## Procesamiento Digital de Señales

Introducción general

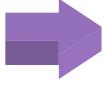


#### Introducción

# Señales

que transportan

#### **Mundo Real**

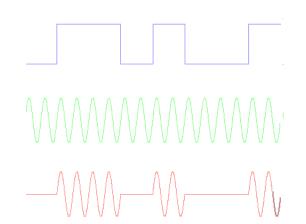


## Información

y son transformadas por

# Sistemas





### Introducción a las Señales



#### Temas a tratar

- Definiciones básicas de señales.
- Clasificación de las señales.
- Operaciones elementales sobre y entre señales.

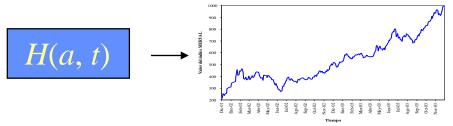
- Contexto de la teoría de la señal.
- Tipos de procesamientos más usuales.

## Objetivos

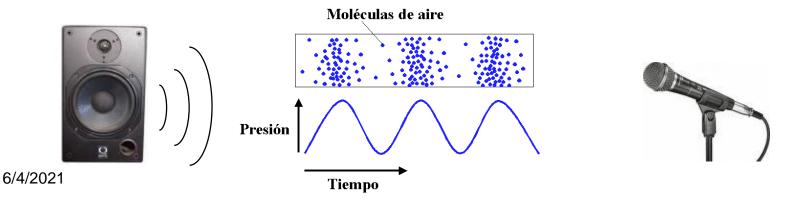
- Operar con señales discretas y reconocer las características y propiedades generales de las mismas.
- Aprender a aplicar en **ejemplos sencillos** las herramientas y conceptos en estudio.
- Motivar el interés mediante **ejemplos concretos de aplicación.**
- Generar y manipular señales digitales en forma de vectores por medio de un lenguaje de programación.

#### Señal: Definiciones técnicas

• Es una variable física, de la naturaleza que sea, que proporciona **información** sobre el estado o evolución de un **sistema**.



• Es la **representación** física de la **información** que transporta desde su fuente hasta su destino.



#### Podemos ver el mundo como...

# Señales

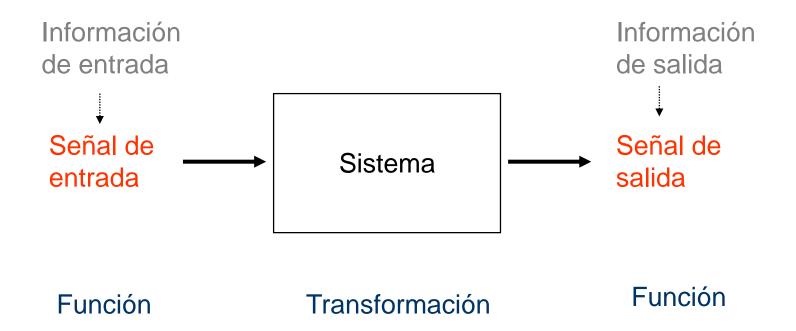
que transportan

# Información

y son transformadas por

Sistemas

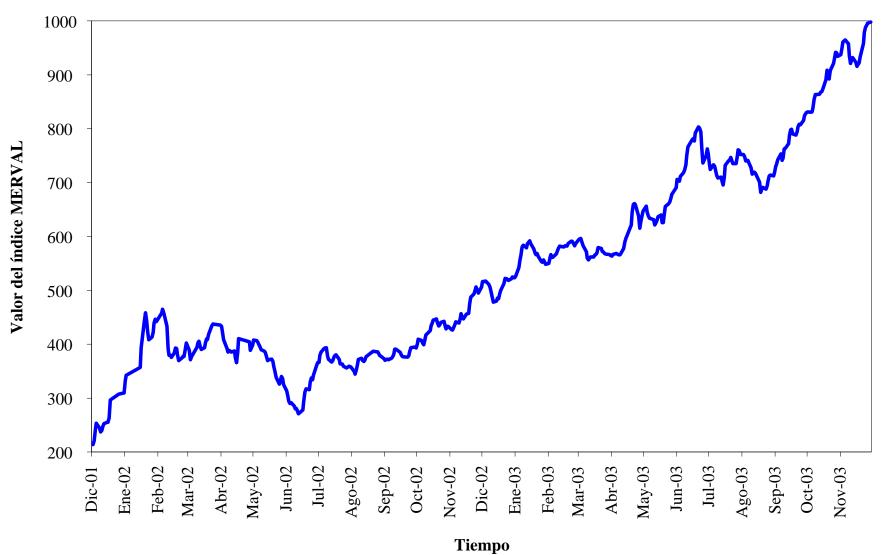
#### Podemos ver el mundo como...



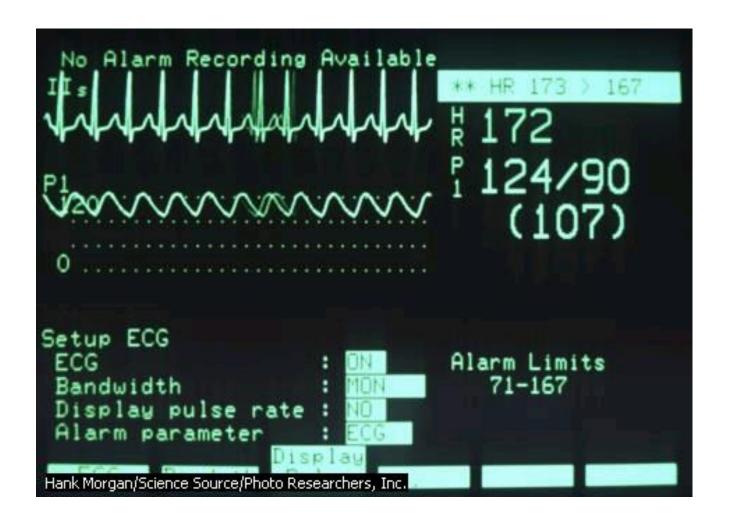
#### Observaciones

- Aunque las señales pueden ser representadas de muchas maneras, en cualquier señal la información está contenida en un patrón de variaciones de alguna magnitud.
- Las señales son representadas matemáticamente como funciones de una o más variables independientes.
- Generalmente se toma como variable independiente al tiempo.

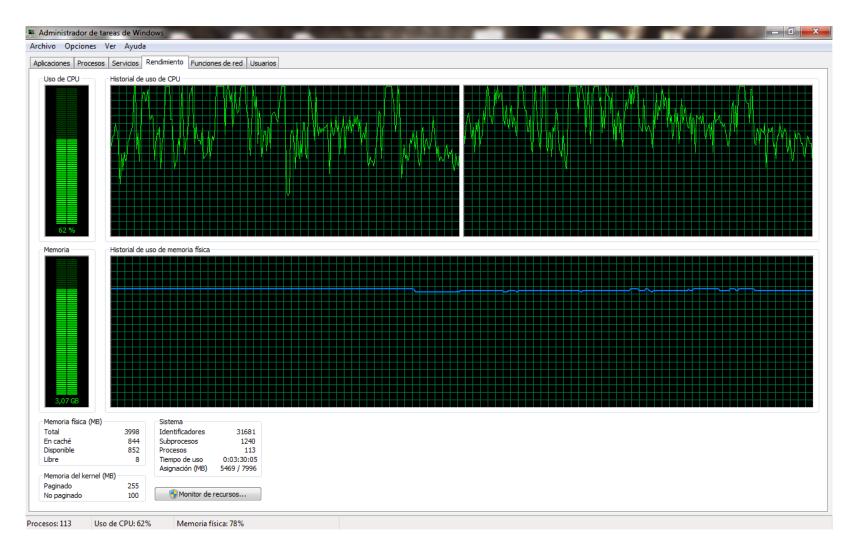
### Ejemplo: Evolución del índice MERVAL



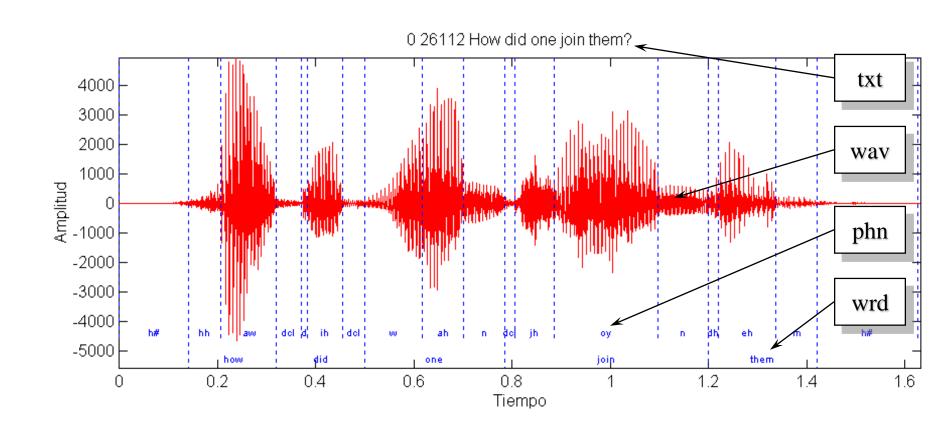
## Ejemplo: Señal de ECG y Presión



## Ejemplo: Uso de CPU y Disco

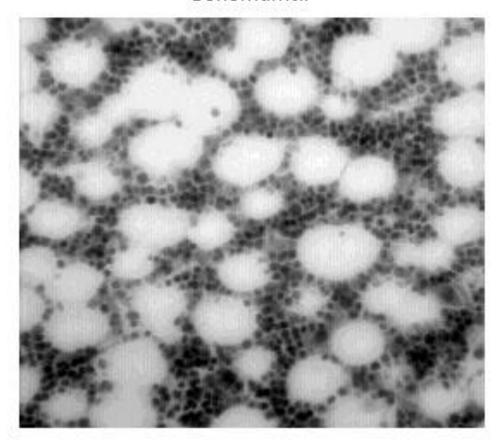


## Ejemplo: Señal de Voz

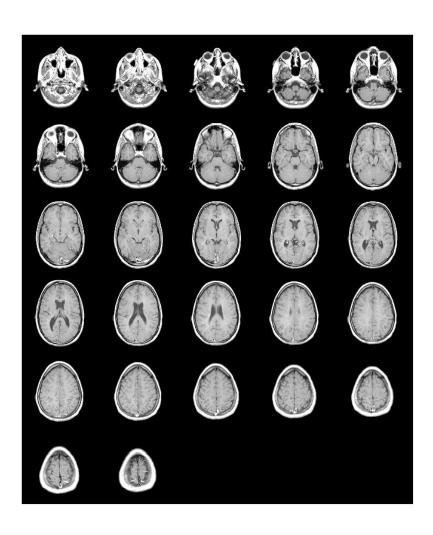


## Ejemplo: Imágenes médicas

bonemarr.tif

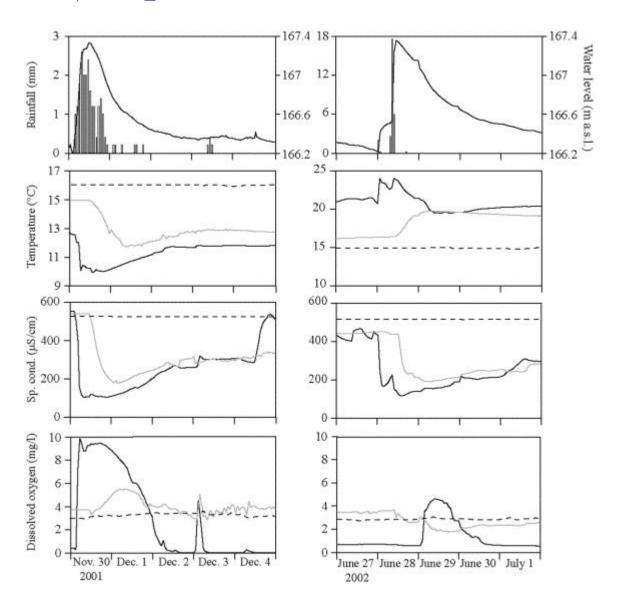


## Ejemplo: Imágenes médicas



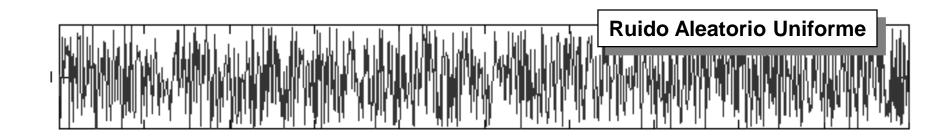
- TAC de cráneo
- La reconstrucción da una señal 3D

## Ejemplo: Señales hídricas...



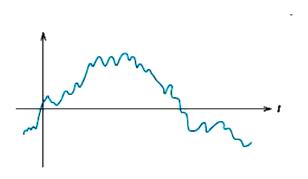
#### Ruido

- Llamamos ruido a cualquier fenómeno que perturba la percepción o interpretación de una señal.
- Comparte la misma denominación que los efectos acústicos análogos.
- Generalmente aditiva, pero puede ser también: multiplicativa, convolucional, etc



#### Dicotomía Señal-Ruido

• La diferencia entre señal y ruido es artificial, y depende solamente del criterio del observador.



#### Relación señal-ruido

- •La relación señal-ruido (S/N o SNR) es una medida de cuanto una señal está contaminada por ruido.
- •Puede ser expresada como la razón ξ entre la potencias de la señal Ps y la potencia del ruido Pr:

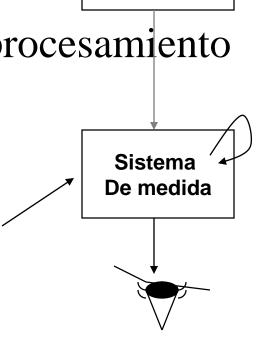
$$\xi = P_{s} \, / \, P_{r}$$
 
$$\xi \, \text{dB} = 10 \, log(P_{s} \, / \, P_{r}) \, \text{dB}$$

#### Procesamiento de señales con ruido

- Normalmente un sistema trata correctamente a una señal cuando el nivel útil de la misma es más alto que el nivel de ruido.
- Algunos métodos de procesamiento más elaborados permiten trabajar con pequeñas SNR, gracias a la información acerca de propiedades de la señal o del ruido conocidas a priori.

#### Ubicación de las fuentes de ruido

- Relacionadas con el sistema bajo estudio:
  - Intrínsecas.
  - Asociadas.
- Relacionadas con el sistema de procesamiento o medida:
  - Internas.
  - Externas.



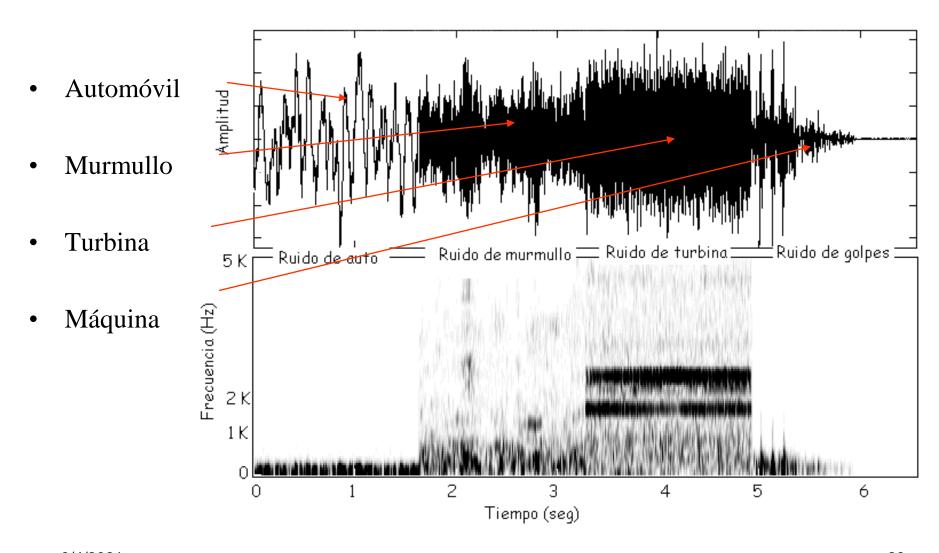
**Sistema** 

Bajo estudio

## Tipos de ruido

- Hay tantos tipos de ruido como señales, por lo tanto vale la misma clasificación.
- Es un error muy común suponer que el ruido es siempre aleatorio.
- Un tipo de ruido aleatorio muy utilizado es el ruido blanco...

## Ejemplos: ruido acústico



# Señales Físicas y Modelos Teóricos (funciones)...

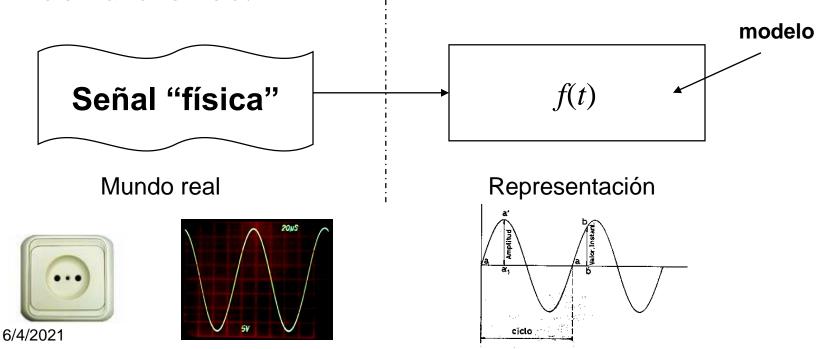
• Una señal experimental es la imagen de un proceso físico, y por lo tanto debe ser físicamente realizable.

# Señales Físicas y Modelos Teóricos (funciones)...

- Su energía debe ser finita.
- Su amplitud es necesariamente limitada.
- Esta amplitud es una función continua (la inercia del sistema prohíbe discontinuidad).
- El espectro de la señal es acotado (tiende a cero cuando la frecuencia tiende a infinito).

# Señales Físicas y Modelos Teóricos (funciones)...

• Cuando se elige una función para representar en forma simplificada una señal física, no es necesario que el modelo cumpla con esas condiciones.



#### Clasificación de Señales

Criterios

#### Criterios de Clasificación de Señales

- Morfológico
- Fenomenológico
- Energético
- Dimensional
- Espectral

• Otros...

6/4/2021

28

## Clasificación Morfológica

• Basada en el carácter continuo o discreto de la amplitud de la señal o de la variable independiente.

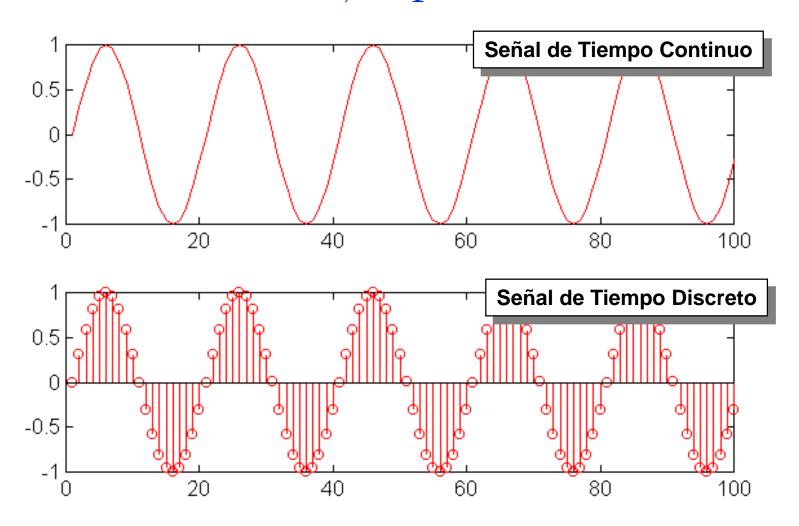
# Señales Discretas y Continuas en el dominio temporal

- El eje temporal es discreto si consiste en un conjunto finito o numerable de instantes de tiempo
- Una señal cuyo eje temporal es discreto (sólo está definida para esos instantes) se denomina señal de tiempo discreto.

# Señales Discretas y Continuas en el dominio temporal

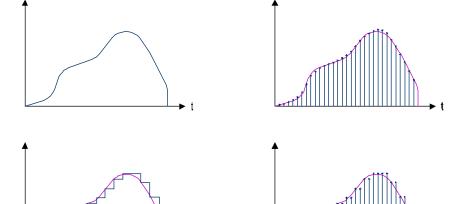
- El eje temporal es continuo si consiste en un intervalo Real o Complejo. Este intervalo puede ser además infinito o semi-infinito.
- Una señal cuyo eje temporal es continuo se denomina señal de tiempo continuo.

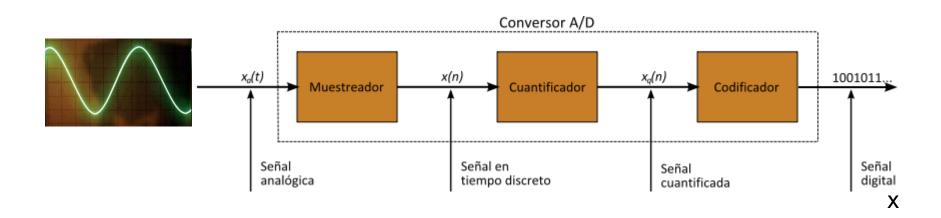
## Ejemplos



## Clasificación Morfológica

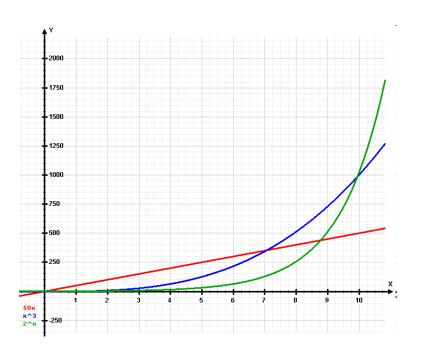
- Señales Analógicas
- Señales Muestreadas
- Señales Cuantizadas
- Señales Digitales

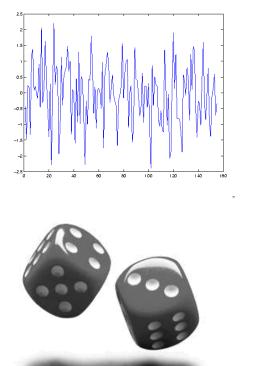




## Clasificación Fenomenológica

 Basada en la posibilidad de predecir o no la evolución "exacta" de la señal a lo largo del tiempo.





## Clasificación Fenomenológica

#### • Señales Determinísticas

- Su evolución es perfectamente predecible por un modelo matemático.
- Los próximos valores de la señal pueden ser determinados exactamente si son conocidas ciertas condiciones anteriores (o iniciales).
- Señales Aleatorias o Estocásticas
  - Su comportamiento es impredecible y sólo pueden describirse mediante observaciones y modelos estadísticos

#### Aleatorio vs Determinístico

- La palabra aleatorio se usa para expresar una aparente carencia de propósito, causa, u orden.
- El resultado de todo proceso aleatorio no puede determinarse en ningún caso antes de que este se produzca.
- Sin embargo, la aleatoriedad no debe confundirse con la **impredecibilidad práctica**.

#### Dilbert

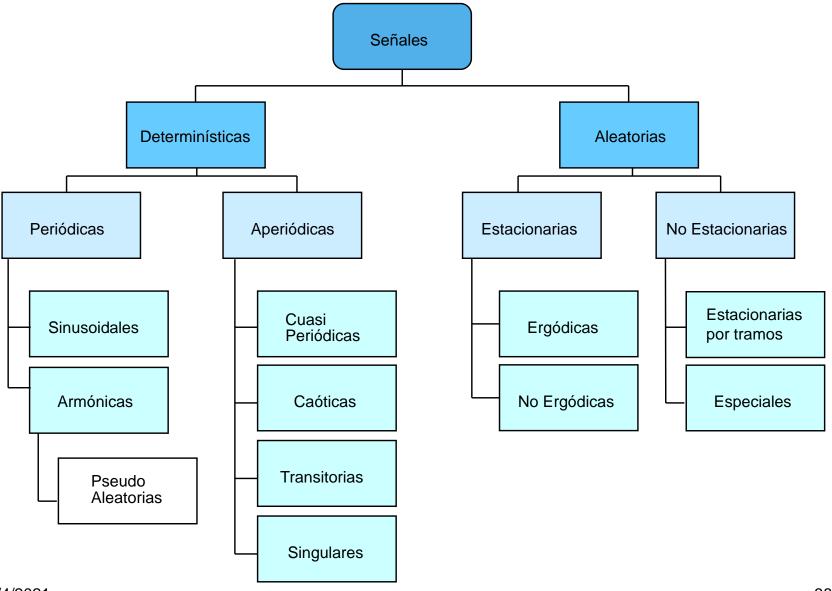


"El azar es la medida de nuestra ignorancia"

(Henri Poincaré, 1854 – 1912)

Por lo tanto no puede ser la explicación científica de ningún fenómeno...

## Clasificación Fenomenológica



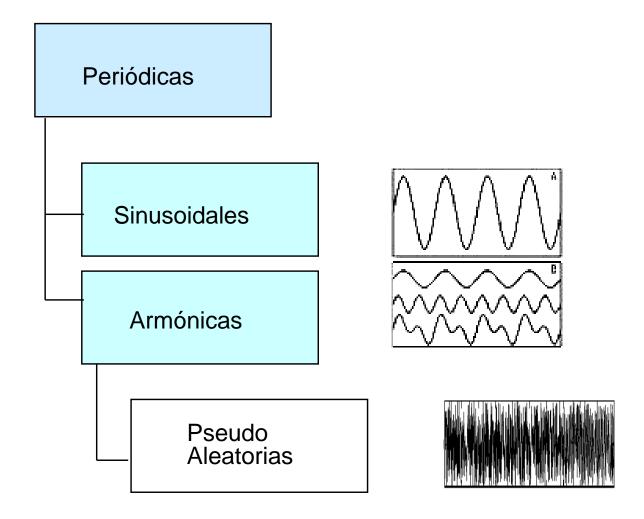
• Una señal continua es periódica si y sólo si

Caso Continuo: 
$$x(t+T) = x(t)$$
 para todo  $t \in (-\infty, \infty)$ 

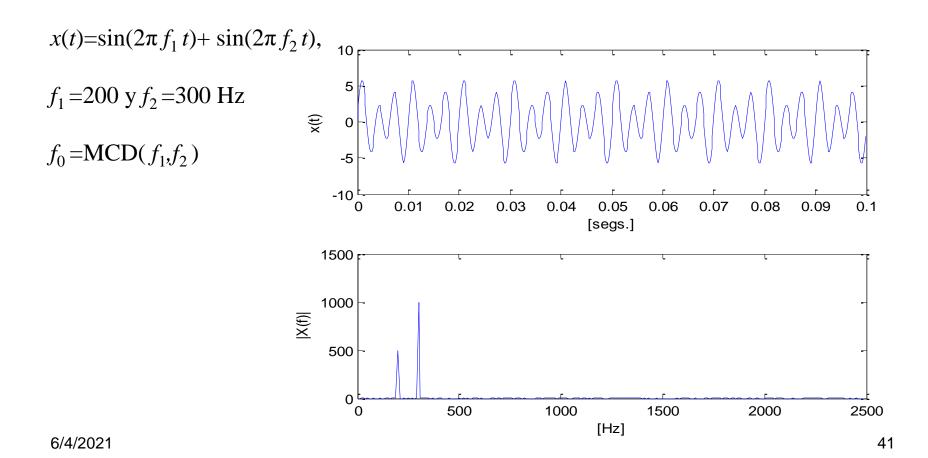
Caso Discreto: 
$$x(n + N) = x(n)$$
 para todo  $n \in (-\infty, \infty)$ 

• El menor valor positivo de T o N para el que se cumple cada una de las ecuaciones anteriores se llama período de la señal.

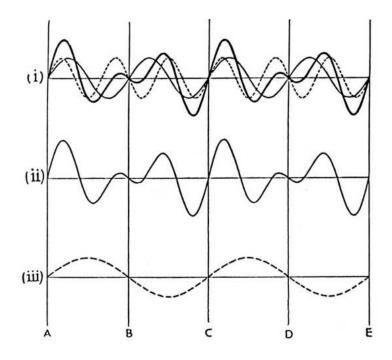
## Clasificación Fenomenológica



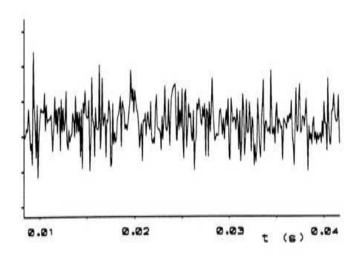
• Armónicos: ondas senoidales cuyas frecuencias obedecen a una relación sencilla de números enteros.



• La superposición de ondas senoidales armónicas resultará en una señal periódica.

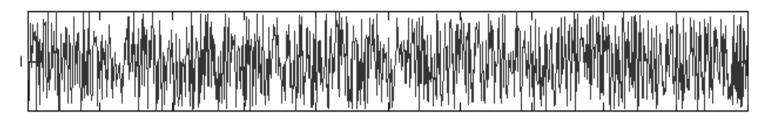


• Si superponemos componentes no armónicas, obtendremos una forma de onda no periódica.



#### Pseudo-aleatorias:

- "Parecen" aleatorias pero en realidad no lo son.
- Por ejemplo: secuencia random de la computadora.

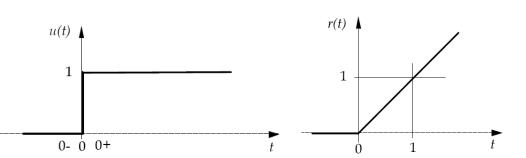


Período de repetición muy largo

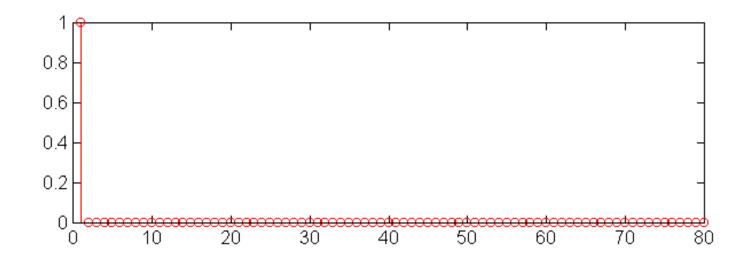
Generador Congruencial Multiplicativo

• Cualquier señal determinística que no es periódica se dice que es aperiódica.

- Algunas señales aperiódicas tienen propiedades únicas y son conocidas como funciones singulares (no diferenciables).
  - Escalón unitario
  - Rampa unitaria
  - Delta de Dirac

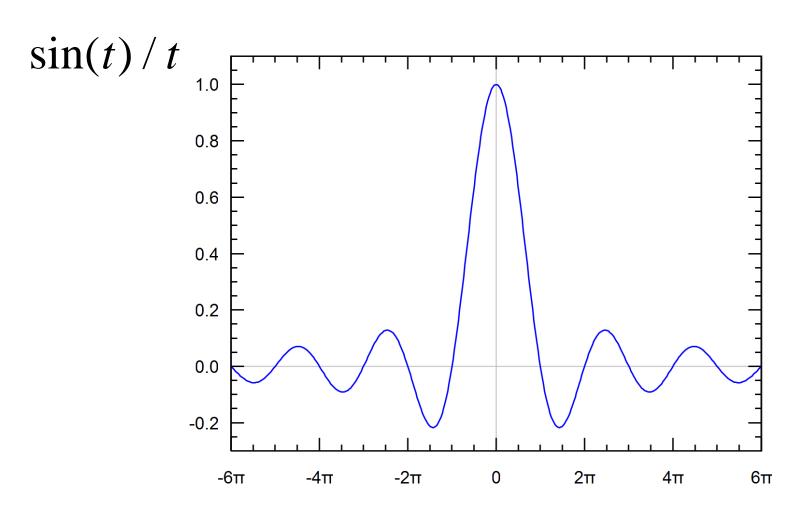


#### Delta de Dirac Discreto



$$\delta[n] = 1, \quad n = 0$$
  
 $\delta[n] = 0, \quad n \neq 0$ 

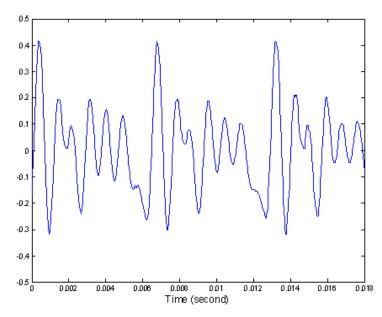
## Sinc



t

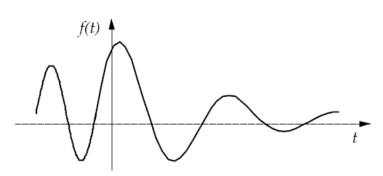
## Cuasiperiódicas

- "Casi" periódicas: pequeñas variaciones entre "cuasiperiodos".
- Por ejemplo: duración, amplitud, etc.



### Señales Transitorias

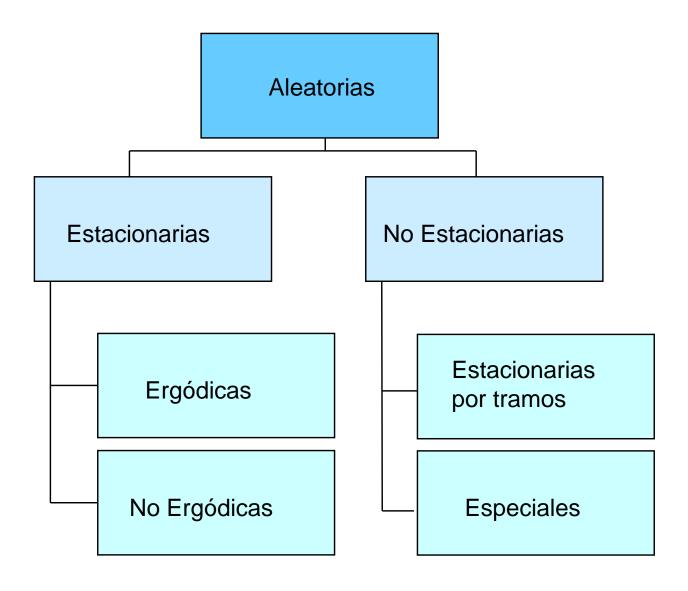
- Son aquellas que agotan su energía dentro del período de observación.
- Esta clasificación no depende tanto de la señal en sí, como de la escala temporal desde la cual se observa a la misma.
- No confundir con período transitorio de una señal o respuesta de un sistema.



### Señales "caóticas"

- Son producidas por sistemas determinísticos bajo ciertas condiciones.
- La sensibilidad de estos sistemas a pequeñas perturbaciones las hace prácticamente impredecibles.

• Por ello pueden aparecer como si fueran aleatorias...



### Proceso y Realización

- Una señal aleatoria es una realización o una muestra de un proceso.
- Una realización difiere de otra por su descripción temporal.
- El conjunto completo (infinito) de realizaciones definen el proceso.

### Definición formal

Sea  $\xi$  que denota el valor de un experimento. Para cada valor suponemos que se asigna  $\uparrow X(t,\xi)$ 

una forma de onda  $X(t,\xi)$ 

La colección de esas señales

forman un proceso estocástico.  $X(t,\xi_k)$ 

El conjunto de  $\{\xi_k\}$  y el índice

temporal t pueden ser

continuos o discretos.

Para  $\xi_i \in S$  fijo (el conjunto de todos los valores experimentales),

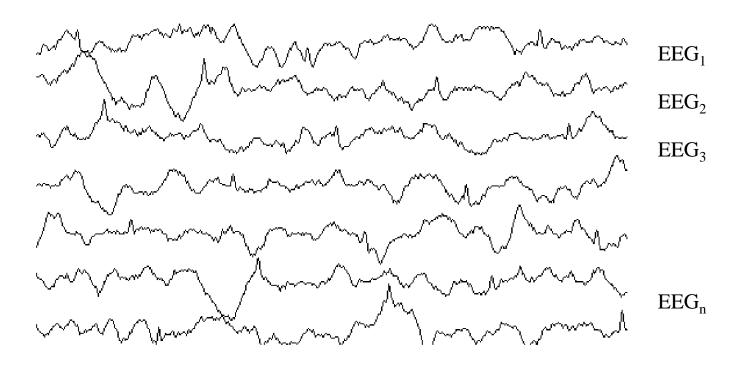
 $X(t,\xi)$  es una función específica del tiempo.

 $X(t,\xi_n)$   $X(t,\xi_k)$   $X(t,\xi_2)$   $X(t,\xi_1)$  0  $t_1$   $t_2$ S), Fig. 1

Para t fijo,  $X_1 = X(t_1, \xi_i)$  es una variable aleatoria. El arreglo de todas esas realizaciones  $X(t, \xi)$  en el tiempo constituye el proceso aleatorio X(t).

53

## Ejemplo: EEG

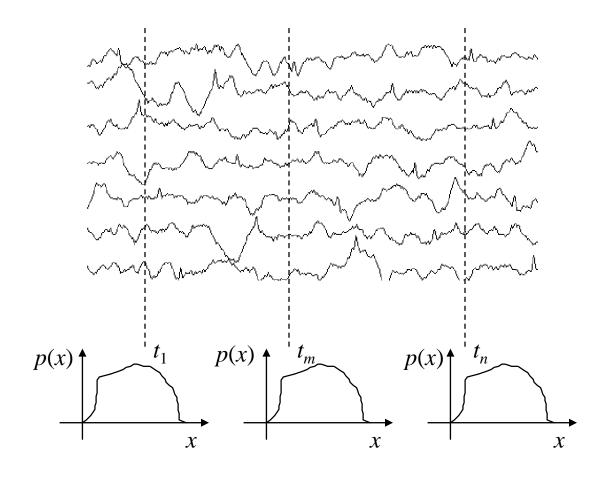


• Proceso: EEG de niños entre 8 y 12 años, sanos, tomados en REM

#### Estacionaridad

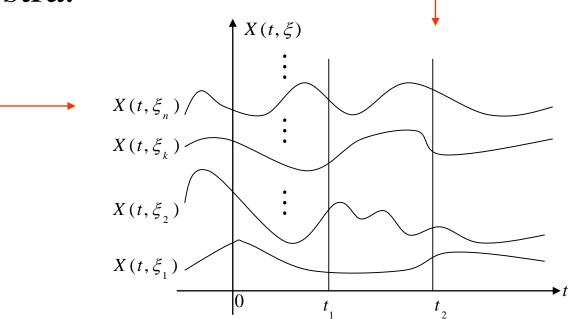
- Un proceso en el que las propiedades estadísticas de la señal no dependen del tiempo es estacionario.
- Un proceso se dice que es estacionario cuando la *fdp* no depende del tiempo.
- Prácticamente: de un proceso estacionario se pueden extraer parámetros estadísticos.

### Estacionaridad



## Ergodicidad

• El promedio estadístico a lo largo de la muestra es igual el promedio temporal a lo largo del eje del tiempo para cualquier función muestra.

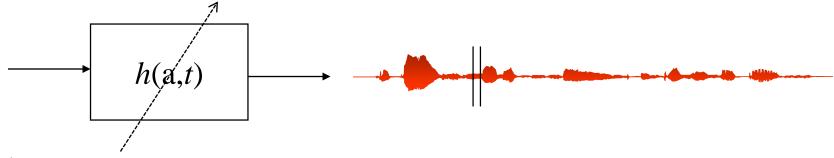


•Ergodicidad ⇒ Estacionariedad

•Estacionariedad ≠ Ergodicidad

## Estacionaria por tramos

- Señales derivadas de sistemas que varían sus parámetros en forma lenta.
- Si se plantea un intervalo de tiempo suficientemente pequeño es posible suponer que la señal se mantiene estacionaria.
- Esto da origen al análisis por tramos.



1

## Clasificación Energética

• De acuerdo a si la señal posee, o no:

- Energía finita
- Potencia media finita

### Clasificación Dimensional

• Basada en el número de variables independientes del modelo de la señal.

## Clasificación Espectral

• Basada en la forma de la distribución de frecuencias del espectro de la señal.

- Baja Frecuencia
- Alta Frecuencia
- De banda Angosta
- De Banda Ancha

### Otras Clasificaciones

- Limitadas en duración
- Limitadas en amplitud

•

## Operaciones con señales

### Operaciones básicas

- Operadores binarios
  - Adición sustracción ...
  - Productos
    - por un escalar
    - punto a punto
    - interno / externo

**—** ...

- Operadores unarios
  - Operaciones sobre el rango
  - Operaciones sobre el dominio
  - Interpolación y decimación

# Operaciones sobre el rango

$$x_{nuevo}(t) = \rho(x_{viejo}(t))$$

## Operaciones sobre el rango

$$x_{nuevo}(t) = \rho(x_{viejo}(t))$$

- Amplificación
- Rectificación
- Cuantización

•

## Operaciones sobre el dominio

$$x_{nuevo}(t) = x_{viejo}(\tau(t))$$

## Operaciones sobre el dominio

$$x_{nuevo}(t) = x_{viejo}(\tau(t))$$

- Compresión
- Expansión
- Inversión
- Traslación

•

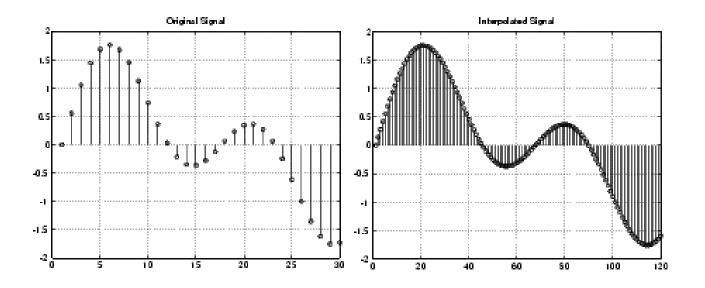
### Interpolación y decimación

- Interpolación lineal
- Interpolación polinómica
- Interpolación sinc
- Decimación (muestreo)

•

### Interpolación

• La interpolación aumenta la frecuencia de muestreo original de una señal de tiempo discreto (puede ser hasta infinito).



### Interpolación

$$x(t) = \sum_{n} x^{*}(nT)i(\frac{t-nT}{T})$$

### Interpolación de orden 0

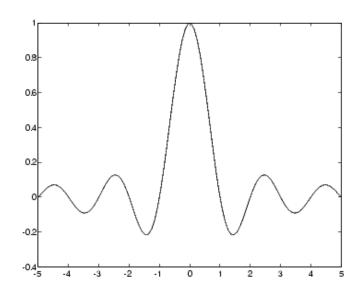
$$i_{step}(t) = \begin{cases} 1 & 0 \le t < 1 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

### Interpolación de orden 1

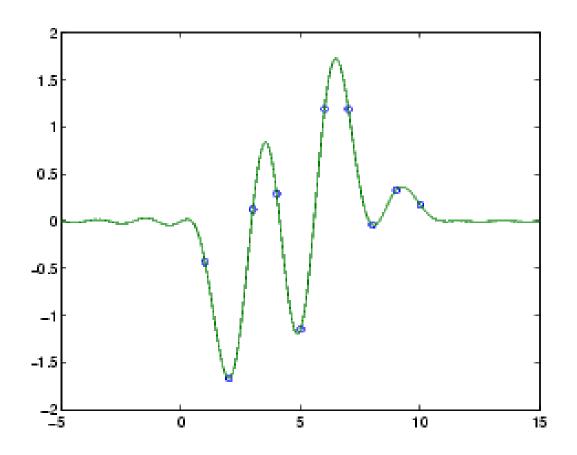
$$i_{lineal}(t) = \begin{cases} 1 - |t| & |t| < 1\\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

### El interpolador ideal

$$i_{sinc}(t) = \begin{cases} \sin(t)/t & t \neq 0 \\ 1 & t = 0 \end{cases}$$

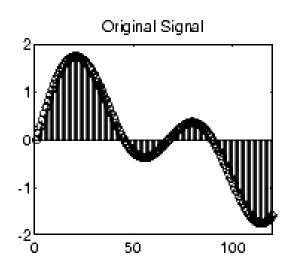


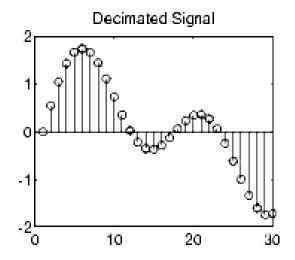
# Interpolación ideal



### Decimación

• La decimación reduce la frecuencia de muestreo original de una señal de tiempo discreto, es lo opuesto a la interpolación.

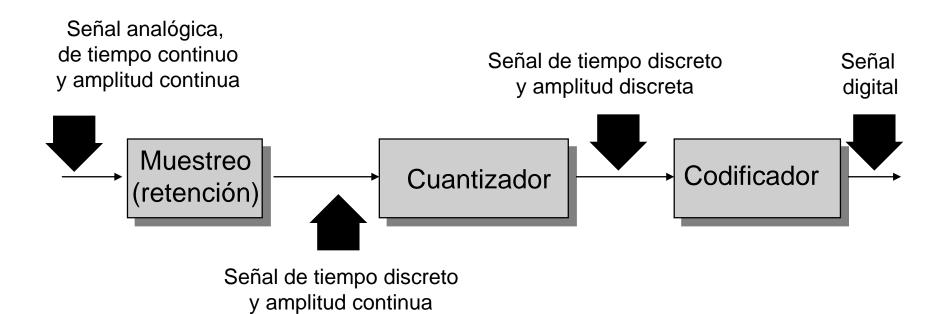




### Digitalización de señales

- Conversión analógico/digital (A/D)
  - Ventaneo
  - Muestreo
  - Retención
  - Cuantización
  - Codificación (ej: binaria)

### Conversión A/D



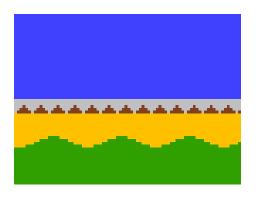
#### • Muestreo:

- Solo medimos a intervalos prefijados por lo cual perdemos los cambios rápidos.
- Dependemos de la fiabilidad del reloj del sistema.

#### • Ventaneo:

- Solo medimos durante un intervalo finito de tiempo por lo cual perdemos los cambios más lentos.
- La forma de esta ventana también afecta el resultado.





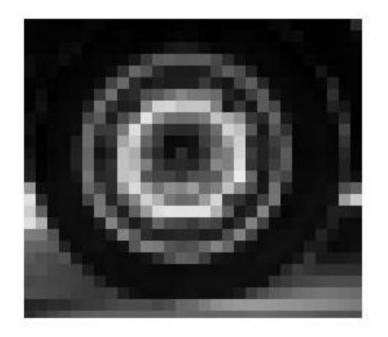
- Un objeto que gira a de alta frecuencia y lo iluminamos a baja frecuencia.
- Una "cámara" acelera constantemente hacia la derecha a la misma velocidad que los objetos se desplazan hacia la izquierda.

Otros problemas de aliasing temporal: Efectos estroboscópicos o visuales

# Muestreo de Imágenes

• Efecto de "Aliasing"





# Muestreo y retención

- Muestreo Uniforme
- Muestreo No uniforme

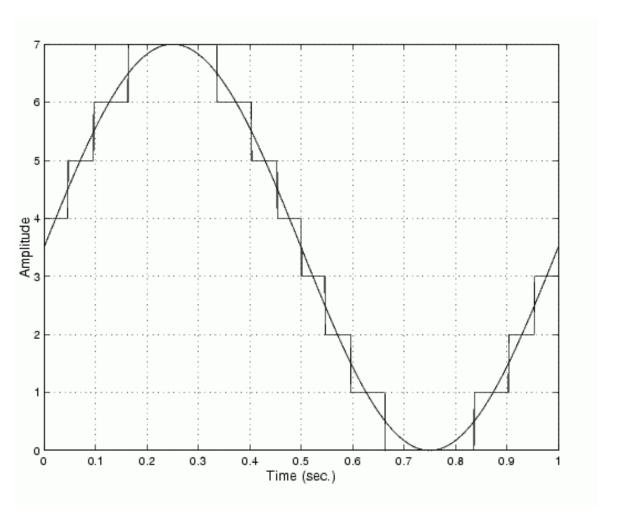
#### Cuantización

$$\rho(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ H.int(x/H) & 0 \le x < (N-1)H \\ (N-1)H & x \ge (N-1)H \end{cases}$$

6/4/2021

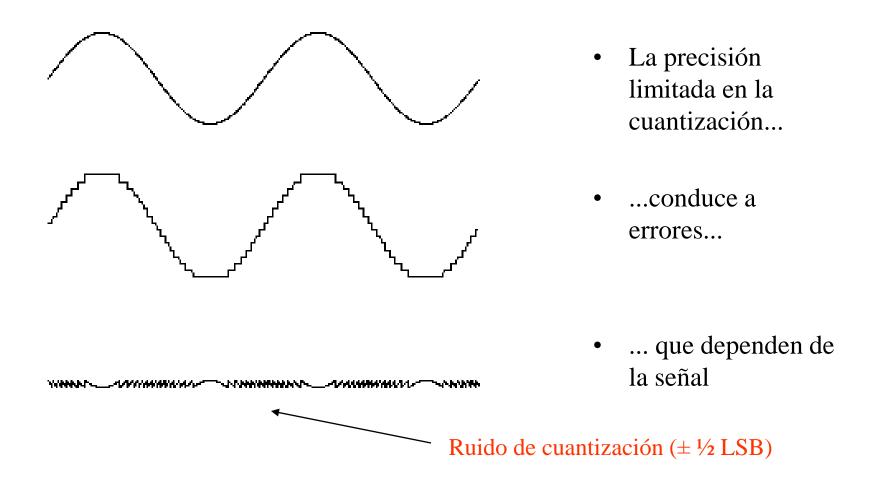
84

### Cuantización

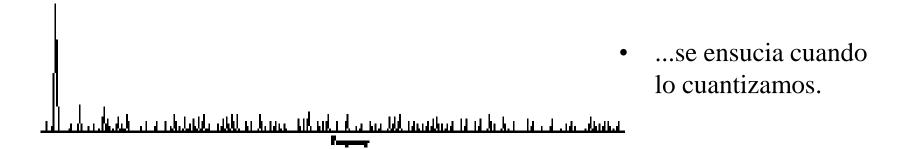


#### Cuantización:

- La precisión está limitada al número de bits disponible.
- Depende también del rango dinámico de la señal.
- Los errores introducidos en el proceso son no lineales y dependientes de la señal.
- También pueden cometerse errores aritméticos dentro del procesador debido a la precisión.







# Teoría de la Comunicación y Teoría de Señales

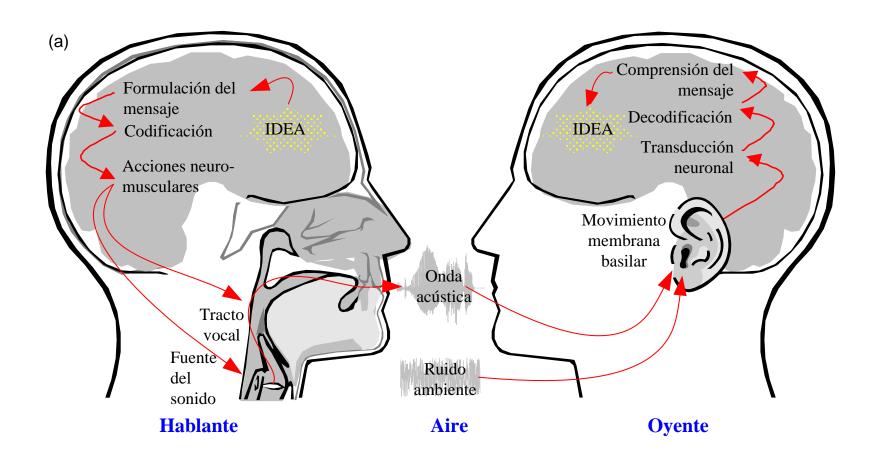
(2da parte)

#### Contexto

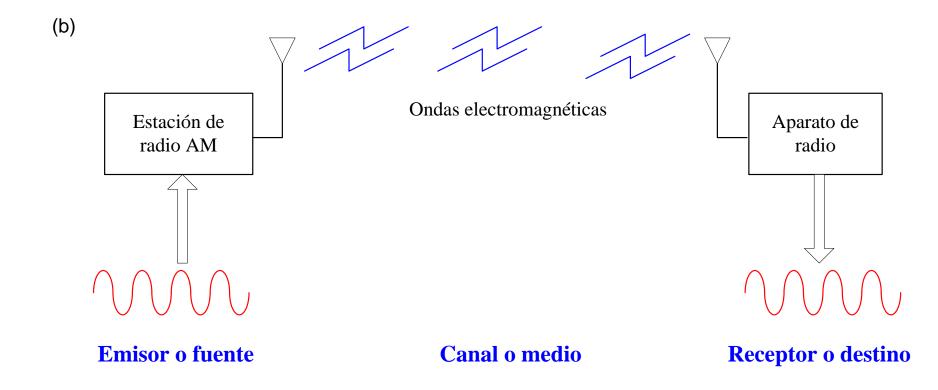
• El estudio de las señales se encuentra contenido en lo que se denomina

### Teoría de la Comunicación

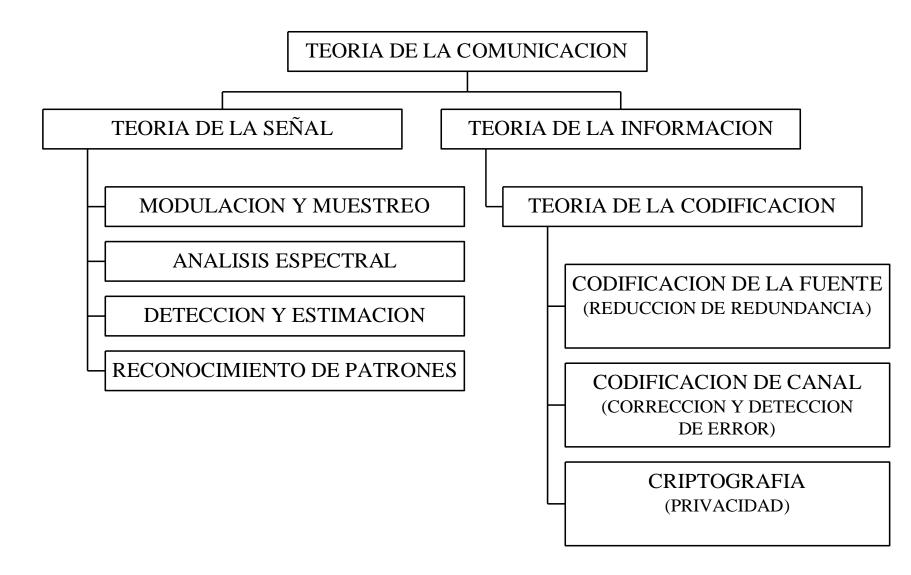
### Ejemplo: la comunicación humana



## Ejemplo: la comunicación por radio



#### Título del diagrama



### Teoría de la Información

- La teoría de la información se ocupa de la medición de la información, de la representación de la misma y de la capacidad de los sistemas de comunicación para transmitir y procesar información.
- C. E. Shannon: "A Mathematical Theory of Communication" (1948).

#### Procesamiento de la Señal

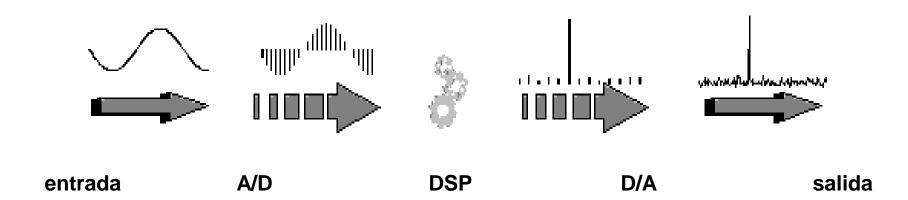
• Es la disciplina técnica que, basada en los métodos de la teoría de la información y la señal, se encarga de la elaboración o interpretación de señales que transportan información, con la ayuda de la electrónica, la computación y física aplicada.

### Procesamiento de Señales

### Principales objetivos

- Extracción de la información útil que se encuentra en las señales y presentación los resultados en forma apropiada para el hombre o la máquina.
- Generación de señales, que permiten el estudio del comportamiento de sistemas.
- Transmisión o almacenamiento de la información contenida en las señales

# Procesamiento Digital de Señales (DSP)



- Procesamiento
  - Realizar operaciones sobre datos de acuerdo con instrucciones programadas
- Digital
  - Operar mediante el uso de señales discretas para representar datos en forma de números
- Señal
  - Una variable por medio de la cual se transmite información en un circuito electrónico

# Procesamiento Digital de Señales (DSP)

• Definición sencilla:

"Modificar o analizar señales representadas a partir de una secuencia discreta de números"

# DSP: Ventajas

#### • Versatilidad:

- Pueden ser reprogramados fácilmente
- Pueden ser migrados a diferentes circuitos

#### • Repetibilidad:

- Pueden ser fácilmente duplicados
- No dependen de estrictas tolerancias de los coeficientes
- Sus respuestas no varían con la temperatura

### • Simplicidad:

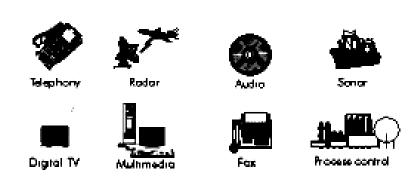
 Algunas cosas pueden ser hechas más fácilmente en forma digital que con sistemas analógicos

## DSP: Desventajas

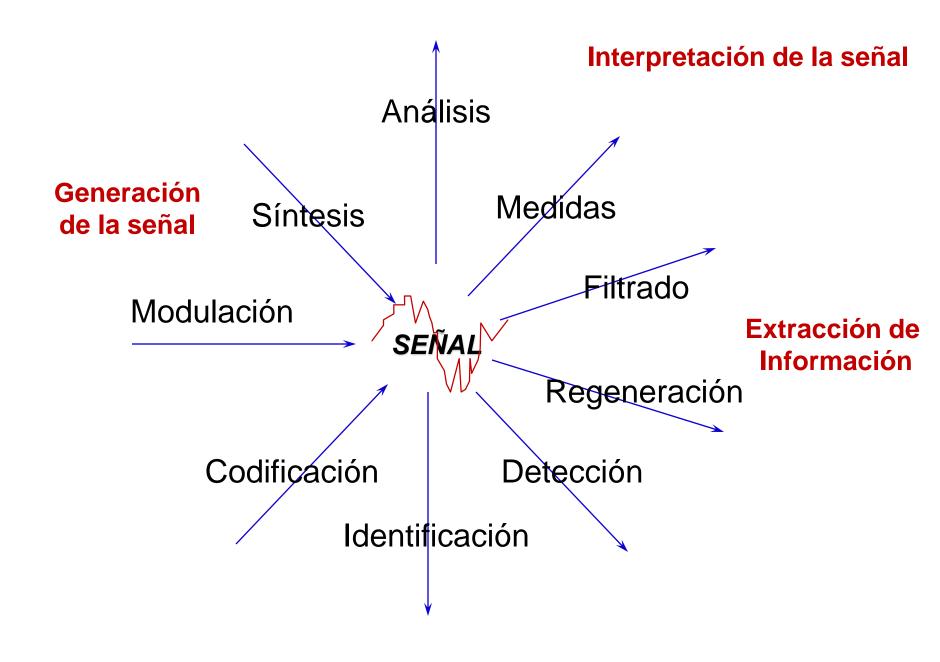
- Trabaja con señales que provienen del mundo real.
- Utiliza "mucha" matemática (multiplicando y sumando señales).
- Requiere un tiempo finito para dar una respuesta.
- Puede necesitar capacidades importantes de almacenamiento de datos.

## DSP: Aplicaciones

• Se utiliza en una gran variedad de aplicaciones:



• Y extensamente en la tecnología actual...



### Técnicas de Procesamiento de Señales

### Amplificación

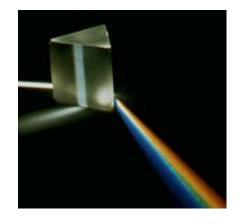
- Consiste en aumentar la amplitud, o potencia, de una señal eléctrica.
- Es uno de los procesamientos más "sencillos"

### Técnicas de Procesamiento de Señales

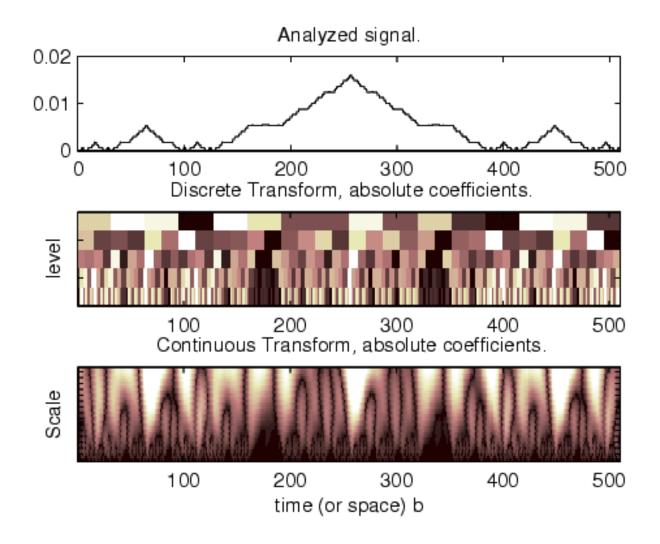
#### Análisis

 Consiste en aislar los componentes del sistema que tienen una forma compleja para tratar de comprender mejor su naturaleza u origen.

Ej: Análisis Espectral de Sonido Cardíacos.



### Ejemplo: Análisis Autosimilar con Onditas

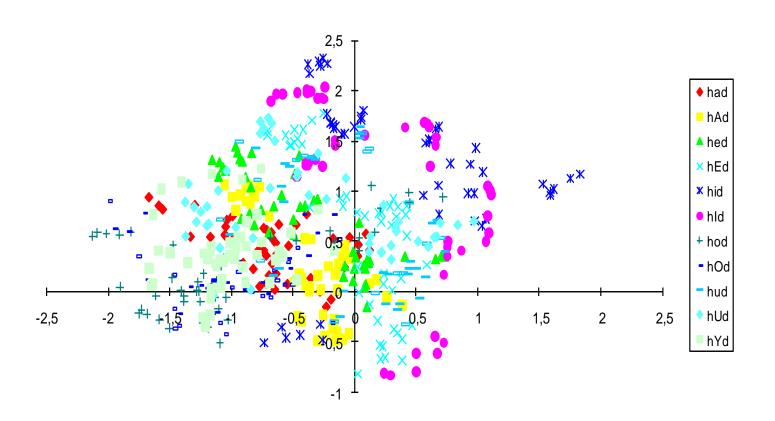


### Análisis

• Muchas veces se utiliza como etapa previa a un sistema automático de clasificación...



#### Ejemplo clasificación Vocales (Deterding)



#### Ejemplo de Vocales de Deterding

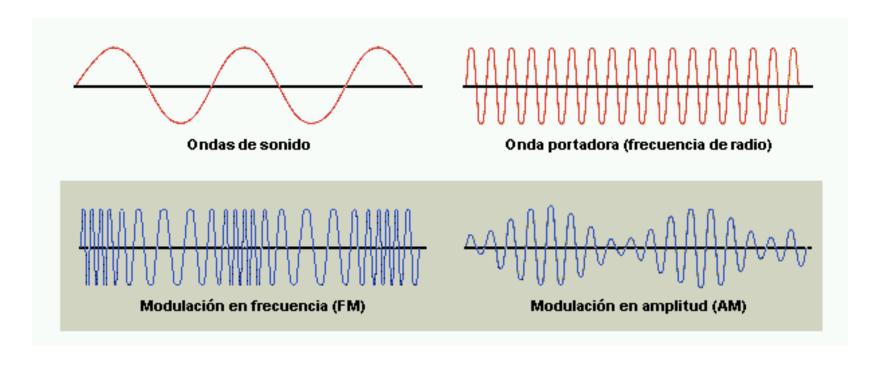
11 vocales de Ingles Británico hablado por 15 hablantes en un contexto h\*d 528 de entrenamiento de 8 hablantes, 462 de prueba de los 7 restantes Cada ejemplo en forma de un vector con 10 dimensiones

#### Algunos Resultados

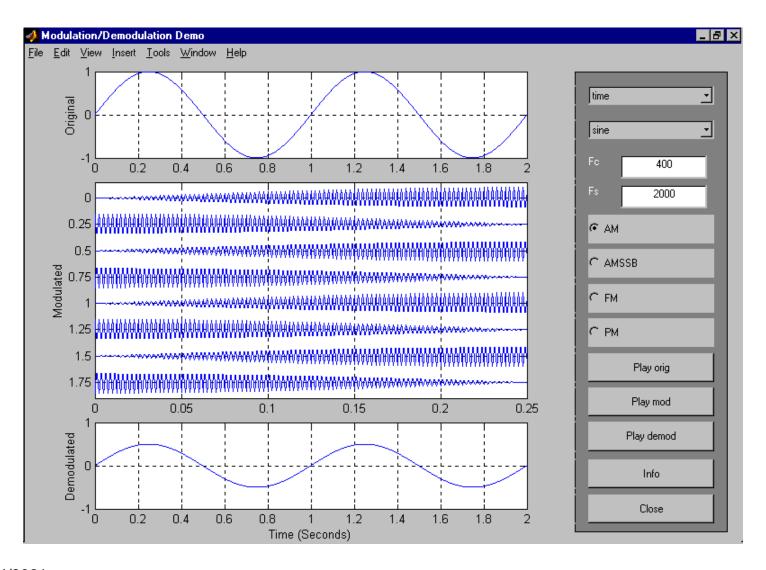
| Clasificador | # de unidad | % correcto |
|--------------|-------------|------------|
| Perceptron   | -           | 33         |
| PMC          | 88          | 51         |
| PMC          | 22          | 45         |
| PMC          | 11          | 44         |
| RBR          | 528         | 53         |
| RBR          | 88          | 48         |
| 1-NN         | -           | 56         |

#### Modulación

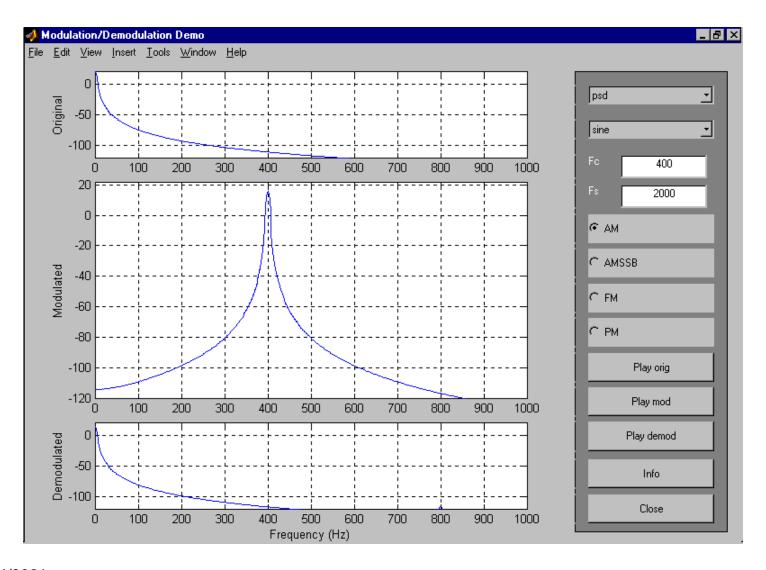
• La modulación consiste en variar la amplitud, la fase o la frecuencia de una señal portadora con referencia a una señal mensaje o moduladora.



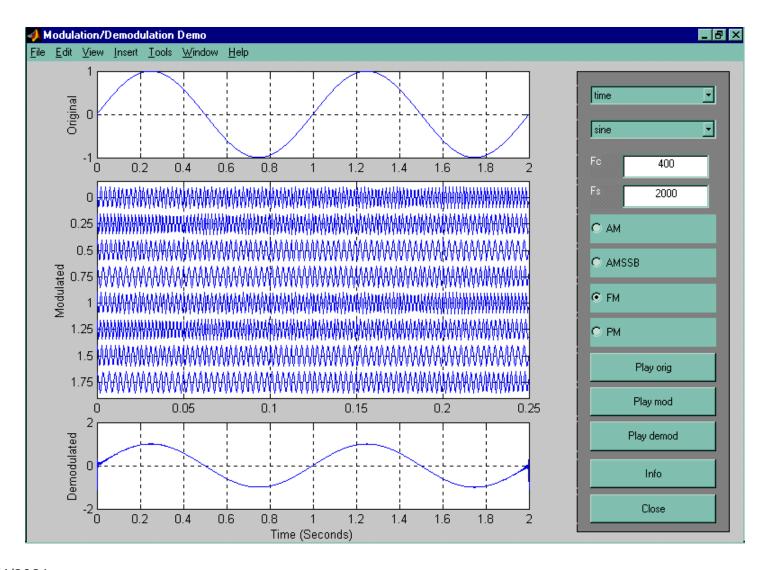
## Ejemplo modulación AM



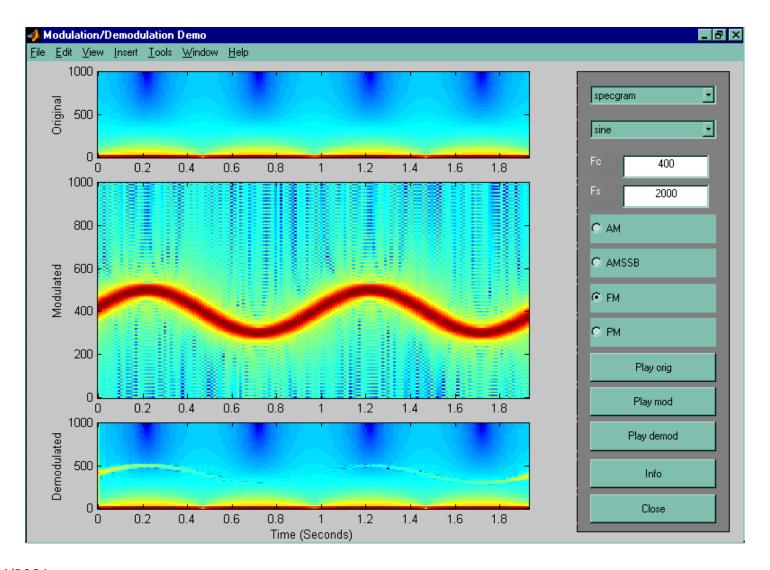
# Ejemplo modulación AM



## Ejemplo modulación FM



# Ejemplo modulación FM

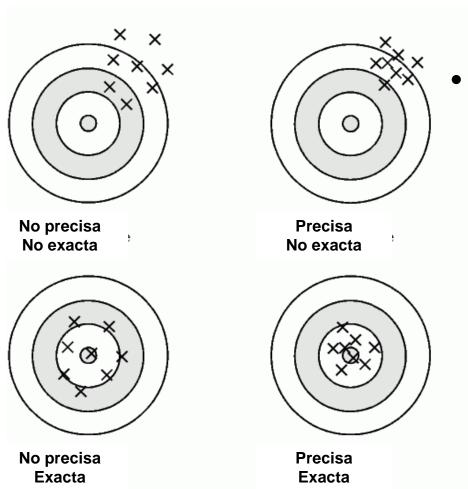


- Medición
- (especialmente en señales con componentes aleatorias)

 Se trata de estimar el valor de una variable característica de la señal, con un determinado nivel de confianza.

Ej: Medición de la temperatura corporal.

## Medición: Precisión y Exactitud



Diferentes situaciones para una medida, el valor real es el centro del blanco.

#### Filtrado

 Consiste en la eliminación de componentes indeseadas de la señal, preservando las de interés.

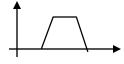
Ej: Eliminación ruido 50 Hz ECG.

### Filtrado

- Tipos de filtros:
  - Pasa-bajos (Lowpass)
  - Pasa-altos (Highpass)
  - Pasa-banda (Bandpass)
  - Rechaza-banda (Bandstop)
  - Multibanda (Multiband)



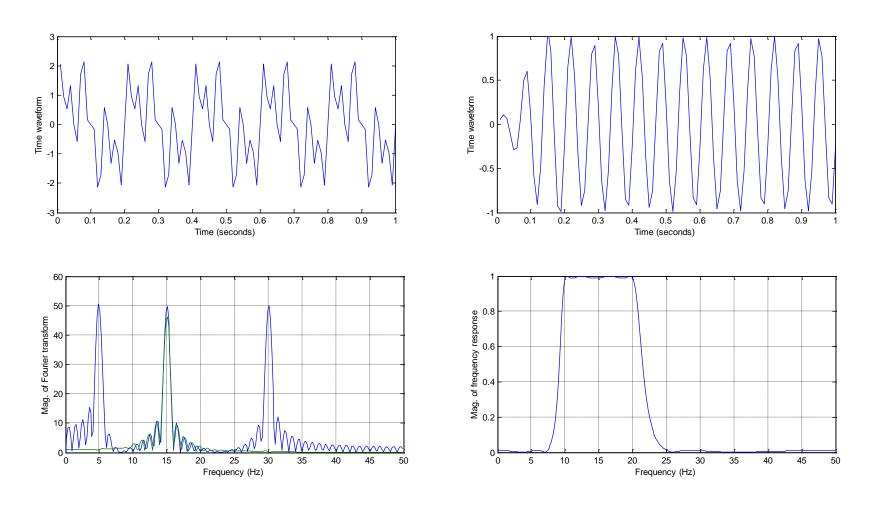






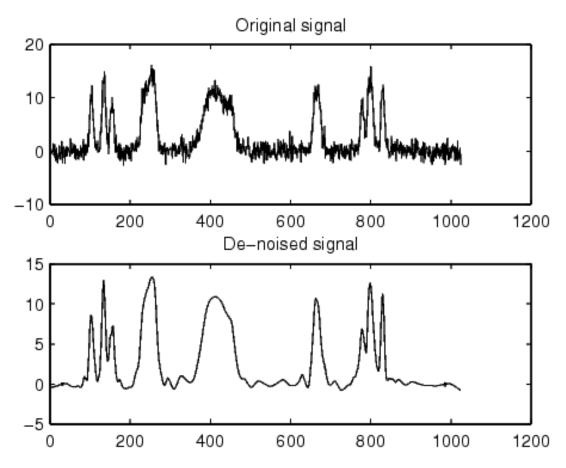


# Ejemplo Filtrado lineal 1D

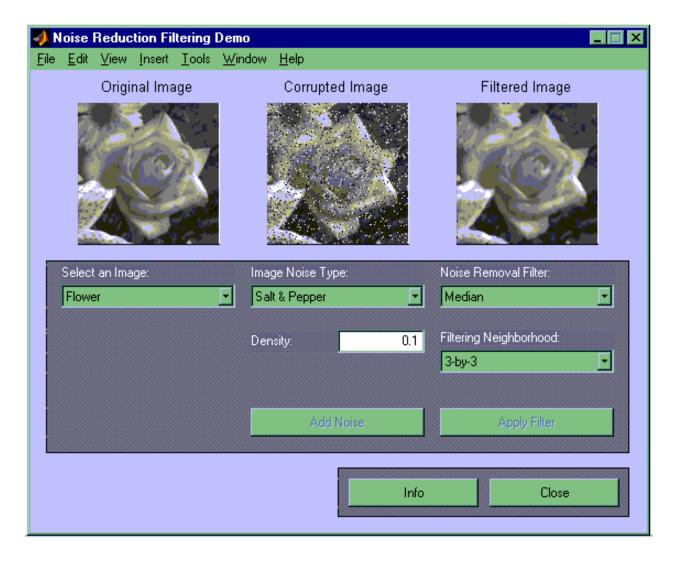


## Ejemplo Filtrado no lineal 1D

• Limpieza de ruido con Onditas



# Ejemplo Filtrado 2D



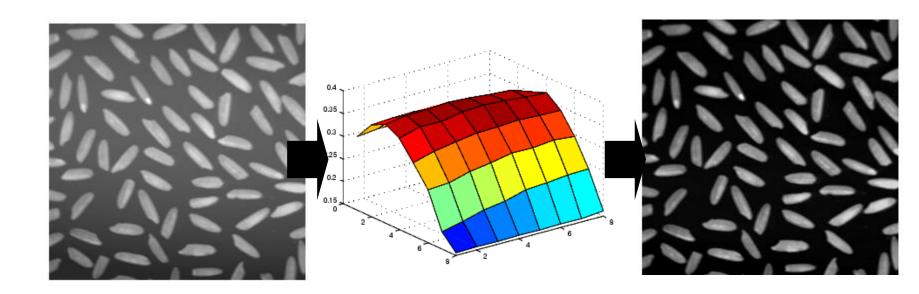
### Regeneración

 Su objetivo es retornar la señal a su forma inicial, después que ésta haya sufrido algún tipo de distorsión.

Ej: Deconvolución de una Imagen Médica.

# Ejemplo: Regeneración

• Imagen con iluminación no uniforme:



#### Detección

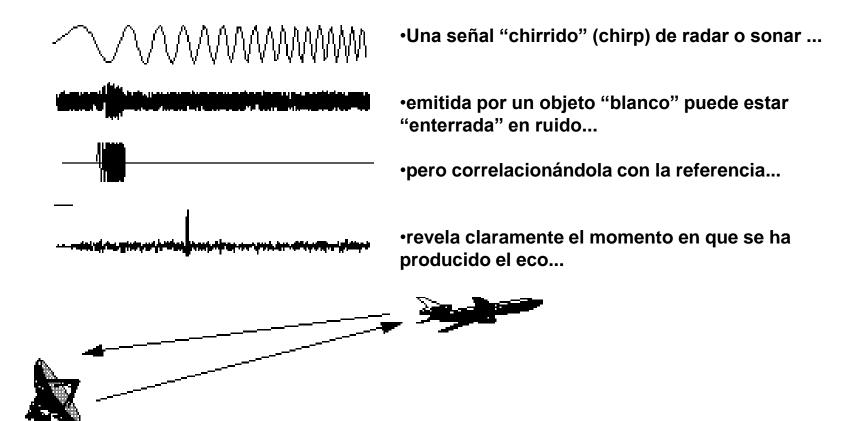
- Determinación de la presencia o ausencia de una señal
- Extracción de una señal útil de un ruido de fondo de grandes dimensiones.

Ej: Potenciales Evocados.

## Detección y correlación...

- La correlación cruzada puede ser utilizada para detectar y localizar una señal conocida de referencia inmersa en ruido:
  - Una copia de la señal conocida de referencia se correlaciona con la señal desconocida.
  - La correlación será alta cuando la referencia sea similar a la señal desconocida.
  - Un valor grande de correlación muestra el grado de confianza en la detección de la señal.
  - Este valor indica también cuando ocurre la señal de referencia.

## Detección y correlación...



6/4/2021

Otro ejemplo: detección del QRS

#### Identificación

- Es un proceso complementario, que permite clasificar la señal observada.
- Las técnicas de Correlación son frecuentemente usadas con este fin.
- En el caso paramétrico culmina en la obtención de un conjunto de parámetros que caracterizan a la señal.

Ej: Diagnóstico Automático de Patologías (para casos complejos puede requerir el uso de técnicas de Reconocimiento de Patrones e IA).

## Identificación y correlación...

- La correlación cruzada puede ser utilizada para identificar una señal por comparación con una librería de señales conocidas de referencia:
  - La señal desconocida es correlacionada con un número de señales conocidas de referencia.
  - La mayor correlación corresponde al patrón o referencia más similar.

## Identificación y correlación...

• Por ejemplo:

El canto de un ruiseñor...

se correlaciona fuertemente con otro ruiseñor...

pero débilmente con una paloma...

o un herón...

## Identificación y correlación...

- La correlación cruzada es una de las formas en las cuales un sonar puede identificar distintos tipos de cuencas o lechos:
  - Cada cuenca tiene una "firma" de sonar única.
  - El sistema del sonar posee una librería de ecos pregrabados desde diferentes cuencas.
  - Un eco de sonar desconocido se correlaciona con la librería de ecos de referencia.
  - Cuando más grande es la correlación más probable es la coincidencia.

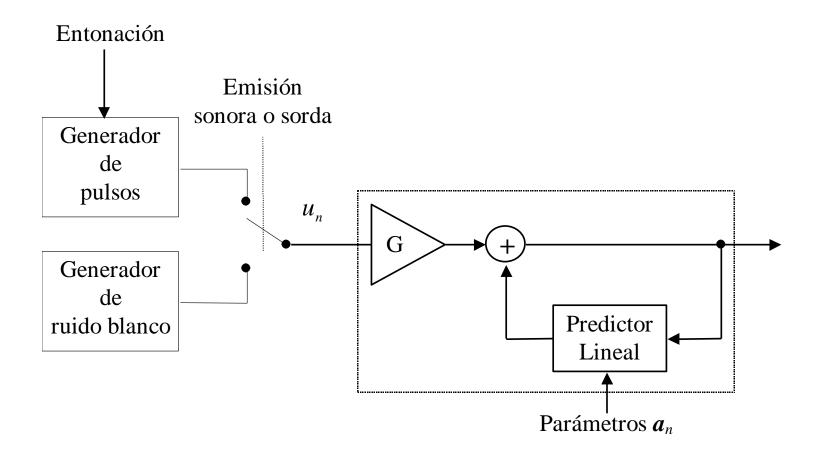
6/4/2021 129

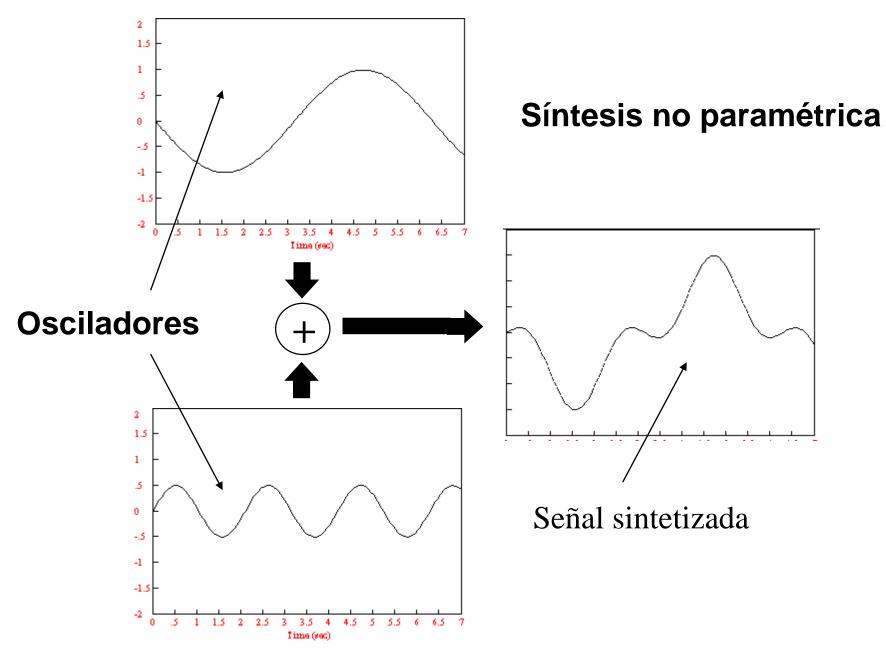
#### Síntesis

 Es la operación opuesta al análisis, consiste en crear una señal con una forma apropiada mediante la combinación, por ejemplo, de un número de señales elementales.

Ej: Sintetizador de Voz Artificial.

# Ej: Sintetizador paramétrico de voz





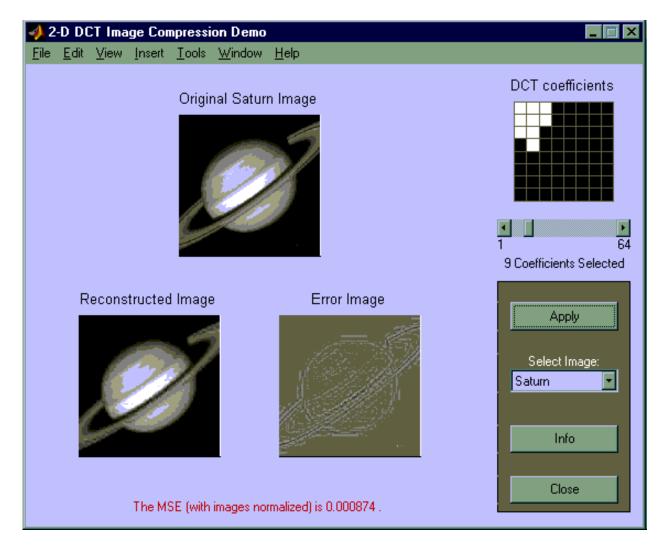
#### Codificación

- 1) Reducción de redundancia en una señal.
  - Es frecuentemente usada aprovechar el ancho de banda o el volúmen de memoria de una computadora. Ej: Compresión de ECG.
- 2) Reducción de los efectos del ruido
  - La modulación y traducción a frecuencias son las formas principales de adaptar una señal a las características de una línea de transmisión, de un filtro analizador, o de un medio de registro. Ej:

    Transmisión de ECG por TE.

133

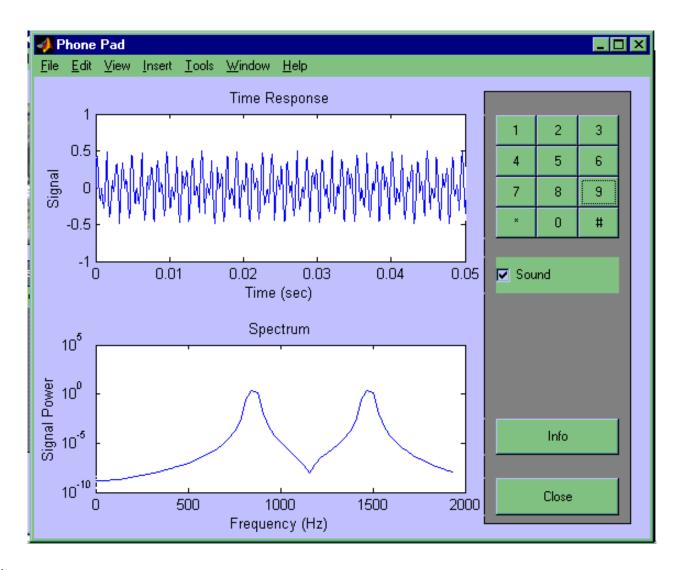
# Ejemplo de Codificación (1)



# TP N°1: Procesamiento Digital de Señales

- Ejercicios obligatorios para presentar (del libro "Introducción a las Señales y los Sistemas Discretos").
  - Ejercicios 1 a 6, 9 y 10 del Capítulo 1.
  - Ejercicio 3 del Capítulo 3 (usar frecuencia de muestreo de 100 Hz).
- La resolución de los ejercicios originales del TP1 es opcional para repaso e introducción a Matlab.

# Ejemplo de Codificación (2)



# Bibliografía para esta Unidad

En general se puede encontrar una introducción a señales en casi cualquier texto de "Señales y Sistemas". Por ejemplo:

- Sinha: 2.1 a 2.5
- Kwakernaak: 1.1 a 1.3, 2.1 a 2.3, 2.5
- Oppenheim-Willsky: 2.1 a 2.4
- Cohen: 1.2, 1.3, 3.3

(Las referencias completas se encuentran en el libro de la Cátedra)