Задание 3 | Knowledge Base 23.09.2022, 15:50

Задание 3

Тема: Статистические оценки

Для сдачи: 5 вопросов + 3 учебные задачи

Ограничения: 6 человека

Сдают:

Сдали:

Вопросы:

1. Какая оценка называется состоятельной, несмещенной и эффективной?

- 2. Могут ли быть случаи, когда можно сделать интервальную оценку, но нельзя точечную?
- 3. При каком распределении логарифм функции правдоподобия имеет вид параболы?
- 4. Как связаны метод наименьших квадратов, метод хи-квадрата и метод максимума правдоподобия?
- 5. В каких случаях эффективность оценки хи-квадрат и оценки методом максимума правдоподобия будут отличаться? В какую сторону?
- 6. Согласно телефонным опросам в президентских выборах в США (1936) должен был победить республиканец Альфред Лэндон, но с огромным отрывом победил демократ Франклин рузвельт, хотя этот же опрос в выборах ранее правильно предсказал победу республиканцев. Объясните, что не так с этим опросом, каким свойством обладает его оценка.

Задачи:

Учебные:

- 1. При обработке данных в питоне основным пунктом является их фитирования. Наиболее часто используется curve_fit. Чтобы он выдавал правильные результаты, надо понимать специфику документации, для этого изучите ее. Затем сгенерируйте данные, используя нормальное распределение для генерации ошибки и полином 4 степени. Проведите своеобразный эксперимент с фитом: используйте полиномы большей, например 10-й, и меньшей, например 2-й, степени, подавайте разные параметры в curve_fit: границы, ошибки, начальное положение.
- 2. Пусть с помощью сцинтиллятора вы измерили некий спектр, у которого есть два пика, данные можно смоделировать с помощью двух Гауссов (обоснуйте, почему можно использовать нормальное распределение). Сравните с заданными сигмами

Задание 3 | Knowledge Base 23.09.2022, 15:50

ширины на полувысотах пиков и значения, полученные с помощью фитирования. Получите точечные и интервальные оценки положений пиков.

- 3. Постройте функцию правдоподобия для распределения Бернулли, данные сгенерируйте с помощью Бернулли, 1 будет соответствовать удачному испытанию, а 0 неудачному. Постройте графики функции правдоподобия, логарифмической функцию правдоподобия, ее производной и ее вторую, на одном графике следует нанести функции для нескольких сгенерированных выборок, например, 100, чтобы увидеть, какой разброс. Графики также лучше строить около "истинного" параметра тета, проделать процедуру можно для нескольких параметров. Подумайте, как полученные картинки можно сопоставить с информацией о параметре тета.
- 4. Данные это набор точек (x,y, yErr) вида подложка + пик. Определите положение и амплитуду пика и постройте доверительные интервалы (как минимум для положения).
- 5. Рассмотрим процесс $e^+e o \mu^+\mu^-$, для которого угловое распределение мюонов имеет вид $f(x;\alpha,\beta)=rac{1+\alpha x+\beta x^2}{2+2\beta/3},\ x=\cos(\theta),\ \theta$ угол рассеяния. Допустим, что в данных заложена гауссова ошибка. Сгенерируйте данные, самостоятельно реализуйте Метод Максимального Правдоподобия и получите оценки параметров (истинными можно взять 0.5 и 0.5).

Научные:

1. Скачайте данные из Яндекс диска. Они представляют собой сигналы SiPM, который был соединен со сцинтиллятором, регистрирующим протоны в ускорителе. Для загрузки используйте data = np.load('raw_data_0.npy'), каждая строка соответствует сигналу, то есть data[0] будет первым сигналом. Вам надо профитировать каждый сигнал, использовать можно аппроксимацию распределения Ландау. Так как сигналов много, то визуально все не проверить, а еще есть явно кривые сигналы, которые стоит отбросить. Для этого возьмите некую характеристику качества фита и постройте ее распределение по построенным фитам.