1. Проблема

ask2

2. Содержательная постановка

Необходимо определить процентный состав шихты для выплавки стали, нормированной по ГОСТ'у и обладающей минимальной стоимостью материалов.

3. Формальная постановка

Пусть

- ullet $X=x_1,x_2,x_3$ пространство долей компонентов шихты для выплавки стали.
- $C=c_1,c_2,c_3$ пространство весов (цен) компонентов шихты для выплавки стали.

Задача:

$$(C,X) = \sum_{i=1}^3 c_i x_i = c_1 x_1 + c_2 x_2 + c_3 x_3 o \min_{x_1 + x_2 + x_3 = 1}$$

Ограничения нормированности по ГОСТу (условия):

```
egin{aligned} 0.15x_1 + 0.15x_2 + 0.17x_3 &\geq 0.16 \ 0.15x_1 + 0.15x_2 + 0.17x_3 &\leq 0.18 \ 0.10x_1 + 0.08x_2 + 0.09x_3 &\leq 0.09 \ 0.7x_1 + 0.3x_2 + 0.5x_3 &\leq 0.5 \ 0 &< x &< 1 \end{aligned}
```

4. Алгоритм и ПО

В качестве ПО будем использовать ЯП **Python** с подключенными модулями:

- питру для работы с линейной алгеброй
- сvxру для работы с линейным программированием

В качестве среды разработки Jupyter Lab,

5. Решение задачи

Приведем решение задачи с применением выбранного алгоритма.

```
def optimal_receipt(c, A, b=[0.16, 0.18, 0.09, 0.5], cost_accuracy=None, percentage_accuracy=3):
Функция, возвращающая оптимальные
доли материалов шихты
С - СПИСОК
стоимостей материалов
A - 2D-список
составов материалов
b - список
значений по ГОСТ'у
(по умолчанию, как в задаче)
cost_accuracy - целое число
знаков после запятой стоимости за тонну
(по умолчанию None - до целого числа)
percentage_accuracy - целое число
знаков после запятой значений оптимальных долей
(по умолчанию 3)
import cvxpy
import numpy as np
from warnings import warn
for i in c:
    if i < 0:
        raise Exception('Значение стоимости не может быть отрицательным')
for i in A:
    for j in i:
        if j < 0:
            raise Exception('Значение состава материала не может быть отрицательным')
for i in b:
    if i < 0:
        warn('Значение ограничения отрицательное, возможны проблемы!')
c = np.array(c)
A = np.array(A)
b = np.array(b)
x = cvxpy.Variable(shape=len(c), integer = False)
constraints = [(A[0,:] @ x >= b[0]),
               (A[0,:] @ x \le b[1]),
               (A[1,:] @ x \le b[2]),
               (A[2,:] @ x \le b[3]),
               (sum(x) == 1),
               (x >= 0)
total_value = c @ x
problem = cvxpy.Problem(cvxpy.Minimize(total_value), constraints=constraints)
    print('Стоимость тонны: %s' %round(problem.solve(), cost_accuracy))
except:
    print('Нет решения по ГОСТ\'у.')
print('Доли материалов: {} : {}.'.format(abs(round(x.value[0], percentage_accuracy)),
                                               abs(round(x.value[1], percentage_accuracy)),
                                               abs(round(x.value[2], percentage_accuracy))))
```

6. Анализ

Запустим функцию на реальных данных:

Доли материалов: 0.0 : 0.0 : 1.0.

Получаем ожидаемый ответ: использовать только последний вариант. Изначально было видно, что этот вариант самый дешевый, и при этом полностью удовлетворяет ограничениям по ГОСТу.