Ответ 3

3. Проанализируйте архитектуру HNSW, используемую в Qdrant, с точки зрения сложности поиска и вставки элементов. Как иерархическая структура графа и вероятностное распределение узлов по слоям обеспечивают логарифмическую сложность поиска? Какие ограничения классического HNSW существуют в отношении фильтрации и масштабирования, и каким образом Qdrant преодолевает эти ограничения на уровне системы?

На основе предоставленного учебного материала, анализ архитектуры HNSW в Qdrant, ее ограничений и системных решений Qdrant выглядит следующим образом.

1. Архитектура HNSW и сложность поиска и вставки

Алгоритм Hierarchical Navigable Small World (HNSW) является основной структурой индексации в Qdrant для решения задачи приблизительного поиска ближайшего соседа (Approximate Nearest Neighbor, ANN).

1.1. Структура HNSW

HNSW строит иерархию графов близости G_0, G_1, \ldots, G_L . layer 2 (entry layer) • ——• (entry point) | layer 1 • ——• | | layer 0 • -• -• -• -• -• -•

- **Базовый слой (** G_0 **):** Этот слой содержит все векторы данных. Каждый узел в этом графе соединен со своими ближайшими соседями, формируя структуру с характеристиками "маленького мира" (small world).
- **Верхние слои (** G_l , l>0**):** Каждый последующий слой G_l представляет собой разреженный подграф нижележащего слоя G_{l-1} . Эти слои содержат "длинные" ребра, которые позволяют быстро перемещаться по всему векторному пространству.

1.2. Алгоритм вставки элемента

Процесс добавления нового элемента q в индекс HNSW состоит из следующих шагов:

- 1. **Выбор максимального слоя:** Для нового элемента q случайным образом, с экспоненциально убывающей вероятностью, выбирается максимальный слой l_{max} , на котором он будет представлен.
- 2. **Поиск точки входа:** Поиск начинается с единственной точки входа на самом верхнем слое иерархии, L.
- 3. **Итеративный спуск:** На каждом слое l от L до $l_{max}+1$ выполняется жадный поиск для нахождения элемента, ближайшего к q. Найденный узел на слое l используется как точка входа для поиска на слое l-1.
- 4. Вставка и соединение: Начиная со слоя $\min(L, l_{max})$ и до базового слоя (0), для элемента q выполняется поиск M ближайших соседей. Между q и найденными соседями устанавливаются ребра. Для контроля степени связности узлов применяются специальные эвристики.

1.3. Алгоритм поиска и его сложность

Поиск k ближайших соседей к запросу q выполняется следующим образом:

- 1. **Поиск точки входа:** Аналогично вставке, поиск начинается с верхнего слоя L.
- 2. **Жадный спуск:** На слоях от L до 1 выполняется жадный поиск, чтобы найти узел, наиболее близкий к q. Этот узел становится точкой входа для поиска на следующем, более плотном слое.
- 3. **Поиск на базовом слое:** На слое G_0 выполняется более тщательный поиск (например, beam search) для нахождения итогового набора из k ближайших соседей.

Согласно учебному материалу, **средняя сложность поиска в HNSW составляет** $O(\log N)$, где N — общее число векторов в базе данных.

2. Обеспечение логарифмической сложности поиска

Логарифмическая сложность поиска в HNSW достигается за счет синергии двух ключевых аспектов его архитектуры:

иерархической структуры и вероятностного распределения узлов.

- **Иерархическая структура графа:** Иерархия слоев позволяет реализовать стратегию поиска от грубого к точному. **Верхние слои содержат "длинные" ребра**, которые соединяют удаленные друг от друга части пространства, обеспечивая быстрое перемещение на большие расстояния на начальных этапах поиска. **Нижние слои, в свою очередь, содержат "короткие" ребра**, обеспечивая высокую точность локального поиска на финальных этапах. Этот многоуровневый подход позволяет избежать полного перебора всех узлов.
- Вероятностное распределение узлов: Узлы для верхних слоев выбираются вероятностно. Как указано в материале, это "обеспечивает логарифмическое уменьшение числа узлов с ростом номера слоя". Поскольку количество узлов на каждом последующем уровне уменьшается экспоненциально, общее количество слоев в иерархии пропорционально $\log N$. Так как алгоритм поиска на каждом слое посещает ограниченное количество узлов, общая сложность оказывается логарифмической.

3. Ограничения классического HNSW и решения Qdrant

Учебный материал выделяет следующие ограничения классического алгоритма HNSW и описывает, как Qdrant их преодолевает на системном уровне.

3.1. Ограничения в отношении фильтрации

- Ограничение: Классический алгоритм HNSW в его базовой форме не поддерживает эффективную префильтрацию (pre-filtering). Попытка выполнить поиск по заранее отфильтрованному подмножеству данных часто приводит к значительной деградации производительности, поскольку структура графа может оказаться несвязной для отфильтрованного набора.
- Решение Qdrant: Qdrant решает эту проблему, реализуя собственный механизм фильтрации на системном уровне.
 - 1. **Инвертированный индекс (Inverted Index):** Qdrant строит инвертированные индексы по полям метаданных (payload), которые отображают значения полей в списки ID векторов. Это позволяет быстро формировать множество ID векторов S_{filter} , удовлетворяющих заданному условию фильтра.
 - 2. **Интегрированный Pre-filtering:** ANN-поиск по графу HNSW выполняется таким образом, что **рассматриваются только узлы, принадлежащие множеству** S_{filter} . Ключевая инновация Qdrant заключается в том, что его реализация HNSW эффективно работает с такими разреженными наборами. Во время обхода графа, если узел не принадлежит S_{filter} , он игнорируется, но **его соседи все равно могут быть рассмотрены**. Это позволяет поддерживать связность поиска и избегать катастрофического падения производительности, характерного для других реализаций.

3.2. Ограничения в отношении масштабирования

- **Ограничение:** HNSW как алгоритм сам по себе **не включает в себя механизмы продуктового квантования (Product Quantization) или шардинга.** Эти механизмы критически важны для масштабирования на большие объемы данных и управления потреблением ресурсов.
- **Решение Qdrant:** Qdrant решает эти ограничения, **"реализуя данные механизмы на уровне всей системы,** поверх своей кастомизированной реализации HNSW".
 - **Квантование:** Qdrant внедряет скалярное и продуктовое квантование для сжатия векторов. Это позволяет снизить потребление RAM (в 4 раза для скалярного квантования) и ускорить вычисления расстояний, что является формой вертикального масштабирования и оптимизации производительности.
 - **Шардинг:** Хотя детали реализации шардинга не раскрываются в предоставленном тексте, в нем указывается, что Qdrant спроектирован для горизонтального масштабирования и масштабирования коллекций, что подразумевает наличие механизма шардинга на системном уровне для распределения данных по нескольким узлам.

Таким образом, Qdrant расширяет возможности классического HNSW, интегрируя его с дополнительными системными компонентами, такими как инвертированные индексы, механизмы квантования и шардинга, что делает его мощным и масштабируемым решением для production-сценариев.