

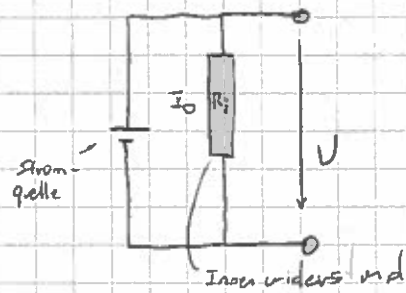


Bei diesen Versuchs sollen die Grundlagen von Schaltungen sowie die charakteristische Eigenschaften von Spannungsquellen vertraut gemacht werden. Es sollen Spannungsquellen, mit und ohne Niederstände und ihre Eigenschaften bestimmt werden. Zudem soll die Temperaturabhängigkeit von verschiedenen Leitertypen gemessen/bestimmt werden.

-> verwendete Größen & Formeln kommt später

Aufgabe 232 A

Eine ideale Stromquelle hat einen unendlich großen Innenwiderstand ( $R_i \rightarrow \infty$ ) so kann theoretisch eine unendliche Spannung eingestellt werden.



Aufgabe 232 B

zur Messung der Leerlaufspannung -> Kompensationschaltung nach Poggendorf

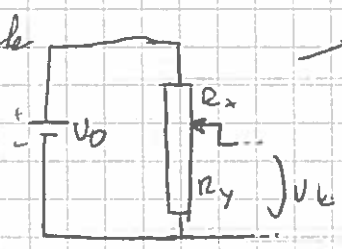
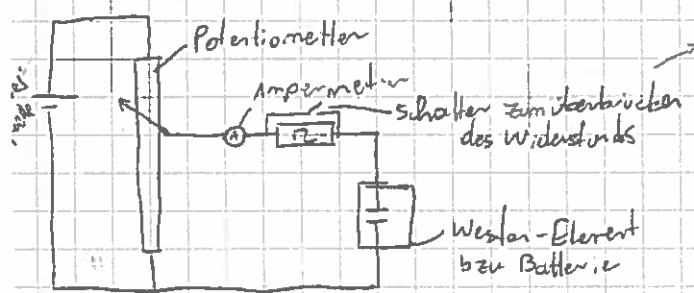


Abbildung 232.2

Aufgabe 232 C

nach Abb. 232.4

$$U_1 = U_0 \frac{R_y}{R_x + R_y}$$

$$U_2 = U_0 \frac{R_z}{R_1 + R_2}$$

$$\Rightarrow U_1 = U_2$$

Daraus ergibt sich:

$$U_1 \stackrel{!}{=} U_2$$

$$\Rightarrow U_1 - U_2 = 0$$

$$U_0 \frac{R_y}{R_x + R_y} - U_0 \frac{R_z}{R_1 + R_2} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{R_y}{R_x + R_y} = \frac{R_z}{R_1 + R_2}$$

$$\Rightarrow R_y \cdot (R_1 + R_2) = R_z \cdot (R_x + R_y)$$

$$\Rightarrow R_y R_1 + R_y R_2 = R_z R_x + R_z R_y \quad | - R_y R_2$$

$$\Leftrightarrow R_y R_1 = R_z R_x$$

$$\Rightarrow R_1 = \frac{R_x}{R_y} \cdot R_z$$

### Aufgabe 232 D

$$R_i = 1 \text{ k}\Omega, \quad I_{\text{max}} = 1 \text{ mA}, \quad I = 4 \text{ A}$$

Um ein Strom von 4 A zu messen, muss der Messbereich des Geräts vergrößert werden.

Man kann den  $R_i$  verändern indem man einen weiteren Widerstand  $R_z$  schaltet.

$$U_{\text{max}} = R_i \cdot I_{\text{max}} = 1 \text{ k}\Omega \cdot 1 \text{ mA} = 1 \text{ mV} \quad | \quad U_{R_z} = U_{\text{max}}$$

$$\text{Mit } R_z = \frac{U_{R_z}}{I_{\text{max}}} = \frac{1 \text{ mV}}{4 \text{ A}} = 0,25 \text{ m}\Omega$$

### Aufgabe 232 E

e bei 232 D

$$U_{\text{max}} = 1 \text{ V} \quad R_i = 100 \text{ k}\Omega$$

$$I = 10 \text{ }\mu\text{A} \quad \text{Richt aus!}$$

$$I_{\text{max}} = \frac{U_{\text{max}}}{R_i} = \frac{1 \text{ V}}{100 \text{ k}\Omega} = 10 \text{ }\mu\text{A}$$

### Aufgabe 232 F

Widerstand kann man mit Hilfe eines Amperemeters messen da man nur ohmsche Widerstände hat:  $U = R \cdot I$ . Man sollte jedoch einen zusätzlichen Widerstand in Reihe zu schalten um den Fehler (von Spannung etc.) zu verringern.

### Aufgabe 232 G

Abbildung 232.5 - Schaltung zur Bestimmung von  $R$  mit einem I- und U-Mess-

$$R_A = R_i + \frac{R_x \cdot R_v}{R_x + R_v} + R_p$$

$$R_B = \frac{(R_i + R_x) R_v}{R_i + R_x + R_v}$$

abc 232 a)

$\frac{U}{I} \quad \Delta R = \sqrt{\left(\frac{\partial R}{\partial U} \Delta U\right)^2 + \left(\frac{\partial R}{\partial I} \Delta I\right)^2} \quad \Delta I = 1 \text{ mA} \quad \Delta U = 0,1 \text{ V}$

abc 232 i)

$U \cdot \frac{1}{y} = 1 \cdot \frac{1}{0,262} \approx 3,817 \text{ V}$



$$\begin{aligned} \Delta U_0 &= \sqrt{\left(\frac{\partial U_0}{\partial U} \Delta U\right)^2 + \left(\frac{\partial U_0}{\partial L} \Delta L\right)^2 + \left(\frac{\partial U_0}{\partial y} \Delta y\right)^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{y} \Delta U\right)^2 + \left(\frac{1}{y} \Delta L\right)^2 + \left(-\frac{U}{y^2} \Delta y\right)^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{0,262} \cdot 0,005\right)^2 + \left(\frac{1}{0,262} \cdot 0,001\right)^2 + \left(-\frac{3,817}{0,262^2} \cdot 0,001\right)^2} \\ &= \sqrt{(3,64 + 14,57 + 212,27) \cdot 10^{-6}} \approx 0,015 \end{aligned}$$

$U = 3,817 \pm 0,015 \text{ V}$

der Formel für den Messfehler sieht man, dass dieser steigt, wenn y-Wert kleiner wird.

$U = 10 \text{ V}$  wäre, wäre  $y = \frac{U}{U_0} = \frac{1 \cdot 10}{3,817} \left(\frac{\text{mV}}{\text{V}}\right) \approx 2,02 \text{ m}$ . Dies ergibt keinen Sinn.

$L = 1 \text{ m}$ ,  $\rightarrow$  keine gute Idee,  $U = 10 \text{ V}$  zu verwenden.

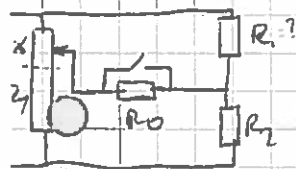
bc 232 j)

Wert mit Digitalmessgerät  $U_0 = 3,7 \pm 0,1 \text{ V}$

Werte liegen zwar nicht ganz im Fehlerbereich, dennoch relativ nah.

Wert mit Multimeter  $U_0 = 0,07 \pm 0,5 \text{ V}$

bc 232 k)



$L_x = 0,835 \pm 0,001 \text{ m}, \quad L_x + L_y = 1 \pm 0,001 \text{ m}$   
 $R_{xy} = 58 \Omega, \quad R_z = 20 \Omega \pm 0,01 \Omega$   
 $R_x = R_{xy} \cdot \frac{L_x}{L_x + L_y}, \quad R_y = R_{xy} \cdot \frac{L_y}{L_x + L_y}$

es um Wheatstone-Brücke geht (I durch  $R_0 = 0$ ) gilt  $\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$

$R_1 = \frac{R_3}{R_2} \cdot R_2 = \frac{R_{xy} \cdot L_x \cdot (L_x + L_y)}{(L_x + L_y) \cdot R_{xy} \cdot L_y} \cdot R_2 = \frac{L_x}{L_y} \cdot R_2 = \frac{0,835}{0,162} \cdot 20 \approx 103,08 \Omega$

$$\begin{aligned} \Delta R_1 &= \sqrt{\left(\frac{\partial}{\partial L_x} \left(\frac{L_x}{L_y} R_2\right) \Delta x\right)^2 + \left(\frac{\partial}{\partial L_y} \left(\frac{L_x}{L_y} R_2\right) \Delta y\right)^2 + \left(\frac{\partial}{\partial R_2} \left(\frac{L_x}{L_y} R_2\right) \Delta R_2\right)^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{R_2}{L_y} \Delta x\right)^2 + \left(-\frac{R_2 L_x}{L_y^2} \Delta L_y\right)^2 + \left(\frac{L_x}{L_y} \Delta R_2\right)^2} \\ &= \sqrt{(0,12)^2 + (-0,64)^2 + (0,05)^2} \approx 0,65 \end{aligned}$$

$R_1 = 103,08 \pm 0,65 \Omega$

Wert wurde in Aufgabe 232 e) gemessen, die Werte passen gut!

gabec 232 m)

NTC		Kont		PTC		Platin		Kohle	
$T [^{\circ}C]$	$R [\Omega]$	$T [^{\circ}C]$	$R [\Omega]$	$T [^{\circ}C]$	$R [\Omega]$	$T [^{\circ}C]$	$R [\Omega]$	$T [^{\circ}C]$	$R [\Omega]$
19,9	1290	19,9	4,7	19,9	90,2	19,9	1075	19,9	103,2
30,0	730	31,0	4,8	32,0	119,9	33	1130	34	122,8
44,7	430	41,2	4,9	41,8	187,6	42,4	1189	43,9	105,4
50,5	358	51,0	5,0	51,5	467,6	53,4	1208	54,4	112,0
60,0	258	60,9	4,9	61,8	63800	62,6	1241	63,5	102,4
69,7	191	70,7	4,8	71,9	112800	72,8	1279	73,8	104,1
79,8	138	80,5	4,9	81,5	325800	82,2	1310	83,2	104,8
89,5	103	89,5	4,9	90,6	358900	83,6	1350	91,9	103,4
11,7	82	97,1	4,8	98,4	273500	98,8	1357	99,0	101,9

gabec 232 a)

10	20	30	40	50	60	70	80	90	100	
3,0	3,0	3,1	3,5	4,0	4,0	4,0	4,2	4,8	5,0	$\Delta I = 0,5A$
390	320	340	34,2	36,5	330	420	45,0	490	55,0	$\Delta U = 5V$

gabec 232 c)

$= 100,4 \Omega$

gabec 232 d)

0	10	20	40	50	70	100	130
150	100	90	6,0	5,5	5,5	3,2	3,0
21	29	31	35	36	38	39	39,5

gabec 232 h)

$= 262 \text{ cm} \pm 0,1 \text{ cm}$        $L = 100 \text{ cm} \pm 1 \text{ cm}$

gabec 232 f)

0%	20%	40%	60%	80%	100%
1 mV	0,753V	1,619V	2,489V	3,289	4,051V
2 0,6mV	0,380V	0,631V	0,969V	1,657	4,008
3 0,6mV	0,551V	0,980V	1,548V	2,386	4,035

gabec 232 j)

correction  $U = 53,0 \pm 0,5$

gabec 232 k)

$= 83,5 \text{ cm} \pm 0,1 \text{ cm}$        $L = 100 \text{ cm} \pm 0,1$        $R_2 = 20 \Omega$

$\Rightarrow R = 5,3 \Omega$

## Aufgabe 232L

ist des Potentiometers:  $R_i = 100 \Omega$ ,  $U_{\max} = 4 \cdot 10^3 V$ ,  $U_0 = 4 V$

$$= (R + R_i + R_2) I \quad \Leftrightarrow R = \frac{U_0 - R_i I - R_2 I}{I}$$

$$\Leftrightarrow R \frac{I}{R_i} = \frac{U_0}{U_{\max}} - 1 - \frac{R_2}{R_i}$$

$$R = R_i \frac{U_0}{U_{\max}} - R_i - R_2 = 10 \cdot \frac{4}{4 \cdot 10^3} - 100 - 20 = 99880 \Omega$$

verwendete Größen und Formeln

den Widerstand  $R$  zu messen brauchen wir Strom  $I$  und Spannung  $U$ , über  $U = R \cdot I$ .

die Leistung  $P$  braucht man außerdem  $P = U \cdot I$ . Wenn man ein Ersatzwiderstand  $R_E$  hat, muss man daran denken dass wenn er in Reihe ist, gilt:  $R_E = \sum_{i=1}^n R_i$  und für

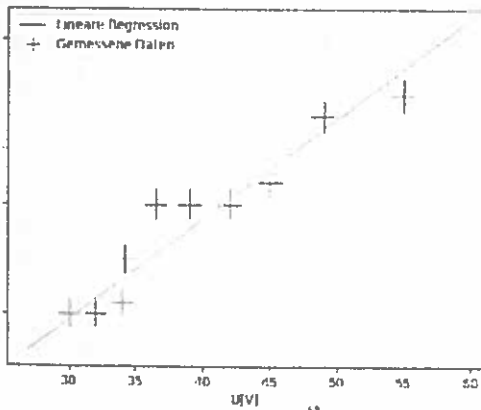
Parallelschaltung  $\frac{1}{R_E} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}$ . Die verschiedenen Schaltungen die wir benutzen

im Protokoll hebt gezeichnet darunter die Kompensationschaltung und Wheatstonsche Schaltung. Für den zweiten Teil des Praktikums bestimmt man die Temperaturabhängigkeit von Widerständen. Dazu braucht man die Temperaturänderung  $\Delta T$  und Temperaturkoeffizient  $\alpha$ . Dies kann man mit der Formel  $R(T) = R_0(1 + \alpha \Delta T)$  bestimmen.

Man kann zeigen, jedes Material einen spezifische Leitfähigkeit  $\sigma$  besitzt welche von der Ladungsdichte  $n$ , der Wertigkeit des Ladungsträgers  $z$  und der Beweglichkeit  $\mu$  abhängt, in der Zusammenfassung  $\sigma = e(n^- z^- \mu^- + n^+ z^+ \mu^+)$ .

unterschiedliche Werte ergeben sich somit verschiedene Abhängigkeiten.

gibst a)



$$m = 0,092 \pm 0,011$$

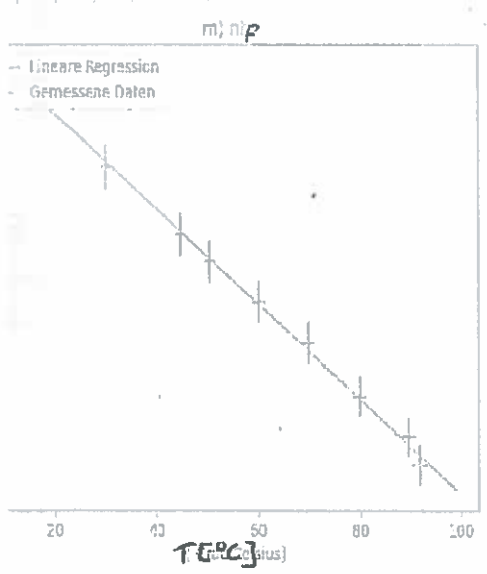
$$b = 0,204 \pm 0,411$$

$$R_B = m = 0,092 \pm 11 \Omega$$

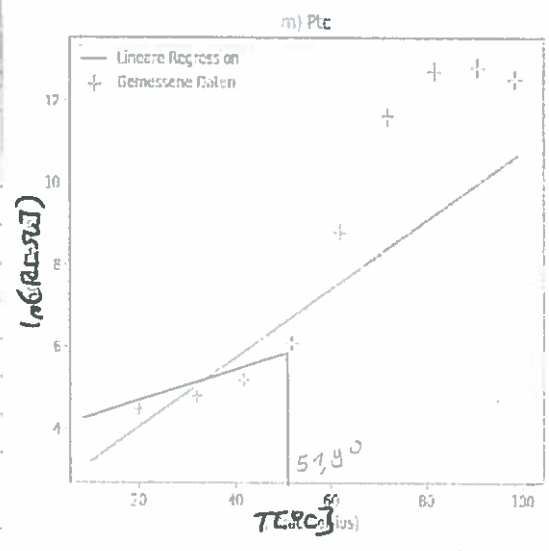
da  $m$  in  $\frac{V}{mA}$  ist



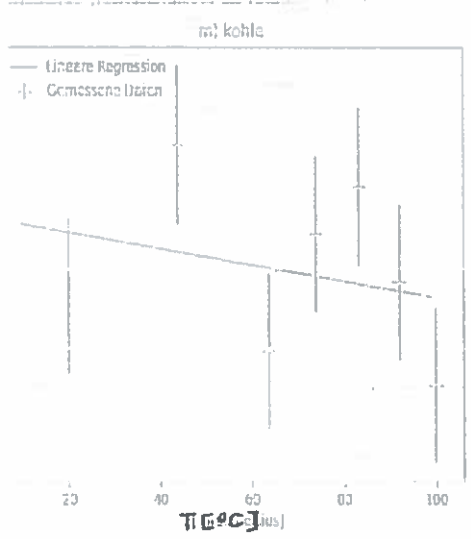
be a) Metallische Leiter n Kohle  $R(T) = R_0 (1 + \alpha \theta) = \underbrace{R_0}_b + \underbrace{\alpha R_0}_m \theta \Rightarrow \alpha = \frac{m}{b}, \alpha = \sqrt{\frac{1}{b} \Delta m} \pm \left( \frac{m}{b^2} \cdot \Delta b \right)^2$



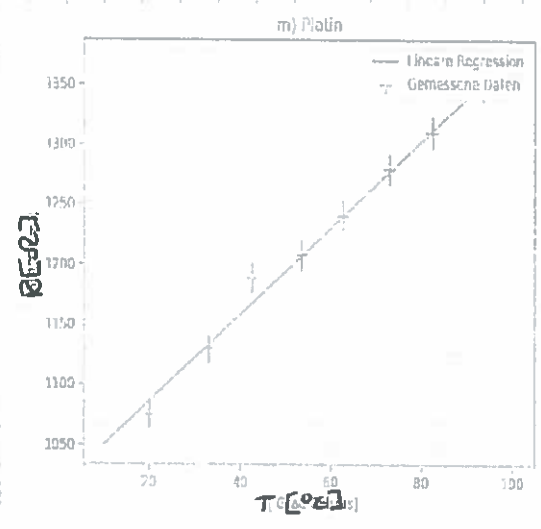
$-0,0352 \pm 0,0016$   
 $7,69 \pm 0,08$



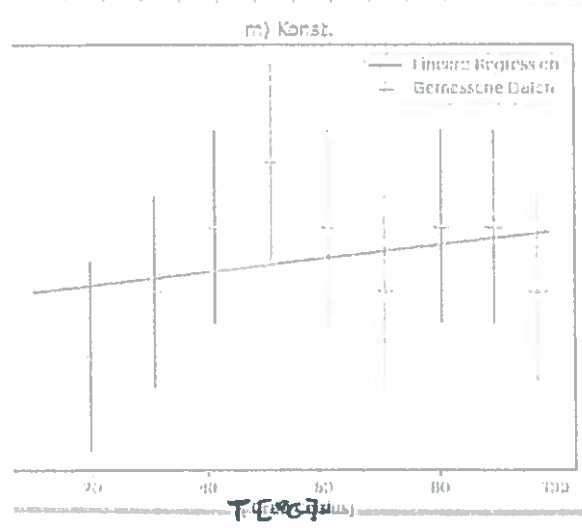
$m = 0,0836 \pm 0,01836$   
 $b = 2,38 \pm 0,67$



$-0,012 \pm 0,018$   
 $104,36 \pm 1,39$   
 $\alpha_{Kohle} = -1,82 \cdot 10^{-5} \pm 0,000182$



$m = 3,609 \pm 0,144$   
 $b = 1013,51 \pm 8,65$   
 $\alpha_{Platin} = 0,0035 \pm 0,000145$



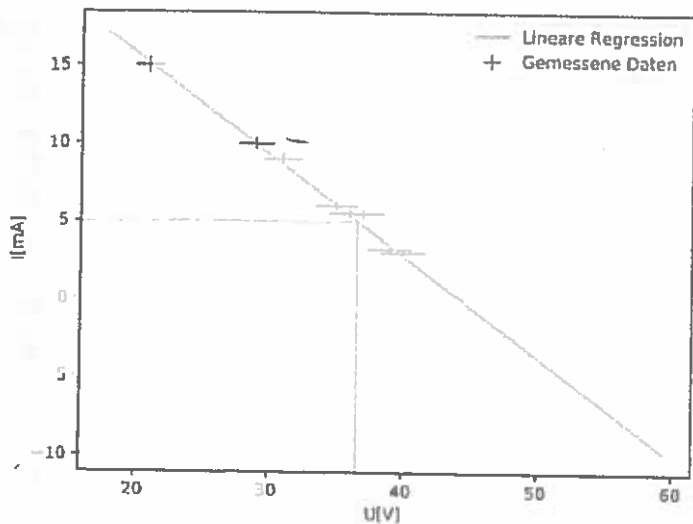
$0,00013 \pm 0,00025$

$m =$   
 $p =$

zu beachten: bei nE ist 1 Wert nicht mit im Diagramm weil sie falsch gemessen wurden. Bei Kohle sind es 2 Werte in der Tabelle mit \* markiert!



## Aufgabe e)



$$U = R \cdot I \quad R_i = \frac{U}{I} = \frac{21}{15} = 1,4 \frac{\text{V}}{\text{mA}}$$

$$U = U_0^S - R_i^S \cdot I$$

$$\Rightarrow U_0^S = U + R_i^S \cdot I$$

$$U_0^S = 21 + \frac{21}{15} \cdot 15 = 42 \text{ V}$$

$$m = -0,647 \pm 0,066$$

$$b = 28,731 \pm 2,576$$

→ Fortsetzung n) P

• Halbleiter:

$$R(T) = R_0 e^{\frac{E_g}{2kT}}, \quad \ln(R(T)) = \underbrace{\ln(R_0)}_b + \frac{\frac{E_g}{2k}}{m} \cdot \frac{1}{T}$$

$$E_g \approx -m \cdot 2k$$

$$E_{g, \text{MTP}} = -0,035 \cdot 2 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} = -0,0966 \cdot 10^{-23}$$

• PTC-Widerstand

Curie-Temperatur durch Temperaturunterschreitung die lineare Steigung in eine exponentielle übergeht  $T_c = 51,9 \pm 2^\circ\text{C}$

## Aufgabe 232. b

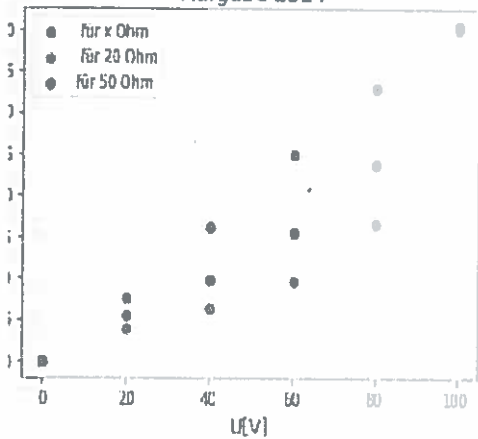
$$R_3 = \frac{(R_i + R_x) \cdot R_v}{R_i + R_x + R_v} \Rightarrow 1,4 = \frac{(1,5 + R_x) \cdot 2500}{1,5 + R_x + 2500} \Rightarrow R_x = 93,37 \Omega$$

## Aufgabe 232c

$R_x = 100,4 \Omega$  die Werte sind nah zueinander, aber liegen nicht im Fehlerbereich

# Aufgabe 232 f

Aufgabe 232 f



Für die verschiedenen Widerstände hat man dennoch fast die gleichen Start- und Endwerte

## Aufgabe 232 g

$$P = U \cdot I \quad | \quad U = R \cdot I \Rightarrow I = \frac{U}{R}$$

$$= \frac{U^2}{R}$$

$$R = R_1 + R_2 = R_0$$

Somit ist das max wenn  $R_1 \rightarrow 0$

Zeit:

Das Praktikum selbst lief etwas holperig und wir während des Aufbaus immer mehr wird waren, jetzt nach der Anweisung ist alles klarer.

Der a) sieht man dass unsere Messungen nicht genau waren und deswegen das zig kann auch dementsprechend aussieht. ~~Die Werte in d) scheinen~~ Die Werte in d) scheinen aber gut zu sein, wie man in c) sehen kann, liegen die Werte mit ihren Fehlern c auf der Geraden. Nach einer halben Durchföhrung sind die Resultate noch gut besser gesagt Passend = siehe f) aufgenommen. Bei L) erscheint uns der Wert ziemlich groß. Bei m) gehen die Temperatur ziemlich schnell hoch und der Widerstand änderte sich mehrmals, ablesen war schwierig und nicht genau. Dies sieht man auch an den daraus Resultierenden Diagrammen wo ich 3 Werte wegen zu großen Fehlern raus genommen habe.

Ok