérivation).
- On ne pourra pas décrire de tels langages lors de l'analyse syntaxique.
- Pensez-vous que c'est gênant pour la compilation ? Pourquoi ?

▶ Le principe d'un *analyseur descendant* est de construire l'arbre de dérivation en partant de la racine (le symbole de départ de la grammaire) et en allant vers les feuilles (les symboles terminaux).

- On suppose maintenant qu'on dispose d'une grammaire non-contextuelle non-ambigüe et factorisée à gauche.
- On lit les unités lexicales de gauche à droite (L pour left-to-right).
- On cherche systématiquement à faire une dérivation gauche (L pour leftmost).
- On ne regarde qu'un seul lexème d'avance pour décider quelle règle appliquer (1).

- On implémente ce type d'analyseur avec une pile.
- On commence par l'initialisation :
 - on empile le symbole de départ de la grammaire,
 - l'unité lexicale courante est la première.
- Ensuite on fait en boucle :
 - si le sommet de la pile est un terminal σ :
 - si l'unité lexicale courante correspond à σ : on dépile et on avance d'un cran (l'unité lexicale suivante devient la courante),
 - sinon signaler une erreur " σ attendu";
 - ullet si le sommet de la pile est un non-terminal S:
 - si il n'y a qu'une seule règle de dérivation $S \to S_1 S_2 \cdots S_k$: dépiler S et empiler S_k , S_{k-1} , ..., S_1 ,
 - sinon choisir la seule règle qui convient en fonction de l'unité lexicale courante et appliquer le même traitement.
- L'algorithme termine lorsque la pile est vide :
 - si l'unité lexicale courante est EOF, on a réussi à reconnaître une phrase du langage (en compilation, un programme syntaxiquement valide),
 - sinon signaler une erreur "unité lexicale truc inattendue".

Déroulons ensemble l'analyse descendante de "1 & 0 | 1" dans notre grammaire désambiguée et factorisée à gauche :

Chapitre 9

23 / 34

- On peut implémenter ce type d'analyseur sur le modèle de l'algorithme énoncé précédemment.
- C'est à dire de la même manière que les automates qu'on a vu pour les analyseurs lexicaux : avec une fonction de transition générique et une table de transitions dépendante de la grammaire.
- La différence est que cette fois on ajoute une pile.

- On peut aussi se servir de la pile d'appels de notre langage de programmation au lieu de gérer la pile nous-même.
- Dans ce cas, le code de l'analyseur sera complètement lié à la grammaire.
- Pour chaque règle de dérivation $S \to w$ (où $w \in (T \cup N)*$) écrire une fonction match-S qui consiste:
 - si il n'y a qu'une seule règle avec ce membre gauche, à appeler successivement les fonctions match-* correspondantes à w.
 - sinon à faire un switch sur l'unité lexicale courante pour faire la même chose sur la bonne règle.
- Pour chaque terminal σ une fonction match- σ qui:
 - si l'unité lexicale courante est σ passe à l'unité lexicale suivante,
 - sinon signale l'erreur " σ attendu".
- Regardons ensemble une telle implémentation (ll1.ml).

Le principe d'un *analyseur ascendant* est de construire l'arbre de dérivation en partant des feuilles (les symboles terminaux de la phrase à analyser) et en allant vers la racine (les symboles de départ de la grammaire).

- L'idée est à nouveau d'utiliser une pile, mais "dans l'autre sens".
- Cette fois-ci, on empile les symboles terminaux lus, et c'est quand les symboles du haut de la pile forment le membre droit d'une règle de dérivation qu'on les dépile et empile le non-terminal membre gauche de cette règle.
- Quand on a fini de lire la phrase à analyser, l'analyse a réussi si la pile ne contient plus que le symbole de départ.
- L'empilement s'appelle un décalage (ou shift).
- Le dépilement s'appelle une réduction (ou reduce).

- L'idée est à nouveau d'utiliser une pile, mais "dans l'autre sens".
- Cette fois-ci, on empile les symboles terminaux lus, et c'est quand les symboles du haut de la pile forment le membre droit d'une règle de dérivation qu'on les dépile et empile le non-terminal membre gauche de cette règle.
- Quand on a fini de lire la phrase à analyser, l'analyse a réussi si la pile ne contient plus que le symbole de départ.
- L'empilement s'appelle un décalage (ou shift).
- Le dépilement s'appelle une réduction (ou reduce).
- → Voyez-vous un problème possible avec cette idée ?

- Il y a deux problèmes de déterminisme avec cette méthode :
 - Si le haut de la pile correspond aux membres droits de plusieurs règles de dérivation, laquelle choisir?
 - Si le haut de la pile correspond au membre droits d'au moins une règle de dérivation, doit-on continuer à décaler pour en trouver un autre ? ou réduire tout de suite ?

- Si la grammaire est factorisée à gauche, le premier problème ne devrait pas se poser.
- Le second problème se pose chaque fois qu'une réduction est possible : doit-on l'appliquer ou faire un décalage ?
 - La solution est de faire en sorte que l'analyse par décalage-réduction corresponde à la construction en sens inverse d'une dérivation à droite.
- → Reprenons ensemble notre exemple avec "1 && 0 || 1".

- ightharpoonup Ce qu'on est en train de construire est un analyseur LR(k).
- On lit les unités lexicales de gauche à droite (L pour left-to-right).
- On cherche systématiquement à faire une dérivation droite (R pour rightmost).
- On regarde au maximum k lexèmes à la fois (k).
 - ullet Quand on ne le précise pas, c'est que k vaut 1.

- En fait, ces analyseurs peuvent être beaucoup plus efficace que les analyseurs descendants.
- ► En revanche, ils nécessitent une table de transitions signalant, en fonction de la pile et de l'unité lexicale courante, quelle est la bonne action à faire entre décaler et réduire (en précisant dans ce cas suivant quelle règle de dérivation).
- La construction de cette table à la main serait extrêmement longue et fastidieuse, et particulièrement prône à l'erreur tout en étant difficile à débugguer...

- L'outil yacc a été originalement écrit au début des années 1970 par Stephen C. Johnson en langage B (mais a très vite été réécrit en C).
- La version libre du projet GNU s'appelle Bison.
- Comme lex, un outil équivalent existe pour de nombreux langages.

32 / 34

- ► En fait, l'outil yacc n'est pas strictement capable de générer des analyseurs syntaxiques LR(1).
- ▶ Il est un peu moins puissant : il génère des analyseurs syntaxiques LALR(1), c'est à dire LA(1)LR(0) (LA signifie "look ahead").
- La différence est subtile : l'analyseur peut regarder la prochaine unité lexicale fournie par l'analyseur lexical, mais il ne les utilise pas au moment de construire les états de l'automate.

- http://gallium.inria.fr/~fpottier/menhir/.
- → Regardons ensemble un exemple d'analyseur syntaxique (parser.mly).

- Les analyseurs LALR étant moins puissants que les LR, il arrive que ceux-ci soient coincés par des conflits shift/reduce ou des conflits reduce/reduce.
- Pour la plupart des langages de programmation, ces conflits peuvent être résolus en explicitant la priorité et le type d'associativité de certains terminaux.
 - Cela peut être fait implicitement par l'ordre d'apparition des règles ou explicitement dans la description de la grammaire donnée à l'outil vacc.