

ung

-Au

essen Versuch soll die Wirkungsweise, Eigenschaften, Gemeinsamkeiten und Unterschiede von Fernrohr

Zus

ikroskop untersucht und verstanden werden Außerdem soll das Auflösungsvermögen (durch Beugung) analysiert

ie und Formeln

verwendet für die Vergrößerung eines Gegenstandes G optische Hilfsmittel wie z.B. Lupe, Fernrohr oder

Ter

skop Mit Hilfe der Gegenstandsweite, Bildweite sowie der Bildgröße B lässt sich die Gaußsche

Abbildungs-gleichung aufstellen: $\frac{G}{g} = \frac{B}{b} \equiv \tan \alpha$

Fernrohr vergrößern den Sehwinkel α . Die



Öffnung V eines optischen Instruments ist wie folgt

definiert: $V \equiv \frac{\tan(\text{Sehwinkel mit Instrument})}{\tan(\text{maximal möglicher Sehwinkel ohne Instrument})}$

Das führt zur Senkung der Lichtmenge

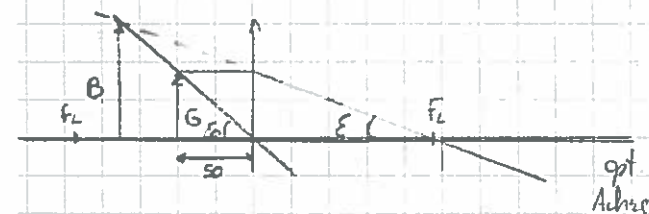
wir

Flächeneinheit auf der Netzhaut. Der Abbildungsmaßstab γ folgendermaßen definiert: $\gamma = \frac{B}{G}$ und kann

Fer

ein reelles zugängliches Bild gemessen werden im Gegensatz zur Vergrößerung V .

Lupe besteht aus einer Sammellinse der Brennweite f_L . Das Bild ist virtuell mit $50 \approx 25 \text{ cm}$



$V_L = \frac{50}{f_L}$ bzw. $V_L = \frac{50}{f_L} + 1$ nach da folgendes gilt:

$\tan(\epsilon) = \frac{G}{f_L}$ und $\tan(\epsilon_0) = \frac{G}{50}$

$V_L = \frac{\tan(\epsilon)}{\tan(\epsilon_0)}$

Se

Me

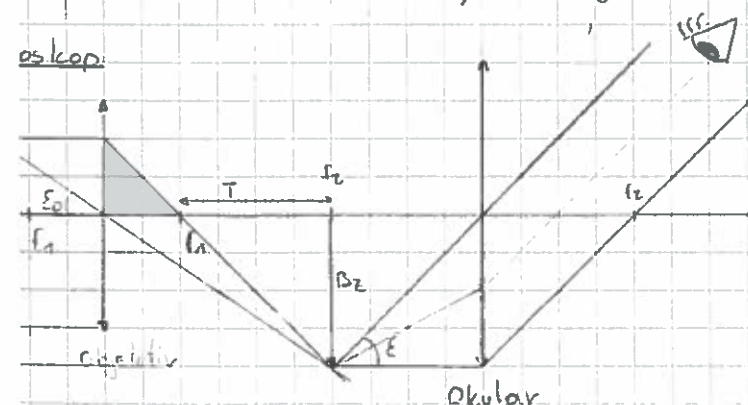
ein besten Fall bestehen Fernrohr + Mikroskop aus 2 Sammellinsen. Nutzt man ein Fernrohr verteuert herum,

L

aus ihm ein (schlechtes) Mikroskop und umgekehrt.

Z

oskop:



T bezeichnet man als die Tubuslänge und B_Z als

da

das reelle Zwischenbild. Aus der Abbildung

des

entnehmen: $\tan(\epsilon) = \frac{T}{f_{0k}} \cdot \frac{G}{f_{2k}}$ und $\tan(\epsilon_0) = \frac{G}{50}$

f

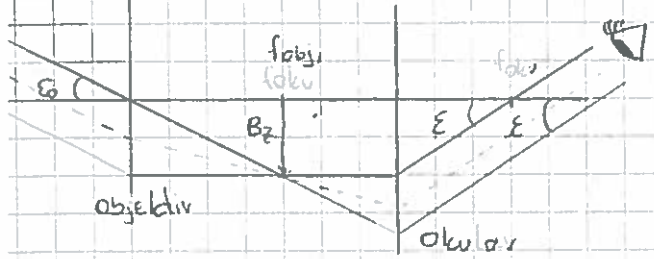
$V_m = \frac{\frac{T \cdot G}{f_{0k} \cdot f_{2k}}}{\frac{G}{50}} = \frac{T}{f_{0k}} \cdot \frac{50}{f_{2k}} = V_{obj} \cdot V_{okul}$

f

misches Fernrohr

ist wie ein Mikroskop nur das $z=0$ da sich der Gegenstand (Brenn.) im ∞ befindet und somit $f_{obj} = f_{okul}$

fallen. Das Zwischenbild B_z entsteht also in der Brennebene.

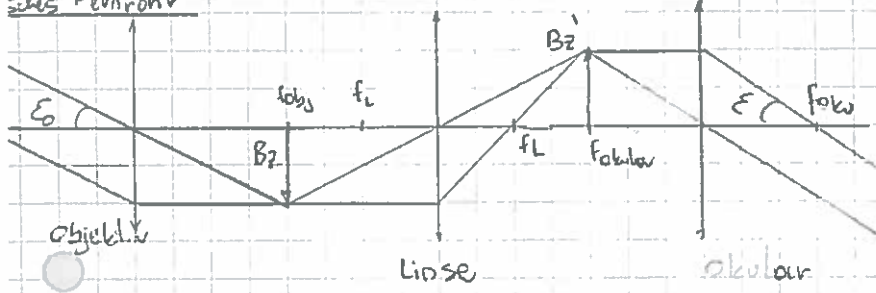


$\tan(\epsilon_0) = \frac{B_z}{f_{obj}}$ und $\tan(\epsilon) = \frac{B_z}{f_{okul}}$, somit

ist die Vergrößerung

$V = \frac{B_z / f_{okul}}{B_z / f_{obj}} = \frac{f_{obj}}{f_{okul}}$

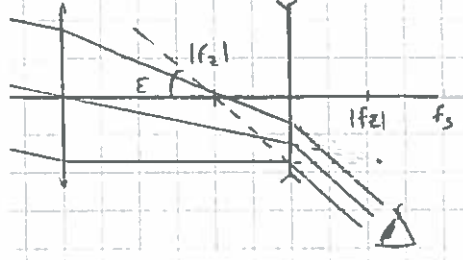
echtes Fernrohr



Die Umkehrlinse steht $2 \times f_L$ vom ersten Bild weg. Das zweite Zwischenbild B_z muss f_{okul} vom Okular entfernt sein. Das Fernrohr

mit $4 \times f_L$ (Brennweite der Linse) länger. Die Vergrößerung bleibt gleich wie vorher $V = \frac{f_{obj}}{f_{okul}}$

aus Sammel- und Zerstreuungslinse / Galileisches Fernrohr



Mit f_1 Brennweite der Sammellinse und f_2 der Zerstreuungslinse

$V = \frac{f_{obj}}{f_{okul}}$

physikalisches Messgerät besitzt eine "endliches" Auflösungsvermögen beziehungsweise begrenzte

Wirkteil. In der Optik kennt man: Lineare Auflösungsvermögen (Mikroskop), Winkelauflösungsvermögen (Fernrohr)

und spektrales Auflösungsvermögen (Spektralanalyse). Grund für das "endliche" Av. ist die Beugung

quellen werden nicht als getrennt wahrgenommen, wenn das zentrale Maximum der einen Lichtquelle auf die 1. Min. der anderen Beugungsfunktion fällt. -> Bedingung für Winkelauflösungsvermögen bzw. über die Abblende -> Lineare Auflösungsvermögen.

im linearen Spalt: -> Intensitätsverteilung $\propto \sin^2(\alpha)$

-> 1. Min. bei $\alpha = \pi = 3,1416$

\hookrightarrow mit der Richtung: $\pi \approx \pi \cdot \frac{D}{\lambda} \sin \alpha_1 \Rightarrow \sin \alpha_1 = \frac{\lambda}{D}$

im Rundspalt -> Intensitätsverteilung \propto Quadrat Besselfunktion 1. Ordnung

-> 1. Minimum bei $\alpha = 3,8317$

\hookrightarrow mit der Richtung: $3,837 \approx \pi \cdot \frac{D}{\lambda} \sin \alpha_1 \Rightarrow \sin \alpha_1 = 1,22 \frac{\lambda}{D}$

4 A

$$h \text{ (362.8) gilt: } \frac{1}{f_{\text{ges}}} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_1 f_2} \quad | f_{\text{ges}} = f_m$$

erden $d \rightarrow$ Abstand zwischen Okular und Objektiv, $d = T + f_1 + f_2$

$$\text{mit: } \frac{1}{f_m} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{(T + f_1 + f_2)}{f_1 f_2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{f_m} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \frac{-T - f_1 - f_2}{f_1 f_2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{f_m} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{T}{f_1 f_2} - \frac{f_1}{f_1 f_2} - \frac{f_2}{f_1 f_2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{f_m} = \frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{1}{f_2} - \frac{T}{f_1 f_2} \Rightarrow f_m = -\frac{f_1 f_2}{T} \quad \blacksquare$$

B

astronomische Fernrohr ist wie ein Mikroskop aufgebaut nur mit $T \rightarrow 0$, Analog zu A

$$f_m = -\frac{f_1 f_2}{T} \quad | T \rightarrow 0 \quad f_m = f_a$$

$$\Rightarrow \frac{1}{f_m} = -\frac{f_1 f_2}{0} \rightarrow -\infty \quad \blacksquare$$

4 C

$$m(E) = \frac{B_z}{f_2} \quad \text{und} \quad \tan(\epsilon_0) = \frac{B_z}{f_1 + 4f_3} \quad (\text{siehe Zeichnung vorherige Seite})$$

$$V = \frac{\tan(\epsilon)}{\tan(\epsilon_0)} = \frac{\frac{B_z}{f_2}}{\frac{B_z}{f_1 + 4f_3}} = \frac{B_z (f_1 + 4f_3)}{B_z f_2} \quad | B_z = B_z'$$

$$V = \frac{f_1 + 4f_3}{f_2}$$

4 D

den Abstand d , der Gegenstandsgröße G und beiden Bldgrößen B_1 und B_2 folgt:

$$\frac{G_1}{B_1} = \frac{G_2}{B_2} \quad | d = T_2 - T_1 \quad \text{und} \quad Y = \frac{G}{B}$$

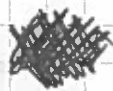
$$f = \frac{T_2 - T_1}{Y_2 - Y_1} \quad \blacksquare$$

oder anders rum:

$$Y = \frac{G}{B} \quad Y_2 = \frac{T_2}{f} \Rightarrow Y_2 - Y_1 = \frac{T_2}{f} - \frac{T_1}{f} = \frac{T_2 - T_1}{f}$$

$$f = \frac{T_2 - T_1}{Y_2 - Y_1} \quad \blacksquare$$

Bessere / passendere (zum Skript) Lösung



h3 aufbau und Durchführung

in Versuchsteil bestimmen wir die Okularvergrößerung durch ein Mikroskop mit folgenden Kombinationen:


Objektiv 10x, Okular 10x 2 Objektiv 20x, Okular 5x. Zur Messung von $\gamma_{obj} = \frac{B_z}{b}$ setzen

ein Messokular (10 mm Länge) ein, danach wird ein Objekt, Mikrometerskalan, eingesetzt und scharf gestellt.

b ist die Brennweite des Objektivs 20x mit dem Ablesen-Verfahren zu bestimmen. Hierzu wird der Längsmaßstab γ mit zwei verschiedenen Tubuslängen gemessen.

Im ersten Versuchsteil untersuchen wir das Fernrohr, indem wir für die c ein astronomisches Fernrohr (2 Linsen) mit min. 6-facher Vergrößerung auf die opt. Bank bauen und die Vergrößerung messen.

verläuft vom Prinzip gleich ab nur dass wir die Vergrößerung für die anderen Okularsammeln messen. Für die e bauen wir nun das Ganze zu einem terrestrischen Fernrohr um indem wir

ein  Sammellinse einbauen und messen erneut die Vergrößerung, ~~dann~~ Nun bauen wir ein selb. Fernrohr auf, mit \pm der gleichen Vergrößerung wie das terrestrische bei e, und schreiben die Längen bzw. Unterschiede der beiden Fernrohre auf. Anschließend wird in die Zwischenbildebene Messkalan eingebaut mit der wir die Größe des Zwischenbilds der Messstelle messen.

Im vierten Versuchsteil überprüfen wir das Auflösungsvermögen von Linse. Dazu bauen wir wieder ein astronomisches Fernrohr mit kleiner Vergrößerung auf und stellen 5-7 m entfernt eine Sekundarscheibe auf. Für die prüfen wir nun experimentell die Beziehung für den kleinsten auflösbaren Sehwinkel, indem wir Blenden durchmesser D den kleinsten auflösbaren Sehwinkel bestimmen.

Im fünften und dritten Versuchsteil muss man sagen dass das Einstellen der Fernrohre schwierig war, das der Brillenträger sind / schlechte Augen haben.

364 a

1) Objektiv 10x und Okular 10x

2) Objektiv 20x und Okular 5x

Aufgabe 364 c

$N = 17 \pm 1$

$f = 138 \text{ mm}$

Rand verschwommen und man sieht chromatische Aberration (Farben)

$M = 2 \pm 0,5$

Aufgabe 364 d

$f = 50,2 \text{ mm}$

$f = 12,7 \text{ mm}$

Bei großer Vergrößerung, verschwommen, sieht feiner kleiner Kontrast geringer

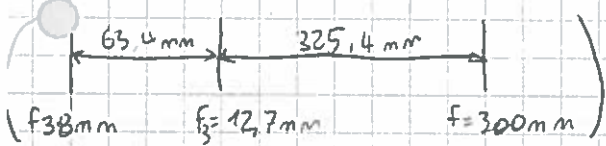
$N = 32 \pm 1$

$N = 58 \pm 1$

$M = 5 \pm 0,5$

$M = 2 \pm 0,5$

Aufgabe 364 e



$N = 18 \pm 1$

Verlängerung $4f_3$

$M = 2 \pm 0,5$

$x = \text{~~1,2 cm~~} \quad 6,6 \pm 0,3 \text{ cm}$

Aufgabe 364 f

$N = 51 \pm 1$

$f = -12,5 \text{ mm}$

kleiner als das erste Fernrohr

$M = 2 \pm 0,5$

Aufgabe 364 g

$f = 38 \text{ mm}$

10 cm (Messlatte) $\hat{=}$ 0,6 cm (Messkolo Zwischenbild)

Aufgabe 364 h

$D [\text{mm}]$ links inskt rechts inskt

$E = (5,5 \text{ m} \pm 0,2 \text{ m})$

2,3 mm	149,0	390
--------	-------	-----

Scheitel Durchmesser $17 \text{ cm} \pm 0,2 \text{ cm}$

0,2 mm	147,5	230
--------	-------	-----

BDskt \rightarrow Radius

3,0 mm	✓	/
--------	---	---

\rightarrow alles ausbalanciert

20 mm	90,9	76,5
-------	------	------

~~erste Messung war nicht gut~~

1 mm	97,0	70,0
------	------	------

0,6 mm	108,0	53,0
--------	-------	------

$\Delta 1 \text{ skt} \quad \Delta 1 \text{ skt}$

gabe 364 a.

Objektiv 10x und Okular 10x

$$z = 0,91 \pm 0,02 \text{ mm}$$

$$Bz = 10 \text{ mm}$$

$$G = 0,27 \pm 0,02 \text{ mm}$$

$$B = 30 \text{ mm}$$

Objektiv 20x Okular

$$G = 0,48 \pm 0,02 \text{ mm}$$

$$Bz = 10 \text{ mm}$$

$$G = 0,1 \pm 0,02 \text{ mm}$$

$$B = 10 \text{ mm}$$

$$|b| = 25 \text{ cm}$$

$$\Delta B = 0,01 \text{ mm}$$

gabe 364 b.

$$T_2 = 6 \text{ cm} \pm 0,1 \text{ cm}$$

$$Bz = 10 \text{ mm}$$

$$Bz = 10 \text{ mm}$$

$$\Delta B = 0,01 \text{ mm}$$

$$G = 0,27 \pm 0,02 \text{ mm}$$

$$G = 0,48 \pm 0,02 \text{ mm}$$

llh

wertung

$$\gamma_{obj} = \frac{Bz}{G} = \frac{10 \text{ mm}}{0,91 \text{ mm}} = 10,989 \pm 0,0002 \text{ mm} \quad | \quad \textcircled{2} \quad \gamma_{obj} = \frac{Bz}{G} = \frac{10 \text{ mm}}{0,48 \text{ mm}} = 20,833 \pm 0,868 \text{ mm}$$

$$\gamma_m = \frac{B}{G} = \frac{30 \text{ mm}}{0,27 \text{ mm}} = 111,111 \pm 8,231 \text{ mm} \quad | \quad \gamma_m = \frac{B}{G} = \frac{10 \text{ mm}}{0,1 \text{ mm}} = 100 \pm 20 \text{ mm}$$

Die Vergrößerung des Okulars wird folgendermaßen berechnet:

$$V_{ok1} = \frac{\gamma_m}{\gamma_{obj}} \cdot \frac{SO}{|b|} \rightarrow \frac{SO}{|b|} \stackrel{!}{=} 1$$

$$V_{ok2} = \frac{\gamma_m}{\gamma_{obj}} \cdot \frac{SO}{|b|} \rightarrow \frac{SO}{|b|} \stackrel{!}{=} 1$$

$$\gamma_{obj} = \sqrt{\left(\frac{\Delta Bz}{G}\right)^2 + \left(\frac{Bz}{G^2} \Delta G\right)^2} = \frac{Bz}{G^2} \Delta G \rightarrow Bz \text{ als fehlerfrei angenommen}$$

$$\gamma_m = \sqrt{\left(\frac{\Delta B}{G}\right)^2 + \left(\frac{B}{G^2} \Delta G\right)^2}$$

$$V_{ok} = \sqrt{\left(\frac{\Delta \gamma_m}{\gamma_{obj}}\right)^2 + \left(\frac{\gamma_m}{\gamma_{obj}^2} \Delta \gamma_{obj}\right)^2}$$

$$V_{ok1} = 10,111 \pm 0,749$$

$$V_{ok2} = 4,800 \pm 0,981$$

Die Vergrößerung von Okular 1 entspricht ungefähr (mit Fehler) der Vergrößerung von Okular 2.

Nun bestimmen wir die Brennweite des Objektivs $20\times$ mit folgender Formel:

$$f = \frac{T_2 - T_1}{X_2 - X_1} \quad | T_2 - T_1 = 60 - 6 \text{ cm} \quad \Delta T = 0,01 \text{ cm}$$

$$X_1 = \frac{B_1}{G} = \frac{T_1}{F} = \frac{100 \text{ mm}}{0,1 \text{ mm}} = 100 \pm 20$$

$$X_2 = \frac{B_2}{G} = \frac{T_2}{F} = \frac{10 \text{ mm}}{0,08 \text{ mm}} = 125 \pm 31,25$$

$$f = \frac{6 \text{ cm}}{125 - 100} = 0,24 \text{ cm}$$

$$\Delta f = \sqrt{\left(\frac{\Delta T_2}{X_2 - X_1}\right)^2 \left(\frac{T_2 - T_1}{X_2 - X_1}\right)^2 \cdot \Delta X_2^2 + \left(\frac{T_2 - T_1}{(X_2 - X_1)^2} \Delta X_1\right)^2} = 0,356 \text{ cm}$$

$$\Delta X = \sqrt{\left(\frac{\Delta B}{G}\right)^2 + \left(\frac{B}{G^2} \cdot \Delta G\right)^2}$$

$$f = (0,240 \pm 0,356) \text{ cm} = (2400 \pm 3560) \mu\text{m}$$

Der Fehler ist größer als der Wert selbst was nicht gut ist denn unser f muss > 0 sein.
 Außerdem ist unser Wert meiner Meinung nach sehr groß.

$$f_{\text{obj}} = 38 \text{ mm}, \quad f_{\text{ok}} = 300 \text{ mm}$$

$$N = 17 \pm 1 \rightarrow \text{Striche mit "unbewaffnetem" Auge}$$

$$M = 2 \pm 0,5 \rightarrow \text{Striche, durch das astronomische Fernrohr betrachtet}$$

$$\Rightarrow V = \frac{N}{M} \quad \Delta V = \sqrt{\left(-\frac{N}{M^2} \cdot \Delta M\right)^2 + \left(\frac{\Delta N}{M}\right)^2}$$

$$\Rightarrow V = 8,50 \pm 2,18$$

theoretischer Wert

$$\Rightarrow V = \frac{f_{\text{obj}}}{f_{\text{ok}}} = 7,89$$

Unsere Messung liegt innerhalb der Fehlergrenzen!

Der Rand erschien verschwommen und man konnte deutlich die diamantische
 Überation feststellen? Um ein scharfes Umriss von Rand hin zu bekommen muss man
 unter das Objektiv eine Blende einbauen.

d)

$$= 50,2 \text{ mm}$$

$$\text{theoretischer Wert } V = \frac{f_{obj}}{f_{okul}}$$

$$\frac{N}{M} = \frac{32}{5} = 6,4 \pm 0,67$$

$$V_{theo} = 5,98$$


ΔV berechnet mit
der Formel von

$$= 12,7 \text{ mm}$$

c).

$$\frac{N}{M} = \frac{58}{2} = 29 \pm 7,27$$

$$V_{theo} = 23,62$$

ne Werte liegen mit ihren Fehlergrenzen im Bereich des theoretischen Werts. Unser Fehler $f = 12,7 \text{ mm}$ ist jedoch sehr groß! Außerdem wirkt bei großer Vergrößerung s verschwommen, hinzu kommt dass das Sichtfeld deutlich kleiner wurde. Der Kontrast f  ist deutlich verringert und der Farbfehler vergrößert. Man musste die Austritts-
-le vergrößern, was nur anhand einer Vergrößerung der Objektlösung verwirklichen
in.

Umbau zum terrestrischen Fernrohr.

haben für f_3 die Linse mit $f = 12,7 \text{ mm}$ da die Verlängerung $= 4f_3$ ist also nimmt
die Linse mit der kleineren Brennweite um das Fernrohr so kurz wie möglich zu erhalten.

$$\text{Verlängerung} = 4f_3 = 4 \cdot 12,7 \text{ mm} = 50,8 \text{ mm}$$

~~Bei der Fokussierung der Linse mit der kleineren Brennweite um das Fernrohr so kurz wie möglich zu erhalten.~~
~~Bei der Fokussierung der Linse mit der kleineren Brennweite um das Fernrohr so kurz wie möglich zu erhalten.~~
~~Bei der Fokussierung der Linse mit der kleineren Brennweite um das Fernrohr so kurz wie möglich zu erhalten.~~ → Bei der Fokussierung

$$\frac{N}{M} = \frac{18}{2} = 9 \pm 2,3$$

$$V = \frac{f_{okul} + 4f_3}{f_{obj}} = \frac{300 \text{ mm} + 4 \cdot 12,7 \text{ mm}}{38 \text{ mm}} = 9,23$$

Unser Wert passt sehr gut auf den
theoretisch berechneten Wert.
⇒ Messung war erfolgreich!

$$f_1 = -12,5 \text{ mm}$$

$$V = \frac{N}{M} = \frac{51}{2} = 25,5 \pm 6,39 \quad (\rightarrow \text{großer Fehler})$$

$$V_{\text{theo}} = \frac{f_2}{|f_1|} = \frac{300}{|-12,5|} = 24$$

Auch hier passt unser Berechneter und gemessener Wert sehr gut beieinander.

Es war sehr schwer das Aufbau zu justieren und schief zu stellen deswegen ist unser Fehler wieder so groß.

Die Bauhöhe war deutlich kürzer als der des astro. Fernrohr.

Unser V ist vergleichbar mit V aus d. vom astro. Fernrohr mit dem Okular 12,7 mm.

g.

$$f = 38 \text{ mm} \quad f_{\text{obj}} = 300 \text{ mm}$$

10 cm auf der Messlatte entsprechen 0,6 cm auf der Messlatte im Zwischenbild

$$V_{\text{theo}} = \frac{f_{\text{obj}}}{f} = \frac{300 \text{ mm}}{38 \text{ mm}} = 7,89$$

$$V = \frac{N}{M} = \frac{10 \text{ cm}}{0,6 \text{ cm}} = 16,67$$

Wie man sieht $V \neq V_{\text{theo}}$, sodass das Bild von dem Okular einseitig wird, da beide Vergrößerungen sehr unterschiedlich sind.

h.

G ist die Differenz von den Messungen links/rechts

$$15 \text{ Sek} \hat{=} 0,5 \text{ mm}$$

$$G_{0,2} = 147,5 - 23 = 124,5 \text{ Sek} = 62,25 \text{ mm}$$

$$E = 5,5 \pm 0,1 \text{ m}$$

$$G_{0,3} = 119 - 39 = 80 \text{ Sek} = 40 \text{ mm}$$

$$= 5500 \pm 100 \text{ mm}$$

$$G_{0,6} = 100 - 53 = 55 \text{ Sek} = 27,5 \text{ mm}$$

$$\Delta G = 0,25$$

$$G_1 = 97 - 70 = 27 \text{ Sek} = 13,5 \text{ mm}$$

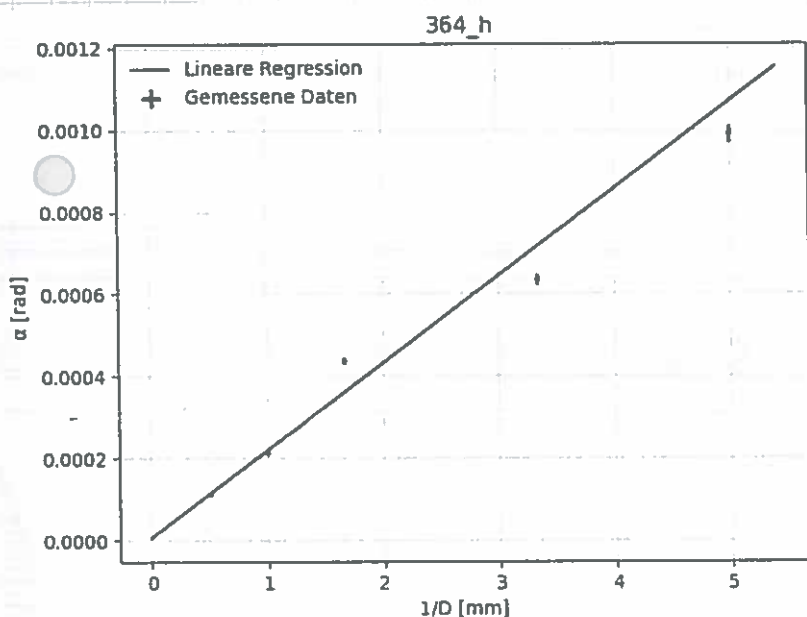
$$G_2 = 90,5 - 76,5 = 14 \text{ Sek} = 7 \text{ mm}$$

$\alpha = \frac{G}{E}$ mit $\frac{\pi}{36}$ da es 36 Sekunden im Sinusstern waren, somit

$$\alpha = \frac{G}{E} \cdot \frac{\pi}{36}$$

r [mm]	G [mm]	α [rad]	$\Delta\alpha$ [rad]	$1/D$ [mm]
0,2	62,25	$9,877 \cdot 10^{-4}$	$0,184 \cdot 10^{-4}$,5
0,3	40,00	$6,347 \cdot 10^{-4}$	$0,122 \cdot 10^{-4}$	3,333
0,6	27,50	$4,363 \cdot 10^{-4}$	$0,089 \cdot 10^{-4}$	1,667
1	13,50	$2,142 \cdot 10^{-4}$	$0,056 \cdot 10^{-4}$	1,00
2	7,00	$1,111 \cdot 10^{-4}$	$0,045 \cdot 10^{-4}$	0,500

$$= \sqrt{\left(-\frac{G}{E} \cdot \frac{\pi}{36} \Delta E\right)^2 + \left(\frac{\Delta G}{E} \cdot \frac{\pi}{36}\right)^2}$$



Steigung m

$$m = 2,125 \cdot 10^{-4} \pm 0,182 \cdot 10^{-4}$$

y-Achse Schnitt n

$$n = 4,884 \cdot 10^{-6} \pm 10,35 \cdot 10^{-6}$$

reduced chi-square

$$= 71263,9986$$

da man vom reduced chi-square sieht ist unser fit sehr schlecht! Außerdem sind die Fehler viel zu klein gewählt.

$$\alpha = 1,22 \frac{\lambda}{D} \Rightarrow \lambda = \frac{\alpha \cdot D}{1,22} = \frac{m}{1,22} \quad \Delta\lambda = \frac{\Delta m}{1,22} = 1,492 \cdot 10^{-5}$$

$$\lambda = \frac{2,125 \cdot 10^{-4}}{1,22} = 0,0001741 \text{ m}$$

$$\lambda = (174,1 \pm 14,92) \text{ nm}$$

erwartet ist unser λ -Wert nicht gut, er liegt nicht im sichtbaren Bereich das liegt daran dass unser fit leider sehr schlecht ist

$$\gamma = \frac{0,61 \lambda}{n \sin(\alpha)}$$

$$\alpha = \frac{1,22 \lambda}{D}$$

$$\gamma = \frac{0,61 \lambda}{n D} \cdot 2f$$

$$\gamma = \frac{1,22 \lambda f}{n D}$$

$$f(2,24) \text{ mm}, \lambda = 500 \text{ nm}, D = 5 \text{ mm}, n = 1$$

$$\gamma = 0,273$$

$$\alpha = 1,22 \cdot 10^{-4} \text{ rad}$$

Eine ähnliche Ähnlichkeit ist schon vorhanden. Man erkennt dass $\gamma = \alpha \cdot f/n$ ist und somit eine deutliche Zusammenhang besteht zwischen kleinstem auflösbarem Winkel einer Linse und kleinstem auflösbarem Abstand zweier Objekte beim Mikroskop. Ein Mikroskop besteht ja auch aus Linsen.

Der kleinste auflösbare Winkel α müsste bei $\approx 1,2 \cdot 10^{-4}$ rad liegen wenn so die 25 cm sind und der Pupillendurchmesser etwa 8 mm (wikipedia) ist.

Fazit

Im ersten Versuchsteil bei den a haben wir jeweils beim Wechseln von Okular und Objektiv B, G, Bz gemessen und ein sinnvolles Ergebnis rausbekommen. Es hatte nur etwas gedauert bis wir die Maßstäbe unter dem Mikroskop gefunden hatten. Bei den b haben wir einmal mit und ohne Tubus B 16 gemessen. Leider ist beim Ergebnis der Fehler größer als der Wert das liegt daran dass wir Probleme hatten die zwei Bilder auf den Notizblock übereinander zu legen.

Im zweiten Versuchsteil hat es jeweils etwas gedauert bis wir die Fernrohre schnell gestellt hatten, auch hier wieder bei den c, d, e, f und g, das Problem mit unseren schlechten Augen. Bei den im vorherigen Satz genannten Teilaufgaben passen unsere Werte jeweils sehr gut auf die theoretischen Werte von den Vergrößerungen. Dazu muss man sagen dass N jeweils mit dem "untrainierten" Auge von der Messlatte gemessen wurde und M die Teilstriche durchs Fernrohr waren.

Im dritten Versuchsteil sollten wir experimentell die Beziehung für den kleinsten auflösbaren Sehwinkel bestimmen. Dies hat eigentlich während des Messens gut funktioniert. Bei der Auswertung wird nur jedoch falsch überzeugt. Unser α ist sehr schlecht und die Fehler haben wir auch viel zu klein gewählt, was zur Folge hat dass unser λ nicht im sichtbaren Bereich liegt.

Abschließend kann man sagen dass der Versuch sehr gut durchgeführt worden ist ausser dem letzten Versuchsteil. Der Versuch ist jedoch besser geeignet

Leute mit sehr guten Augen, da wir deswegen viel Zeit verloren haben (jeweils 2-3 min/ Messen).

also: - Diskussion

- Fehlerberechnung

Verbesserung

2 Vergrößerung von Okular 1 entspricht ungefähr (mit Fehler) die doppelte Vergrößerung von Okular 2
angegebene Vergrößerung der Okulare liegt im Fehlerbereich der bestimmten Werte und hat eine Abweichung von
± 9%.

~~also Fehler von V gemittelt ist $\Delta V = \sqrt{\left(\frac{\Delta f_3}{f_3} \Delta V\right)^2 + \left(\frac{\Delta f_1}{f_1} \Delta V\right)^2}$~~

f.e.

$$m = \frac{f_{okw} + 4f_3}{f_{obj}} = 9,23 \quad \Delta f_3 = \Delta f_{okw} = \Delta f_{obj} = 0,1 \text{ mm}$$

$$V_{theo} = \sqrt{\left(\frac{4f_3}{f_{obj}} \Delta f_{okw}\right)^2 + \left(\frac{f_{okw} + 4f_3}{f_{obj}} \Delta f_3\right)^2 + \left(\frac{f_{okw} + 4f_3}{f_{obj}^2} \Delta f_{obj}\right)^2} = 0,811$$

$$V_{theo} = 9,23 \pm 0,811 \quad \text{passt sehr gut zu unseren gemessenen Wert}$$

f.

$$\frac{f_o}{f_d} = \frac{f_2}{f_1} = \frac{300}{12,5} = 24 \quad \Delta f_2 = \Delta f_1 = 0,1 \text{ mm}$$

$$V_{theo} = \sqrt{\left(\frac{\Delta f_2}{f_1}\right)^2 + \left(-\frac{f_2}{f_1^2} \Delta f_1\right)^2} = 0,192$$

$$V_{theo} = 24 \pm 0,192 \quad \text{auch hier passt unser theoretischer Wert gut zum gemessenen Wert}$$

f₄

$$V_{theo} = \frac{f_{obj}}{f} = 7,89 \quad \Delta V_{theo} = \sqrt{\left(\frac{\Delta f_{obj}}{f}\right)^2 + \left(-\frac{f_{obj}}{f^2} \Delta f\right)^2} = 0,021 \quad \Delta f_{obj} = \Delta f = 0,1$$

$$V_{theo} = 7,89 \pm 0,02$$

$$\frac{1}{M} = 16,67 \quad \Delta V = \sqrt{\left(\frac{\Delta M}{M}\right)^2 + \left(-\frac{1}{M^2} \Delta M\right)^2} = 1,40 \quad \Delta N = 1 \text{ und } \Delta M = 0,5$$

$$V = 16,67 \pm 1,4$$