## Huiswerkopgaven

cursus Formele technieken, blok Logica en Informatica code IB0006 serie 2 leereenheid 8 t/m 10

Bij de vragen dient u (tenzij anders vermeld) op het tentamen een bewijs, uitwerking of toelichting te geven. Doet u dat ook nu. Uitsluitend een antwoord is dus niet voldoende.

- 1 Beschouw de predikaatlogische formule  $\forall x \ Ax \rightarrow \forall x \ (Bx \land \exists y \ Rxy)$ .
- a Wat is het bereik van de eerste universele kwantor?
- b Wat is het bereik van de tweede universele kwantor?
- c Wat is het resultaat van de substitutie:  $[y/x](Bx \land \exists y \ Rxy)$ ?
- d Wat is de verzameling  $VV(Bx \land \exists y \ Rxy)$ ?
- e Is f(x, y) vrij voor x in  $Bx \land \exists y Rxy$ ?
- f Is f(x, y) vrij voor y in  $Bx \land \exists y Rxy$ ?
- 2 Laat de predikaatletters *M* (éénplaatsig) en *E* (tweeplaatsig) staan voor respectievelijk 'is een muis' en 'eet'.
- a Geef de volgende formules weer in natuurlijke taal:
  - i  $\neg \exists z (Mz \land Ezz)$
  - ii  $\forall x (Mx \rightarrow \forall y (My \rightarrow \neg Exy))$
  - iii  $\forall x (Mx \rightarrow \forall y (Exy \rightarrow My))$
- b Laat de éénplaatsige predikaatletters *V*, *K*, *L* staan voor respectievelijk 'is vegetariër' , 'is kaas' en 'is vlees' en *E* (tweeplaatsig) voor 'eet'. Schrijf met behulp van *V*, *K*, *L* en *E* als formules
  - i Er is een vegetariër die geen kaas eet.
  - ii Wie geen vlees eet, is een vegetariër.
- Ga uit van een predikaatlogische taal met tweeplaatsige predikaatletter *R* en gelijkheid. Beschouw de volgende drie structuren:







- a Geef een zin  $\varphi_a$  die waar is op 1 maar niet op 2 en 3.
- b Geef een zin  $\varphi_h$  die waar is op 3 maar niet op 1 en 2.
- Geef een zin  $\varphi_c$  die waar is op **2** maar niet op **1** en **3**.
- 4 Beschouw model  $M = (\langle \mathbb{N}, \{=\}, \{0, 1, +\} \rangle, I)$  en bedeling b met b(x) = 1. Gegeven zij interpretatie I met I(E) = '=', I(f) = +, I(0) = 0 en I(1) = 1. Bepaal met behulp van de waarheidsdefinitie de waarde van b(y) zodanig dat M,  $b \models E(f(x, 1), y)$ . Geef per stap een motivatie.