

1 Protocol

1.1 $\text{Setup}(l) \rightarrow (mpk, msk)$

generate $g, g_0, g_1 \in \mathbb{G}_1$ randomly
generate $w, t_1, t_2, t_3, t_4 \in \mathbb{Z}_p^*$
 $\Omega \leftarrow e(g, g)^{t_1 t_2 w}$
 $v \leftarrow g^{t_1}$
 $v \leftarrow g^{t_2}$
 $v \leftarrow g^{t_3}$
 $v \leftarrow g^{t_4}$
 $mpk \leftarrow (\text{Omega}, g, g_0, g_1, v_1, v_2, v_3, v_4)$
 $msk \leftarrow (w, t_1, t_2, t_3, t_4)$
return (mpk, msk)

1.2 $\text{Extract}(Id) \rightarrow Pvk_{Id}$

generate $r_1, r_2 \in \mathbb{Z}_p^*$ randomly
 $d_0 \leftarrow g^{r_1 t_1 t_2 + r_2 t_3 t_4}$
 $d_1 \leftarrow g^{-w t_2} \cdot (g_0 g_1^{Id})^{-r_1 t_2}$
 $d_2 \leftarrow g^{-w t_1} \cdot (g_0 g_1^{Id})^{-r_1 t_1}$
 $d_3 \leftarrow (g_0 g_1^{Id})^{-r_2 t_4}$
 $d_4 \leftarrow (g_0 g_1^{Id})^{-r_2 t_3}$
 $Pvk_{Id} \leftarrow (d_0, d_1, d_2, d_3, d_4)$
return Pvk_{Id}

1.3 $\text{TSK}(Id) \rightarrow Pvk_{Id}$

generate $r_1, r_2 \in \mathbb{Z}_p^*$ randomly
 $d_0 \leftarrow g^{r_1 t_1 t_2 + r_2 t_3 t_4}$
 $d_1 \leftarrow (g_0 g_1^{Id})^{-r_1 t_2}$
 $d_2 \leftarrow (g_0 g_1^{Id})^{-r_1 t_1}$
 $d_3 \leftarrow (g_0 g_1^{Id})^{-r_2 t_4}$
 $d_4 \leftarrow (g_0 g_1^{Id})^{-r_2 t_3}$
 $Pvk_{Id} \leftarrow (d_0, d_1, d_2, d_3, d_4)$
return Pvk_{Id}

1.4 $\text{Encrypt}(Id, m) \rightarrow CT$

generate $s, s_1, s_2 \in \mathbb{Z}_p^*$ randomly
 $C' \leftarrow \Omega^s M$
 $(g_0 g_1^{Id})^s$
 $C_1 \leftarrow v_1^{s-s_1}$
 $C_2 \leftarrow v_2^{s_1}$
 $C_3 \leftarrow v_3^{s-s_2}$
 $C_4 \leftarrow v_4^{s_2}$
 $CT \leftarrow (C', C_0, C_1, C_2, C_3, C_4)$
return CT

1.5 $\text{Decrypt}(\mathbf{Pvk}_{id}, \mathbf{CT}) \rightarrow M$

$M \leftarrow C' \cdot e(C_0, d_0) \cdot e(C_1, d_1) \cdot e(C_2, d_2) \cdot e(C_3, d_3) \cdot e(C_4, d_4)$
return M

1.6 $\text{TVerify}(\mathbf{Pvk}_{id}, \mathbf{CT}) \rightarrow y, y \in \{0, 1\}$

return $e(C_0, d_0) \cdot e(C_1, d_1) \cdot e(C_2, d_2) \cdot e(C_3, d_3) \cdot e(C_4, d_4) = 1(\mathbb{G}_T)$