





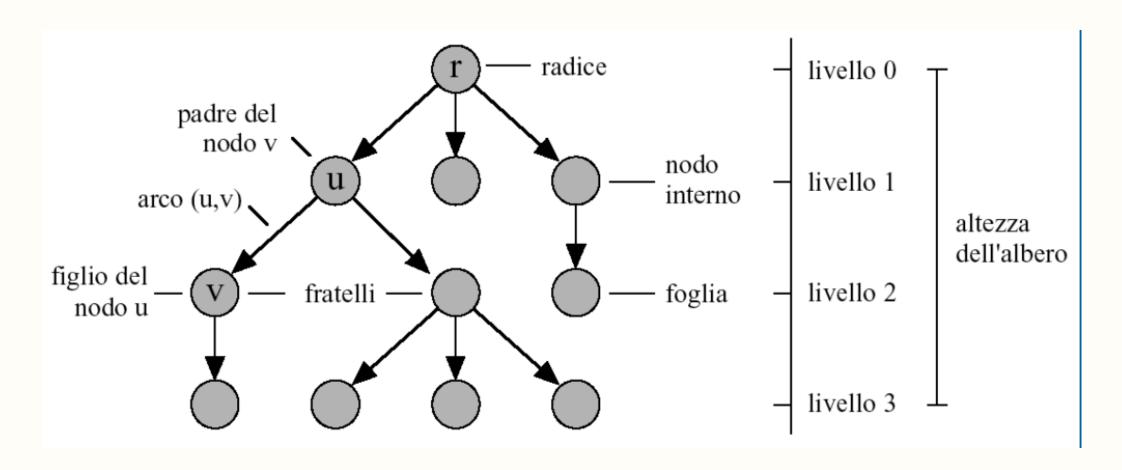
Laboratorio di Algoritmi e Strutture Dati a.a. 2024/2025

La struttura dati Heap binario

Giovanna Melideo

Università degli Studi dell'Aquila DISIM

Alberi (richiami)





Alberi (continua)

- Albero d-ario: albero in cui tutti i nodi interni hanno (al più) d figli
- Se d=2 l'albero è detto «binario»
- Un albero d-ario è completo se tutti nodi interni hanno esattamente d figli e le foglie sono tutte allo stesso livello



Heap binario (richiami)

- Struttura dati associata ad un insieme totalmente ordinato S
- Albero binario radicato con le seguenti proprietà:
 - 1. Un heap binario è **quasi completo**, ovvero completo fino al penultimo livello, con tutte le foglie sull'ultimo livello 'compattate' a sinistra
 - 2. Gli elementi di S sono memorizzati nei nodi dell'albero (ogni nodo v memorizza uno e un solo elemento di S, denotato con chiave(v)∈S)
 - 3. Ordinamento a heap (proprietà di ordinamento parziale dell'heap)
 - min-heap: per ogni nodo v dell'albero diverso dalla radice,
 chiave(padre(v)) ≤ chiave(v)
 - max-heap: per ogni nodo v dell'albero diverso dalla radice, chiave(padre(v)) ≥ chiave(v).



Heap binario (continua)

- La "quasi" completezza garantisce che:
 - l'altezza di un heap con n nodi è Θ(log n)
 - le operazioni fondamentali sugli heap vengono eseguite in un tempo che è al più proporzionale all'altezza dell'heap e, quindi, richiedono un tempo O(log n)
- Poiché le foglie sull'ultimo livello sono compattate a sinistra è possibile rappresentare l'albero implicitamente tramite un array posizionale H



Array posizionale H

- La radice occupa H[1] (H[0] è nodo sentinella)
- Se i è l'indice di un dato nodo:
 - l'indice del padre è parent[i]= i/2
 - gli indici dei figli sono left[i]=2*i e right[i]= 2*i+1
- Se i è l'indice di un dato nodo, il nodo è interno se i*2 <= size (ha almeno il figlio sinistro)



L'interfaccia BinaryHeap

```
public interface BinaryHeap<T> {
      public boolean isEmpty();
      public int size();
      public void insert( T x );
      public T findMax( );
      public T deleteMax( );
      public void heapify( );
      public void clear( );
```

```
* isEmpty(): Should be implemented to return true if the binary
 * heap is empty and false otherwise.
  size(): Should be implemented to return the number of elements
* in the binary heap.
* insert(): Insert the item x into the array, maintaining heap order.
* Duplicates are allowed.
* findMax(); Find the greatest item in the binary heap.
* @return the greatest item, or throw an exception if empty.
* deleteMax(): Remove the greatest item from the binary heap.
* @return the greatest item, or throw an exception if empty.
* heapify(): Establish heap order property from an arbitrary
 arrangement of items. Runs in linear time.
* clear(): Make the heap logically empty.
```



Implementazione basata su array

- L'heap binario è rappresentato mediante un array H di oggetti di tipo Comparable
- Il numero di elementi inseriti (dimensione logica) è memorizzato in un contatore size
- le chiavi sono memorizzate nelle locazioni H[1], ...,H[size]
 (la locazione H[0] sarà usata come sentinella)
- H è ridimensionato con la tecnica del raddoppiamento/dimezzamento
 - rif. ArrayBinaryHeap.java



Implementazione basata su ArrayList

- L'heap binario è rappresentato mediante un oggetto di tipo ArrayList di oggetti di tipo Comparable
- È possibile fornire un criterio aggiuntivo di confronto tra elementi basato sull'uso di un comparatore
 - rif. ArrayListBinaryHeap.java









Domande?

Giovanna Melideo

Università degli Studi dell'Aquila DISIM