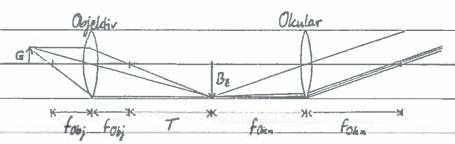
364 - Fernrohr und Mikroskop

1.) Einleitung: Fernvohr und Mikroskop Sind vergrößernde optische Instrumente. Der Versuch 36 dient dem Verständnis von Antban und Funktionsweise dieser Instrumente. Zude wollen wir ihre Eigenschaften wie Vergrößerung, Auflösungsvermögen und Abbildun tehler untersuchen.





Wir verwenden die Matrizenophik: Translation (1 d), dünne Linse (-3 1)
Für das Linsensustem des Mikroskops gilt dann:

Für das Linsensystem des Mikroskops gilt dann:

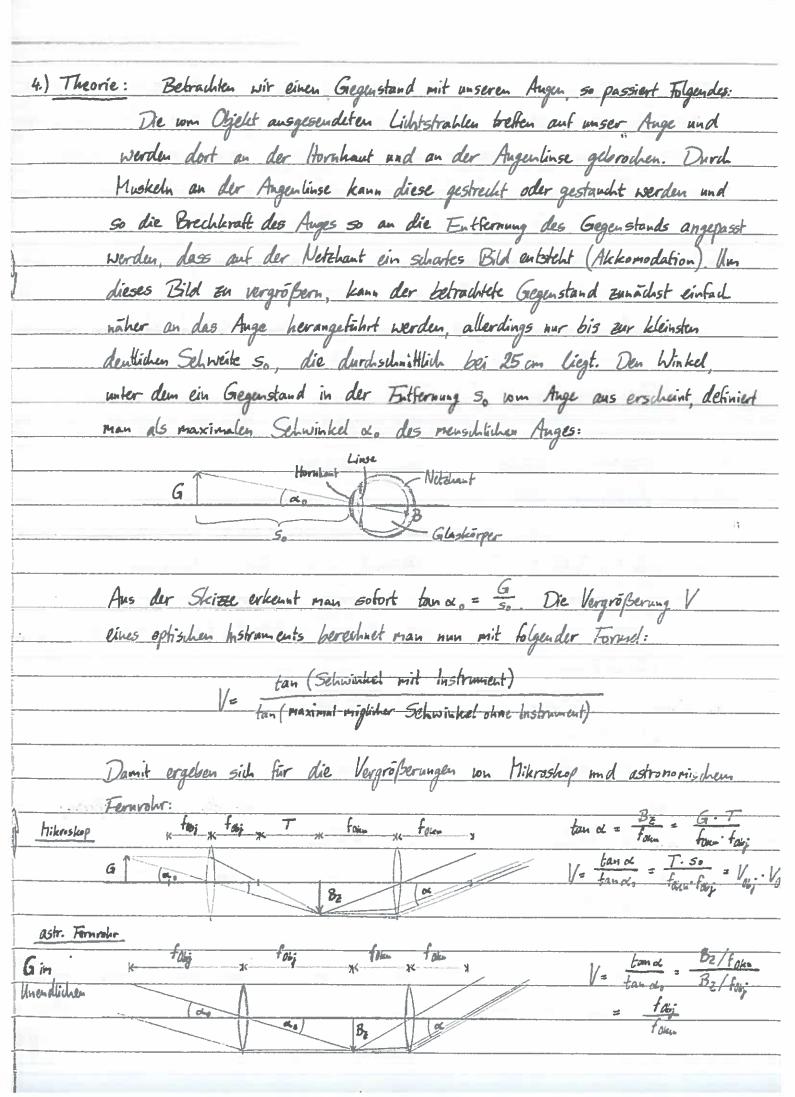
$$\begin{pmatrix}
\frac{1}{\sqrt{t_{0lan}}} & 0 \\
-\sqrt{t_{0lan}} & 1
\end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix}
1 & 0 \\
0 & 1
\end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix}
-\frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & 1
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
1 & 0 \\
-\sqrt{t_{0lan}} & 1
\end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix}
-\frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & \frac{1}{\sqrt{t_{0lan}}} \\
-\frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & \frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & 1
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
1 & 0 \\
-\sqrt{t_{0lan}} & 1
\end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix}
-\frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & \frac{1}{\sqrt{t_{0lan}}} \\
-\frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & \frac{t_{0lan}}{\sqrt{t_{0lan}}} & \frac{t_{0lan}}{\sqrt{t$$

Ein astronomisches Fernrahr ist prinzipiell wie Mikroskop antgebant, allerding 364.B mit Tubuslange T-0, also $f_F = -\infty$ and $D_F = \frac{1}{f_F} = 0$

364.C Behindet sich der beobachtete Gegenstand nicht im Unendlichen, so fällt das Light might mehr genan parallel ein und das Zwischenbild Bz entsteht im Abstand T hinter der Objektivbrennweite.

Es gilt für de tande =	Schwinkel & ohne Instrument: G = Bz fooj+T	hei Milmod and hei aci Te d		
	BZ - Form	bein Mikroskop oder beim astron. Fernroh		
	4			
$=$ $V = \frac{\tan x}{\tan x}$	to foku			
364.D y= T.	, y = Ti Subtraction lie	fert solort: $y_2 - y_0 = \frac{T_2 - T_0}{f}$ $= \frac{T_2 - T_0}{\gamma_2 - \gamma_0} \propto 44$		
	(=) f	= T2-7- Y2-7-04 44		
3) Messwerte:	Objektiv 10 x, Okular 10 x	Objektiv 20 x, Okular 5 x		
364. a	G = 100 pem, Bz = Manun	G=100 pm, Bz=2,0 mm		
	$\Delta B_z = 0.1 \text{mm}$	$\Delta B_z = 0.1 \text{ Mpm}$		
	$G = 500 \mu m$, $B = 4,9 \mu m$ $ b = (24 \pm 2) \mu m$	G = 400 pm, B = 4,2cm b = (28 ± 2) cm		
·	10= (21 = 2) cm AB = 0, 2 cm	1B = 02 cm		
364. b 1, Hessun	g (Objectiv 20x Ohular 10x):		
G	9 (Objectiv 20 x Ohular 10 x) 100 pm, B = 3,1 cm, b=	32 ± 2) cm \(\Delta B = 0,2 cm		
2. Messum	g (Objektiv 20 x, Okular 10x)): G=10pm B=1,9cm		
Tubuslang	en differenz: Tz-Tz = (6,0	$\pm 0.1) cm$ $b = (26 \pm 2) cm$		
364. c fob: = 30	10 mm, foku = 38 mm			
· ·	$1=1$, $\Delta M = \frac{1}{2}$			
Rand des Sich	ifelds extrem verschwommen, sphariso	the Aberration		

364.d $f = 12,7$ mm, $N = 10$, $M = 0,6 \pm 0,2$ Austrittspupille sehr Wein
Kontrast sehr Schwach, Bild nur bei teilweise ausgeschalteter Deckenbelenchtung
Zu erkennen, Bild verschwommen - sphärische Aberration extrem groß
f= 50,2mm, N=3,5, M=0,5, AM=0,5
364. e Wir verwenden die Linse mit f=12,7 mm zur Umkehrung des Zusschenbildes, neil sie die kleinste Brennweite besitet und das Fernrohr somit nicht zu lan wird. Banlänge verlängert sich um das Viertache der Umkehrlingenbrennweite N=5, M=0,5, AM=0,2
Okular-bremweite: form = 38 mm
364. f Baulange: karser fam = -12,7 mm
364, g funktioniert nicht
364.h E = (5,60 ± 0,02) m Abstand Siamensstern, Objektivlinge
$D = 3.0 \text{mm} \qquad (\times \text{links}, y \text{rechts})$
X = Y = / (Streiten bis eur Kreismitte scharf zu D= 2,0 mm sehen)
x = 71.0 mm $y = 96.5 mm$
D = 1,0 mm
x = 64,5 mm y = 104,5 mm
D = 0,6 mm
x = 45.0 mm $y = 122.5 mm$
D = 0,3 mm Ungenanigheiken, weil Linse X = 15,0 mm y= 152,0 mm dreckig
D = 0,2 mm
x=0 y= 172 mm (gar keine Streifen mehr
$\Delta x = \Delta y = 5 mm$ sightlar)
Ou with



Theoretisch könnte man nach diesen Formely beliebig hohe Vergrößerungen erreiglich indem man die Instrumente besonders lang baut. In der Praxis jedoch stößt man auf Grenzen: Zum einem sinken bei großen Vargrößerungen Kontrast und Bildheligt weil weniger Licht fro Hächeneinheit werhanden ist. Zum anderen benötigt man zur Reduktion von Bildfeltern Blenden, an denen zwangsweise Bengung auftaucht. Dadurch wird das Autlösungsverwiegen begrenzt. Nach dem Rayleigshen Kriteri Können zwei Objelde gerade noch gebrennt werden, wenn das zentrale Bengungs-maximum des einen in das orste Himmun des anderen fällt. Im Fall eines Run spalles (kreisförmige Blende) gilt dann für den Winhel och unter dem die beid Objelde mindestens erscheinen müssen:

5.) Durchführung und Auswertung:

364. a han ersten Versuchsteil nollen wir die Vergrößerung zweier Chenlare eines Mikroskops bes

Dazu messen wir zunächst dem Abbildungsmaßstab des Objektivs, indem wir ein Mess
einsetzen, das eine Millimeterskala in der Zwischenhildebene enthält, und dann eine Mik.

meterskala durch das Mikroskop betrachten. Danach setzen wir die beiden zu untersuu
Okculare 5 x und 10 x ein und messen den Gesamtabbildungsmaßstab yn, indem

mit einem Ange die Mikrometersteala durch das Mikroskop und mit dem anderen Ange
eine Zentimetershala neben dem Mikroskop anschanen. Negen

 $\gamma_{H} = \frac{B}{G} = \frac{B}{Bz} \cdot \frac{Bz}{G} = \gamma_{0kn} \cdot \gamma_{0kj}$

gilt für den Abaldungsmafstab des Okulars: You = Yob; Für die Okularvergrößerung.
gilt nun:

Voke = tand = 101 = 10 = 101 =

Im Versus-haben nir solgende Beobachtungen gesenscht: Denn wir die Mikrometerske mit dem Objektiv 10 x und dem Messokular betrachten, betragen 100 µm in der Zwischenbildebene (1,1±0,1) mm. Für das Objektiv 20 x ergibt sich für die gle Gegenstandsgröße eine Zwischenbildgröße von (2,0±0,1) mm. Damit sinden wir als

als Abbildungsmaßstäbe für die beiden Objektive:
$\gamma_{0bj, 10} = 11 \pm 1$, $\gamma_{0bj, 20} = 20 \pm 1$
Für die Kombinationen Objektiv 10x, Okular 10x und Objektiv 20x, Okular 5x"
messen wir nun die Gresamtaldsildungsmaßstäbe. Die Zentimeterskala, mit der
wir das Bild vergleichen, befindet sich dabei im Abstand bio = (24 ± 2) un
bei der ersten Messung und bzo = (28 ± 2) au bei der zweiten Messung won unserem
Ange entfernt. Danit ergeben sich folgende Werte:
Objektiv 10x, Okular 10x: 1 = 98 ± 4, Vok = 9,3 ± 1,2
Objektiv 20x, Okular 5x: Yn = 105 ± 5, Vok = 4,7 ± 0,5
Offenbar geben die auf Objektiv und Okular abgedruchten Zahlen also die Vergrößerung
an, dem unsere Frgebnisse von 9,3 ± 1,2 und 4,7 ± 0,5 stimmen innorhalb des
Fehlerbereichs mit den Angaben 10 bzw. 5 überein. Wenn wir die Ungenauigkeiten
unserer Messungen minimieren warden, beispielsweise indem wir für die Bestimmung
der Abbildungsunapstabe statt einer Finzelmessung eine ganze Messreihe mit versihiedenen
Gegenstandsgrößen Gi durchführen wurden, so kame unser Ergebnis den Werten
van 10 bzw. 5 vermutlich immer näher.
364.6 his wolen nun die Brennweite des Objeletivs 20x nach dem Abbeschen Vertrahren
bestimmen Dafür messen wir für zwei verschiedene Tubustangen die Abbildungs-
maßstabe. De Bremweite for ergibt sich dann aus der Formel, die in 364. D
herneleitet wurde. Wir finden:
$y_1 = \frac{(1.9 \pm 0.2) \text{ cm}}{0.1 \text{ mm}} = 190 \pm 20 \qquad y_2 = \frac{(3.1 \pm 0.2) \text{ cm}}{0.1 \text{ mm}} = 310 \pm 20$
Mil einer Tubuslangen differenz Ti-Ti= (6,0±0,1)cm, die wir durch einen
Messingrohrantsate erreihen, ergibt sich:
$f_{0bj} = \frac{T_2 - T_2}{\gamma_2 - \gamma_1} = (0.50 \pm 0.12) \text{mm}$

Deser West erscheint mir etwas zu klein. Wenn wir die Inbustange des Mihroske aut 10 cm schatzen, sollte die Bremweite bei einer Vergrößerung Vob; = 20

fobj = T = 5 mm

betragen, also etwa das Zehnfache.

Wir beenden nun unsere Messangen am Mikroskop und wirdmen uns in den forzen Versuchsteilen dem Fernrohr. Zunächst benen wir ein astronomisches Fernrohr auf urwenden wir nebem der Objektivlinse mit Brennweite for 300 mm (Veibt für alle folgenden Versuchsteile gleich) eine Linse der Brennweite form 38 mm, die wir auf der dahnr vorgesehenen Halterung befestigen. Die Reiter mit den Linsen verschieben wir entlang der Schlene 50, dass die Linsen brennpunkte auteinanderfallen. Mm bestimm wir die Vergrößerung des Fernrohres, indem wir eine Messlatte mit einem Auge durch das Fernrohr betrachten während wir wit dem anderen Auge am Fernrohr worbei auf die Latte blitten. Dir stellen fest, dass bei unserem Fernrohr N=8 Teis striche des unbewaltneten Auges gerade M=1 Teilstrich des durch das Fernrohr blickenden Auges entsprechen. Daraus ergibt sich eine Vergrößerung von V= fr = 8 ± 4

Der Messfehler bei dieser Methode ist relativ groß, weil es schwierig ist, die verschiedenen Bilder der beiden Augen im Gehirn übereinanderzulegen. So kann in Anzahl der Teilstriche nur ungenam bestimmt werden. Wie im Theorie-Teil hergeleitet, beträgt die theoretische Vergrößerung unseres Fernrohres:

V= foi; = 300 = 7,89

Henn wir den Rand des Sichtfeldes betrachten, bemerken wir dass dieser stark verschung und verzert ist. Grund dafür ist die sphärische Alberration, d.h. die stärkere Brechung um Strahlen bem der ophischen Arbse. Um diesen Rober zu reduzieren und das Bild mit einem scharfen Rand zu begrenzen, müsste man eine Blende in die Brennebene einbauen.

34.1 Für die anderen beiden Sammellinsen (f = 50,2 mm und f = 12,7 mm) finden wir folgende Vergrößerungen: $f_{0ku} = 50,2 \text{ mm}: V = \frac{N}{M} = \frac{3.5 \text{ MM}}{0.5 \pm 0.5} = 7 \pm 7$ $V_{\text{theoretical}} = \frac{300}{50,2} = 5.98$ $V = \frac{N}{M} = \frac{10}{0.6 \pm 0.2} = 17 \pm 6$ $V_{\text{Henrehish}} = \frac{300}{0.7} = 23.62$ fan = 12,7 mm: Bei der größten Vergrößerung (for 12.7 mm) erscheint das Bild sehr dunkel und ist nur noch bei teilweise abgedunkelter Dedeenbelendtung gut zu erkennen. Auch der Kontrast ist mer noch sehr schwach. Beides liegt daran, dass bei großen lergrößerungen Weiniger Light pro Fladre vorhanden ist. Die Austrittspupille ist sehr Wein, sodass mur ein kleiner Ausschmitt des Gegenstandes betrachtet werden kann. Mit einem größeren Objektis konnie dieses Problem behoben werden. 364. e Wir bauen nun ein terrestrisches Fernrohr, bei dem das Bild nicht mehr auf dem Kopf steht. Dazu mussen wir das Zwischenbild mit einer zusätzlichen Linse nurbehren, bevor wir es mit dem Okular betrachters. Das Bild soll durch die Umlehrlinse nur gedreht, aber nicht vergrößert oder verkleinert werden. Folglich muss die Umkehrlinge genan um das doppelte ihrer Bremweite vom Zwischenfild entfernt sein und die Gruntange des Ternrohres erhäht sich im Vergleich zum astronomischen Fernvohr hm das Vierfache der Umhehrlinsenbreumweite. Danit das Fernrahr nicht zu lang wird, verwenden wir als Umkehrlinse die jezige mit der kurzesten Breunweite, also die mit f= 12,7 mm. Als Objektiv benntzen wir wieder die Linse ans 364.c (f = 38 mm). Als Vergrößerung messen wir V= N = 05±0,2 = 10±4 Innerhalb des Fehlerbereichs stimmt dies wieder mit dem theoretischen Wert von 7,89 überein, denn die Vergrößerung sollte sich im Vergleich zum astronomischen Fernshr night andern.

364. f.g Wir Wollen nun ein Galileisches Fernrehr bauen. Dazu bauen wir als Objelbis die Zerstremungslinse mit f=-12,7 mm in die Halterung ein. Damit die Brenn Punte der Objettiv- und Okularlinse wieder auteinanderfallen, mus ihr Absta gerade (300 - 12.7) mm = 287,3 mm betragen. Dadwich ist das Galileische Ternrohr kurzer als die anderen Ternrohre. Als Vergrößerung erwarten wir:

1/= tob; = 23,62

Leider Konnten wir trotz sorgfältiger Justierung Lein Bild durch unser Fen rohr beskachten. Woran das lag, kann ich mir selbst nicht erklären, da wir unsere Autbau mehrfach überprüt haben.

Für das Bild erwarten wir ein ahnliches Anssehen wie bei der kleinsten Okularbrenn weite in 364. d. habracheinlich hätte man also ein sehr dnukles. kontrastloses und am Rand sehr verschwommenes Bild geschen. Im Unkerschied Zum astronomischen Fernrohr kann man beim Galileischen Fernrohr aber keine Aperturblende in die Brennebene stellen um einen schart begrenzten Rand zu erzeugen und Linsenfehler zu veduzieren.

Bei der Verwendung von Blenden nird das Antlösungsvermögen eines Fernrohos 364. h durch bengung begrenet Wie bereits im Theorie-Teil erwähnt gilt für den Winkel al, unter dem zwei Objekte mindestens erscheinen minssen, damit sie noch voneinander getrent werden können:

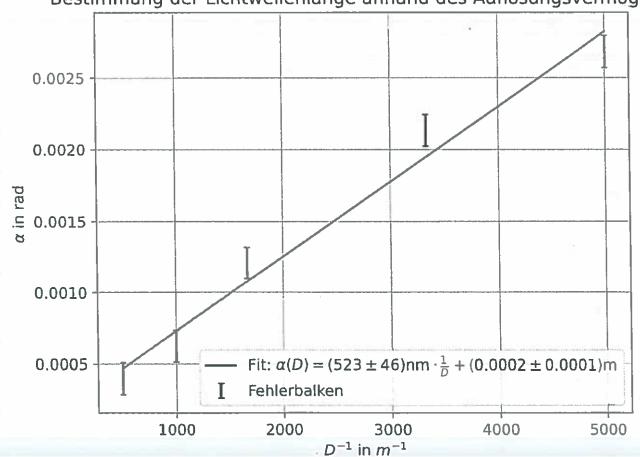
 $\sin \alpha = \frac{1/2\lambda}{D} \approx \alpha$ für kleine Winkel

Diesen Busammenhang wollen wir nun untersuchen. Dazu natzen wir einen Sieme stern, das ist eine Sektorscheibe bestehend aus 72 abwechselnd schwarzen und weißer Seletoren. Wir banen wieder ein astronomisches Fernpohr auf durch das wir den belenchteten Siemensstern im abgedinkelten Raum betrachten. Vor der Objektivlinse plateieren wir ein Filterrad mit verschiedenen Lochblenden. Während man für der größten Blenden durchmesser alle Bezirke noch bis zur lite erkennen kann, gehen s Bezirle für kleine Blendendurchmesser im Inneren der Scheibe in grave Kreistl Wir errechnen Folgende Werte:

D[m]	$D^{-1}[m^{-1}]$	d[m]	$\Delta d[m]$	α[rad]	Δα[rad]
0.0020	500	0.026	0.007	0.0004	0.0001
0.0010	1000	0.040	0.007	0.0006	0.0001
0.0006	1667	0.078	0.007	0.0012	0.0001
0.0003	3333	0.137	0.007	0.0021	0.0001
0.0002	5000	0.172	0.007	0.0027	0.0001

Tragen wir nun a gegen den inversen Blendendurchmesser aut, so erwarten wir eine Gerade, aus dessen Steigung wir die Wellenlange & bestimmen konnen:

Bestimmung der Lichtwellenlänge anhand des Auflösungsvermögens



Der Geradenfit erfasst die Daten nur mäßig gut, womöglich haben wir den Fehler auf die Breite der granen Kreisflächen mit 5mm eher unterschätzt.

Die Geraden steigung entspricht dem 1,22-fachen der Lichtwellenlänge, sodass sich für diese ergibt:

1 = (429 ± 38) nm

Dies entspricht einem dunkelblauen bis violetten Farston und ist daher etwas zu wenig. Die effektive Wellenlange sollte eher im grünen Bereich, d.h. bei etwa 500. liegen, da dies etwa der Mitte des silbbaren spektrums entspricht.

364. i Es gilt: $y = \frac{0.61\lambda}{n \cdot \sin u} = \frac{0.61\lambda}{nD} = \frac{1.22\lambda \cdot f}{n \cdot D} = \alpha \cdot \frac{f}{n}$

Man sieht also, dass der kleinste auflösbare Abstand y zweier Objekte beim Mikros im direkten Zusammenhang mit dem kleinsten auflösbaren Winkel a steht. Dies ergibt auch Sim, da ein Mikroskop ja ebenfalls aus Linsen und Blenden besteht.

Wenn wir davon ausgehen, dass unsere in 364. b gehandene Objektivbrennweite 100 f = 0,5 mm stimmt, dann gilt mit einer mittleren Wellentange 100 λ = 500 mm, einem Brechungsindex 100 n = 1 und einem Blenden durchmesser 100 D = 5 mm:

y ≈ 0,06 µm

Diesen West halk ich für wel zu klein. Die Mikrometerskala, deren Striche ein Abstand von 0.01 mm = 10 mm hatten, war gut und dentlich zu erkennen anhand dessen würde ich das Auflösungsvernögen auf yz 1 mm schätzen.

In dem menschlichen Ange entspricht der Blendendurchmesser D der Öffnung.
Pupille. Im Dunkelin erreicht diese einen Durchwesser von etwa 9mm. Mit 500 mz
gilt für den kleinsten auflösbaren Winkel a des menschlichen Anges: $\alpha = 6.78 \cdot 10^{-5}$ rad

6.) Fazit: In Versuch 364 haben wir mit einem Mikroskop und verstriedenen Fernrohren experimentiert. Im ersten Versuchsteil haben wir die Vergrößerungen zweier Okulare zu 1/= 9,3 ± 1,2 und 1/= 4,7±05 sowie die Brennweite eines Objektivs zu f=(0,50±0,12) mm continunt. Im zweiten Versuchsteil haben wir dann verschiedene Remodutypen mit versiniedenen Vergrößerungen aufgebant. Dabei sind uns die Granzen der Vergrößerung durch sinkende Bildheligkeit, durch Linsenfehler und durch Bengung sprichwörtlich vor Angen geführt worden. Anhand des Zusammenhangs für den kleinsten noch auflösbaren Winkel wurde mithilse eines Siemenssterns schließlich die estellie Lichtwellenlänge & zu (429 ± 38) nm bestimust.

Bestander 22.03.22

