

# 1. Проблема



# 2. Содержательная постановка

Необходимо определить процентный состав шихты для выплавки стали, нормированной по ГОСТ'у и обладающей минимальной стоимостью материалов.

# 3. Формальная постановка

Пусть

- $X = x_1, x_2, x_3$  - пространство долей компонентов шихты для выплавки стали.
- $C = c_1, c_2, c_3$  - пространство весов (цен) компонентов шихты для выплавки стали.

Задача:

$$(C, X) = \sum_{i=1}^3 c_i x_i = c_1 x_1 + c_2 x_2 + c_3 x_3 \rightarrow \min_{x_1+x_2+x_3=1}$$

Ограничения нормированности по ГОСТу (условия):

$$0.15x_1 + 0.15x_2 + 0.17x_3 \geq 0.16$$

$$0.15x_1 + 0.15x_2 + 0.17x_3 \leq 0.18$$

$$0.10x_1 + 0.08x_2 + 0.09x_3 \leq 0.09$$

$$0.7x_1 + 0.3x_2 + 0.5x_3 \leq 0.5$$

$$0 \leq x \leq 1$$

# 4. Алгоритм и ПО

В качестве ПО будем использовать ЯП **Python** с подключенными модулями:

- numpy** - для работы с линейной алгеброй
- cvxpy** - для работы с линейным программированием

В качестве среды разработки **Jupyter Lab**,

# 5. Решение задачи

Приведем решение задачи с применением выбранного алгоритма.

```
In [ ]: def optimal_receipt(c, A, b=[0.16, 0.18, 0.09, 0.5], cost_accuracy=None, percentage_accuracy=3):  
    '''  
    Функция, возвращающая оптимальные  
    доли материалов шихты  
  
    c - список  
    стоимостей материалов  
  
    A - 2D-список  
    составов материалов  
  
    b - список  
    значений по ГОСТ'у  
    (по умолчанию, как в задаче)  
  
    cost_accuracy - целое число  
    знаков после запятой стоимости за тонну  
    (по умолчанию None - до целого числа)  
  
    percentage_accuracy - целое число  
    знаков после запятой значений оптимальных долей  
    (по умолчанию 3)  
    '''  
  
    import cvxpy  
    import numpy as np  
    from warnings import warn  
  
    for i in c:  
        if i < 0:  
            raise Exception('Значение стоимости не может быть отрицательным')  
    for i in A:  
        for j in i:  
            if j < 0:  
                raise Exception('Значение состава материала не может быть отрицательным')  
    for i in b:  
        if i < 0:  
            warn('Значение ограничения отрицательное, возможны проблемы!')  
  
    c = np.array(c)  
    A = np.array(A)  
    b = np.array(b)  
  
    x = cvxpy.Variable(shape=len(c), integer = False)  
  
    constraints = [(A[0,:] @ x >= b[0]),  
                  (A[0,:] @ x <= b[1]),  
                  (A[1,:] @ x <= b[2]),  
                  (A[2,:] @ x <= b[3]),  
                  (sum(x) == 1),  
                  (x >= 0)]  
  
    total_value = c @ x  
    problem = cvxpy.Problem(cvxpy.Minimize(total_value), constraints=constraints)  
  
    try:  
        print('Стоимость тонны: %s' %round(problem.solve(), cost_accuracy))  
    except:  
        print('Нет решения по ГОСТ\'у.')  
        return  
    print('Доли материалов: {} : {} : {}'.format(abs(round(x.value[0],percentage_accuracy)),  
                                                abs(round(x.value[1],percentage_accuracy)),  
                                                abs(round(x.value[2],percentage_accuracy))))
```

# 6. Анализ

Запустим функцию на реальных данных:

```
In [2]: c = [300,200,150]  
  
A = [[0.15,0.15,0.17],  
     [0.1,0.08,0.09],  
     [0.7,0.3,0.5]]  
  
optimal_receipt(c, A)
```

Стоимость тонны: 150  
Доли материалов: 0.0 : 0.0 : 1.0.

Получаем ожидаемый ответ: использовать только последний вариант. Изначально было видно, что этот вариант самый дешевый, и при этом полностью удовлетворяет ограничениям по ГОСТу.