数据库系统概论 An Introduction to Database Systems

第六章关系数据理论

第六章 关系数据理论



- 问题的提出
- 规范化
- 数据依赖的公理系统
- 模式的分解
- 小结



→ 例: 有三个属性的工资表(姓名,级别,工资)关系模式。 对应此模式建立的表如表6-1所示。

姓 名	级 别	「. 资
A	10	650
В	10	650
С	7	680
I)	8	665
E	11	630
F	1:1	630

表 6-1

表 6—1存在的问题:

- ▶数据冗余度大
 - ✓浪费存储空间
 - ✓造成数据的不一致
- ▶插入与删除异常
 - ✓无法插入某部分信息
 - ✓删除掉不应删除的信息

⇒解决方法

图 将表6-1分解为两个模式表达: 职工级别(姓名,级别),级别工资(级别,工资),如表 6-2、表 6-3所示。

姓名	级别
A	10
В	10
C	7
D	8
E	11
F	11

级别	工资
7	680
8	665
9	660
10	650
11	630

改进后,

- ✓数据量减少
- ✓表达能力强
- ✓ 修改方便

表 6-2

表 6-3

- ⇒关系数据库逻辑设计
 - 针对具体问题,如何构造一个适合于它的数据模式
 - 数据库逻辑设计的工具——关系数据库的规范化理论

二、什么是数据依赖?

⇒ 关系模式由五部分组成,即它是一个五元组:

R(U, D, DOM, F)

R: 关系名

U: 组成该关系的属性名集合

D: 属性组U中属性所来自的域

DOM: 属性向域的映象集合

F: 属性间数据的依赖关系集合

⇒ 关系模式R(U, D, DOM, F)

简化为一个三元组:

R (**U**, **F**)

当且仅当U上的一个关系 r满足F时,r称为关系模式 R(U,F)的一个关系

什么是数据依赖?

- ➤ 定义属性值间的相互 关连(主要体现于值的相 等与否)
- 数据库模式设计的关键
- 一个关系内部属性与属性之间的约束关系
- 现实世界属性间相互 联系的抽象
- 数据内在的性质
- ► 语义的体现
- ▶数据依赖的类型

函数依赖 (FD) 多值依赖 (MVF)

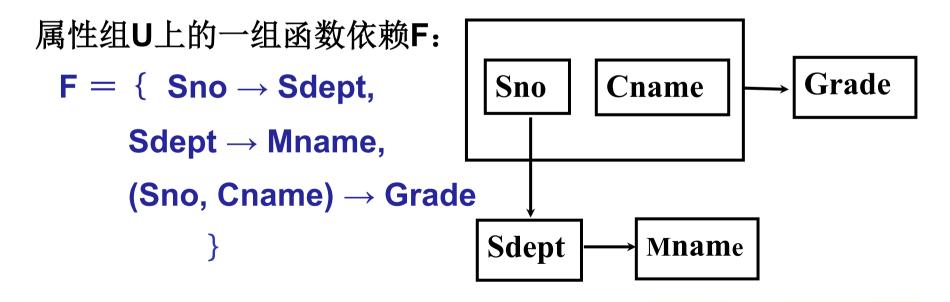
三、数据依赖对关系模式的影响

[例1]建立一个描述学校教务的数据库:

学生的学号(Sno)、所在系(Sdept)、系主任姓名(Mname)、课程名(Cname)、成绩(Grade)

单一的关系模式: Student <U、F>

U = { Sno, Sdept, Mname, Cname, Grade }



三、数据依赖对关系模式的影响

- ⇒ 关系模式Student<U, F>中存在的问题
 - 数据冗余太大
 - 更新异常 (Update Anomalies)
 - •插入异常 (Insertion Anomalies)
 - 删除异常 (Deletion Anomalies)

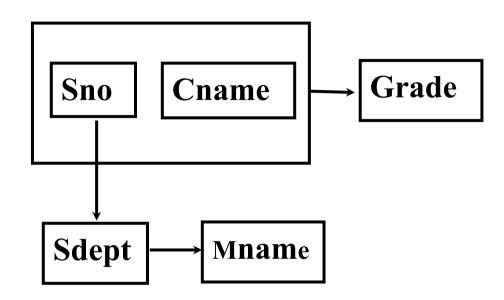
Student 不是一个 好的 关系模式

"好"的模式:

不会发生插入异常、删除异常、更新异常, 数据冗余应尽可能少

三、数据依赖对关系模式的影响

- ⇒ 原因: 由存在于模式中的某些数据依赖引起的
- 新决方法: 通过分解 关系模式来消除其中不 合适的数据依赖
- ⇒ 分解Student关系模式



把这个单一模式分成3个关系模式:

```
S (Sno, Sdept, Sno → Sdept);
SC (Sno, Cname, Grade, (Sno, Cno) → Grade);
DEPT (Sdept, Mname, Sdept→ Mname)
```

第六章 关系数据理论



- 问题的提出
- 规范化
- 数据依赖的公理系统
- 模式的分解
- 小结



规范化理论正是用来改造关系模式,通

过分解关系模式来消除其中不合适的数据

依赖,以解决插入异常、删除异常、更新异

常和数据冗余问题。

6.2 规范化

6.2.1	函数依赖
6.2.2	码
6.2.3	范式
6.2.4	2NF
6.2.5	3NF
6.2.6	BCNF
6.2.7	多值依赖
6.2.8	4NF
6.2.9	规范化小结

⇒ 定义6.1 设R(U)是一个属性集U上的关系模式,X和Y是U的子集。

若对于R(U)的任意一个可能的关系r,r中不可能 存在两个元组在X上的属性值相等,而在Y上的属性值 不等,

则称 "X函数确定Y"或 "Y函数依赖于X",记作 $X \rightarrow Y$ 。

- ⇒ 函数依赖说明
 - 所有关系实例均要满足
 - 圖语义范畴的概念
 - 数据库设计者可以对现实世界作强制的规定

二、平凡函数依赖与非平凡函数依赖

⇒ 在关系模式R(U)中,对于U的子集X和Y,

如果 $X \rightarrow Y$,但 $Y \subseteq X$,则称 $X \rightarrow Y$ 是非平凡的函数依赖

若 $X \rightarrow Y$,但 $Y \subseteq X$,则称 $X \rightarrow Y$ 是平凡的函数依赖

例: 在关系SC(Sno, Cno, Grade)中,

非平凡函数依赖: (Sno, Cno) → Grade

平凡函数依赖: (Sno, Cno) → Sno、(Sno, Cno) → Cno

- 若 $X \rightarrow Y$,则X称为这个函数依赖的决定属性组,也称为决定因素(Determinant)。
- 若 $X \rightarrow Y$, $Y \rightarrow X$, 则记作 $X \leftarrow \rightarrow Y$ 。
- \blacksquare 若**Y**不函数依赖于**X**,则记作 $X \rightarrow Y$ 。

三、完全函数依赖与部分函数依赖

- ⇒ 定义6.2 在R(U)中,
 - 如果 $X \rightarrow Y$,并且对于X的任何一个真子集X',都有 $X' \rightarrow Y$,则称Y对X完全函数依赖,记作 $X \xrightarrow{F} Y$ 。
 - 若X→Y,但Y不完全函数依赖于X,则称Y对X部分函数 依赖,记作X → Y。

[例1] 中(Sno,Cno)→Grade, Sno →Sdept成立,是 完全函数依赖,

而 (Sno,Cno)→Sdept是部分函数依赖

⇒ 定义6.3 在R(U)中,如果X \rightarrow Y,(Y \subseteq X),Y \rightarrow X Y \rightarrow Z,则称Z对X传递函数依赖。

记为:X ^{传递}→Z

注: 如果 $Y \rightarrow X$, 即 $X \leftarrow \rightarrow Y$,则Z直接依赖于X。

例: 在关系Std(Sno, Sdept, Mname)中,有: Sno → Sdept, Sdept → Mname Mname传递函数依赖于Sno

6.2 规范化

6.2.1	函数依赖
6.2.2	码
6.2.3	范式
6.2.4	2NF
6.2.5	3NF
6.2.6	BCNF
6.2.7	多值依赖
6.2.8	4NF
6.2.9	规范化小结

若关系中的某一属性组的值能唯一地标识一个元组,则称该属性组为候选码

⇒ 定义6.4 设K为R<U,F>中的属性或属性组合。

若K^F→U,则K称为R的<mark>侯选码</mark>

(Candidate Key) .

若候选码多于一个,则选定其中的一个做为主码

(Primary Key) .

- ⇒主属性与非主属性
 - ■包含在任何一个候选码中的属性 ,称为主属性 (Prime attribute)
 - 不包含在任何码中的属性称为非主属性(Nonprime attribute)或非码属性(Non-key attribute)
- ⇒全码
 - ■整个属性组是码,称为全码(All-key)

[例2]

关系模式S(<u>Sno</u>,Sdept,Sage),单个属性Sno是码, SC(<u>Sno</u>,Cno,Grade)中,(Sno,Cno) 是码

[例3]

关系模式R(P,W,A)

- P: 演奏者 W: 作品 A: 听众
- □一个演奏者可以演奏多个作品
- □某一作品可被多个演奏者演奏
- □ 听众可以欣赏不同演奏者的不同作品 码为(P, W, A),即All-Key

- ⇒ 定义6.5 关系模式 R 中属性或属性组X 并非 R的码
 - ,但 X 是另一个关系模式的码,则称 X 是R 的外部码

(Foreign key) 也称外码

如在SC(Sno, Cno, Grade)中,

Sno不是码,但Sno是关系模式S(Sno,Sdept

- ,Sage)的码,则Sno是关系模式SC的外部码
- ⇒主码与外部码一起提供了表示关系间联系的手段

6.2 规范化



- ⇒ 范式是符合某一种级别的关系模式的集合
- ⇒ 关系数据库中的关系必须满足一定的要求。满足不同程度要求的为不同范式
- ⇒ 范式的种类及联系:

 $1NF \supset 2NF \supset 3NF \supset BCNF \supset 4NF \supset 5NF$

- ⇒某一关系模式R为第n范式,可简记为R∈nNF。
- → 一个低一级范式的关系模式,通过模式分解可以转换 为若干个高一级范式的关系模式的集合,这种过程就 叫规范化

6.2 规范化

6.2.1	函数依赖
6.2.2	码
6.2.3	范式
6.2.4	2NF
6.2.5	3NF
6.2.6	BCNF
6.2.7	多值依赖
6.2.8	4NF
6.2.9	规范化小结

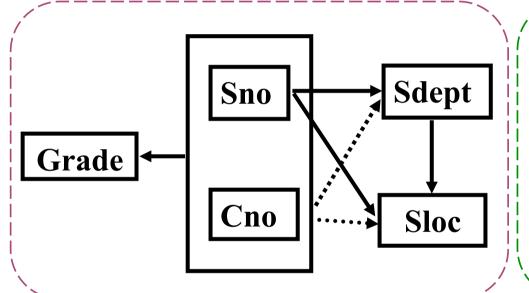
⇒1NF的定义

如果一个关系模式R的所有属性都是不可分的基本数据项,则R∈1NF

- ⇒ 第一范式是对关系模式的最起码的要求。不满足第一 范式的数据库模式不能称为关系数据库

6.2.4 2NF

[例4] 关系模式 S-L-C(Sno, Sdept, Sloc, Cno, Grade) Sloc为学生住处,假设每个系的学生住在同一个地方



函数依赖包括:

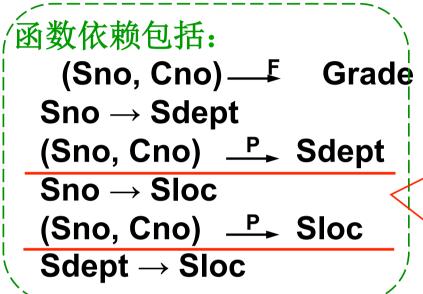
(Sno, Cno) — F Grade Sno → Sdept (Sno, Cno) — P Sdept Sno → Sloc

(Sno, Cno) \xrightarrow{P} Sloc Sdept \rightarrow Sloc

- ◆ S-L-C的码为(Sno, Cno)
- ► S-L-C满足第一范式。
- 非主属性Sdept和Sloc部分函数依赖于码(Sno, Cno)



- 插入异常
- ■删除异常
- ■数据冗余度大
- ■修改复杂



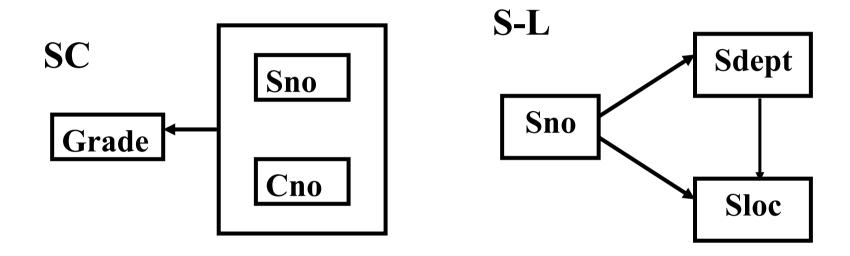
原因: Sdept、 Sloc 部分函 数氏码

⇒解决方法

S-L-C分解为两个关系模式,以消除这些部分函数依赖

???SC (Sno, Cno, Grade) S-L (Sno, Sdept, Sloc)

⇒ 分解后的函数依赖图



- ❖关系模式SC的码为(Sno, Cno)
- ❖关系模式S-L的码为Sno
- ❖这样非主属性对码都是完全函数依赖

6.2.4 2NF

⇒ 2NF的定义

定义6.6 若R∈1NF,且每一个非主属性完全函数依赖于码,则R∈2NF。

[说明] 若一个数据库模式是二范式,则它的每一个关系 模式都是二范式。

例: 设U={S#, C#, SG, SD, CC, CN}, U上的函数依赖 F={S#→SD, C#→CC, S#, C#→SG, C#→CN, CN→C#}。

- 令数据库模式R={R1, R2, R3}, 其中
- R1={S#, SD}
- R2={S#, C#, SG}
- R3={C#, CN, CC}
 - 可以看出,R1中S#是码,SD属性完全依赖于码,故R1 是二 范式。
 - 在R2中,S#,C#是码,而非主属性SG完全依赖于码。
 - · 在R3中,C#或CN是码,而非主属性CC完全依赖于码,

故R1,R2,R3均为二范式,R为二范式的数据库模式。

⇒ 采用投影分解法将一个1NF的关系分解为多个2NF的 关系,可以在一定程度上减轻原1NF关系中存在的插入 异常、删除异常、数据冗余度大、修改复杂等问题。

例: S-L-C(Sno, Sdept, Sloc, Cno, Grade) ∈1NF S-L-C(Sno, Sdept, Sloc, Cno, Grade) ∈2NF SC (Sno, Cno, Grade) ∈ 2NF S-L (Sno, Sdept, Sloc) ∈ 2NF ?

⇒ 将一个1NF关系分解为多个2NF的关系,并不能完全消除关系模式中的各种异常情况和数据冗余。

6.2 规范化

6.2.1	函数依赖
6.2.2	码
6.2.3	范式
6.2.4	2NF
6.2.5	3NF
6.2.6	BCNF
6.2.7	多值依赖
6.2.8	4NF
6.2.9	规范化小结



⇒3NF的定义

定义6.7 关系模式R < U,F > 中若不存在这样的码X、属性组Y及非主属性Z($Z \subseteq Y$),使得 $X \rightarrow Y$, $Y \rightarrow Z$ 成立, $Y \rightarrow X$,则称R < U, $F > \in 3NF$ 。

■若R∈3NF,则每一个非主属性既不部分依赖于码也不传递依赖于码。

例: 2NF关系模式S-L(Sno, Sdept, Sloc)中

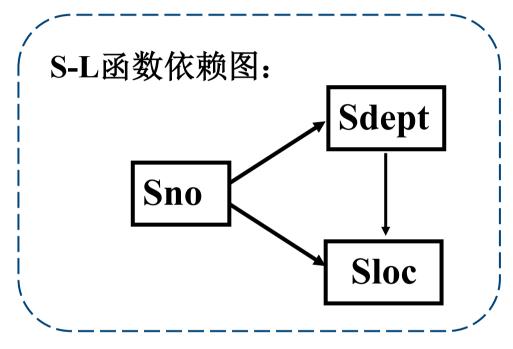
■函数依赖:

Sno→**Sdept**

Sdept → Sno

Sdept→**Sloc**

可得:



Sno ^{传递}→Sloc,即S-L中存在非主属性对码的 传递函数依赖,S-L \ *3NF*

⇒解决方法

采用投影分解法,把S-L分解为两个关系模式,以消除传递函数依赖:



- S-D的码为Sno, D-L的码为Sdept
- 圓 分解后的关系模式S-D与D-L中不再存在传递依赖
 - S-L(Sno, Sdept, Sloc) ∈ 2NF
 S-L(Sno, Sdept, Sloc) ∈ 3NF
 S-D(Sno, Sdept) ∈ 3NF
 D-L(Sdept, Sloc) ∈ 3NF

⇒ 采用投影分解法将一个2NF的关系分解为多个3NF的 关系,可以在一定程度上解决原2NF关系中存在的插入 异常、删除异常、数据冗余度大、修改复杂等问题。

⇒ 将一个2NF关系分解为多个3NF的关系后,仍然不能 完全消除关系模式中的各种异常情况和数据冗余。

6.2.5 3NF

例:配件管理关系模式 WPE(WNO, PNO, ENO, QNT) 分别表示:仓库号,配件号,职工号,配件数量

- ⇒有以下条件:
 - a. 一个仓库有多个职工。
 - b. 一个职工仅在一个仓库工作。
 - c. 每个仓库里一种型号的配件由专人负责,但一个人可以 管理几种配件。
 - d. 同一种型号的配件可以分放在几个仓库中。
- ⇒函数依赖

ENO ----> WNO, WNO ----> ENO (WNO, PNO) ----> ENO (WNO, PNO) ----> QNT (ENO, PNO) ----> QNT

6.2.5 3NF

例:配件管理关系模式 WPE(WNO, PNO, ENO, QNT) 分别表示:仓库号,配件号,职工号,配件数量

- **Candidate key:** (WNO, PNO) (ENO, PNO)
 - 主属性: WNO, PNO, ENO
 - ■非主属性: QNT
- ⇒ QNT对两个候选码均是完全函数依赖及直接依赖,
 - 圓 所以,WPE ∈ 3NF
- ⇒ 但是,还是有问题?
- ⇒分解成:
 - 管理: EP (PNO, ENO, QNT)
 - ■工作: EW(ENO, WNO)

缺点:

分解后函数依赖的 保持性较差。

```
ENO ----> WNO,

(WNO, PNO) ----> ENO

(WNO, PNO) ----> QNT

(ENO, PNO) ----> QNT
```

6.2 规范化



- ⇒ 定义6.8 关系模式R<U, F>∈1NF, 若X→Y且Y ⊆ X 时X必含有码,则R<U, F>∈BCNF。
- ⇒ 等价于:每一个决定属性因素都包含码
- **⇒** 若R∈BCNF
 - 所有非主属性对每一个码都是完全函数依赖
 - 所有的主属性对每一个不包含它的码,也是完全函数依赖
 - 没有任何属性完全函数依赖于非码的任何一组属性

⇒
$$R \in BCNF$$
 $\xrightarrow{\stackrel{\widehat{\Lambda}\widehat{D}}{\longleftarrow}} R \in 3NF$

[例5] 关系模式C(Cno,Cname,Pcno)

- C ∈ 3NF
- **■** C ∈ BCNF

[例6] 关系模式S(Sno,Sname,Sdept,Sage)

- 假定S有两个码Sno,Sname
- ■S∈3NF。
- ■S ∈ BCNF

[例7] 关系模式SJP(S, J, P) S:学生, J:课程, P: 名次

- 函数依赖: (S, J) →P; (J, P) →S
- (S, J) 与 (J, P) 都可以作为候选码,属性相交
- SJP ∈ 3NF,
- **SJP**∈**BCNF**

[例8]在关系模式STJ(S, T, J)中, S表示学生, T表示

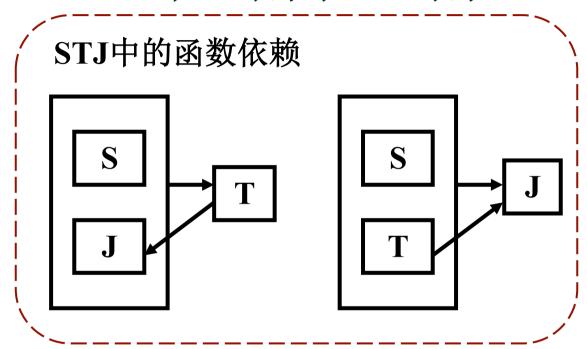
教师, J表示课程。

■函数依赖:

$$(S, J) \rightarrow T,$$

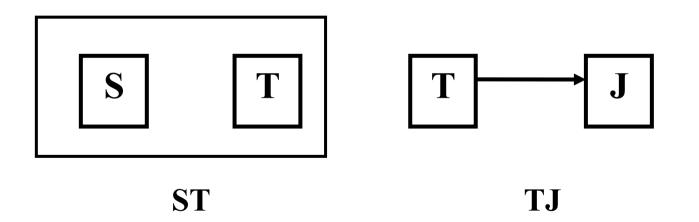
$$(S, T) \rightarrow J,$$

$$T \rightarrow J$$



- (S, J)和(S, T)都是候选码
- **⇒** STJ∈3NF
 - 没有任何非主属性对码传递依赖或部分依赖

- **⇒** STJ \ BCNF
 - T是决定因素,T不包含码
- 解决方法:将STJ分解为二个关系模式:ST(S, T) ∈ BCNF, TJ(T, J)∈ BCNF



没有任何属性对码的部分函数依赖和传递函数依赖

⇒3NF与BCNF的关系

即果R∈3NF, 且R只有一个候选码
 R∈BCNF
 AD
 NE
 NE
 NE
 NE

⇒ 3NF与BCNF是以函数依赖为基础的关系模式规范化程度的测度。

6.2 规范化

6.2.1	函数依赖
6.2.2	码
6.2.3	范式
6.2.4	2NF
6.2.5	3NF
6.2.6	BCNF
6.2.7	多值依赖
6.2.8	4NF
6.2.9	规范化小结

6.2.7 多值依赖

[例9] 学校中某一门课程由多个教师讲授,他们使用相同的一套参考书

。每个教员可以讲授多门课程,每种参考书可以供多门课程使用。

非规范化关系

课程C	教 员 T	参考书B
物理	李勇王军	普通物理学 光学原理 物理习题集
数学	{ 李 勇} { 张 平}	数学分析 微分方程 高等代数
计算数学		数学分析
•	•	•

6.2.7 多值依赖

❖ 用二维表表示Teaching

课程C	教员T	参考书B
物物物物物物数数数数数数理理理理理理理学学学学学学	李李李王王王李李李张张张勇勇勇军军军勇勇勇平平平	普光物普光物数微高数微高物学习物学习分分分等学分等分分的等理是是分方代分方代理理理题,是是实际的的。
	•••	•••

- **♦** Teaching ∈ BCNF
- ⇒ Teaching具有唯一候选码(C, T, B), 即全码
- ⇒ Teaching模式中存在的 问题
 - ■数据冗余度大
 - 插入操作复杂
 - 圖删除操作复杂
 - 圖修改操作复杂

存在多值依赖

⇒ 定义6.9

设R(U)是一个属性集U上的一个关系模式, X、 Y和Z是U的子集,并且Z=U-X-Y。关系模式R(U)中多值依赖 $X \rightarrow Y$ 成立,当且仅当对R(U)的<u>任一关系</u>r,给定的一对(x,z)值,有一组Y的值,这组值仅仅决定于x值而与z值无关

⇒ 例 Teaching (C, T, B)

⇒ 多值依赖的另一个等价的形式化的定义:

在R(U)的任一关系r中,如果存在元组t,s 使得t[X]=s[X],那么就必然存在元组w, $v \in r$,(w,v可以与s,t相同),使得w[X]=v[X]=t[X],而w[Y]=t[Y],w[Z]=s[Z],v[Y]=s[Y],v[Z]=t[Z](即交换s,t元组的Y值所得的两个新元组必在r中),则Y多值依赖于X,记为 $X \to Y$ 。这里,X, $Y \not \in U$ 的子集,Z=U-X-Y。

- ⇒平凡多值依赖和非平凡的多值依赖

 - 〖否则称X→→Y为非平凡的多值依赖

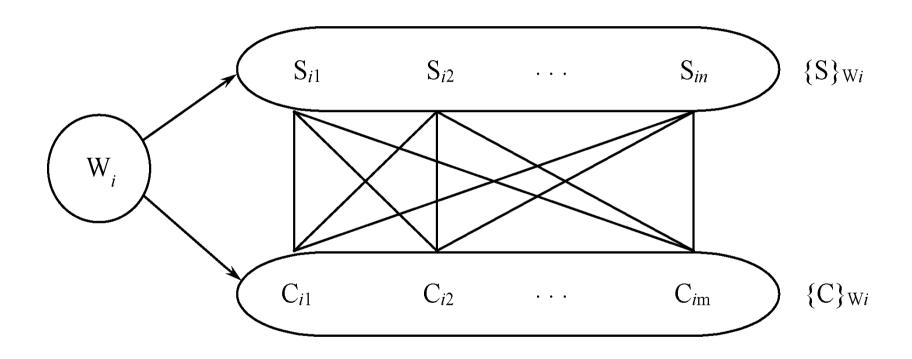
6.2.7 多值依赖

[例10] 关系模式WSC(W,S,C)

- □ W表示仓库,S表示保 管员,C表示商品
- □ 假设每个仓库有若干个保 管员,有若干种商品
- □ 每个保管员保管所在的仓 库的所有商品
- □每种商品被所有保管员保管

\mathbf{W}	S	C
W 1	S1	C 1
$\mathbf{W1}$	S1	C2
$\mathbf{W1}$	S1	C3
$\mathbf{W1}$	S2	C 1
$\mathbf{W1}$	S2	C2
$\mathbf{W1}$	S2	C3
W2	S3	C4
W2	S3	C5
W2	S4	C4
W2	S4	C5

用下图表示这种对应



$$W \rightarrow \rightarrow S \coprod W \rightarrow \rightarrow C$$

6.2.7 多值依赖

⇒多值依赖具有对称性

若
$$X \rightarrow Y$$
,则 $X \rightarrow Z$,其中 $Z = U - X - Y$

⇒多值依赖具有传递性

若
$$X \rightarrow Y$$
, $Y \rightarrow Z$, 则 $X \rightarrow Z - Y$

⇒ 函数依赖是多值依赖的特殊情况:

若
$$X \rightarrow Y$$
,则 $X \rightarrow \rightarrow Y$ 。

- ⇒ 若X $\rightarrow \rightarrow$ Y, X $\rightarrow \rightarrow$ Z, 则X $\rightarrow \rightarrow$ Y∪ Z。
- ⇒ 若X→→Y,X→→Z,则X→→Y∩Z。
- ⇒ 若X \rightarrow →Y, X \rightarrow →Z, 则X \rightarrow →Y-Z, X \rightarrow →Z -Y。

- ⇒ 多值依赖与函数依赖的区别
 - 多值依赖的有效性与属性集的范围有关
 - 若X→→Y,在U上成立,则在W(XY⊆W⊆U)上一定成立。但X→→Y,在W(W⊂U)上成立,在U上并不一定成立。(这是因为多值依赖的定义中不仅涉及到X和Y,而且涉及到U中的其余属性Z)
 - 置 若函数依赖X→Y在R(U)上成立,则对于任何Y'⊂ Y均有X→Y'成立;多值依赖X→→Y若在R(U)上 成立,不能断言对于任何Y'⊂Y有X→→Y'成立

6.2 规范化

6.2.1	函数依赖
6.2.2	码
6.2.3	范式
6.2.4	2NF
6.2.5	3NF
6.2.6	BCNF
6.2.7	多值依赖
6.2.8	4NF
6.2.9	规范化小结

- ⇒ 定义6.10 关系模式R<U,F>∈1NF,如果对于R的每个非平凡多值依赖X→→Y(Y \subseteq X),X都含有码,则R∈4NF。
- **⇒** 如果R ∈ 4NF, 则R ∈ BCNF
 - 不允许有非平凡且非函数依赖的多值依赖
 - 允许的非平凡多值依赖是函数依赖
 - 允许的多值依赖是平凡的多值依赖

存在非平凡的多值依赖C→→T,且C不是码

■ 用投影分解法把Teaching分解为如下两个关系模式:

$$CT(C, T) \in 4NF$$

$$CB(C, B) \in 4NF$$

$$C \rightarrow T$$
, $C \rightarrow B$ 是平凡多值依赖

6.2 规范化



⇒ 关系数据库的规范化理论是数据库逻辑设计的工具

⇒目的:尽量消除插入、删除异常,修改复杂,数据冗余

⇒基本思想:逐步消除数据依赖中不合适的部分

■ 实质:概念的单一化

⇒ 关系模式规范化的基本步骤

 1NF
 ↓
 消除非主属性对码的部分函数依赖

 2NF
 ↓
 消除非主属性对码的传递函数依赖

 1NF
 ↓
 消除非主属性对码的传递函数依赖

 1NF
 ↓
 消除主属性对码的传递函数依赖

 1NF
 ↓
 消除主属性对码的传递函数依赖

 1NF
 ↓
 消除主属性对码的等分和传递函数依赖

 1NF
 ↓
 消除非平凡且非函数依赖的多值依赖

 4NF
 4NF

6.2.9 规范化小结

- →不能说规范化程度越高的关系模式就越好
- → 在设计数据库模式结构时,必须对现实世界的实际情况和用户应用需求作进一步分析,确定一个合适的、能够反映现实世界的模式
- ⇒上面的规范化步骤可以在其中任何一步终止

第六章 关系数据理论



- 问题的提出
- 规范化
- 数据依赖的公理系统
- 模式的分解
- 小结



⇒逻辑蕴含

定义6.11 对于满足一组函数依赖 F 的关系模式R < U , F > ,其任何一个关系r ,若函数依赖 $X \rightarrow Y$ 都成立,(即 r中任意两元组t ,s ,若t[X] = s[X] ,则t[Y] = s[Y]),则称 F 逻辑蕴含 $X \rightarrow Y$

1. Armstrong公理系统

- ⇒ 关系模式R < U, F > 来说有以下的推理规则:
 - A1自反律(Reflexivity): 若Y⊆X⊆U,则X→Y 为F所蕴含。
 - A2增广律(Augmentation): 若X→Y为F所蕴含
 , 且Z⊆U,则XZ→YZ为F所蕴含。

1. Armstrong公理系统

- ⇒ 定理 6.1 Armstrong推理规则是正确的
 - A1自反律:
 - 若 $Y \subseteq X \subseteq U$,则 $X \rightarrow Y \mapsto F$ 所蕴含

证: 设**Y**⊆*X*⊆*U*

对R < U,F > 的任一关系r中的任意两个元组t,s:

若t[X]=s[X],由于 $Y\subseteq X$,有t[y]=s[y],

所以X→Y成立,自反律得证

1. Armstrong公理系统

■ A2增广律:

・若X→Y为F所蕴含,且Z ⊆ U,则XZ→YZ 为F所蕴含。

证: 设 $X \rightarrow Y \rightarrow F$ 所蕴含,且 $Z \subseteq U$ 。

设R < U,F > 的任一关系r中任意的两个元组t,s:

若t[XZ]=s[XZ],则有t[X]=s[X]和t[Z]=s[Z];

由 $X \rightarrow Y$,于是有t[Y] = s[Y],所以t[YZ] = s[YZ],

所以

XZ→YZ为F所蕴含,增广律得证。

1. Armstrong公理系统

■ A3传递律:

• 若 $X \rightarrow Y$ 及 $Y \rightarrow Z$ 为F所蕴含,则 $X \rightarrow Z$ 为F所蕴含。

证: 设 $X \rightarrow Y \nearrow Y \rightarrow Z \nearrow F$ 所蕴含。

对R < U,F > 的任一关系 r中的任意两个元组 t,s:

若t[X]=s[X],由于 $X\to Y$,有 t[Y]=s[Y];

再由 $Y \rightarrow Z$,有t[Z] = s[Z],所以 $X \rightarrow Z$ 为F所蕴含,传递律得证。

2. 导出规则

- ⇒ 根据A1, A2, A3这三条推理规则可以得到下面三条推理规则:

 - 伪传递规则: $由 X \rightarrow Y$, $WY \rightarrow Z$, 有 $XW \rightarrow Z$ 。

 (A2, A3)
 - 分解规则: 由X→Y及 Z⊆Y, 有X→Z。 (A1, A3)

2. 导出规则

⇒ 根据合并规则和分解规则,可得引理6.1

引理6.I $X \rightarrow A_1 A_2 ... A_k$ 成立的充分必要条件是:

 $X \rightarrow A_i$ 成立(i=1, 2, ..., k)

- → Armstrong公理系统是有效的、完备的
 - 有效性:由F出发根据Armstrong公理推导出来的每一个函数依赖一定在F+中;
 - 完备性: F+中的每一个函数依赖,必定可以由F出发根据Armstrong公理推导出来

3. 函数依赖闭包

- ⇒ 定义6.12 在关系模式R<U,F>中为F所逻辑蕴含的函数依赖的全体叫作 F的闭包,记为F*。
- ⇒ 定义6.13 设F为属性集U上的一组函数依赖, $X \subseteq U$, $X_F^+ = \{A | X \rightarrow A$ 能由F 根据Armstrong公理导出}
 - , X_F *称为属性集X关于函数依赖集F 的闭包

3. 函数依赖闭包

```
F=\{X\rightarrow Y, Y\rightarrow Z\}
F*={
X \rightarrow \varphi, Y \rightarrow \varphi, Z \rightarrow \varphi, XY \rightarrow \varphi, XZ \rightarrow \varphi, YZ \rightarrow \varphi, XYZ \rightarrow \varphi,
X \rightarrow X, Y \rightarrow Y, Z \rightarrow Z, XY \rightarrow X, XZ \rightarrow X, YZ \rightarrow Y, XYZ \rightarrow X,
X \rightarrow Y, Y \rightarrow Z, XY \rightarrow Y, XZ \rightarrow Y, YZ \rightarrow Z, XYZ \rightarrow Y,
X \rightarrow Z, Y \rightarrow YZ, XY \rightarrow Z, XZ \rightarrow Z, YZ \rightarrow YZ, XYZ \rightarrow Z,
X \rightarrow XY
                                             XY \rightarrow XY, XZ \rightarrow XY, XYZ \rightarrow XY,
                                             XY \rightarrow YZ, XZ \rightarrow XZ, XYZ \rightarrow YZ,
X \rightarrow XZ
                                             XY \rightarrow XZ, XZ \rightarrow XY, XYZ \rightarrow XZ,
X \rightarrow YZ
                                             XY \rightarrow XYZ, XZ \rightarrow XYZ, XYZ \rightarrow XYZ 
X \rightarrow ZYZ
F=\{X\rightarrow A1, ...., X\rightarrow An\}的闭包F*计算是一个NP完全问题
```

3. 函数依赖闭包

- ⇒关于闭包的引理
 - 圓 引理6.2

设F为属性集U上的一组函数依赖,X, $Y \subseteq U$, $X \rightarrow Y$ 能由F 根据Armstrong公理导出的充分必要条件是 $Y \subseteq X_F$ *

■用途

将判定 $X \rightarrow Y$ 是否能由F根据Armstrong公理导出的问题,转化为求出 X_F ⁺、判定Y是否为 X_F ⁺的子集的问题

3. 函数依赖闭包

- ⇒ 求闭包的算法
- 算法6.1 求属性集X ($X \subseteq U$) 关于U上的函数依赖集F 的闭包 X_F *

输入: X, F 输出: X_F⁺

步骤:

- (1) $\diamondsuit X^{(0)} = X$, i=0
- (2) 求B, 这里B = { A | (∃ V)(∃ W)($V \rightarrow W \in F \land V \subseteq X^{(i)} \land A \in W$)};
- (3) $X^{(i+1)} = B \cup X^{(i)}$
- (4) 判断**X**(i+1) = **X**(i) 吗?
- (5) 若相等或 $X^{(i)} = U$,则 $X^{(i)}$ 就是 X_F^+ ,算法终止。
- (6) 若否,则 *i=i+I*,返回第(2) 步。

3. 函数依赖闭包

⇒ 对于算法6.1, 令 $a_i = |X^{(i)}|$,{ a_i }形成一个步长大于1 的严格递增的序列,序列的上界是 | U |,因此该算法最多 | U | - |X | 次循环就会终止。

3. 函数依赖闭包

[例1] 已知关系模式R < U, F >, 其中 $U = \{A, B, C, D, E\}$; $F = \{AB \rightarrow C, B \rightarrow D, C \rightarrow E, EC \rightarrow B, AC \rightarrow B\}$ 。 求 $(AB)_{F}^{+}$ 。

解 设**X** ⁽⁰⁾ =AB;

- (1) $X^{(1)} = AB \cup CD = ABCD$.
- (2) $X^{(0)} \neq X^{(1)}$ $X^{(2)} = X^{(1)} \cup BE = ABCDE$.
- (3) *X* ⁽²⁾ = U,算法终止

 \rightarrow (AB) _F⁺ = ABCDE.

4. Armstrong公理系统的有效性与完备性

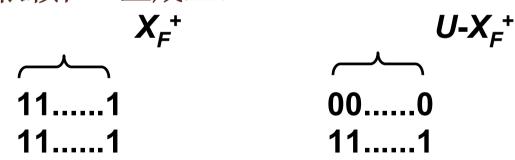
- ⇒ 定理6.2 Armstrong公理系统是有效的、完备的
 - ᠍证明:
 - 1. 有效性可由定理6.1得证
 - 2. 完备性

只需证明<mark>逆否命题:</mark>若函数依赖 $X \rightarrow Y$ 不能由F从Armstrong公理导出,那么它必然不为F所蕴含

4. Armstrong公理系统的有效性与完备性

- → Armstrong公理系统完备性证明

 - ② (2) 构造一张二维表r,它由下列两个元组构成,可以证明r必是R(U,F)的一个关系,即F 中的全部函数依赖在 r上成立。



5. 函数依赖集等价

- ⇒ 定义6.14 如果 $G^{+}=F^{+}$,就说函数依赖集F覆盖G(F是G 的覆盖,或G是F的覆盖),或F与G等价。
- 引理6.3 $F^+ = G^+$ 的充分必要条件是 $F \subseteq G^+$,和 $G \subseteq F^+$ 证: 必要性显然,只证充分性。
 - (1) 若 $F \subseteq G^+$,则 $X_F^+ \subseteq X_{G^+}^+$ 。
 - (2) 任取 $X \rightarrow Y \in F^+$ 则有 $Y \subseteq X_F^+ \subseteq X_{G^+}^+$ 。 所以 $X \rightarrow Y \in (G^+)^+ = G^+$ 。即 $F^+ \subseteq G^+$ 。
 - (3) 同理可证*G*⁺⊆ *F*⁺,所以*F*⁺ = *G*⁺。

6. 最小依赖集

- ⇒ 定义6.15 如果函数依赖集F满足下列条件,则称F为
 - 一个极小函数依赖集。亦称为最小依赖集或最小覆盖。
 - (1) F中任一函数依赖的右部仅含有一个属性。
 - \blacksquare (2) F中不存在这样的函数依赖X \to A,使得F与F -{X \to A}等价。
 - (3) F中不存在这样的函数依赖X→A, X有真子集Z使得F-{X→A}∪{Z→A}与F等价。

6. 最小依赖集

[例2] 关系模式S<U, F>, 其中:

U={ Sno, Sdept, Mname, Cno, Grade },

F={ Sno→Sdept, Sdept→Mname, (Sno

, Cno)→Grade }

设F'={Sno→Sdept, Sno→Mname, Sdept→Mname,

(Sno, Cno)→Grade, (Sno, Sdept)→Sdept}

F是最小覆盖,而F'不是。

因为: *F '* - {Sno→Mname}与*F* '等价

F'-{(Sno, Sdept)→Sdept}也与F'等价

7. 极小化过程

⇒ 定理6.3 每一个函数依赖集F均等价于一个极小函数依赖集 F_m 。此 F_m 称为F的最小依赖集。

证明:构造性证明,找出F的一个最小依赖集。

7. 极小化过程

- \blacksquare (1)逐一检查F中各函数依赖 FD_i : $X \rightarrow Y$,若 $Y = A_1A_2 \dots A_k$,k > 2,则用 { $X \rightarrow A_i \mid j = 1$,2,…, k} 来取代 $X \rightarrow Y$ 。
- \blacksquare (2)逐一检查F中各函数依赖 FD_i : $X \rightarrow A$,令 $G = F \{X \rightarrow A\}$,若 $A \in X_G^+$,则从F中去掉此函数依赖。
- (3)逐一取出F中各函数依赖 FD_i : $X \rightarrow A$,设 $X = B_1B_2...B_m$,逐一考查 B_i (i = 1, 2, ..., m),若 $A \in (X B_i)_F^+$,则以 $X B_i$ 取代X。

7. 极小化过程

[例3] $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow A, B \rightarrow C, A \rightarrow C, C \rightarrow A\}$ F_{m1}, F_{m2} 都是F的最小依赖集:

$$F_{m1}$$
= { $A \rightarrow B$, $B \rightarrow C$, $C \rightarrow A$ }
 F_{m2} = { $A \rightarrow B$, $B \rightarrow A$, $A \rightarrow C$, $C \rightarrow A$ }

- F 的最小依赖集 F_m 不唯一
- ⇒ 极小化过程(定理6.3的证明)也是检验F是否为极小依赖 集的一个算法

第六章 关系数据理论



- 问题的提出
- 规范化
- 数据依赖的公理系统
- 模式的分解
- 小结



- ⇒ 把低一级的关系模式分解为若干个高一级的关系模式的 方法不是唯一的
- ⇒ 只有能够保证分解后的关系模式与原关系模式等价,分解方法才有意义

⇒模式分解的标准

■ 三种模式分解等价的定义:

- 1. 分解具有无损连接性
- 2. 分解要保持函数依赖
- 3. 分解既要保持函数依赖, 又要具有无损连接性

例: SL(Sno,Sdept,Sloc),

其中Sno是学号,Sdept是学生所在系,Sloc是学生住处,每个系的学生住在同一个地方。

F={Sno→Sdept, Sno→Sloc, Sdept→Sloc}

∵存在传递函数依赖, ∴ SL∈2NF。

- ⇒第一种分解: SN(Sno), SC(Sdept), SO(Sloc)
- ⇒分解后都是规范化程度 很高的关系模式,但分解 后丢失了许多信息。
- ⇒此种分解方法不可取。 要使分解有意义,起码的 要求是后者不能丢失前者 的信息.

Sdept	Sloc			
CS	Α			
IS	В			
MA	С			
IS	В			
PH	В			
	CS IS MA IS			

⇒若分解后的关系可以通过自然连接恢复为原来的 关系,则这种分解就没有丢失信息。

⇒第二种分解: NL(Sno, Sloc), DL(Sdept, Sloc)

NL

DL

Sno	Sloc
98001	Α
98002	В
98003	С
98004	В
98005	В

Sdept	Sloc	
CS	Α	
IS	В	
MA	С	NL MDL
IS	В	\Rightarrow
PH	В	·

Sno	Sloc	Sdept
98001	Α	CS
98002	В	IS
98002	В	PH
98003	С	MA
98004	В	IS
98004	В	PH
98005	В	IS
98005	В	PH

连接后多了三个元组,将无法知道原来关系中究竟有哪些元组,从这个意义上讲,这个分解仍然丢失了信息。

⇒第三种分解: ND(Sno, Sdept), NL(Sno, Sloc)

ND		NL	NL		ND⋈NL			
Sno	Sdept	Sno	Sloc		Sno	Sdep	Sloc	
98001	CS	98001	Α	_		t		
98002	IS	98002	В	\Rightarrow	98001	CS	Α	
98003	MA	98003	С		98002	IS	В	
98004	IS	98004	В		98003	MA	С	
98005	PH	98005	В		98004	IS	В	
				-	98005	PH	В	

没有丢失信息,恢复为原来的关系,这种分解称为: "无损连接分解"。

定义6.1 设关系模式R(U,F)被分解为若干个关系模式R₁(U₁,F₁),R₂(U₂,F₂),…,R_n(U_n,F_n) (其中U=U₁ \cup U₂ \cup … \cup U_n,且不存在U_i \subseteq U_j,F_i为F在U_i上的投影),若R与R₁,…,R_n自然连接的结果相等,则称R的这个分解*具有无损连接性*。

→ 只有具有无损连接性的分解才能保证不丢失 信息

- ⇒第三种分解虽然具有无损连接性,保证了不丢失原关系中的信息,但它并没有解决各种异常现象。如:98001转系,则两个关系中相应的元组必须同时修改。
- ⇒因为这种分解没有保证原关系中的函数依赖,S L中的Sdept→Sloc即没有投影到ND上,也没 有投影到NL上,而是跨在两个关系上。

定义6.2 设关系模式R(U,F)被分解为若干个关系模式R₁(U₁,F₁),R₂(U₂,F₂),…,R_n(U_n,F_n) (其中U=U₁ \cup U₂ \cup … \cup U_n,且不存在U_i \subseteq U_j,F_i为F在U_i上的投影),若F所逻辑蕴涵的函数依赖一定也由分解得到的某个关系模式中的函数依赖F_i所逻辑蕴涵,则称关系模式R的这个分解是*保持函数依赖*的。

⇒第四种分解: ND(Sno, Sdept), DL(Sdept, Sloc) 这种分解保持了函数依赖。

例: S-L (Sno, Sdept, Sloc) F={ Sno→Sdept,Sdept→Sloc,Sno→Sloc}

S-L∈2NF

分解方法可以有多种:

1.分解为三个关系模式:

SN(Sno), SD(Sdept), SO(Sloc)

2.分解为下面二个关系模式:

NL(Sno, Sloc) DL(Sdept, Sloc)

3. 分解为下面二个关系模式:

ND(Sno, Sdept)、NL(Sno, Sloc)

4. 分解为下面二个关系模式:

ND(Sno, Sdept) DL(Sdept, Sloc)

- ★保持函数依赖,它不是原关系模式的一个等价分解
- → 2保持了函数依赖,但不具有无损连接性
- **3**具有无损连接性,但未持函数依赖
- → 4既具有无损连接性,又保持了函数依赖

- → 分解具有无损连接性和分解保持函数依赖是两个互相独立的标准。
- ⇒ 如果一个分解具有无损连接性,则它能保证不丢失信息。
- ⇒ 如果一个分解保持了函数依赖,则它可以减轻或解决各种异常情况。
- ⇒最后应当注意的是,规范化理论为数据库设计提供了理论的指南和工具,但仅仅是指南和工具。并不是规范化程度越高,模式就越好,实际应用中还必须结合应用环境和具体情况,合理地选择数据库模式。

第六章 关系数据理论



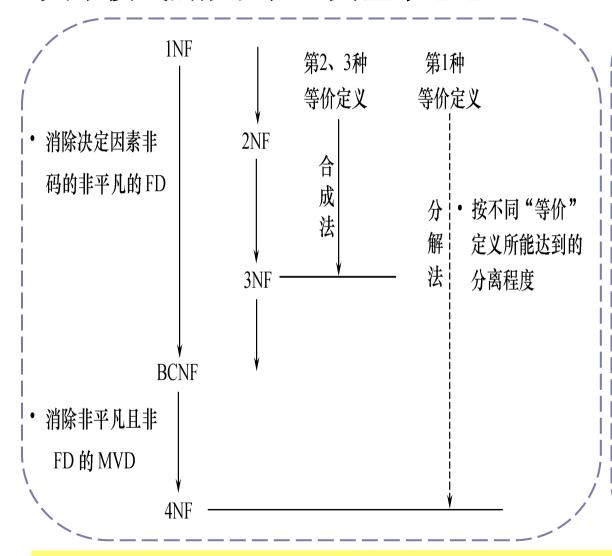
- 问题的提出
- 规范化
- 数据依赖的公理系统
- 模式的分解
- 小结





6.5 小结

关系模式的规范化, 其基本思想:



- ⇒ 若要求分解具有无 损连接性,那么模 式分解一定能够达 到4NF
- ⇒ 若要求分解保持函数依赖,那么模式分解一定能够达到SNF,但不一定能够达到BCNF
- ⇒ 若要求分解既具有 无损连接性,又保 持函数依赖,则模 式分解一定能够达 到3NF,但不一定 能够达到BCNF

6.5 小结

- ⇒ 规范化理论为数据库设计提供了理论的指南和工具
 - ■也仅仅是指南和工具

- ⇒ 并不是规范化程度越高,模式就越好
 - 必须结合应用环境和现实世界的具体情况合理地选择数据库模式

本章习题

- ⇒ 所有单属性关键字都是2NF关系
- ⇒ 所有只包含两个属性的关系都属于BCNF

